Algoritmo em Grafos - Trabalho Prático 2

Arthur Bernardo

Maio 2021

1 Introdução

O objetivo deste trabalho é implementar e comparar o desempenho da enumeração de todos os ciclos existentes em um grafo, utilizando duas abordagens:

- (i) uma baseada na permutação dos vértices do grafo;
- (ii) outra baseada em caminhamento no grafo.

2 Metodologia

Utilizando a linguagem de programação C, foram implementados dois algoritmos de enumeração dos ciclos de um grafo.

O algoritmo baseado na permutação, a princípio, gera todas as combinações possíveis de um grafo. Logo depois, essas combinações passam por um filtro que verifica se existem arestas entre os vértices e, por fim, os vértices são ordenados e são excluídas as combinações repetidas.

Já, o algoritmo baseado em caminhamento, executa uma busca em profundidade no grafo, classificando cada aresta. Então, utilizando uma pilha e começando pelos vértices que possuem aresta de retorno, é feito o caminhamento no grafo e um filtro verifica se o caminho já foi descoberto.

Foram criados ao todo cinco grafos para testar o desempenho dos algoritmos. Para o teste, foram coletados os tempos de execução dos algoritmos em cada grafo. Os grafos podem ser visualizados nas figuras 2, 3, 4 e 5 e 6.

3 Resultados e Conclusão

Os resultados mostrados na Figura 1, evidenciam que o algoritmo baseado no caminhamento teve melhor desempenho em todos os grafos testados. Além disso, no algoritmo de permutação, houve mudança expressiva no tempo de execução conforme os número de vértices dos grafos foram aumentando. Já no algoritmo de caminhamento, houve mudança expressiva no tempo de execução, à medida que o número de arestas foram aumentando, visto que no Grafo completo, o tempo de execução deste algoritmo se aproximou do tempo do algoritmo

de permutação. Exemplos das execuções podem ser visualizadas nas figuras 7, 8, 9, 10.

GRAFOS x TEMPO(s)			
GRAFOS	PERMUTAÇÃO	CAMINHAMENTO	CICLOS
V(5)A(4) - "example7"	0,000337	0,000216	0
V(6)A(8) - "example4"	0,002161	0,000756	6
V(8)A(13) - "example2"	0,115391	0,000830	30
V(10)A(15) - "example3"	9,889324	0,001094	29
V(10)A(COMP.) - "example6"	29,392032	23,417321	968

Figure 1: Tabela: TEMPO: Grafos x Algoritmo

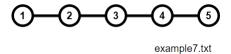


Figure 2: example7, Vértices(5)Arestas(4)

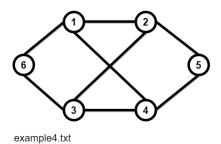


Figure 3: "example4", Vértices(6)Arestas(8)

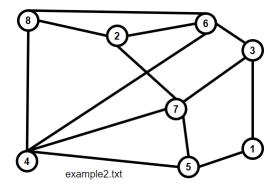


Figure 4: example2, $V\'{e}$ rtices(8)Arestas(13)

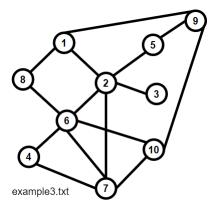


Figure 5: example3, Vértices(10)Arestas(15)

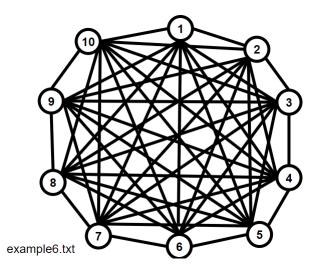


Figure 6: example6, Vértices(10)Arestas(COMPLETO)

```
CICLOS VIA PERMUTACAO CICLOS VIA CAMINHAMENTO Tamanho: 0 Tamanho: 0 tempo: 0.000165 s tempo: 0.000095 s
```

Figure 7: Execução do Grafo example7

```
CICLOS VIA PERMUTACAO
                         CICLOS VIA CAMINHAMENTO
Tamanho: 6
                         Tamanho: 6
6 5 4 3 2
                         600321
   3 2 0
                         4321
64310
                         654321
5 4 2 1 0
                         604301
 3 2 1 0
                         54021
 3 2 1 0
                         54320
    tempo: 0.001977 s
                             tempo: 0.000201 s
```

Figure 8: Execução do Grafo example4

CICLOS VIA PERMUTACAO	CICLOS VIA CAMINHAMENTO
Tamanho: 30	Tamanho: 30
8 7 6 5 4 3 2	7600320
8 7 6 5 4 3 2	7604020
8754321	7604300
8 7 6 5 4 3 1	7654301
8765321	80604020
8 6 5 4 3 2 1	87004020
7654321	87604320
8765430	80600020
8765420	87654301
8764320	87600320
8654310	87604300
7654310	87604020
7653210	80604000
8764300	654301
7654300	7654321
8754200	7054301
8763200	80654321
8764200	87054321
7654200	87654321
7 5 4 3 1 0 0	80654301
6543100	7650321
7 6 4 3 0 0 0	7654020
8742000	87054020
8 6 4 2 0 0 0	87650321
7 6 4 2 0 0 0	87654020
7632000	7050301
7 5 3 1 0 0 0	87654320
8640000	7654300
7 5 4 0 0 0 0	87654300
8620000	7054000
tempo: 0.101563 s	tempo: 0.000950 s

Figure 9: Execução do Grafo example2

```
CICLOS VIA CAMINHAMENTO
CICLOS VIA PERMUTACAO
                       Tamanho: 29
Tamanho: 29
                       7604020
10 9 8 7 6 5 4 2 1
                       7600020
987654210
                       7604000
10 9 8 7 6 5 2 1 0
10 9 7 6 5 4 2 0 0
                       10007600020
                       10007604000
987652100
                       10007600000
10 9 8 7 6 4 1 0 0
                       900050021
10 9 8 7 6 2 1 0 0
                       10900600021
10 9 7 6 4 2 1 0 0
                       10900650020
10 9 8 6 5 2 1 0 0
                       10907000021
10 9 7 6 5 2 0 0 0
                       10907050020
10 9 8 7 6 1 0 0 0
                       10907604021
986521000
                       10907654020
10 8 7 6 2 1 0 0 0
                       10907600021
876421000
                       10907650020
10 9 7 6 2 1 0 0 0
                       80600021
10 9 7 5 2 0 0 0 0
                       980650021
10 9 6 5 2 0 0 0 0
                       10987600021
10 9 8 6 1 0 0 0 0
10 9 7 2 1 0 0 0 0
                       87604021
                       987654021
876210000
                       10987604001
10 9 6 2 1 0 0 0 0
                       10987654021
1076400000
1076200000
                       87600021
                       987650021
764200000
                       10987600001
862100000
                       10087600021
9 5 2 1 0 0 0 0 0
1076000000
                       10987650021
                       10980600001
764000000
                       10980650021
762000000
                          tempo: 0.000807 s
   tempo: 6.648950 s
```

Figure 10: Execução do Grafo example3