Unidade IV: Ordenação Interna - Mergesort



Instituto de Ciências Exatas e Informática Departamento de Ciência da Computação

Agenda

· Funcionamento básico

· Algoritmo em C like

Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão

Agenda

Funcionamento básico



· Algoritmo em C like

Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão

Introdução

Ordenação por intercalação

Algoritmo de ordenação do tipo dividir para conquistar

 Normalmente, implementado de forma recursiva e demandando um espaço adicional de memória (não é um algoritmo in-place)

Introdução

Ordenação por intercalação

Algoritmo de ordenação do tipo dividir para conquistar

 Normalmente, implementado de forma recursiva e demandando um espaço adicional de memória (não é um algoritmo <u>in-place</u>)

Um **algoritmo** de ordenação é **in-place** se a memória adicional requerida é independente do tamanho do *array*

Funcionamento Básico

 Dividir sistematicamente o array em subarrays até que os mesmos tenham tamanho um

 Conquistar através da intercalação (ordenada) sistemática de dois em dois subarrays

• Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

• Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

[]



• Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [+ 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[ ]
[1
```



• Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[1]
[1]
[12]
```



• Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[]
[1]
[12]
[123]
```



• Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[]
[1]
[12]
[123]
[1233]
```



• Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[ ]
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
```



Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[]
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
```



• Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[]
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
[1233456]
```



• Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[ ]
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
[1233456]
[1233456]
```



Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
[1233456]
[12334567]
[123345678]
```



Faça a intercalação (ordenada) dos dois vetores [1 2 3 4 9] e [3 5 6 7 8]

```
[1]
[12]
[123]
[1233]
[12334]
[123345]
[1233456]
[12334567]
[123345678]
[1233456789]
```



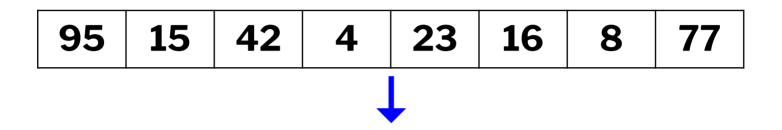


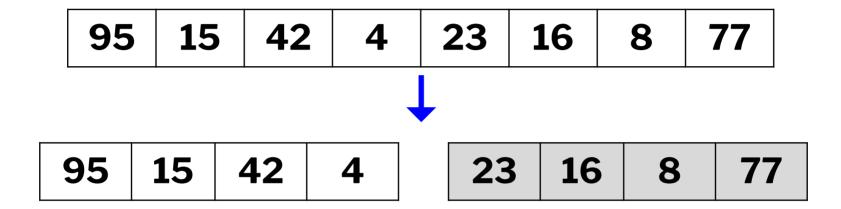


Conquistar (intercalação ou merge)

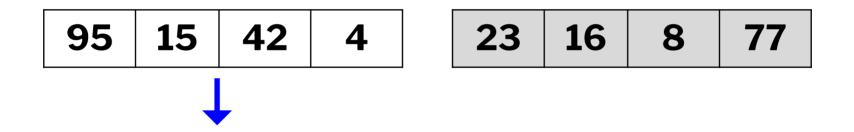
Subarray aguardando divisão

Elemento a ser intercalado no subarray

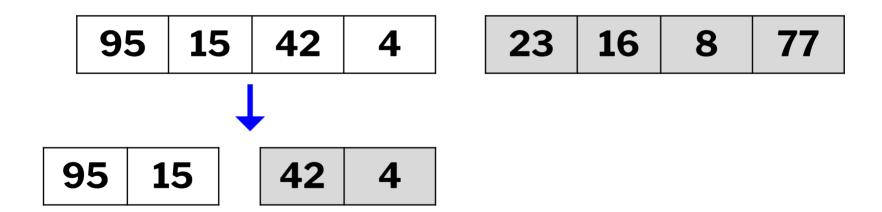




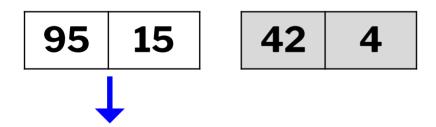




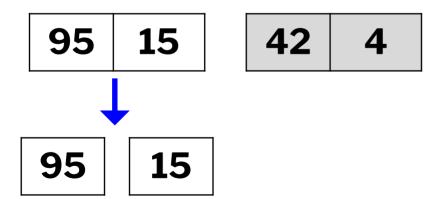






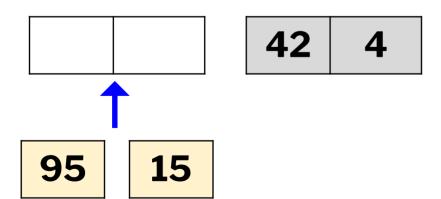




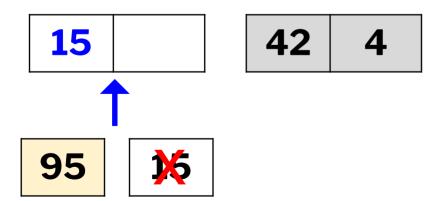


95 | 15 | 42 | 4

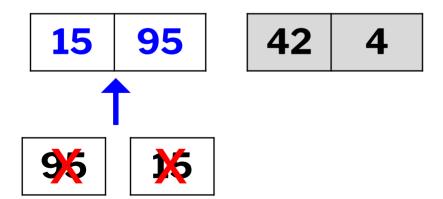
23 | 16 | 8 | 77









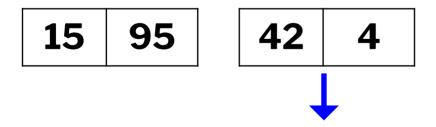


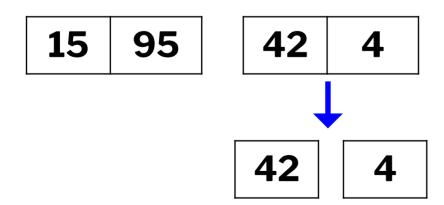
77

95 | 15 | 42 | 4 | 23 | 16 | 8

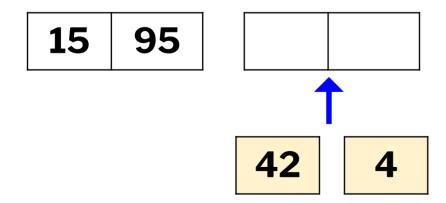
15 95 42 4



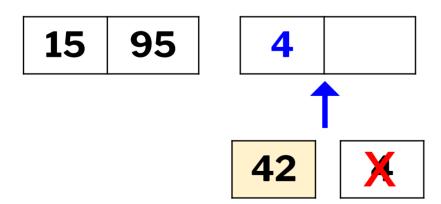




95 | 15 | 42 | 4 | 23 | 16 | 8 | 77



77





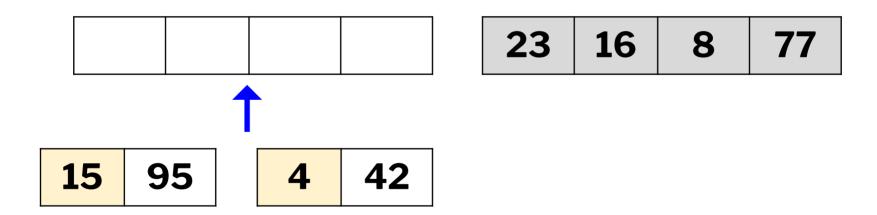
95 | 15 | 42 | 4

23 | 16 | 8 | 77

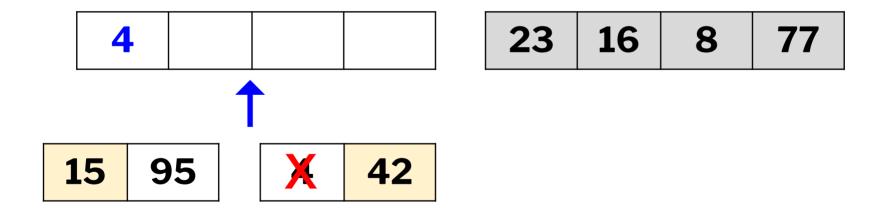
15 95

4 42

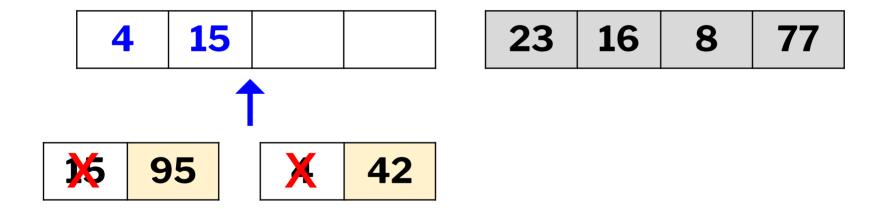




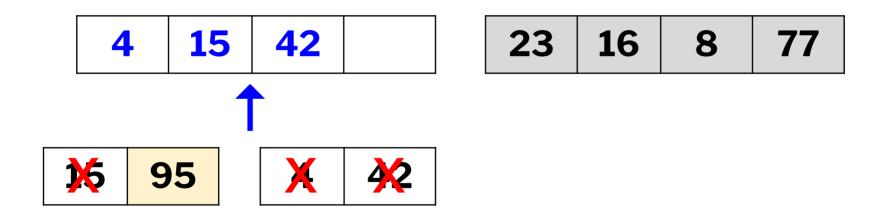




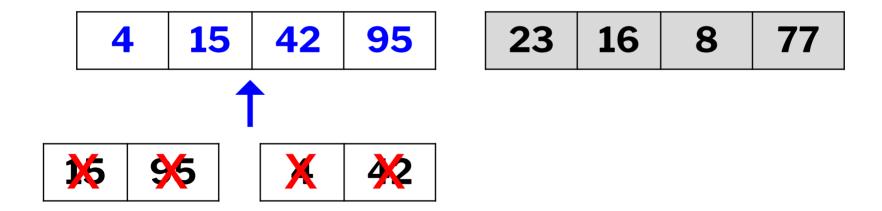






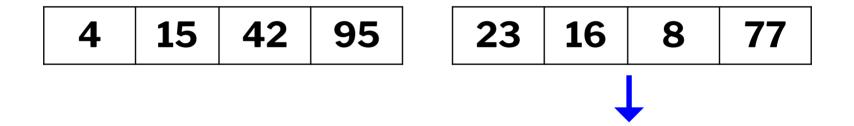




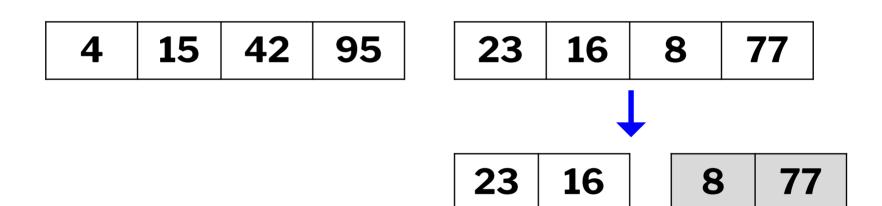


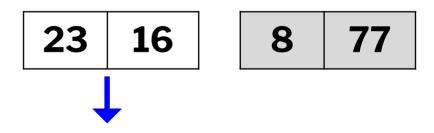
23 | 16 | 8 | 77

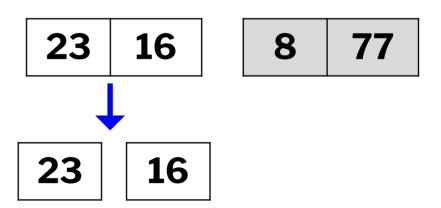




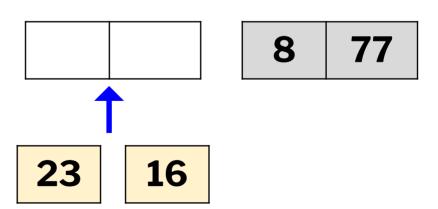


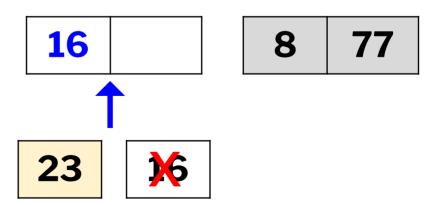




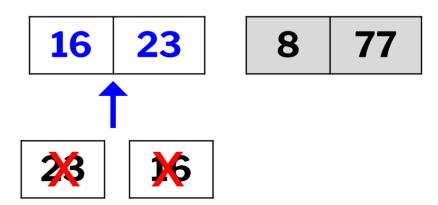








23 | 16 | 8 | 77



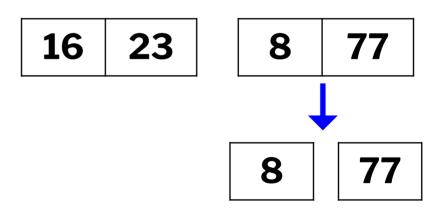
23 16 8 77

16 23

8 77

23 16 8 77

16 23 8 77



23 16 8 77

 16
 23

 8
 77

23 16 8 77

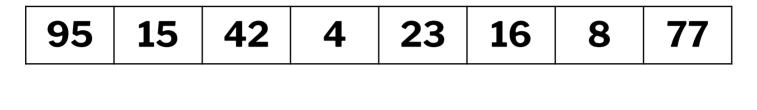
16 23 8 1 77

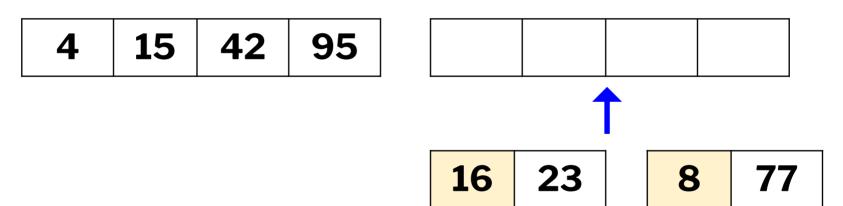
4 15 42 95

23 16 8 77

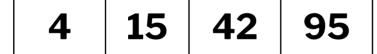
16 23

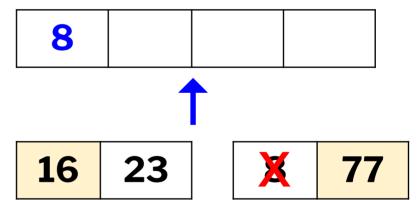
8 77





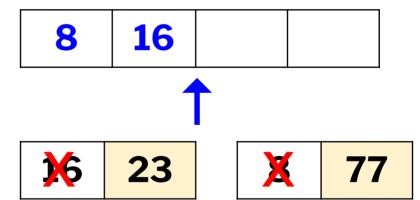






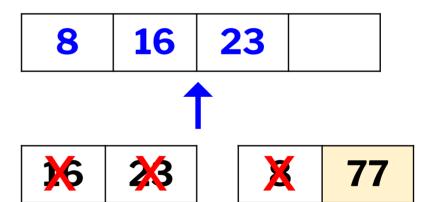




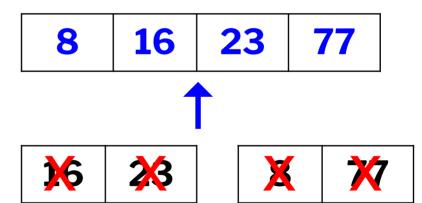




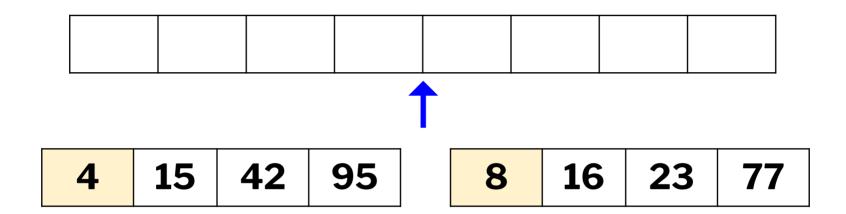


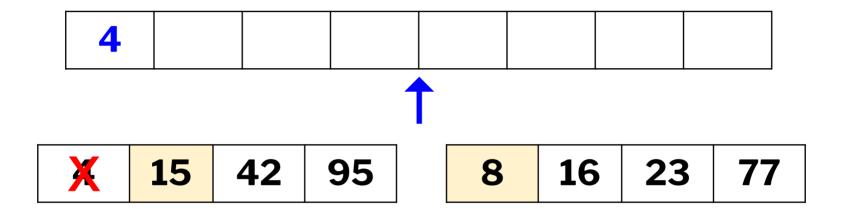


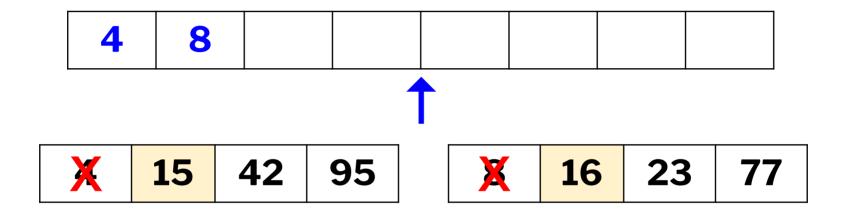


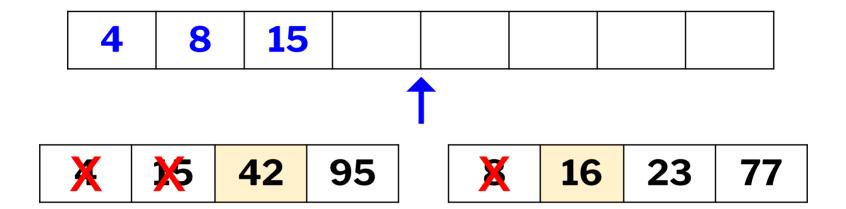


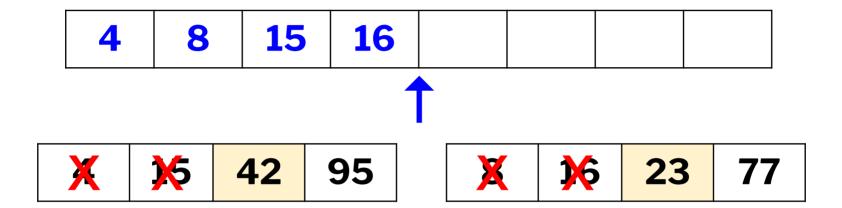
8 | 16 | 23 | 77

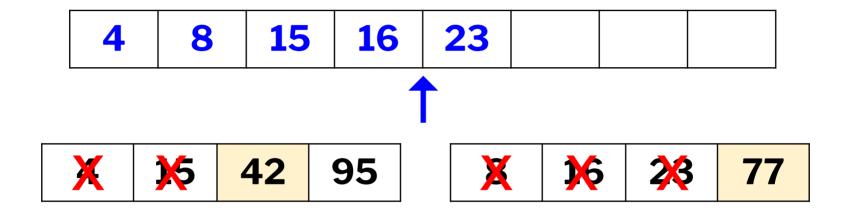


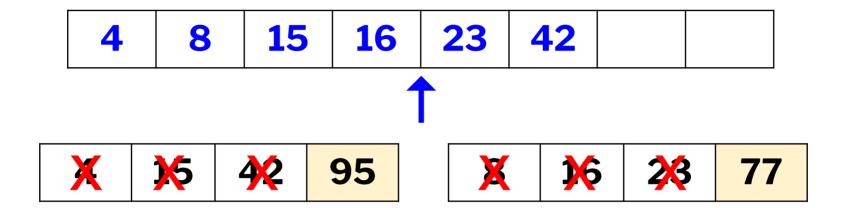


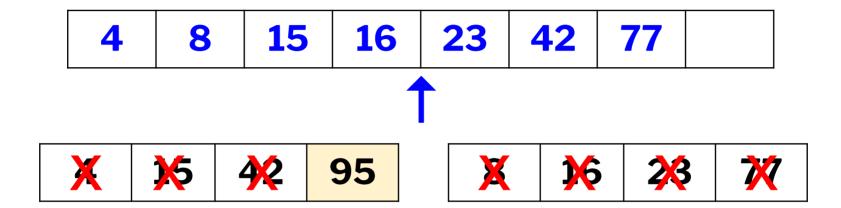


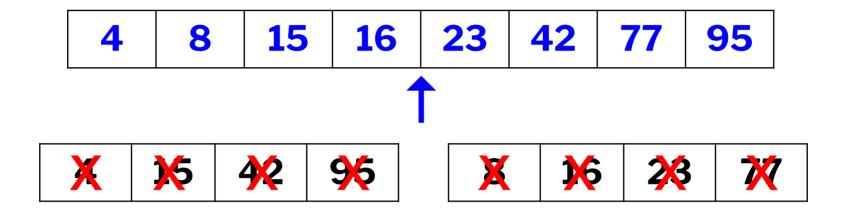












4 8 15 16 23 42 77 95

Agenda

· Funcionamento básico

- Algoritmo em C like



· Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão

Algoritmo em C like

```
void mergesort(int esq, int dir) {
    if (esq < dir){
        int meio = (esq + dir) / 2;
        mergesort(esq, meio);
        mergesort(meio + 1, dir);
        intercalar(esq, meio, dir);
    }
}</pre>
```

Algoritmo em C like

```
void intercalar(int esq, int meio, int dir){
   //Definir tamanho dos dois subarrays
   int nEsq = (meio+1)-esq;
   int nDir = dir - meio;
   int[] arrayEsq = new int[nEsq+1];
   int[] arrayDir = new int[nDir+1];
   //Sentinela no final dos dois arrays
   arrayEsq[nEsq] = arrayDir[nDir] = 0x7FFFFFFF;
```

Algoritmo em C like

```
int iEsq, iDir, i;
//Inicializar primeiro subarray
for (iEsq = 0; iEsq < nEsq; iEsq++){</pre>
  arrayEsq[iEsq] = array[esq+iEsq];
//Inicializar segundo subarray
for (iDir = 0; iDir < nDir; iDir++){</pre>
  arrayDir[iDir] = array[(meio+1)+iDir];
//Intercalacao propriamente dita
for (iEsq = iDir = 0, i = esq; i <= dir; i++){
  array[i] = (arrayEsq[iEsq] <= arrayDir[iDir]) ? arrayEsq[iEsq++] : arrayDir[iDir++];</pre>
```

Agenda

· Funcionamento básico

· Algoritmo em C like

· Análise dos número de comparações e movimentações



Conclusão

Análise do Número de Comparações

- Todos os casos:
 - Em cada subarray (tamanho k) fazemos k 1 comparações
 - Supondo que o tamanho do array é uma potência de 2, fazemos Ig(n) passos

$$C(1) = 0$$

$$C(n) = 2C(n/2) + \Theta(n)$$

Análise do Número de Movimentações

- Todos os casos:
 - Movimentamos os elementos de cada subarray duas vezes

$$M(1) = 0$$

$$M(n) = 2M(n/2) + \Theta(n)$$

$$\Theta(n*lg(n))$$

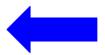
Agenda

· Funcionamento básico

· Algoritmo em C like

Análise dos número de comparações e movimentações

Conclusão



Conclusão

Método estável

 Normalmente, implementado de forma recursiva e demandando memória adicional

Faz n*lg(n) comparações, Θ(n*lg(n))

Exercício (1)

 Mostre todas as comparações e movimentações do algoritmo anterior para o array abaixo:

12	4	8	2	14	17	6	18	10	16	15	5	13	9	1	11	7	3
1000	•		A Parent		S-12-7-115	10.00	100				100		55	(Total	STATE VALL	7/1	-