### CYK Probabiliste

Lapraye & Lévêque & Viegas

Paris VII

1er juillet 2016

# L'Algorithme CYK

- Un algorithme de parsing ascendant
- Complexité  $\mathcal{O}(|G|n^3)$
- Parsing tabulaire
- Extention aux grammaire hors-contexte probabilistes (PCFG)

# L'Algorithme CYK

#### Algorithm 1 CYK normal

```
function CKY(w[1..n], G :< NT, T, P, \rho >, R[1..n, 1..n])
    for all i de 1 à m do
       if N \rightarrow w_i then
            R[i, i+1] \leftarrow N
    for all k de 2 à n do
        for all i de 1 à n-i+2 do
           for all i de i+1 à i+k do
               for all A \in R[i, j] do
                   for all do
                       for all NT \in P do
                           if NT \rightarrow AB then
                               R[i, i+k] = R[i, i+k] \cup \{NT\}
```

if  $S \in R[0, n]$  then return True

• Les CFG : un quadruplet  $(\Sigma, V, S, P)$ 

- Les CFG : un quadruplet  $(\Sigma, V, S, P)$
- Les CFG pondérées : ajout d'une fonction de poids  $f: p \mapsto \alpha, w \in W, \alpha \in \mathbb{R}$

- Les CFG : un quadruplet  $(\Sigma, V, S, P)$
- Les CFG pondérées : ajout d'une fonction de poids  $f: p \mapsto \alpha, w \in W, \alpha \in \mathbb{R}$
- Les CFG probabilistes : les poids correspondent à des probabilités pour une réécriture donnée.

$$f: p \mapsto \alpha, p \in P, \alpha \in [0, 1]$$
  
 $\forall X \in V, \sum_{X \to \alpha} p(X \to \alpha) = 1$ 

- Les CFG : un quadruplet  $(\Sigma, V, S, P)$
- Les CFG pondérées : ajout d'une fonction de poids  $f: p \mapsto \alpha, w \in W, \alpha \in \mathbb{R}$
- Les CFG probabilistes : les poids correspondent à des probabilités pour une réécriture donnée.

$$f: p \mapsto \alpha, p \in P, \alpha \in [0, 1]$$
  
 $\forall X \in V, \sum_{X \to \alpha} p(X \to \alpha) = 1$ 

 Les CFG probabilistes représentent un modèle de prédiction déduit à partir du corpus dont elles sont extraites.

- Les CFG : un quadruplet  $(\Sigma, V, S, P)$
- Les CFG pondérées : ajout d'une fonction de poids  $f: p \mapsto \alpha, w \in W, \alpha \in \mathbb{R}$
- Les CFG probabilistes : les poids correspondent à des probabilités pour une réécriture donnée.

$$f: p \mapsto \alpha, p \in P, \alpha \in [0, 1]$$
  
 $\forall X \in V, \sum_{X \to \alpha} p(X \to \alpha) = 1$ 

- Les CFG probabilistes représentent un modèle de prédiction déduit à partir du corpus dont elles sont extraites.
- Extraction des PCFG



# La forme normale de Chomsky (CNF)

- l'axiome S est inaccessible
- Les règles de production adoptent une des formes suivantes, avec  $\varepsilon$  la production vide,  $A,B,C,D\in V$ , et  $e\in\Sigma$ :

$$A \rightarrow BC$$

$$D \rightarrow e$$

$$S o \varepsilon$$

# Transformer la grammaire en CNF

- Faire en sorte que l'axiome n'apparaisse plus dans les parties droites de règles
- ② Supprimer les règles d'effacement (c'est à dire de la forme  $A \to^* \varepsilon$ ) pour les non-terminaux autres que l'axiome.
- Faire en sorte que tout les terminaux apparaissent uniquement dans la partie droite de règles unaires
- Remplacer les règles de production n-aire par des règles binaires équivalentes.
- **Supprimer** les productions singulières de non-terminaux, c'est à dire les règles de la forme  $A \to B$  avec  $A, B \in V$

# Transformer la grammaire en CNF

- Faire en sorte que l'axiome n'apparaisse plus dans les parties droites de règles
- ② Supprimer les règles d'effacement (c'est à dire de la forme  $A \to^* \varepsilon$ ) pour les non-terminaux autres que l'axiome.
- Faire en sorte que tout les terminaux apparaissent uniquement dans la partie droite de règles unaires
- Remplacer les règles de production n-aire par des règles binaires équivalentes.
- § Supprimer les productions singulières de non-terminaux, c'est à dire les règles de la forme  $A \to B$  avec  $A, B \in V$

# Le corpus Sequoia

- Un corpus diversifié
- Des phrases de longueur variable
- Extraction de la grammaire



# L'Algorithme CYK

#### **Algorithm 2** CYK probabiliste (argmax)

```
function CYK(w[1..n], G :< NT, T, P, \rho >, R[1..n, 1..n])
                                                                        \triangleright w : mot : G :
Grammaire: C: charte
   for all k \leftarrow 2, |n| do

⊳ Boucle gérant l'empan

       for all i \leftarrow k-2,0 do
           for all nt \in NT do
                                                            best = 0:
               for all nt \rightarrow nt^1nt^2 \subset P do
                   for all i \leftarrow i+1, k-1 do
                        t1 = R[i, j][nt^1]
                        t2 = R[i, k][nt^2]
                        candidate = t1 * t2 * \rho(nt \rightarrow nt^1nt^2);
                       if candidate > best then
                            best = candidate:
                R[i, k][nt] = best;
```

## Notre implémentation du CYK

• Un algorithme gourmand en temps et en mémoire

## Notre implémentation du CYK

- Un algorithme gourmand en temps et en mémoire
- Optimiser la recherche des réécritures possibles

## Notre implémentation du CYK

- Un algorithme gourmand en temps et en mémoire
- Optimiser la recherche des réécritures possibles
- Le backtracking

## **Evaluation**

• Une évaluation problématique.

### **Evaluation**

- Une évaluation problématique.
- La mesure dite de PARSEVAL

#### **Evaluation**

- Une évaluation problématique.
- La mesure dite de PARSEVAL
- Précision, Rappel et f-mesure

## Résultats

	Étiqueté	Non-étiqueté
Précision	0.829	0.870
Rappel	0.828	0.868
F-mesure	0.829	0.869

### Références



Brian Roark, Richard Sproat.

Computational Approaches to Morphology and Syntax.

Oxford University Press, 2007.



Mariana Romanyshyn, Vsevolod Dyomkin.

The Dirty Little Secret of Constituency Parser Evaluation, 2014.

http://tech.grammarly.com/blog/posts/The-Dirty-Little-Secret-of-Constituency-Parser-Evaluation.html



Martin Lange, Hans Leiss

 $\ll$  To CNF or not to CNF : An Efficient Yet Presentable Version of the CYK Algorithm », 2009

Informatica Didactica Nº 8



E. Black, S.Abney et al.

 $\ll$  Procedure for Quantitatively Comparing the Syntactic Coverage of English Grammars  $\gg$ 

1991, DARPA Speech and Natural Language Workshop

