Министерство образования Республики Беларусь

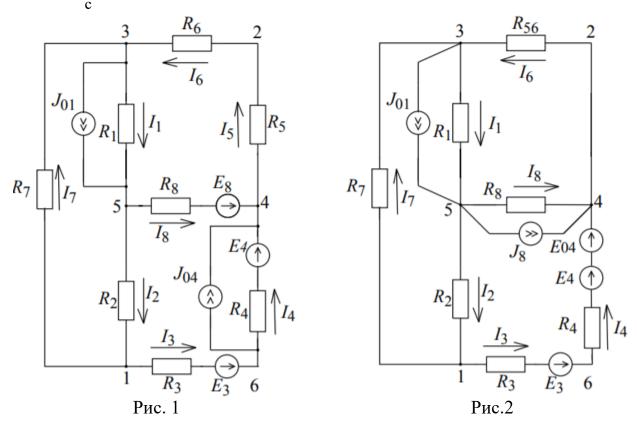
Учреждение образования БЕЛОРУССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИНФОРМАТИКИ И РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ

Факультет компьютерных систем и сетей

Кафедра теоретических основ электротехники

Типовой расчет №1 по курсу: «Теория электрических цепей» Студента №950503-21

Проверил: Выполнил: Ст. гр. №950503 Батюков С.В. Полховский А.Ф. 1. Начертим схему согласно заданному варианту (рис. 1).



2. Преобразуем схему к двухконтурной.

Для этого преобразуем источник тока J_{04} в источник напряжения E_{04} и источник напряжения E_8 в источник тока J_8 . Также объединим последовательно включенные сопротивления R_3 , R_4 и R_5 , R_6 .

Преобразуем источник напряжения E_8 в источник тока J_8

$$J_8 = \frac{E8}{R8} = \frac{400}{380} = 1.053 \text{ (A)},$$

$$E_{04} = J_{04} \cdot R_4 = 3 \cdot 410 = 1230 \text{ (B)},$$

$$R_{34} = R_3 + R_4 = 720 + 410 = 1130 \text{ (OM)},$$

$$R_{56} = R_5 + R_6 = 220 + 360 = 580 \text{ (OM)}.$$

Полученная схема показана на рис. 2. На этой схеме также объединим источники напряжения E_4 , E_{04} и E_3 :

$$E'_{34} = E_{04} + E_4 + E_3 = 1230 + 500 + 200 = 1930$$
 (B).

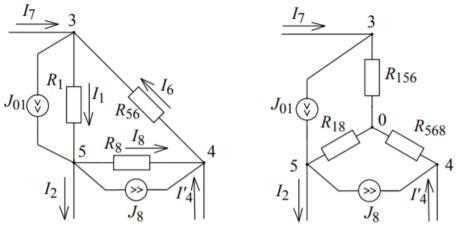
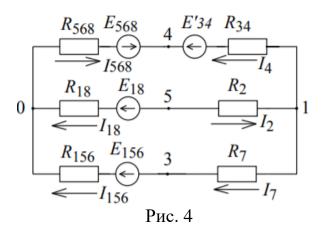


Рис. 3

На этой схеме (рис. 3) преобразуем треугольник 3-5-4 в звезду, а также преобразуем источники тока J_{01}, J_8 в источники ЭДС E_{156}, E_{568} , и E_{18} .

$$\begin{split} R_{156} &= \frac{R_1 \cdot R_{56}}{R_1 + R_{56} + R_8} = \frac{170 \cdot 580}{170 + 580 + 380} = 87.257(\text{OM}), \\ R_{568} &= \frac{R_{56} \cdot R_8}{R_1 + R_{56} + R_8} = \frac{580 \cdot 380}{170 + 580 + 380} = 195.044(\text{OM}), \\ R_{18} &= \frac{R_1 \cdot R_8}{R_1 + R_{56} + R_8} = \frac{170 \cdot 380}{170 + 580 + 380} = 57.168(\text{OM}), \\ E_{156} &= J_{01} \cdot R_{156} = 1 \cdot 87.257 = 87.257(\text{B}), \\ E_{568} &= J_8 \cdot R_{568} = 1.053 \cdot 195.044 = 205.31(\text{B}), \\ E_{18} &= (J_8 - J_{01}) \cdot R_{18} = (1.053 - 1) \cdot 57.168 = 3.009(\text{B}). \end{split}$$

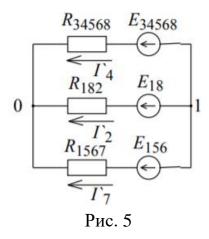
Полученная схема показана на рис. 4.



На этой схеме объединяем источники ЭДС и последовательно соединенные резисторы:

$$\begin{split} \mathbf{E}_{34568} &= \mathbf{E'}_{34} - \mathbf{E}_{568} = 1930 \, -205.31 \, = 1724.69(\mathrm{B}), \\ R_{34568} &= R_{34} + R_{568} = 1130 + \, 205.31 = 1325.31(\mathrm{OM}), \\ R_{182} &= R_{18} + R_2 = 57.168 + 530 \, = 587.168\,(\mathrm{OM}), \\ R_{1567} &= R_{156} + R_7 = 87.257 + 930 \, = 1017.257\,(\mathrm{OM}). \end{split}$$

Схема примет следующий вид (рис. 5).



3. Определим токи в схеме (рис. 6) методом двух узлов.

Примем потенциал узла 0 равным нулю, тогда:

$$I_{y1} = \varphi_1 g_{11}.$$

Определив узловой ток I_{y1} и проводимость g_{11} , определим потенциал ϕ_1 методом двух узлов:

$$\begin{split} I_{y1} &= -\frac{\mathrm{E}_{34568}}{R_{34568}} - \frac{\mathrm{E}_{18}}{R_{182}} - \frac{\mathrm{E}_{156}}{R_{1567}} = -\frac{1725}{1325} - \frac{3.009}{587} - \frac{87.257}{1017} = -1.393 \ (A), \\ g_{11} &= \frac{1}{R_{34568}} + \frac{1}{R_{182}} + \frac{1}{R_{1567}} = \frac{1}{1325} + \frac{1}{587} + \frac{1}{1017} = 0.003441 \ (\mathrm{Cm}), \\ \varphi_{1} &= \frac{I_{y1}}{g_{11}} = \frac{-1.393}{0.003441} = -404.703 \ (B). \end{split}$$

Определяем токи в ветвях:

$$I_{2}' = \frac{\varphi_{1} - \varphi_{0} + E_{18}}{R_{182}} = \frac{-404.703 - 0 + 3.009}{587} = -0.684(A),$$

$$I_{4}' = \frac{\varphi_{1} - \varphi_{0} + E_{34568}}{R_{34568}} = \frac{-404.703 - 0 + 188.835}{1325} = 0.996 (A),$$

$$I_{7}' = \frac{\varphi_{1} - \varphi_{0} + E_{156}}{R_{1567}} = \frac{-404.703 - 0 + 87.257}{1017} = -0.312 (A).$$

4. Разворачивая схему в обратном направлении, находим токи:

$$I_2 = -I'_2 = 0.684 (A),$$

 $I_3 = I'_4 = 0.996 (A),$
 $I_7 = I'_7 = -0.312 (A),$
 $I_4 = I_3 - J_4 = -2,004 (A).$

Находим напряжение U_{34} , U_{45} и U_{54} , а затем по закону Ома найдём токи I_1 , I_5 , I_8 и по первому закону Кирхгофа ток I_6 :

$$\begin{aligned} U_{43} &= -I_4' R_{34} + {E'}_{34} + {I_7} R_7 = -1125 + 1930 - 290.16 = 514.096(B), \\ U_{54} &= I_4' R_{34} - {E'}_{34} + {I_2} R_2 = -1125 + 1930 - 362 = 441.728(B), \\ U_{35} &= -I_2 R_2 - {I_7} R_7 = -362 + 290 = -72.367(B), \end{aligned}$$

$$I_5 = I_6 = \frac{-U_{34}}{R_{56}} = \frac{514.096}{580} = 0.886 (A),$$

$$I_8 = \frac{-U_{54} + E_8}{R_8} = \frac{-441 + 400}{380} = -0.11(A),$$

$$I_1 = I_8 + I_2 - J_{01} = -0.11 + 0.684 - 1 = -0.427 (A).$$

5. Найдем U₂₅ (согласно варианту) по схеме рис.1

$$U_{25} = I_6 R_6 + I_1 R_1 = 318 - 72.42 = 246.727$$
 (B).

6. Составление баланса мощностей для схемы рис. 1.

$$\begin{split} U_{64} &= I_4 R_4 - E_4 = -1322 \ (B), \\ P_{\mu \text{CT}} &= I_8 E_8 + I_4 E_4 + I_3 E_3 - U_{64} J_{04} - U_{35} J_{01} \ , \\ P_{\pi p} &= I_1^2 R_1 + I_2^2 R_2 + I_3^2 R_3 + I_4^2 R_4 + I_5^2 R_5 + I_6^2 R_6 + I_7^2 R_7 + I_8^2 R_8 \ . \\ P_{\mu \text{CT}} &= 3190 \ (B\text{T}), \\ P_{\pi p} &= 3190 \ (B\text{T}). \end{split}$$

Равенство $P_{\text{ист}}$ и $P_{\text{пр}}$ говорит о правильности нахождения токов.

Определение токов в ветвях исходной схемы методом наложения (Mathcad) представлено в приложении 1.

7. Определение токов в ветвях исходной схемы методом законов Кирхгофа.

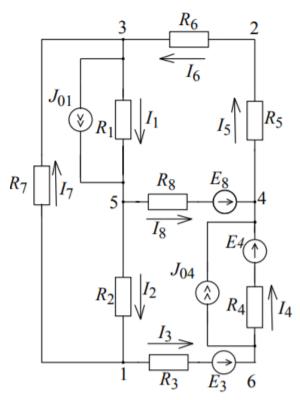


Рис.7 – Решение схемы методом законов Кирхгофа

Составляем систему уравнений по первому и второму законам Кирхгофа.

$$\begin{cases} I_6 + I_7 = I_1 + J_{01}, \\ I_8 + I_2 = I_1 + J_{01}, \\ I_3 + I_7 = I_2, \\ I_3 = I_4 + J_{04}, \\ I_8 + J_{04} + I_4 = I_5, \\ I_5 \cdot R_5 + I_6 \cdot R_6 + I_1 \cdot R_1 + I_8 \cdot R_8 = E_8, \\ I_3 \cdot R_3 - I_8 \cdot R_8 + I_4 \cdot R_4 + I_2 \cdot R_2 = E_3 + E_4 - E_8. \end{cases}$$

Решая систему уравнений, получаем токи:

$$\begin{split} &I_1 = -0.426(A), \\ &I_2 = 0.684(A), \\ &I_3 = 0.996(A), \\ &I_4 = -2.004(A), \\ &I_5 = 0.886(A), \\ &I_6 = 0.886(A), \\ &I_7 = -0.312(A), \\ &I_8 = -0.11(A). \end{split}$$

8. Определение токов в ветвях исходной схемы методом контурных токов.

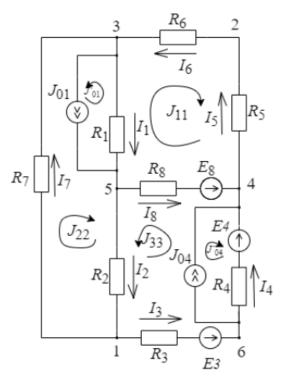


Рис.8 – Метод контурных токов

Запишем уравнения для определения контурных токов и токов в ветвях исходной схемы:

$$I_{11}(R_1 + R_8 + R_5 + R_6) - I_{22}R_1 + J_{01}R1 + I_{33}R_8 = -E_8,$$

$$I_{22}(R_1 + R_2 + R_7) - I_{11}R_1 + I_{33}R_2 = 0,$$

$$I_{33}(R_2 + R_8 + R_4 + R_3) - J_{04}R_4 + I_{22}R_2 + I_{11}R_8 = E_3 + E_4 - E_8.$$

Решая систему уравнений, находим контурные токи ${\rm I}_{11}, {\rm I}_{22}, {\rm I}_{33}$

$$I_{11} = -0.917$$
 (A),
 $I_{22} = -0.431$ (A),
 $I_{33} = 1.033$ (A),

Находим неизвестные токи I_1 , I_2 , I_3 , I_4 , I_5 , I_6 , I_7 , I_8

$$\begin{split} I_1 &= -I_{11} + I_{22} - J_{01} = -0.514 \text{ (A)}, \\ I_2 &= I_{22} + I_{33} = -0.602 \text{ (A)}, \\ I_3 &= I_{33} = 1.033 \text{ (A)}, \\ I_4 &= -J_{04} + I_{33} = -1.967 \text{ (A)}, \\ I_5 &= -I_{11} = 0.917 \text{ (A)}, \\ I_6 &= I_5 = 0.917 \text{ (A)}, \end{split}$$

$$I_7 = I_{22} = -0.431$$
 (A),
 $I_8 = -I_{11} - I_{33} = -0.116$ (A).

Определение токов в ветвях исходной схемы (рис. 8) методом контурных токов (Mathcad) представлено в приложении 2.

9. Определение токов в ветвях исходной схемы методов узловых потенциалов.

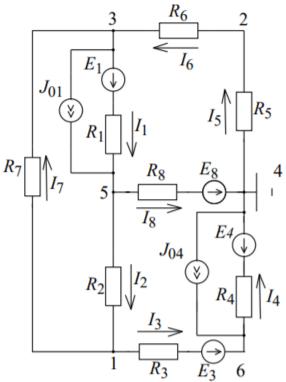


Рис. 9 – Узловые потенциалы

Для нахождения потенциалов определяем узловые токи:

$$I_{55} = J_{01} - \frac{E_8}{R_8} = -0.053 \text{ (A)},$$

$$I_{66} = \frac{E_3}{R_3} - \frac{E_4}{R_4} - J_{04} = -3.942 \text{ (A)},$$

$$I_{11} = -\frac{E_3}{R_3} = -0.278 \text{ (A)},$$

$$I_{33} = -J_{01} = -1 \text{ (A)}.$$

Определяем собственные проводимости и проводимости ветвей:

$$\begin{split} g_{11} &= \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_7} = 4.351 \, (\text{MCM}) \,, \\ g_{55} &= \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_8} = 10 \, (\text{MCM}), \\ g_{33} &= \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_7} + \frac{1}{R_6 + R_5} = 8.682 \, (\text{MCM}) \,, \\ g_{66} &= \frac{1}{R_3} + \frac{1}{R_4} = 3.828 \, (\text{MCM}) \,, \end{split}$$

$$\begin{split} g_{13} &= g_{31} = \frac{1}{R_7} = 1.075 \; (\text{MCM}) \; , \\ g_{15} &= g_{51} = \frac{1}{R_2} = 1.887 \; (\text{MCM}) \; , \\ g_{16} &= g_{61} = \frac{1}{R_3} = 1.389 \; (\text{CM}) \; , \\ g_{35} &= g_{53} = \frac{1}{R_1} = 5.882 \; (\text{MCM}) \; , \\ g_{36} &= g_{63} = 0 \; (\text{MCM}) \; , \\ g_{56} &= g_{65} = 0 \; (\text{CM}) \; . \end{split}$$

Составляем систему уравнений для нахождения потенциалов в узлах, учитывая потенциал узла 4 равным нулю (см. рис. 9):

$$\begin{aligned} \varphi_4 &= 0 \text{ (B),} \\ I_{11} &= \varphi_1 g_{11} - \varphi_3 g_{13} - \varphi_5 g_{15} - \varphi_6 g_{16}, \\ I_{33} &= -\varphi_1 g_{31} + \varphi_3 g_{33} - \varphi_5 g_{35} - \varphi_6 g_{36}, \\ I_{55} &= -\varphi_1 g_{51} - \varphi_3 g_{53} + \varphi_5 g_{55} - \varphi_6 g_{56}, \\ I_{66} &= -\varphi_1 g_{61} - \varphi_3 g_{63} - \varphi_5 g_{65} + \varphi_6 g_{66}. \end{aligned}$$

Решаем систему уравнений и получаем узловые потенциалы:

$$\varphi_1 = -804.313 \text{ (B)},$$
 $\varphi_3 = -514.096 \text{ (B)},$
 $\varphi_5 = -441.729 \text{ (B)},$
 $\varphi_6 = -1322 \text{ (B)}.$

Запишем уравнения для определения токов:

$$I_{1} = \frac{\varphi_{3} - \varphi_{5}}{R_{1}} = 0.684 \text{ (A)},$$

$$I_{2} = \frac{\varphi_{3} - \varphi_{5}}{R_{2}} = -0.426 \text{ (A)},$$

$$I_{3} = \frac{\varphi_{1} - \varphi_{6} + E_{3}}{R_{3}} = 0.997 \text{ (A)},$$

$$I_{4} = \frac{\varphi_{6} - \varphi_{4} + E_{4}}{R_{4}} = -2.005 \text{ (A)},$$

$$I_{5} = \frac{\varphi_{4} - \varphi_{3}}{R_{5} + R6} = 0.886 \text{ (A)},$$

$$I_{6} = I_{5} = 0.886 \text{ (A)},$$

$$I_7 = \frac{\varphi_1 - \varphi_3}{R_7} = -0.312 \text{ (A)},$$

$$I_8 = \frac{\varphi_5 - \varphi_4 + E_8}{R_8} = -0.11 \text{ (A)}.$$

Определение токов в ветвях исходной схемы (рис. 9) методом узловых потенциалов представлено в приложении 3.

10. Определение тока в заданной ветви методом эквивалентного генератора напряжения.

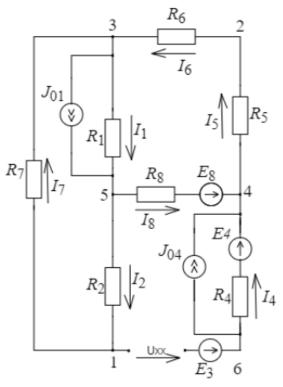


Рис. 10

Составляем систему уравнений для метода контурных токов на схеме (рис. 10)

$$\begin{cases} I_{11}(R_1 + R_8 + R_5 + R_6) + I_{22}R_1 = J_{01}R_1 + E_8, \\ I_{22}(R_1 + R_2 + R_7) + I_{11}R_1 = J_{01}R_1. \end{cases}$$

Решаем систему уравнений и получаем токи:

$$I_{11} = 0.497 (A),$$

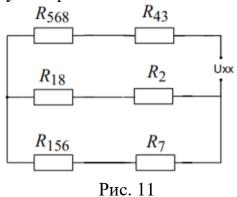
 $I_{22} = 0.053 (A).$

Определяем напряжение холостого хода:

$$U_{xx} = I_{11}R_8 - I_{22}R_2 + E_3 + E_4 + J_{04}R_4 =$$

= 0,497 * 380 - 0.053 * 530 + 200 + 500 + 3 * 410 - 400 =
= 1691 (*B*).

Определим эквивалентное сопротивление генератора. Соединив последовательно соединенные резисторы, и преобразовав треугольник в звезду получим схему представленную на рис.11:



$$\begin{split} R_{156} &= \frac{R_1 \cdot R_{56}}{R_1 + R_{56} + R_8} = \frac{170 \cdot 580}{170 + 580 + 380} = 87.257 (\text{OM}), \\ R_{568} &= \frac{R_{56} \cdot R_8}{R_1 + R_{56} + R_8} = \frac{580 \cdot 380}{170 + 580 + 380} = 195.044 (\text{OM}), \\ R_{18} &= \frac{R_1 \cdot R_8}{R_1 + R_{56} + R_8} = \frac{170 \cdot 380}{170 + 580 + 380} = 57.168 (\text{OM}). \end{split}$$

Находим $R_{_{\rm ЭКВ}}$:

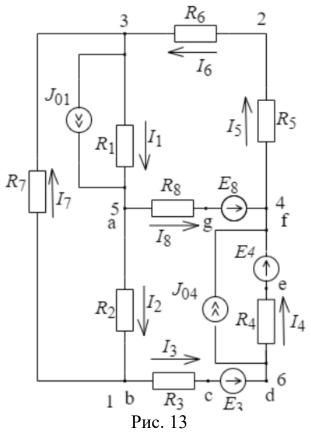
$$R_{\scriptscriptstyle \rm 3KB} = \frac{(R_{156} + R_7) * (R_{18} + R_2)}{R_7 + R_{156} + R_{18} + R_2} + R_{568} + R_4 = 997.328 \; (\rm Om).$$

Находим ток Із:

$$I_3 = \frac{U_{xx}}{R_{\text{9KB}} + R_3} = \frac{1691}{997.328 + 720} = 0.996(A).$$

Расчёт схемы методом эквивалентного генератора (Mathcad) представлен в приложении 4.

11. Построение потенциальной диаграммы по контуру a-b-c-d-e-f-g-a.



Определим узловые потенциалы для схемы (рис.13):

$$\begin{aligned} \phi_{a} &= 0 \text{ (B),} \\ \phi_{b} &= \phi_{a} + I_{2} R_{2} = -362.585 \text{ (B),} \\ \phi_{c} &= \phi_{b} - I_{3} R_{3} = -1079.836 \text{ (B),} \\ \phi_{d} &= \phi_{c} + E_{3} = -879.836 \text{ (B),} \\ \phi_{e} &= \phi_{d} - I_{4} R_{4} = -58.272 \text{ (B),} \\ \phi_{f} &= \phi_{e} + E_{4} = 441.728 \text{ (B),} \\ \phi_{g} &= \phi_{f} + I_{8} R_{8} = 400 \text{ (B),} \\ \phi_{a} &= \phi_{g} - E_{8} = 0 \text{ (B),} \end{aligned}$$

Потенциальная диаграмма представлена на рис. 14.

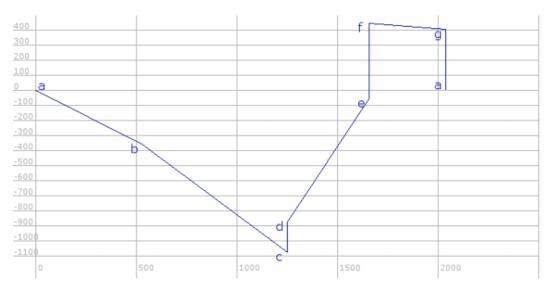


Рис. 14 – Потенциальная диаграмма

Результаты расчетов представлены в таблице.

I_1	I_2	I_3	I_4	I_5	I_6	I_7	I_8	U_{25}	U_{xx}	$R_{\text{ген}}$	P
-0.426	0.684	966.0	-2.005	0.886	0.886	-0.312	-0.11	246.727	1691	997.328	3190

Определение токов методом наложения (расчеты MATHCAD)

R1 := 170 R5 := 220 E3 := 200 J01 := 1
R2 := 530 R6 := 360 E4 := 500 J04 := 3
R3 := 720 R7 := 930 E8 := 400
R4 := 410 R8 := 380
R34 := R3 + R4 R34 = 1.13 × 10³
R56 := R5 + R6 R56 = 580

$$E04 := J04 \cdot R4 E04 = 1.23 \times 10^{3}$$
E34 := E04 + E3 + E4 E34 = 1.93 × 10³
J8 := $\frac{E8}{R8}$ J8 = 1.053
R156 := $\frac{R1 \cdot R56}{R1 + R56 + R8}$ R156 = 87.257
R568 := $\frac{R1 \cdot R56}{R1 + R56 + R8}$ R18 = 57.168
E156 := J01 \cdot R156 E156 = 87.257
E568 := J8 \cdot R568 E568 = 205.31
E18 := (J8 - J01) \cdot R18 E18 = 3.009
E34568 := E34 - E568 E34568 = 1.325 × 10³
R34568 := R34 + R568 R34568 = 1.325 × 10³
R182 := R18 + R2 R182 = 587.168
R1567 := R156 + R7 R1567 = 1.017 × 10³
Iy1 := $-\left(\frac{E156}{R1567} + \frac{E18}{R182} + \frac{E34568}{R182} + \frac{E34568}{R34568}\right)$ Iy1 = -1.393
g11 := $\frac{1}{R34568} + \frac{1}{R182} + \frac{1}{R1567}$ g11 = 3.441 × 10⁻³
fi1 := $\frac{Iy1}{C11}$ fi1 = -404.703 fi0 := 0

$$I5 := \frac{U43}{R56} \quad I6 := I5 \quad I5 = 0.886$$

$$I8 := \frac{U54 + E8}{R8} \qquad I8 = -0.11$$

$$U25 := I6 \cdot R6 + I1 \cdot R1 \qquad U25 = 246.727$$

$$Ppr := I1^2 \cdot R1 + I2^2 \cdot R2 + I3^2 \cdot R3 + I4^2 \cdot R4 + I5^2 \cdot R5 + I6^2 \cdot R6 + \left(I7^2 \cdot R7\right) + I8^2 \cdot R8$$

$$U64 := I4 \cdot R4 - E4 \qquad U64 = -1.322 \times 10^3$$

$$Pist := I8 \cdot E8 + I4 \cdot E4 + I3 \cdot E3 - U64 \cdot J04 - U35 \cdot J01$$

$$Pist = 3.19 \times 10^3$$

$$Ppr = 3.19 \times 10^3$$

$$U25 := I6 \cdot R6 + I1 \cdot R1 \qquad U25 = 246.727$$

Определение токов методом контурных токов (расчеты MATHCAD)

R1 := 170 R5 := 220 E3 := 200 J01 := 1
R2 := 530 R6 := 360 E4 := 500 J04 := 3
R3 := 720 R7 := 930 E8 := 400
R4 := 410 R8 := 380
I11 := 0 I22 := 0 I33 := 0
Given
I11·(R1 + R6 + R5 + R8) + I33·R8 - I22·R1 + J01·R1 = -E8
I22·(R2 + R7 + R1) + I33·R2 - I11·R1 = 0
I33·(R2 + R8 + R4 + R3) - J04·R4 + I11·R8 + I22·R2 = E3 + E4 - E8
Find(I11,I22,I33) =
$$\begin{pmatrix} -0.917 \\ -0.431 \\ 1.033 \end{pmatrix}$$
 +
I11 := -0.917
I22 := -0.431
I33 := 1.033
I1 := -I11 - J01 + I22 I1 = -0.514
I2 := I33 + I22 I2 = 0.602
I3 := I33 I3 I3 = 1.033
I4 := -J04 + I33 I4 = -1.967
I5 := -I11 I5 = 0.917
I6 := I5 I6 = 0.917
I7 := I22 I7 = -0.431
I8 := -I11 - I33 I8 = -0.116

Определение токов методом узловых потенциалов (расчеты MATHCAD)

R1 := 170 R5 := 220 E3 := 200 J01 := 1
R2 := 530 R6 := 360 E4 := 500 J04 := 3
R3 := 720 R7 := 930 E8 := 400
R4 := 410 R8 := 380
I55 := J01 -
$$\frac{E8}{R8}$$
 I55 = -0.053
I11 := $\frac{-E3}{R3}$ I11 = -0.278
I66 := $\frac{E3}{R3}$ - $\frac{E4}{R4}$ - J04 I66 = -3.942
I33 := -J01 I33 = -1
f44 := 0 fi1 := 0 fi3 := 0 fi5 := 0 fi6 := 0
g11 := $\left(\frac{1}{R3} + \frac{1}{R2} + \frac{1}{R7}\right)$ g11 = 4.351 × 10⁻³
g66 := $\left(\frac{1}{R3} + \frac{1}{R4}\right)$ g66 = 3.828 × 10⁻³
g33 := $\left(\frac{1}{R6 + R5} + \frac{1}{R1} + \frac{1}{R7}\right)$ g33 = 8.682 × 10⁻³
g55 := $\left(\frac{1}{R1} + \frac{1}{R2} + \frac{1}{R8}\right)$ g55 = 0.01
g13 := $\frac{1}{R7}$ g13 = 1.075 × 10⁻³ g31 := g13
g15 := $\frac{1}{R2}$ g15 = 1.887 × 10⁻³ g51 := g15
g16 := $\frac{1}{R3}$ g16 = 1.389 × 10⁻³ g61 := g16
g35 := $\frac{1}{R1}$ g35 = 5.882 × 10⁻³ g53 := g35

Определение тока в R_3 методом эквивалентного генератора (расчеты MATHCAD)