Сдать задание нужно до 27 ноября 2017г. (9:00).

Контест: https://contest.yandex.ru/contest/5742/enter/

Ведомость:

https://drive.google.com/open?id=1pr1PVEYPKmFCC7Nn-jZSIjluE-eDbJMTbFVWkugR0T8

Задача 1. Порядок обхода (3 балла)

Дано число $N < 10^6$ и последовательность целых чисел из [- 2^{31} .. 2^{31}] длиной N. Требуется построить бинарное дерево, заданное наивным порядком вставки.

Т.е., при добавлении очередного числа K в дерево с корнем root, если root→Key ≤ K, то узел K добавляется в правое поддерево root; иначе в левое поддерево root. Балансировку выполнять не требуется.

1_1. Выведите элементы в порядке in-order (слева направо).

in	out
3	1 2 3
2 1 3	
3	1 2 3
1 2 3	
3	1 2 3
3 1 2	

1_2. Выведите элементы в порядке pre-order (сверху вниз).

in	out
3 2 1 3	2 1 3
3 1 2 3	123
3 3 1 2	3 1 2
4 3 1 4 2	3 1 2 4

1_3. Выведите элементы в порядке post-order (снизу вверх).

in	out
3 2 1 3	132
3 1 2 3	3 2 1

3	213
3 1 2	

1_4. Выведите элементы в порядке level-order (по слоям, "в ширину").

in	out
3 2 1 3	2 1 3
3 1 2 3	123
3 3 1 2	3 1 2
4 3 1 4 2	3 1 4 2

Задача 2. Декартово дерево (4 балла)

Дано число N < 10^6 и последовательность пар целых чисел из [- 2^{31} .. 2^{31}] длиной N. Построить декартово дерево из N узлов, характеризующихся парами чисел $\{X_i, Y_i\}$. Каждая пара чисел $\{X_i, Y_i\}$ определяет ключ X_i и приоритет Y_i в декартовом дереве. Добавление узла в декартово дерево выполняйте второй версией алгоритма, рассказанного на лекции:

• При добавлении узла (x, y) выполняйте спуск по ключу до узла P с меньшим приоритетом. Затем разбейте найденное поддерево по ключу x так, чтобы в первом поддереве все ключи меньше x, а во втором больше или равны x. Получившиеся два дерева сделайте дочерними для нового узла (x, y). Новый узел вставьте на место узла P.

Построить также наивное дерево поиска по ключам X_i методом из задачи 1.

2_1. Вычислить разницу глубин наивного дерева поиска и декартового дерева. Разница может быть отрицательна.

in	out
10	2
5 11	
18 8	
25 7	
50 12	
30 30	
15 15	
20 10	
22 5	
40 20 45 9	
45 9	

10	2
38 19	
37 5	
47 15	
35 0	
12 3	
0 42	
31 37	
21 45	
30 26	
41 6	

2_2. Вычислить количество узлов в самом широком слое декартового дерева и количество узлов в самом широком слое наивного дерева поиска. Вывести их разницу. Разница может быть отрицательна.

in	out
10	1
5 11	
18 8	
25 7	
50 12	
30 30	
15 15	
20 10	
22 5	
40 20	
45 9	
10	1
38 19	
37 5	
47 15	
35 0	
12 3	
0 42	
31 37	
21 45	
30 26	
41 6	

Задача 3. Использование АВЛ-дерева (5 баллов)

3_1. Солдаты. В одной военной части решили построить в одну шеренгу по росту. Т.к. часть была далеко не образцовая, то солдаты часто приходили не вовремя, а то их и вовсе приходилось выгонять из шеренги за плохо начищенные сапоги. Однако солдаты в процессе прихода и ухода должны были всегда быть выстроены по росту — сначала самые высокие, а в конце — самые низкие. За расстановку солдат отвечал прапорщик, который заметил интересную особенность — все солдаты в части разного роста. Ваша задача состоит в том, чтобы помочь прапорщику правильно расставлять солдат, а именно для каждого приходящего солдата указывать, перед каким солдатом в строе он должен

становится. Требуемая скорость выполнения команды - O(log n).

Формат входных данных.

Первая строка содержит число N – количество команд (1 \leq N \leq 30 000). В каждой следующей строке содержится описание команды: число 1 и X если солдат приходит в строй (X – рост солдата, натуральное число до 100 000 включительно) и число 2 и Y если солдата, стоящим в строе на месте Y надо удалить из строя. Солдаты в строе нумеруются с нуля.

Формат выходных данных.

На каждую команду 1 (добавление в строй) вы должны выводить число K – номер позиции, на которую должен встать этот солдат (все стоящие за ним двигаются назад).

in	out
5	0
1 100 1 200 1 50	0
1 200	2
1 50	1
2 1	
1 150	

3_2. Порядковые статистики. Дано число N и N строк. Каждая строка содержащит команду добавления или удаления натуральных чисел, а также запрос на получение k-ой порядковой статистики. Команда добавления числа A задается положительным числом A, команда удаления числа A задается отрицательным числом "-A". Запрос на получение k-ой порядковой статистики задается числом k. Требуемая скорость выполнения запроса - O(log n).

in	out
5	40
40 0	40
40 0 10 1	10
4.4	4
	50
50 2	

Задача 4. Алгоритм сжатия данных Хаффмана (8 баллов)

Напишите две функции для создания архива из одного файла и извлечения файла из архива.

// Метод архивирует данные из потока original void Encode(IInputStream& original, IOutputStream& compressed); // Метод восстанавливает оригинальные данные void Decode(IInputStream& compressed, IOutputStream& original);

```
где:
typedef char byte;

interface IInputStream {
    // Возвращает false, если поток закончился virtual bool Read(byte& value) = 0;
};

interface IOutputStream {
    virtual void Write(byte value) = 0;
};
```

В архиве сохраняйте дерево Хаффмана и код Хаффмана от исходных данных. Дерево Хаффмана требуется хранить эффективно - не более 10 бит на каждый 8-битный символ.

В контест необходимо отправить .cpp файл содержащий функции Encode, Decode, а также включающий файл Huffman.h. Тестирующая программа выводит размер сжатого файла в процентах от исходного.

Лучшие 3 решения из каждой группы оцениваются в 15, 10 и 5 баллов соответственно.

```
Пример минимального решения: #include "Huffman.h"
```

```
static void copyStream(IInputStream& input, IOutputStream& output)
{
         byte value;
         while (input.Read(value))
         {
                  output.Write(value);
            }
}

void Encode(IInputStream& original, IOutputStream& compressed)
{
         copyStream(original, compressed);
}

void Decode(IInputStream& compressed, IOutputStream& original)
{
         copyStream(compressed, original);
}
```