Willkommen in der guten Stube :D

Aufgabe

Man zeige für alle $n \in \mathbb{N}_0$ die Gültigkeit der Abschätzung:

$$2^n \ge n + 1$$
.

Hilfsabschätzung

Hilfsabschätzung

Bermoulli-Ungleichung

Für alle $x \in \mathbb{R}$ mit $x \ge -1$ und alle $n \in \mathbb{N}_0$ gilt die Abschätzung:

$$(1+x)^n \ge 1 + n \cdot x.$$



Sei $n \in \mathbb{N}_0$ eine beliebige natürliche Zahl.

Bewe<u>is</u>

Sei $n \in \mathbb{N}_0$ eine beliebige natürliche Zahl. Dann folgt zusammen mit der Bernoulli-Ungleichung:

 2^n

$$2^n = \left(1+1\right)^n$$

$$2^n = (1+1)^n$$
$$\geq 1 + n \cdot 1$$

$$2^{n} = (1+1)^{n}$$

$$\geq 1 + n \cdot 1$$

$$= 1 + n.$$