## Информатика 3

## Курс лекций

Игорь Павлович Соловьев / Доцент каф. инф. / i.soloviev@spbu.ru

Отчет за семестр — кому как повезет.

- 1. Зачет.
- 2. Экзамен

На лекциях — часть вопросов, избранная, с учетом длительности курса. На практике — другая и в ином аспекте (вопросы практической реализации).

# **Часть 1.** Алгоритмы и структуры данных (Представление данных)

#### Введение

Данная часть курса — в некотором смысле продолжение курса информатики, но не буквальное. В информатике в целом то же содержание — структуры данных и алгоритмы их обработки, а также вопросы их реализации.

#### Интересуемся

Современным взглядом на эту область, историей становления, а также существующими проблемами.

## Информация и данные

Формально различают понятия **«информация» и «данные».** 

При этом нам, как правило, наиболее интересна позиция специалистов в области кибернетики и информатики.

#### Информация

Н. Винер в книге «Кибернетика, или управление и связь в животном и машине; или Кибернетика и общество» пишет:

«Информация — это не материя и не энергия, информация — это информация». Но основное определение информации, которое он дал в нескольких своих книгах, следующее.

Информация — это **обозначение** содержания, полученное нами из внешнего мира в процессе приспосабливания к нему нас и наших чувств. (Объективность и отображение в запись, т.е. наличие описания.)

Также Винер и его последователи под информацией часто понимают то, что может вызвать определенные последствия (в результате нашего **осознания** этого содержания) (т.е. информация не нейтральна.)

#### Наш комментарий

Код, восприятие, интерпретация.

По сути оба пункта говорят об одном и том же разными словами и подразумевают объективность информации и наличие некоторого «кода» для обозначения ее содержания (отображение в запись — наличие описания) и метода интерпретации кода.

#### Данные

В литературе можно встретить различные определения понятия «данные».

Пример («определения») (безымянный и не бесспорный).

"Данные в компьютере представляются в виде кода, который состоит из единиц и нулей в разной последовательности. Код — набор условных обозначений для представления информации. Кодирование — процесс представления информации в виде кода".

Кодирование в некотором смысле теряет часть информации (различные способы ее интерпретации.)

#### Замечание

1. Насколько формально различаются понятия информации и данных.

Здесь лучше говорить «данные», а не «информация», но в любом случае это различие (между понятиями И. и Д.) неформально;

инф активна, данные пассивна;

В то же время нам часто хочется знать, какую инф представляют данные.

2. Уровень абстракции и представление данных.

Нас это «определение» не устраивает в силу своей ограниченности, а именно, здесь выбран фиксированный уровень абстракции, не учитывающий всех деталей процесса восприятия инф, проектирования решения целевой задачи и реализации проекта; это станет ясно постепенно из других частей курса.

Мы всегда будем соотносить представление данных с определенным уровнем абстракции.

#### Уточним определение.

**АиСД** или **ПД** (**Data Representation**) как дисциплина изучает методы компьютерного представления данных или описания данных на языке, понятном операционной среде и/или специалисту на подходящем уровне абстракции в контексте решения определенной задачи или класса задач, а также вопросы реализации этих методов в виде компьютерных алгоритмов или систем.

Интуиция и эрудиция?

#### Задача ПД

Всегда включает в себя по крайней мере два аспекта/две стороны проблемы:

- 1) математический
- (формально-теоретический) и
- 2) компьютерный (реализационный, технологический)

М. аспект отвечает за выбор метода формализации описания данных и поиска точного (математического) решения.

К. — за выбор подходящего компьютерного языка описания на выбранном уровне абстракции и компьютерную реализацию выбранного метода представления.

Таким образом, ПД — ветвь компьютерной **науки** как раздела **прикладной математики**.

В то же время ПД — часть компьютерной технологии.

## Граница между подходами

Оба аспекта обычно рассматриваются вместе, их трудно формально разделить.

#### Средства описания данных и алгоритмов

Для описания данных и алгоритмов на лекциях будем использовать различные языки, удобные в определенном контексте, от машинного до высокоуровневого языка спецификаций, включая псевдокод.

#### Список литературы (по 1 части, далеко не исчерпывающий)

- 1. Кнут. Искусство программирования. т. 1-3.
- 2. Кормен и др. Алгоритмы. Построение и анализ.
- 3. Ахо, Хопкрофт, Ульман. Структуры данных и алгоритмы. Содержание.
  - 3.1. Построение и анализ алгоритмов
  - 3.2.Задачи и программы
  - 3.3.АТД
  - 3.4. Типы и структуры данных, указатели
  - 3.5. Время выполнения программы
  - 3.6. Практика программирования и выбор языка программирования
  - 3.7.Основные абстрактные типы данных
  - 3.8. Деревья
  - 3.9.Основные операторы множеств
  - 3.10. Специальные методы представления множеств
  - 3.11. Ориентированные графы
  - 3.12. Неориентированные графы
  - 3.13. Сортировка
  - 3.14. Методы анализа алгоритмов
  - 3.15. Методы разработки алгоритмов
  - 3.16. Структуры данных и алгоритмы для внешней памяти
  - 3.17. Управление памятью

- 4. Ахо, Ульман. "Компиляторы. Принципы, технологии, инструментарий", 2008
- 5. Учебники по С++, Java, С#, Паскалю и тд.
- 6. Гради Буч. Объектно-ор. анализ и проектирование с примерами на С++. 1998.
- 7. Дискретный анализ (Книга или лекции Романовского)
- 8. В.С. Зубов. Справочник программиста, 1999.
- 9. Вирт два издания
- 10. Ускова О.Ф. и др. Пр-е алгоритмов обработки данных. СПб, БХВ, 2003.

## Формирования методов представления данных в контексте истории развития методов программирования

История пр-я как науки и технологии — в некот см это и история созд методов ПД. Кратко — это история постепенного повышения уровня абстракции Д, усложнения стр-р Д, накопления неструктурир Д и методов выявл из них новых Д и знаний.

В прошлом часто с понятием иск-ва пр-я связывали понятие стиля пр-я. Стиль пр-м на некот языке определяют лежащ в его осн содержат <u>идеи</u>. Это <u>не</u> способ внешнего <u>оформл</u> пр-м, а стройн <u>сист приемов и методо</u>в, предн для

- реш нек класса задач из опред предм обл или
- задач, объед по принципу сходства методов реш.

Сначала этот стиль в основном диктовался след обстоят.

- Представлениями первых компьют <u>теоретиков</u>, др словами, состоянием теории алгоритмов (или, как тогда гов, алгорифмов) и информатики (в амер терминол computer science). В частн, <u>недостаточной изученностью</u>/разработанностью алгоритмической стороны вычислительного процесса текущее состояние теории.
- <u>Архитектурой</u> первых выч машин (40-е г) и состоянием техники и комп технологии в целом.

Хотя комп предн для <u>помощи людям</u>, возник при их использ <u>трудн</u> столь велики, что <u>язык</u> опис и реш проблемы разраб <u>применит к инженерн реш</u>, залож в констр ЭВМ. Первые маш облад т.наз **арх фон Неймана** (один из первых и ведущ разработчиков совр ЭВМ).

## Машина фон Неймана —

это модель компьютера, облад след особенностями:

#### Замечание

Программы как данные.

Фактически, пр-мы в арх фН сразу тракт как данные.

Данные — числовые коды 1я форма предст данных — числовые коды.

Бинарные, но Почти сразу стали исп 8 и 16 разр коды "Первый" стиль пр-я — императивный

(кавычки — поск никто о стиле тогда еще не говорил) — («приказной» - пр-мы сост из прямых инструкций процессору),

осн представители — всевозм маш языки, ассемблеры.

## <u>След этап</u> — поиск усовершенствованных языков —

рез-т быстрого роста объемов пр-м, стимулируемый:

- а) военными, научными, коммерч разр,
- б) попытками решать задачи ИИ (распозн речи, искусст и естест яз, перевод, криптография, управл сложн сист).

**Первое усоверш**, остающ в рамках того же стиля пр-я — Фортран (50е годы - Бэкус): укрупненные инструкции, процедуры —те же укрупн инстр; (попул и сейчас, созданы обширные библ станд проц.) Возникло уточнение названия первого стиля пр-я —

#### процедурный или процедурно-ориентированный стиль.

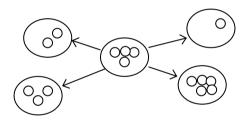
(Фортран – чаще в военн и научн сферах, Кобол — в коммерч разр) Данные по-прежн хр как <u>числ коды</u> – скаляры, векторы, матрицы, однако в яз пр-я появ **более высокий уровень абстр** – симв данные (строки).

<u>След этап</u> развития — требования **надежности и эффективности проектирования**, возник при разр больших прогр комплексов.

Пришло время системных преобразований — от случайных изобретений к разработке методов управления данными.

#### Акцент в прогр сместился (60е-70е).

- в сторону усоверш организации данных (научные исследования)
- и развития концепции модульности



#### Двоякая цель модульности

- 1. структуризация прогр комплекса в целом и данных в частности,
- 2. «<u>упрятывание» данных</u> и процедур внутри модуля (фактически пришли к идее инкапсуляции).

#### Д. Парнас

В<u>первые</u> удачно сформулир св-ва модуля: «Для напис одного мод д.б. дост миним знаний о тексте друг мод».

Это относ к ∀ проц или ф-и как ниж, так и верх ур иерарх (реализ).

Т.о. Парнас первым четко выразил идею сокрытия (инкапсуляции) инф в пр-и.

#### Глобальные переменные

Однако в 70е г <u>проц и ф-и не обесп надежн</u> сокрытия инф., поск подводило влияние <u>глоб пер</u> — их повед трудно предск в больш пр-мах (неразвитые яз пр-я). Это м считать началом нового периода.

#### Модуль

<u>Новая синт конст</u>, не подверж влиян глоб пер, модуль, появ в новых яз пр-я.

Использ наравне с проц и ф.

Это прототип совр понятий класса и объекта.

#### Структурное программирование

Возникли нов языки и новое усоверш в рамках той же идеологии, кот назвали структурное пр-е.

Осн представители — Алгол-60 (затем 68), PL1, Паскаль, Модула-2, Си и др. М гов об <u>огромн многообразии</u> яз, возн в эти годы.

Итак, к нач 70х — <u>пр-е проекты стало слишк сложны</u> для проектир, кодир, отладки **в приемл сроки**. Колич и размер пр-м сделали процесс разр <u>неуправл</u>. В итоге, этот этап породил новое усоверш — **структурное программирование** 

#### Струкурная методологиея

<u>Ведущ спец</u> теории и практики пр-я — Дейкстра, Вирт, Хоар, и др. разр <u>строг прав</u> ведения прогр проектов и назв их **структурной методологией**.

#### Осн идеи

(Дейкстра, неординарн личн):

- пр-ма иерархич совок абстрактн уровней (глубокая идея);
- «оператор goto нужно считать вредным»

И все это для того, чтобы выполн <u>основное треб</u> — контроль правильности данных на стадии созд и на стадии вып. Отметим, что разр научно обоснованных методов всегда начин с навед элем порядка или систематизации.

## Цели структ пр

1. Дисциплина обесп дисц пр-я «кот пр-ст навяз себе сам» (Дейкстра);

#### 2. Читабельность

улучш читабельность пр-м

Структурное пр-е предпол, в частн, особ стиль оформл текстов пр-м — ступеньками, этот стиль сохр попул и сейчас (маш яз, ассембл, фортран навязывали оформл в столбик)

Более точно, осн треб к текстам пр-м:

• избег языковых констр с неочев семантикой; напр, в яз Си допустима пр-ма, рез работы кот противор очевидному смыслу: #include <stdio.h> main() {if (3<2<1) printf("чепуха"); else printf("a паскаль это не допускает");}

Упр. проверить это в С и С#

- стремл к локализации действий управл констр и используемых стр-р данных;
- разраб пр-му: ее текст м читать от нач до конца без упр переходов на др страницу.

- 3. Эффективность разработки повыш <u>эфф процесса разр</u> пр-мы (и самой пр-мы): структурир пр-му, разбивая ее на мод легко нах и корр ош, независ переделки ∀ мод.
- 4. Надежность программ повыш <u>надежн пр-м</u>: если легко поддается <u>сквозн тестир</u>, а это при <u>хор структурир</u> (разб на мод и др стр-е единицы) и <u>читабельности</u>;
- 5. Время и стоимость уменьш время и стоим разраб (!) если повыш произ труда пр-ста; это обесп-ся соблюд правил стр пр-я.

#### Осн принципы стр-й методологии:

1. Абстракция

пр <u>абстракции</u> — предст решения <u>без нек деталей</u>; позв предст весь пр-й проект в виде <u>неск ур</u> абстр: верхн — весь проект (крупн детали), послед ур — постепенн детализация;

на этом принц осн разл стратегии проектир, напр, восходящ и нисходящ.

2. Формализация

принц формализации — строгий методич подход:

- о база для превр процесса пр-я из импровиз в строг инженерную дисципл;
- о дает осн для доказ правильн пр-м, т.е. пр-мы изуч как матем объекты (данные);
- о иногда этому принц люди сопротивл, но он позв ускор принятие реш и избег ош.
- 3. Фрагментация

принц **«разделяй и властвуй»** — разб <u>трудн пробл</u> на много мелк фрагм (<u>мод</u>), простых по упр, допуск <u>независ отл и тестир</u>; дает возм независ <u>разр</u> отд частей проекта, не забот об огр кол <u>деталей</u>, охват всею систему;

модульное пр-е: один из осн методов структ-го пр-я.

4. Иерархия

принц **иерарх упр** (связ с предыд): важен <u>не только факт разб, но и его стр-ра;</u> вообще иерарх стр помог <u>эфф упр;</u> в частн, в пр-и иерарх стр помог <u>достиг целей</u> стр-го пр-я.

Резюме. Основные идеи стр пр:

надежность, контроль правильности данных, эффективность разработки и эксплуатации ПО.

Стр пр — крик души обеспокоенных специалистов, однако рядовые пр-сты не любят следовать советам.

Стр пр-е помогло на опр этапе. Однако одна идея не м реш всех пробл в экон и прогр проектировании — объемы и сложн ПО только растут.

В то же время стр пр, как таблица умн, изобрели и используют.

#### След этап — ООП.

Абстракция данных, Симула-67, CLU

В **русле** данного напр в посл трети 20го века наметился нов подход —  $\underline{OO\Pi}$ . Из систематизации (стр пр) выросла новая технология.

Симула-67. CLU

Возникло новое понятие — <u>абстракция данных;</u> первые языки — Симула-67 – группа в Норвегии и CLU (автор – амер матем и пр-ст Барбара Лискофф, 70е).

#### Основные идеи ООП

Предпол более решительный шаг — <u>связывание данных и процедур</u>, их обр, в единое целое — <u>объекты</u> (инкапсуляция).

Объекты м взаимодействовать как активн агенты.

В отличие от других расширений языка, имеющих в основном технологический характер (иногда - косметический), — строковых типов, модулей, оверлеев и т.д., введение объектных типов — (потенциально) достаточно радикальное изменение подхода к программированию.

От во многом случайного и механич объед проц и данн в модули акцент смещ в сторону систематич и смыслового объед программных объектов.

#### Программирование в терминах предметной области

Развитие идеи пр-я в терминах предметной области — смысловая структуризация. <u>Не отмена</u> традиционного подхода, а <u>согласованная совок</u>. новых принципов и понятий, позв существенно <u>повыс произв. труда</u> пр-стов, сдел пр-мы более <u>комп</u>., легко <u>расш</u>. И более <u>понятн</u> Использование (на раннем этапе) - <u>дело пр-стов</u> (формально не навяз, но технологически обусловл). Непривычно, но изучение даст выигр. в дальн. работе.

#### 80-e, 90-e, 2000e

ООП активно развивается в 80-е, 90-е, 2000е в виде большого числа новых яз пр-я.

В 80e — Smalltalk (заимствовал идеи из Simula 67 — 60e).

Середина 80х — Object Pascal фирмы Apple, затем ВР.

Затем Си++ — ОО расш. Си, Java-технол, С#, dotNet и т.д.

На начальн. этапе ООП — в осн. исслед. интерес., большие накл. расх.

<u>Сейчас</u> — высоко эфф. компил. => м. исп. для <u>промышл</u>. проектир.

(Пример — ОО пакет Turbo Vision, на основе кот. разр. интегр. среда ТР.)

Итак, еще раз подч, что <u>преимущ</u> ООП сказыв только на прогр дост <u>большого объема</u> — 1000 и более строк исх текста, на простых прогр имеет скорее методич (учебное) знач.

**Большие** пр-мы треб структурирования — преобр их в пр-е комплексы, здесь и помог ООП.

Главное, на **совр этапе** от созд разрозненного набора новых яз перешли к созд **новых технологий**, причем целого спектра, напр, ООтехн, Java, dotNet, КомпОриент техн, АспектноОр Техн и др.

При этом в процессе эвол стилей и методов пр-я развивались и методы ПД.

Подч, что  $\exists$  и др усоверш стилей и методов пр-я — другие парадигмы, напрЛП и  $\Phi$ П, интегрированное напр Л $\Phi$ П, но этот вопр вых за пред данного курса.

#### Сложность, присущая программному обеспечению

Брукс, Эйнштейн История разв методов пр-я и, в частн, ООП — это и <u>история преод трудн, связ со сложн пр-го обесп</u>. В основе многих событий и закономерностей этой истории было то, что. пр-ным проектам присуща <u>сл особого рода</u>.

Изв спец в обл пр-го проект <u>Брукс</u>: «Эйнштей утвержд, что должны существов прост объясн прир процессов, т.к. Бог не действ по капризу или произволу. У пр-ста нет такого утеш: сложность, с кот он д справиться, лежит в самой природе системы.» (которую, мы добавим, создали люди)

Почему пр-му обеспечению присуща сложность

(Речь идет о больш промышл проектах, а не о разработках одиночек. Гл черта пром пр — один разр-чик в принц не м охв все аспекты такой системы)

- 1. Предм область сложна реальн <u>предм обл</u>, из кот исх заказ на разработку;
- 2. Управление трудн упр процесса разр (много разработчиков, функция сложности управления проектов примерно факториал числа участников, если только пары примерно квадрат);
- 3. Гибкость необх обесп достат <u>гибкость</u> пр-мы (много параметров и противоречивость требований);
- 4. Эволюция необх обесп возм эвол со временем; напр, по нормативам военн корабли и подлодки д допуск модернизацию в проц экспл до 30% технол оснастки и вооруж.
- 5. Описание систем неудовлетворительными способами описания структуры и поведения больших дискретных систем.
- $C \ 1 4$  мы ничего не м поделать.
- 5 это то, чем <u>мы</u> можем в какой-то мере управлять, по кр мере изучать и совершенствовать.

## Декомпозиция

Внес порядка в сложн систему (наша задача) — **декомпозиция** (уже отмечали) – необходимая часть процесса проектирования.

#### Как осуществить:

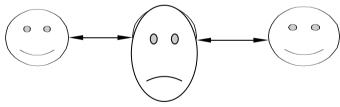
## • Алгоритмическая декомпозиция

- разб на процедуры и мод предл структ пр-е «сверху вниз»
- Концентрация вним на порядке событий.

(характерно для ранних этапов развития компьютерной науки и технологии, в частн, стр-е пр-е)

### • ОО декомпозиция

- декомп по принц <u>принадл к разл абстракциям данных</u> предм области (этим и б заниматься)
- конц вним на <u>агентах</u>, действ в предм области, кот явл либо объектами, либо субъектами действий.



С чего лучше начинать и почему Важны оба спос декомп, но лучше начин проектир с ОО декомп. Ее преим:

- ОО дек <u>уменьш размер</u> пр-х систем за счет <u>повторного использ</u> общ мех и пр-х комп сущест экон выразит ср-в;
- OO сист более <u>гибки и проще эвол</u> со временем, т.к. их схемы базир на устойч формах; большие сист развив <u>из маленьких</u>, уже проверенн;
- о проще разобр в сложн пр-й сист. (<u>проще анализ</u>), поскольку улучш структура прогр проекта, напр, иерарх стр.

## Зам. Дополнительные источники сложности

Резюмируя, м дополнительно заметить, что сложность решения задачи имеет две стороны или два источника:

- 1) научно-практическая проблема, кот следует решить, напр, математическая или другая точная естественно-научная задача;
- 2) существующая (применяемая) технология реализации решения.

Как правило очень трудно, иногда невозм провести строгую границу между этими сторонами проблемы. Увидим это на примерах.

# Методы оценки сложности алгоритмов

Пусть  $n \in \mathbb{N}$  — наиболее существенный **параметр** некоторой задачи или код нескольких таких параметров задачи, напр, номер кортежа этих парам в некоторой нумерации.

И пусть требуется оценить время (дискретное) работы алгоритма, решающего эту задачу или объем памяти (в некоторых единицах памяти), требуемых для решения этой задачи при неограниченном увеличении значения параметра.

Единицы измерения могут быть абстрактным или конкретными.

При этом время или память оцениваются как некоторая  $\phi$ ункция f данного парам n. Ее иногда наз мерой или  $\phi$ ункцией сложности задачи.

**Опр**. Пусть даны неотрицательные функции f — ф-я **сложности** и g, наз. **оценкой** сложности.

Для ф-й, кот м иметь отриц зн, обычно для оценок использ их абс величины.

Введем три **метода** оценки сложности f посредством свойств:

$$f(n) = O(g(n)) \Leftrightarrow$$

 $\exists c>0 \ \exists k \ \forall n\geq k \ f(n)\leq cg(n)$  — g — оценка f сверху

$$f(n) = \Omega(g(n)) \Leftrightarrow$$

 $\exists c > 0 \ \exists k \ \forall n \ge k \ f(n) \ge cg(n)$  — снизу

$$f(n) = \Theta(g(n)) \Leftrightarrow$$

 $\exists a,b>0 \ \exists k \ \forall n\geq k \ a\cdot g(n)\leq f(n)\leq b\cdot g(n)$  — «точная»

Асимптотические оценки Эти оценки часто наз **асимптотическими**.

## Упр. Выполняются три свойства:

- $f(n) = \Theta(g(n)) \Rightarrow f(n) = O(g(n))$ , но не наоборот (аналогично для  $\Omega$ ).
- $f(n) = \Theta(g(n)) \Leftrightarrow f(n) = O(g(n)) \& f(n) = \Omega(g(n))$

Чаще используют оценку O(g(n)), т к

обычно хотят иметь гарантию **ограничения** скор роста ф-и сложности, но поиск хорошей оценки сверху м б трудной задачей

## Примеры.

Гамильтонов цикл графа, выполнимость булевской формулы.

Но на практике также часто интересуются и оценками скор роста снизу (для не очень хороших задач)

#### и точной

(не может быть хуже или лучше).

Обычно оценку **сверху** получают для всех возможных значений параметра, даже самых "плохих", поэтому часто эти оценки наз "оценки в **худшем** случае".

## "в среднем", "в лучшем сл"

Однако также для самых интересных или часто встречающихся значений параметра находят оценки "в среднем" (быстрая сорт.), а иногда, редко, и "в лучшем сл" (снизу). Это необходимо всегда оговаривать.

# Пример. Сортировки.

1. Простые (вставки, пузырек и т.п.).

Сложность ("время" вычисления)  $f(n) = O(n^2)$ .

Это оценка времени сверху, причем в худшем случае.

Оценка памяти для хранения списка: O(n), где n длина списка.

# 2. Быстрая.

Сложность ("время" вычисления)  $f(n) = O(n \log n)$ .

Это оценка времени "в среднем".

Эта оценка важна, т к этот средний случай чаще всего и встречается.

Hо в худшем все равно  $f(n) = O(n^2)$ .

# 3. Графы.

Оценка памяти для хр графа для разл способов предст:

 $O(n^2)$ , O(n+m), где n и m — кол узлов и дуг графа.