

In the name of God

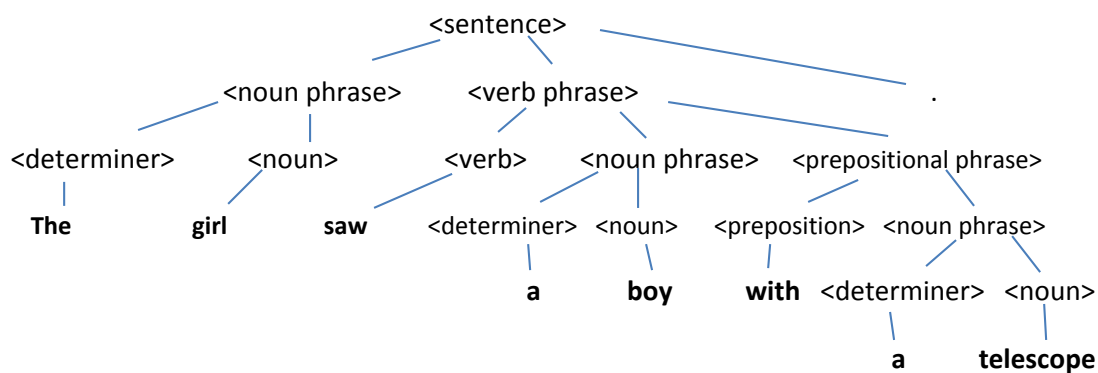
PL homework #2

Seyed Mohammad Mehdi Ahmadpanah – 9031806

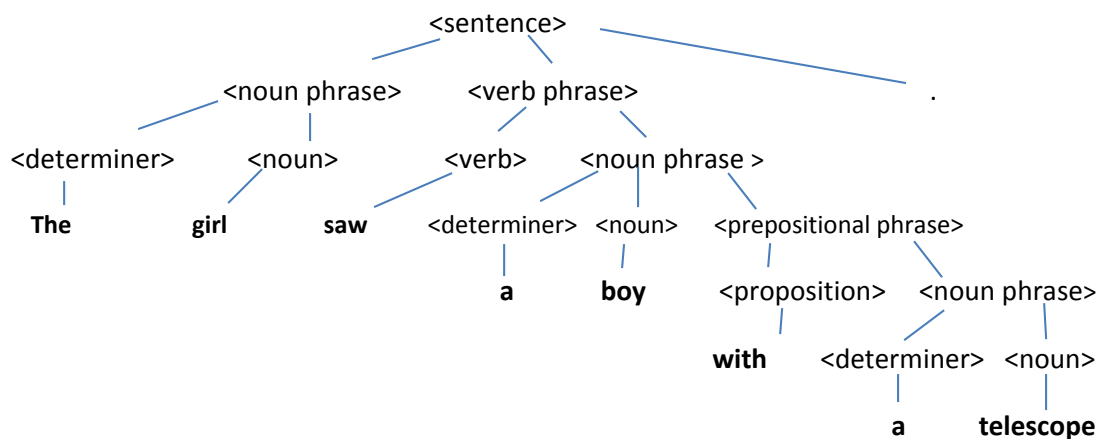
Page 8 :

1) The girl saw a boy with a telescope

I . first derivation tree :



II . second derivation tree :



3)

linguistics : the science of language / is the scientific study of human language (زبان شناسی)

semiotics : is study of signs & sign processes. (نماد شناسی)

$\langle B \rangle ::= b \mid b\langle \text{string} \rangle \mid a\langle B \rangle \langle B \rangle$

9)

$\langle \text{sentence} \rangle ::= \langle \text{noun phrase} \rangle \langle \text{verb phrase} \rangle .$
 $\langle \text{noun phrase} \rangle ::= \langle \text{determiner} \rangle \langle \text{noun} \rangle \mid \langle \text{determiner} \rangle \langle \text{noun} \rangle \langle \text{prepositional phrase} \rangle$
 $\langle \text{verb phrase} \rangle ::= \langle \text{verb} \rangle \mid \langle \text{verb} \rangle \langle \text{noun phrase} \rangle \mid \langle \text{verb} \rangle \langle \text{noun phrase} \rangle \langle \text{prepositional phrase} \rangle$
 $\langle \text{prepositional phrase} \rangle ::= \langle \text{preposition} \rangle \langle \text{noun phrase} \rangle$
 $\langle \text{noun} \rangle ::= \text{boy} \mid \text{girl} \mid \text{cat} \mid \text{telescope} \mid \text{song} \mid \text{feather}$
 $\langle \text{determiner} \rangle ::= a \mid the$
 $\langle \text{verb} \rangle ::= \text{saw} \mid \text{touched} \mid \text{surprised} \mid \text{sang}$
 $\langle \text{preposition} \rangle ::= by \mid with$

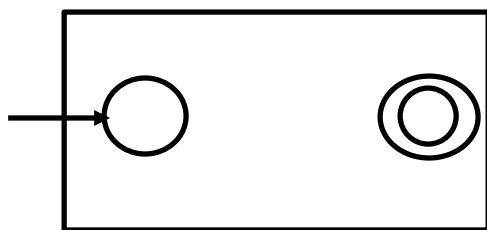
قاعده دوم را می توان با جایگذاری Terminal های $\langle \text{determiner} \rangle$ و $\langle \text{noun} \rangle$ و گرامر چهارم با جایگذاری $\langle \text{preposition} \rangle$ به یک گرامر منظم تبدیل کرد :

$\langle \text{sentence} \rangle ::= \langle \text{noun phrase} \rangle \langle \text{verb phrase} \rangle .$
 $\langle \text{noun phrase} \rangle ::= a \text{ boy} \mid a \text{ boy} \langle \text{prepositional phrase} \rangle$
 $\langle \text{verb phrase} \rangle ::= \text{saw} \mid \text{saw} \langle \text{noun phrase} \rangle \mid \text{saw} \langle \text{noun phrase} \rangle \langle \text{prepositional phrase} \rangle$
 $\langle \text{prepositional phrase} \rangle ::= by \langle \text{noun phrase} \rangle$

اگر R1 و R2 عبارت منظم باشند ، پس می توانیم برای آنها یک DFA بسازیم که آنها را می پذیرد:

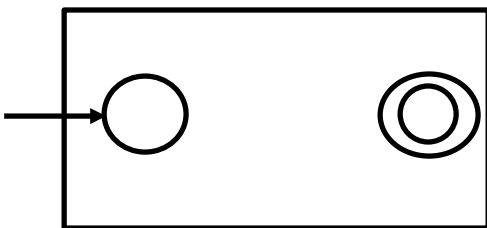
R1:

ماشینی که R1 را می پذیرد.



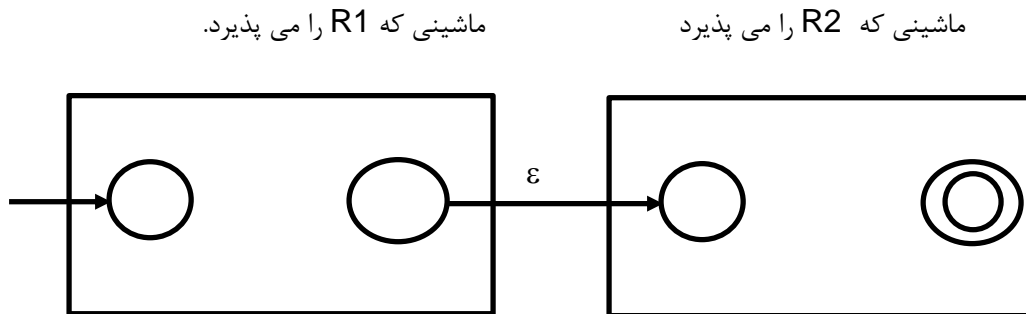
R2:

ماشینی که R2 را می پذیرد.



ما می توانیم یک ماشین DFA بسازیم که $\text{concatenation}(R1, R2)$ را بپذیرد:

$\text{concatenation}(R1, R2)$:



پس concatenate دو گرامر منظم یک گرامر منظم است.

پس گرامر سوم که از پیوند گرامر دوم و چهارم ساخته شده یک گرامر منظم است. گرامر اول که از پیوند گرامر دوم و سوم ساخته شده هم یک گرامر منظم است. پس گرامر زبان انگلیسی یک گرامر نوع سوم است.

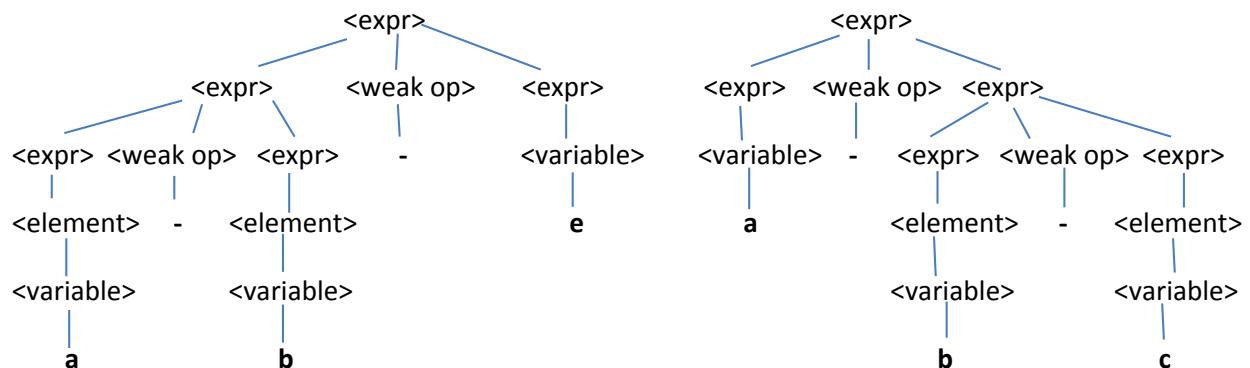
Page 16:

2)

$\langle \text{expr} \rangle ::= \langle \text{element} \rangle \mid \langle \text{expr} \rangle \langle \text{weak op} \rangle \langle \text{expr} \rangle$

$\langle \text{element} \rangle ::= \langle \text{numeral} \rangle \mid \langle \text{variable} \rangle$

$\langle \text{weak op} \rangle ::= + \mid -$



Two derivation tree for "a-b-c" => ambiguity!

در زبان wren چون در گرامرش ابهامی وجود ندارد و عملگرها سطح بندی و نحوه محاسبه دو عملگر منفی از چپ به راست است پس مشکل بالا را ندارد. یعنی ابتدا حاصل a-b محاسبه می شود سپس حاصل از c کم می شود.

3)

```
program errors was
var a,b : integer ;
var p,b ; boolean ;
begin
a := 34;
if b≠0 then p := true else p := (a+1);
write p; write q
end
```

context-free errors :

was -> is

var p,b ; boolean -> var p,b : Boolean

else p:=(a+1) end if ;

if b≠0 then -> if b<>0 then

context-sensitive :

b is integer and boolean !!?!

p := (a+1); -> wrong (p is boolean and a+1 is integer)

write q -> what is q?!

write p -> p is not integer!

semantics :

b & p is not initialized !

5)

a) operations priority : 1) - 2) + 3) *

b) * : Right to Left + : Left to Right - : Right to Left

(C) چون محاسبه پرانتز اولویت اول است ، پس در دورترین سطح از ریشه قرار می گیرد.

درون پرانتز فقط می توان از عملگر “-” استفاده کرد چون

<element>::= a | b | c | d | (<object>)

<object>::=<element> | <element> - <object>

پس هیچ وقت دو گرامر اخیر به $\langle \text{expr} \rangle$ یا $\langle \text{thing} \rangle$ نمی رسد که از عملگرهای $*$ و $+$ بتوان استفاده کرد.

7)

در identifier به جای nonterminal $\langle \text{letter} \rangle$, $\langle \text{digit} \rangle$ ، می توان تک تک terminalهای حروف و ارقام را گذاشت :

$$\langle \text{identifier} \rangle ::= a | b | \dots | z | \langle \text{identifier} \rangle a | \langle \text{identifier} \rangle b | \dots | \langle \text{identifier} \rangle z | \langle \text{identifier} \rangle 0 | \dots | \langle \text{identifier} \rangle 9$$
$$\langle \text{numeral} \rangle ::= 0 | 1 | \dots | 9 | 0 \langle \text{numeral} \rangle | \dots | 9 \langle \text{numeral} \rangle$$

9)

$$\langle \text{expr} \rangle ::= \langle \text{weak op} \rangle | \langle \text{var} \rangle @ \langle \text{expr} \rangle$$
$$\langle \text{weak op} \rangle ::= \langle \text{strong op} \rangle | \langle \text{weak op} \rangle + \langle \text{var} \rangle | \langle \text{weak op} \rangle - \langle \text{var} \rangle$$
$$\langle \text{strong op} \rangle ::= \langle \text{var} \rangle | \langle \text{strong op} \rangle * \langle \text{var} \rangle$$
$$\langle \text{var} \rangle ::= [\langle \text{term} \rangle] | (\langle \text{expr} \rangle) | []$$
$$\langle \text{term} \rangle ::= \langle \text{integer} \rangle , \langle \text{term} \rangle | \langle \text{num} \rangle$$
$$\langle \text{num} \rangle ::= 0 | 1 | \dots | 9$$

10)

$$\langle \text{expr} \rangle ::= \langle \text{term} \rangle | \langle \text{factor} \rangle$$
$$\langle \text{term} \rangle ::= \langle \text{factor} \rangle | \langle \text{expr} \rangle + \langle \text{term} \rangle$$
$$\langle \text{factor} \rangle ::= \langle \text{ident} \rangle | (\langle \text{expr} \rangle) | \langle \text{expr} \rangle * \langle \text{factor} \rangle$$
$$\langle \text{ident} \rangle ::= a | b | c$$
$$\langle \text{expr} \rangle \rightarrow \langle \text{term} \rangle \rightarrow \langle \text{factor} \rangle \rightarrow \langle \text{ident} \rangle \rightarrow a$$
$$\langle \text{expr} \rangle \rightarrow \langle \text{factor} \rangle \rightarrow \langle \text{ident} \rangle \rightarrow a$$

⇒ **Two derivation tree for an expression! (ambiguous)**

Not ambiguous grammar :

$$\langle \text{expr} \rangle ::= \langle \text{term} \rangle | \langle \text{factor} \rangle$$
$$\langle \text{term} \rangle ::= \langle \text{ident} \rangle | \langle \text{expr} \rangle + \langle \text{ident} \rangle$$
$$\langle \text{factor} \rangle ::= \langle \text{ident} \rangle | (\langle \text{expr} \rangle) | \langle \text{expr} \rangle * \langle \text{ident} \rangle$$
$$\langle \text{ident} \rangle ::= a | b | c$$

11)

The problem can be solved by making explicit the link between an else and its if, within the syntax. This usually helps avoid human errors. ALGOL solutions are:

Having an "end if" statement or Disallowing the statement following a then to be an if itself (it may however be a pair of statement brackets containing nothing but an if-then-close).

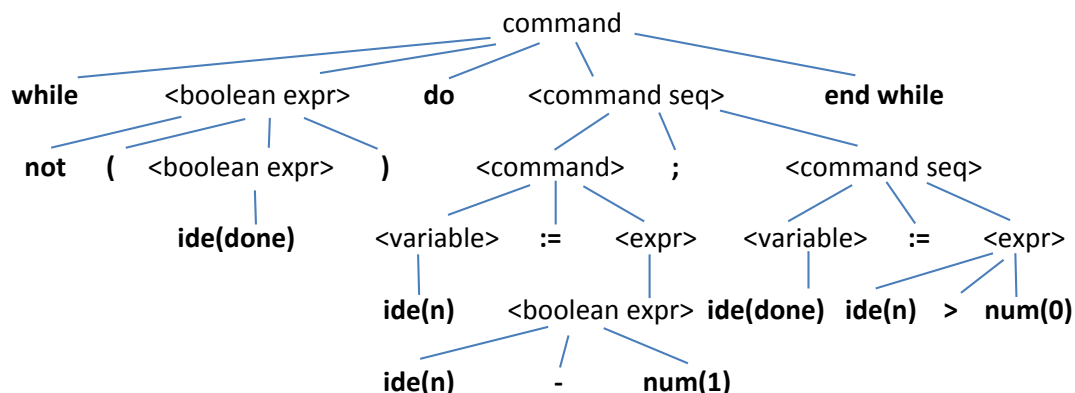
(بطور خلاصه ، یا با گذاشتن عبارت ذخیره شده end if یا با گذاشتن آکلاد باز و بسته ، این مشکل در ALGOL های نسخه های مختلف حل شده است.)

Page 29)

2)

Parse the following token list to produce an abstract syntax tree:

[while, not, lparen, ide(done), rparen, do, ide(n), assign, ide(n), minus, num(1), semicolon, ide(done), assign, ide(n), greater, num(0), end, while]

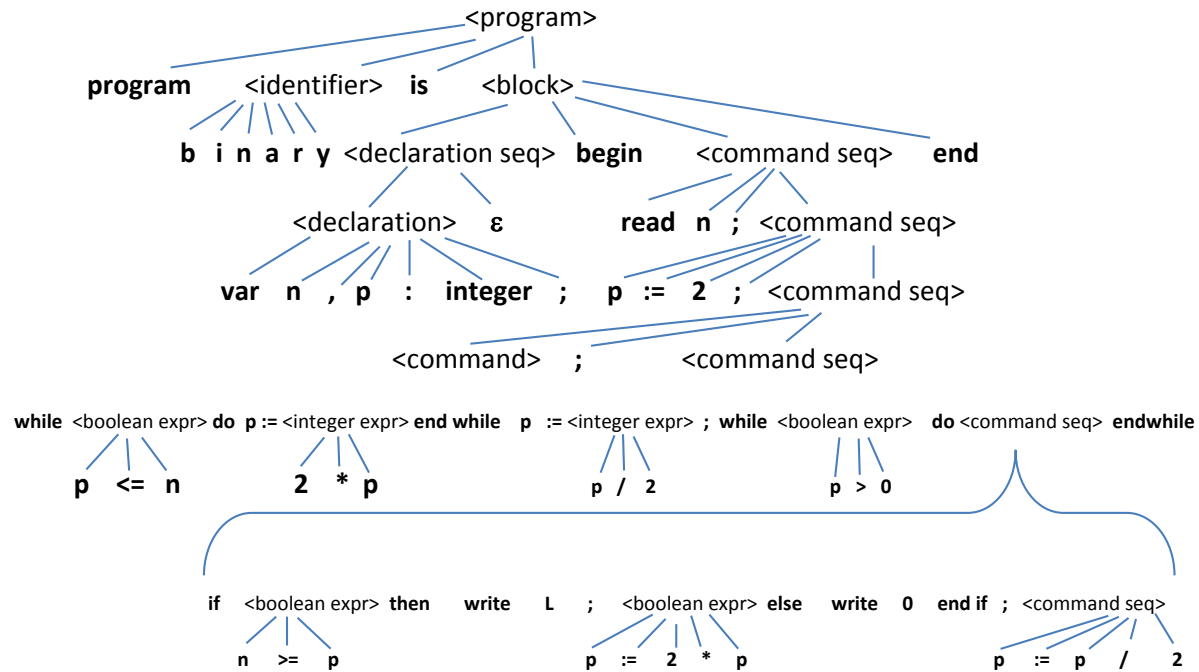


3)

Draw an abstract syntax tree for the following Wren program:

```

program binary is
var n,p : integer ;
begin
read n; p := 2;
while p<=n do p := 2*p end while ;
p := p/2;
while p>0 do
if n>= p then write 1; n := n-p else write 0 end if ;
p := p/2
end while
end
  
```



Chapter 3 of Sebesta's book (Concepts of Programming Languages 10th-Sebesta):

19.

Write an attribute grammar whose BNF basis is that of Example 3.6 in Section 3.4.5 but whose language rules are as follows: Data types cannot be mixed in expressions, but assignment statements need not have the same types on both sides of the assignment operator.

Replace the second semantic rule with:

```
<var>[2].env ← <expr>.env
<var>[3].env ← <expr>.env
<expr>.actual_type ← <var>[2].actual_type
predicate: <var>[2].actual_type = <var>[3].actual_type
```

20.

Write an attribute grammar whose base BNF is that of Example 3.2 and whose type rules are the same as for the assignment statement example of Section 3.4.5.

A Grammar for Simple Assignment Statements

```
<assign> → <id> = <expr>
<id> → A | B | C
<expr> → <id> + <expr>
| <id> * <expr>
| ( <expr> )
| <id>
```


Attribute Grammar for above grammar :

1. Syntax rule: $\langle \text{assign} \rangle \rightarrow \langle \text{id} \rangle = \langle \text{expr} \rangle$

Semantic rule: $\langle \text{expr} \rangle.\text{expected_type} \leftarrow \langle \text{id} \rangle.\text{actual_type}$

2. Syntax rule: $\langle \text{expr} \rangle[1] \rightarrow \langle \text{id} \rangle + \langle \text{expr} \rangle[2]$

Semantic rule: $\langle \text{expr} \rangle[1].\text{actual_type} \leftarrow$ if $(\langle \text{id} \rangle.\text{actual_type} = \text{int})$ and $(\langle \text{expr} \rangle[2].\text{actual_type} = \text{int})$
then int
else real
end if

Predicate: $\langle \text{expr} \rangle[1].\text{actual_type} == \langle \text{expr} \rangle[1].\text{expected_type}$

3. Syntax rule: $\langle \text{expr} \rangle \rightarrow \langle \text{id} \rangle * \langle \text{expr} \rangle$

Semantic rule: $\langle \text{expr} \rangle[1].\text{actual_type} \leftarrow$ if $(\langle \text{id} \rangle.\text{actual_type} = \text{int})$ and $(\langle \text{expr} \rangle[2].\text{actual_type} = \text{int})$
then int
else real
end if

Predicate: $\langle \text{expr} \rangle[1].\text{actual_type} == \langle \text{expr} \rangle[1].\text{expected_type}$

4. Syntax rule: $\langle \text{expr} \rangle[1] \rightarrow (\langle \text{expr} \rangle[2])$

Semantic rule: $\langle \text{expr} \rangle[1].\text{actual_type} == \langle \text{expr} \rangle[2].\text{actual_type}$

Predicate: $\langle \text{expr} \rangle[1].\text{actual_type} == \langle \text{expr} \rangle[1].\text{expected_type}$

5. Syntax rule: $\langle \text{expr} \rangle \rightarrow \langle \text{id} \rangle$

Semantic rule: $\langle \text{expr} \rangle.\text{actual_type} \leftarrow \langle \text{id} \rangle.\text{actual_type}$

Predicate: $\langle \text{expr} \rangle.\text{actual_type} == \langle \text{expr} \rangle.\text{expected_type}$

6. Syntax rule: $\langle \text{id} \rangle \rightarrow A \mid B \mid C$

Semantic rule: $\langle \text{id} \rangle.\text{actual_type} \leftarrow \text{look-up}(\langle \text{id} \rangle.\text{string})$