Jose Joaquín Rodríguez García y Araceli Teruel Domenech

Universidad Politécnica de Valencia Master en Big Data Analytics

Septiembre 2017

1. Primera tarea

Comparación de los tiempos de ejecución entre código puro de Python y código usando la librería Numpy.

1.1. Primer apartado

1.1.1. Enunciado

Ordenar una lista:

- (a) Usando bucles de *Python*.
- (b) Usando un bucle de *Python* y la función argmin de la librería Numpy.
- (c) Usando la función de ordenación de la librería Numpy.

1.1.2. Resolución

Usando vectores de un número mayor o igual a 100 elementos, se ve en la figura 1 que el *script* más eficiente en tiempo de ejecución es el que proporciona la librería *Numpy* como función, seguido del *script* que usa bucles de *Python* y la función argmin de la librería *Numpy* y por último lo es el *script* que usa solamente bucles de *Python*.

Por último, comentar que al aumentar el número de elementos de un vector a ordenar, por encima de 200, el *script* que hace uso de bucles de *Python* ve incrementado el tiempo

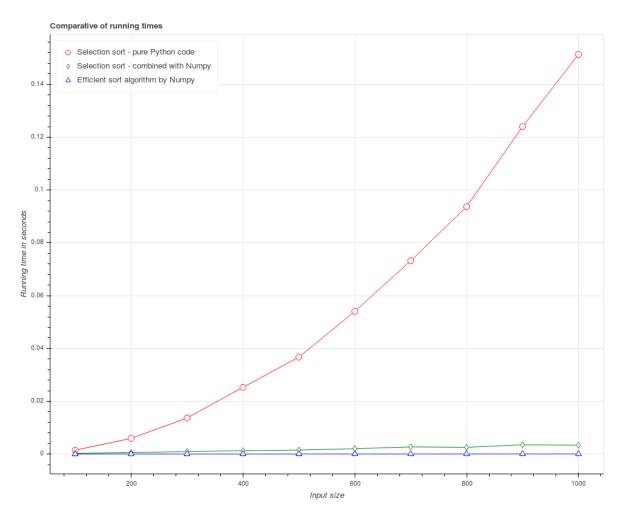


Figura 1: Comparativa de los tiempos de ejecución de los tres scripts.

que necesita para la tarea de forma exponencial. Lo cual refleja que este algoritmo es muy ineficiente en términos de tiempos de computo, para ordenar una gran cantidad de elementos.

1.2. Segundo apartado

1.2.1. Enunciado

Producto escalar entre dos vectores:

- (a) Usando listas y bucles de *Python*.
- (b) Usando bucles de *Python* y vectores de la librería *Numpy*.

(c) Usando el producto matricial de *Python* y vectores de la librería *Numpy*.

1.2.2. Resolución

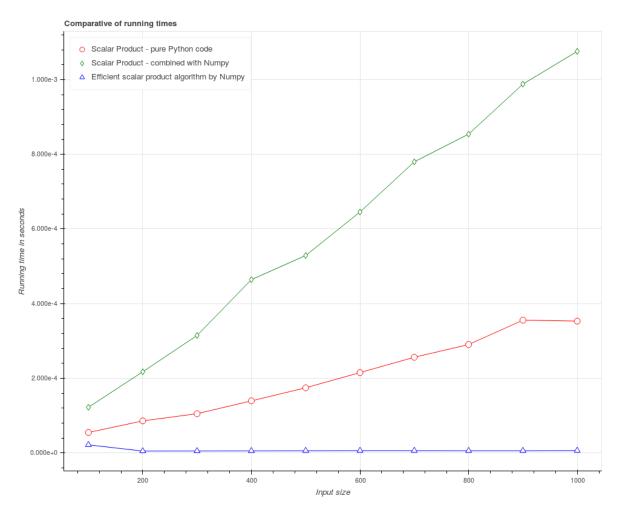


Figura 2: Comparativa de los tiempos de ejecución de los tres scripts.

Para el producto escalar de vectores con un número mayor o igual a 100 elementos vemos en la figura 2 que el script más eficiente en tiempo de ejecución es el que hace uso del tipo de vector de la librería Numpy combinado con la operación de producto matricial implementado en dicha librería, el siguiente más eficiente el script que hace uso del vector como una lista de Python y usa un bucle para recorrer los elementos de las listas y por último el menos eficiente es el que hace uso del vector como tipo de vector de la librería Numpy y usa un bucle for para recorrer los elementos de estos vectores.

Se observa que el aumento del tiempo necesario para realizar el producto escalar, a

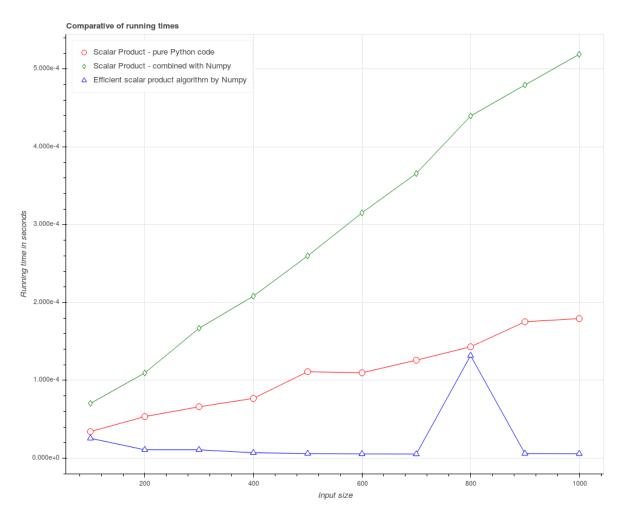


Figura 3: Pico en el tiempo de ejecución del script (c).

medida que se aumenta el número de elementos de los vectores, tanto con el script que usa código puro de Python combinado con Numpy, como con el script que usa código puro de Python sigue una tendencia lineal, con la diferencia de que la pendiente del primero de los scripts comentados es más pronunciada que la del segundo script. Mientras que el script que usa sólo código Python se mantiene más o menos constante rozando el tiempo de cómputo 0.

¹Haciendo varias pruebas en algunos casos se ven picos aislados, veasé por ejemplo la figura 3, aunque estos picos siguen estando por debajo del tiempo que requieren los otros dos *scripts* para llevar a cabo la operación.

1.3. Tercer apartado

1.3.1. Enunciado

Producto matricial entre un vector y una matriz:

- (a) Usando listas y bucles de Python.
- (b) Usando bucles de Python con vectores y matrices de la librería Numpy.
- (c) Usando el producto matricial de *Python* con vectores y matrices de la librería *Numpy*.

1.3.2. Resolución

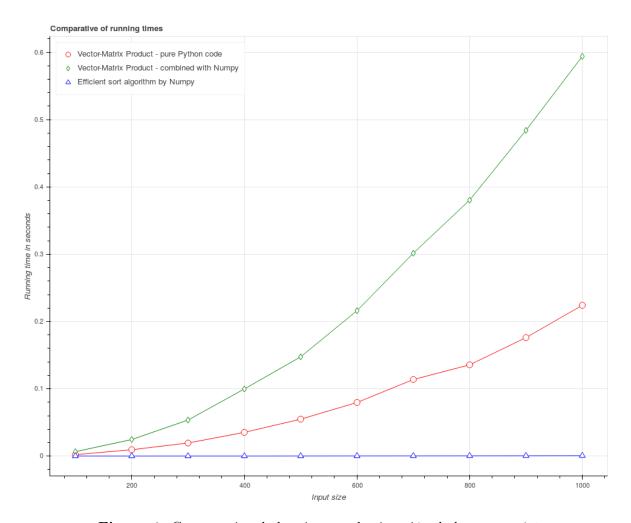


Figura 4: Comparativa de los tiempos de ejecución de los tres scripts.

Para el producto matricial de una matriz por un vector o viceversa tomando el numero n de elementos del vector como 100 o más y las dimensiones de la matriz como $n \times n$, vemos en la figura 4 que el script más eficiente en tiempo de ejecución es el que hace uso del tipo de vector de la librería Numpy combinado con la operación de su mismo producto matricial, el siguiente más eficiente el script que hace uso del vector y matriz como listas de Python y usa un bucle para recorrer los elementos de las listas y por último el menos eficiente es el que hace uso del vector y matriz como tipo de vector o matriz (arrays) de la librería Numpy y usa un bucle for para recorrer los elementos de estos vectores.

Se observa que el aumento del tiempo necesario para realizar el producto escalar, a medida que se aumenta el valor n de elementos del vector y dimensiones de la matriz $n \times n$, tanto con el script que usa código Python combinado con la librería Numpy, como con el script que usa código puro de Python, sigue un tendencia exponencial, con la diferencia de que la base del exponente de la tendencia del primero de los scripts comentados es mayor que la base del exponente de la tendencia del segundo, siendo la tendencia del segundo script comentado casi lineal. Mientras que el script que usa simplemente código de la librería de Numpy se mantiene constante rozando el tiempo de cómputo 0.

1.4. Cuarto apartado

1.4.1. Enunciado

Producto matricial entre un vector y una matriz:

- (a) Usando listas y bucles de *Python*.
- (b) Usando bucles de *Python* y matrices de la librería *Numpy*.
- (c) Usando el producto matricial de *Python* y matrices de la librería *Numpy*.

1.4.2. Resolución

Para el producto matricial de dos matrices cuadradas $n \times n$, siendo n mayor o igual a 100, vemos en la figura 5 que el script más eficiente en tiempo de ejecución es el que hace uso del tipo de matriz de la librería Numpy combinado con la operación de producto matricial de esta misma librería, el siguiente más eficiente es el script que trata a ambas matrices como listas de Python y usa un bucle para recorrer los elementos de las listas y por último el menos eficiente es el que hace uso de ambas matrices como tipo de matrices

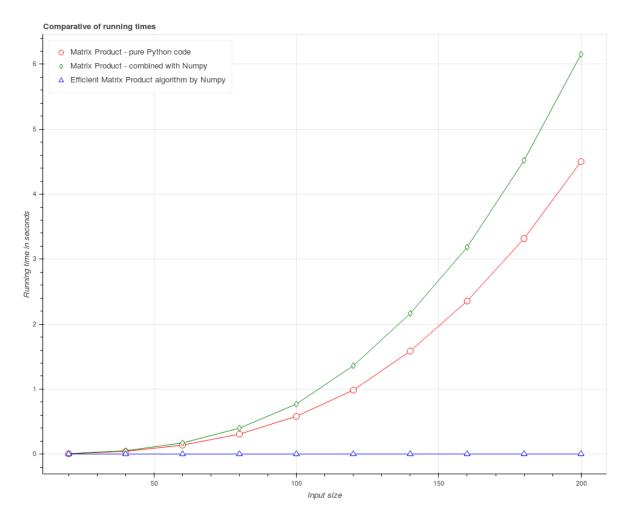


Figura 5: Comparativa de los tiempos de ejecución de los tres scripts.

de la librería *Numpy* y usa un bucle for para recorrer los elementos de estas matrices. En la Figura 6 podemos ver, que esto sigue siendo así aunque el tamaño del vector sea pequeño, aunque, al contrario que en los otros casos, la diferencia es bastante menor.

Se observa que el aumento del tiempo necesario para realizar el producto matricial, a medida que se aumenta el valor n de las dimensiones de las matrices, tanto con el script que combina la librería Python con código puro, como con el script que usa sólo código puro de Python, sigue un tendencia exponencial, con la diferencia de que la base del exponente de la tendencia del primero de los scripts comentados es mayor que la base del exponente de la tendencia del segundo. Mientras que el script que usa la librería de Numpy tanto para la definición de las matrices como para el producto de ellas se mantiene constante rozando el tiempo de cómputo 0.

1.5. Conclusión

Como hemos podido comprobar, siempre que usemos la librería *Numpy* para todo el cálculo será mucho más eficiente en tiempo de ejecución. Pero si vamos a usar código puro de *Python* para realizar algún cálculo, es más eficaz, en cuanto a tiempo de computo, el definir las variables que vayamos a usar usando la librería *Numpy*, ya que la diferencia es bastante notable en todos los casos. Por último comentar que el código puro de *Python* para un número reducido de elementos (un número menor o igual a 100) no presenta diferencias significativas, cuanto a tiempo de computo, con el resto de los *scripts* usados.

2. Segunda tarea

2.1. Enunciado

Escribir un código en *Python* que:

- 1. Cargue la matriz A y el vector b de un archivo del disco.
- 2. Resolver el sistema Ax = b, es decir, obtener el vector x.
- 3. Mostrar los resultados por pantalla para comprobar que son realmente una solución.

2.2. Resolución

Comenzamos el ejercicio llamando a la función *subprocess.call* para que cada vez que ejecutemos el ejercicio, nos genere un sistema de cinco ecuaciones con cinco incógnitas. Al ejecutarlo nos genera la **Ecuación** (1):

$$\begin{pmatrix}
18 & 12 & 15 & 6 & 1 \\
3 & 9 & 7 & 6 & 0 \\
0 & 0 & 15 & 7 & 19 \\
3 & 2 & 13 & 17 & 7 \\
4 & 17 & 18 & 14 & 19
\end{pmatrix} \times \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 575 \\ 264 \\ 411 \\ 490 \\ 754 \end{pmatrix}, \tag{1}$$

donde la solución a dicha ecuación es (2):

$$\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 15 \\ 9 \\ 6 \\ 16 \\ 11 \end{pmatrix}. \tag{2}$$

Una vez tenemos cargados los datos, los convertimos a vectores n-dimensionales de la librería de Numpy y finalmente resolvemos la ecuación con la función numpy.linalg.solve. Todo este proceso es resumido en la figura 6.

```
In [1]: import numpy
        import MyEquation
        import subprocess
        #Creamos el fichero system.txt llamando al siguiente archivo
        subprocess.call(["python", "equation-system-generator.py"])
        #Leemos el archivo que nos devolverá la matriz A y el vector b
        A,b = MyEquation.load_equation_system( 'system.txt')
       print("Matriz A: ")
        print(A)
        print("Vector b: ", b)
        #numpy.linalg.solve --> Nos devuelve la solución de una equación lineal de matrices de l
        x = numpy.linalg.solve(A, b)
        print( "Solution (x) del sistema Ax=b: ", x )
       print("Comprobación de la solución con la operación Ax (A.dot(x)): ", A.dot(x))
Matriz A:
[[ 18. 12. 15.
                       1.]
                  6.
 [ 3.
        9.
            7.
                  6.
                       0.]
         0. 15.
                  7. 19.]
            13.
   3.
        2.
                 17.
 [ 4. 17. 18.
                 14. 19.]]
Vector b: [ 575. 264. 411. 490. 754.]
Solution (x) del sistema Ax=b: [ 15. 9.
                                            6. 16. 11.]
Comprobación de la solución con la operación Ax (A.dot(x)): [575. 264. 411. 490. 754.]
```

Figura 6: script modificado con las impresiones por pantalla de los resultados obtenidos.