МФТИ

Алгоритмы и структуры данных, осень 2022 Семинар №06. Суффиксный автомат (2)

Всюду в этом листке считаем, что алфавит — константного размера.

- 1. Найдите k-ю (без учёта числа вхождений) подстроку s в лексикографическом порядке за O(|s|).
- **2.** Для каждой подстроки строки s найдите её первое и последнее вхождение в s, а также количество её вхождений.
- **3.** За O(|s| + |t|) найдите наибольшую общую подстроку строк s и t.
- **4.** Найдите наибольшую общую подстроку строк s_1, \ldots, s_k за время $O(k \cdot \sum_{i=1}^k |s_i|)$.
- **5.** Докажите, что дерево суффиксных ссылок в суффиксном автомате для строки s совпадает с суффиксным деревом для строки s^{R} .
- **6.** Дана строка $s = s_1 \dots s_n$ и набор строк-запросов t_1, \dots, t_q . Для каждого i сообщите количество таких j, что $s_i \dots s_{j+|t_i|-1}$ равна какому-либо циклическому сдвигу t_i . Сдвиги могут быть разными для разных
- j. Асимптотика: $O\left(n+\sum_{i=1}^{q}|t_i|\right)$. 7. Пусть s строка. Скажем, что строка y предваряет строку x, если непосредственно перед любым вхождением x в s встречается вхождение y. Найдите число пар (x,y), таких что y предваряет x. Как быть с парами (x,y), в которых, наоборот, у продолжает x (то есть непосредственно за каждым вхождением x следует вхождение y)?
- 8. Покажите, как по суффиксному автомату построить суффиксный массив за линейное время.