احصاء اور تحلیلی جیو میٹری (طداول)

خالد خان يوسفز. ئي

بامع کامبیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

ix																																										باچه	وي
хi																																					چ	د يبا.	ب کا	لتاب	ىپىلىس يېكى	ری	مير
1																																						ت	علومار	ن م	ابتدا		1
1																																	خط	بقی	جي جي	اور	راد	ل اعا	حقيفي		1.1		
1 14																																Ľ	57	ر ^ا هو	, J.	لے او	طوه	ز، خ	محد		1.2		
30																																						ل	تفاعا		1.3		
52																																				تتقلي	، مَا	یم یم ک	7		1.4		
72																																									1.5		
12	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	U	س	يان	,		1.5		
93																																						رار	استم	اور	حدود		2
93																																	مد	. ,	7 او	ثرر	یی ځ	ىكى ك	تند		2.1		
110					·	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•		•		•	عد	- قوا	ئے	خ ز	•) _/	ل کر	ين تلاشر	حد		2.2		
123																																									2.3		
143																																											
163																																									2.5		
181																																											
	•	·	·	•	·	•	·	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	_	٠	•				
195																																									تفرق		3
195																																			L	زز	اتفا	ل کا	تفاع		3.1		
217																																				Ĺ	نر و	ر ته	قواء		3.2		
236																																									3.3		
253																																									3.4		
274																																									3.5		
291																																									3.6		
308																																											

عبنوان	iv

غيل 323	تفرق کا اسن	4
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	- /	4
اعل کی انتہائی قیمتیں		
ئىلە اوسط قىمت	4.2	
غامي انتهائی قیمیوں کا یک رتبی تفرقی پر کھ		
353	_	
y' اور y'' کے ساتھ ترسیم		
388		
قرين بنانا		
ط بندی اور تفرقات		
كيب نيوش	7 4.8	
	6	
471	تحكمل	5
بر قطعی تکملات	÷ 5.1	
غرقی مساوات، ابتدائی قیمت مسئلے، اور ریاضیاتی خمونه کشی	⁷ 5.2	
ر میں ہور ہوں		
ن بدریچه ریب بدن- رمه بازن کامله ۱۵ ما سال ۱۵ ما ما ۱۵ ما ۱۸ م رازه بذراییه متناهی مجموعه	i 5.4	
يمان مجموع اور تطعی تکملات	, 5.5	
لیمان جموعے اور کل ملات	5.5 5.6	
ستوصیات، رقبه، اور اوسط بیمت مسلمه		
ىلىي بىل بىل بىل بىل بىل يىل بىل بىل بىل بىل بىل بىل بىل بىل بىل ب		
مدادی تکمل		
اعده ذوزنقه	5.10	
	تکمل کا استه	
V		6
خنیات کے ﷺ رقبہ		
6.1. تدبل موتے کلیات والا سرحد	l	
ياں كاك كر قجم كى علاش		
بسام طواف کے تجم۔ قرص اور چھلا	6.3	
لى چيلے	í 6.4	
ستوی منحنیات کی لمبائیاں	6.5	
م الله الله الله الله الله الله الله الل		
ما حوات فارتبه		
.701 ورسطانی مرکز		
0.7. وسطان مرکز	1 6.8	
م	6.9 ن	
عار حيال اور نوت حيال		
بادی شش اور دیگر تموی استعال	÷ 6.10	
743	ماورائی تفاعل	7
ں ٹ تفاعل اور ان کے تفر قات		/
ت تقال اور ان نے طرف ت	/ /.1	

عــــنوان

تى لوگار تھم	7.2 قدر	
ى نمائى تفاعل	7.3 قوت	
794 $\log_a x$		
ئڭ اور تتۇل	7.5 افنرا	
ره گعربیٹال کُری بری کا در کا در کا در کا		
ني شرت نمو		
7.7 ترتیبی اور ثنائی حلاش		
، تحونیاتی تفاعل	7.8 الث	
، تکونیاتی تفاعل کے تفرق؛ کمل	7.9 الث	
لى تفاعل	7.10 بذلو	
لى تفاعل		
کی اعدادی ترکیب؛ میدان ڈھلوان	7.12 يول	
	تکمل کے طر۔	8
ں کے بنیادی کلمیات	8.1 حمل	
	8.2 کمل	
8.2 بار بار استعال		
ى كىر		
ياتى برلَ	8.4 تكون	
مناب تمل	•	
• .	/	
1029	لامتناهی تشکسل	9
د کی ترتیب کی حد	9.1 اعدا	
ب کے حد طاش کرنے کے مسکلے	9.2 ترتي	
ابى شلىل		
منفی اجزاء والے شلسل کا تکملی پر کھ	9.4 غير	
منفی اجزاء کے تسلسل کے نقابلی پر کھی	 9.5 غير	
منفی اجزاء کے تسلسل کا تنا ہی اور جذری پر کھ		
الشكسال، مطلق اور مشروط ارتكاز	9.7 مدلتا 9.7	
ا سن اور خروط الأفار المار	9.7 بدن 9.8 طاقة	
ئى شلىسل	9.6 غاد 9.9 ٹیکر	
اور حفواری کا استان کا از کاز؛ خلل کے اندازے	9.9 مير 9.10 ملكر	
ن شاسل کے استعال کی استعال کے استعال	9.11 طاقخ	
منحتی مقدار معلوم اور قطبی محدد		10
طی حصے اور دو قدرٰ کی مساواتیں	10.1 څرو	
، کے کحاظ سے مخروط حصوں کی جماعت بندی	10.2 سنگ	

vi

رو در جی مساوات اور گھومنا	10.3
مستوی منحنیات کے مقدار معلوم روپ کا حصول	10.4
حصاء اور مقدار معلوم منحنیات	10.5
قطبی محدد	
قطبي محدد مين ترسيم	10.7
·	
نخروط حصول کے قطبی مساوات	
10.8.1 دائرے	10.0
قطبی محدد میں تحمل	10.9
ور خلا میں تحلیلی جیو میٹری	11 سمتاسا
ستوی میں سمتیات	11.1
عار عن کار اور فضایان متنیات	
شرب نقطی	11.3
11.3.1 حاب	. 11 4
علیعی ضرب	11.4
نضا میں خطوط اور مستویات	
نگلی اور مرابع سطحین	
نگلی اور کروی محدد	11.7
1.427	10 سمة تا
. نفاعل اور فضا میں حرکت سمتہ قب تابیعا سے زیرا مین مین	12 سمتی قیمت 12.1
سمتى قيَّت تفاعل أور فضائي منحنيات	12.1
سمتی قیت تفاعل اور فضائی منحنیات	12.1
عىتى قيت تفاعل أور فضائى منحنيات	12.1 12.2 12.3
المعنى قيت تفاعل أور فضائى منحنيات	12.1 12.2 12.3 12.4
عىتى قيت تفاعل أور فضائى منحنيات	12.1 12.2 12.3 12.4
المعتق قیمت تفاعل اور فضائی منحنیات المعتقب المعتقب تفاعل اور فضائی منحنیات المطاق المعتقب المطاق ا	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5
عمتی قیمت نفاعل اور فضائی منحنیات گولا کی حرکت کی نمونه کشی مبائی قوس اور اکائی ممای سمتی T نخنا، مر وڑ اور TNB چیوکٹ کلکی سیاروں اور مصنوعی سیاروں کی حرکت نفاعل اور جزوی تفر قات	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.6
المعنی قیت تفاعل اور فضائی منحنیات الولا کی حرکت کی عمونہ کئی المولا کی حرکت کی عمونہ کئی المجنی قوس اور اکائی ممائی سمتیہ TNB جیوکٹ المجنی بیاروں اور مصنوعی بیاروں کی حرکت المجنی بیاروں اور جزوی تفر قات الشکی متغیرات کے نفاعل	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1
المعتق قیمت نفاعل اور فضائی منحنیات الولای مرکت کی نمونه کشی الولای حرکت کی نمونه کشی المولای حرکت کی نمونه کشی المولای حرکت کی نمونه کشی المولای تا المولای مراز اور اکائی ممای سمتیم TNB چھوکٹ المولای المول اور مصنوعی سیاروں کی حرکت المول اور جزوی تفر قات المول اور جزوی تفر قات المول اور جزوی تفر قات المول المول کی تفر المول کی تمر المول کی تفر المول کی تفر المول کی تفر کرک کی تمر المول کی تفر المول کی تو تفر کی تمر کرک کی تفر المول کی تفر کرک کی تمر کرک کی تمر کرک کی تمر کی تمر کرک کرک کی تمر کرک کی تمر کرک کرک کی تمر کرک کرک کی تمر کرک کرک کرک کرک کرک کرک کرک کرک کرک ک	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.1 13.2
1437 معنی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1460 کولا کی حرکت کی نمونہ گئی مبائی توں اور اکائی ممائی سمتیہ TNB چھوکٹ خنا، مروڑ اور TNB چھوکٹ نظی سیاروں اور مصنوعی سیاروں کی حرکت تاکل 1515 تقاعل اور جزوی تفر قات شیر متغیرات کے نفاعل تاکل مد اور استمرار مد اور استمرار عد قوی تفر قات جزوی تفر قات میزوی تفر قات جزوی تفر قات	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.1 13.2 13.3
1437 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1460 لولا کی حرکت کی نمونہ کئی 1469 T کی نمونہ کئی مبائی قوس اور اکائی ممای سمتیہ TNB 1478 نخا، مروثر اور TNB چیوکٹ گلکی سیاروں اور مصنوعی سیاروں کی حرکت نقاعل اور جزوی تفر قات 1515 نشر متغیرات کے نفاعل 1530 معد اور استمرار 1545 بجنوی تفر قات بجنوی نفر تابین خوات تفرق پذیری، خط بندی، اور تفر قات تفرقات	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.1 13.2 13.3 13.4
1437 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1460 لولا کی حرکت کی نمونہ کئی 1469 T کی نمونہ کئی مبائی قوس اور اکائی ممای سمتیہ TNB 1478 نخا، مروثر اور TNB چیوکٹ گلکی سیاروں اور مصنوعی سیاروں کی حرکت نقاعل اور جزوی تفر قات 1515 نشر متغیرات کے نفاعل 1530 معد اور استمرار 1545 بجنوی تفر قات بجنوی نفر تابین خوات تفرق پذیری، خط بندی، اور تفر قات تفرقات	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.1 13.2 13.3 13.4
1437 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1460 لولا کی حرکت کی نمونہ گئی بیانی قوس اور اکائی ممای سمتیہ TNB علائی ممای سمتیہ TNB 1478 چوکٹ نظامی ساروں اور مصنوعی ساروں کی حرکت تا ت	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6
المحتلق المحت	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7
المحتلق المحت	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7
1437 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1460 لولا کی حرکت کی نمونہ گئی بیانی قوس اور اکائی ممای سمتیہ TNB علائی ممای سمتیہ TNB 1478 چوکٹ نظامی ساروں اور مصنوعی ساروں کی حرکت تا ت	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8
1437 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1460 لولا کی حرکت کی نمونہ گئی 1469 T مراد اور اکائی ممای سمتیہ 1478 چھوکٹ 1478 چھوکٹ 1499 چھوکٹ 1515 چھوکٹ 1515 تا عال اور جزوی تفر قات 1515 تا عال اور جزوی تفر قات 1530 عد اور استمرار 1545 جزوی تفر قات بجزوی تفر قات بخوی تفر قات 1562 عامدہ 1594 جزوی تفر قات 1594 جزوی تفر قات 1594 عامدہ 1601 بہائی شیمیں اور نقاط درین 1622 عامدہ 1623 حدود الفاط درین	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8

14	ململ بالكثرت	1665
	14.1 دوپراتکملات	
	14.2 رقباتٍ، معیار اثر، اور مراکز کمیت	
	14.3 دوهرا تکملات کا قطبی روپ	
	14.4 كارتىيى محدد مين تهراتكمل	
	14.5 تعين بعد مين كميت اور معيارِ اثر	
	14.6 نگلی اور کروی محدد میں تہرا تکمل	
	14.7 كىملات بالكثرت مىں بدل	1756 .
15	ستی میدان میں تکمل 15.1 خطی تکمل	1771 1771 . 1773
جوابا	ت	1851
1	ضيمه اول	1853
ب	ضيمه دوم	1855
ટ	ضميمه تين	1857
,	ضيمه چار	1859
p	ضميمه بإنج	1861
,	هيج سميرين	1863
j	ضیمه سات	1865
٢	للميمية آثميره	1867
Ь	للميمية آثمير	1869
ی	تحملات كالمخضر حدول	1871

میری پہلی کتاب کادیباچہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلی تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلٰی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔دنیا میں مخقیق کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں یائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسول تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھے کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں بیہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال ہونے والے بھٹیکی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا توامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ ہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائح ہیں۔ یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اس مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

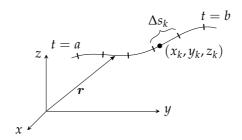
امید کی جاتی ہے کہ بیہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئر نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں برقی انجنیئر نگ کی مکمل نصاب کی طرف بیر پہلا قدم ہے۔ اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے بی سر زد ہوئی ہیں البتہ انہیں درست کرنے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ میں ان سب کا شکر یہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور مکمل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

میں بہال کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکرید ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سر گرمیاں ممکن ہوگیں۔

خالد خان يوسفر. ئي

2011 كتوبر _2011



t=a اور t=b اور t=a کو t=a کو t=a کو t=a کو t=a کو t=a کو گرچھوٹے تو سین میں تقسیم کیا گیا ہے۔ علامتی چھوٹے تو س کی لمبائی میں میں میں میں تقسیم کیا گیا ہے۔

جوابات