احصاء اور تحليلي جيوميٹري

خالد خان يوسفز. كي

جامعہ کامییٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

## عنوان

ix																																											باچ	وي
xi																																						چ	ديبا.	ب کا	تباب	پہلی <i>–</i>	ری	میر
1																																							ت	علومار	ئى م	ابتداؤ		1
1																																		خط	بقی	حق	اور	راد	ل اء	حقيفي		1.1		
1 14																																	ئ	وترة	ر <sup>ا</sup> هو	,	لے او	طوه	ر، خ	محد		1.2		
30																																							ل	تفاعا		1.3		
52																																					تتقلي	، مَا	یم یم ک	7		1.4		
72																																										1.5		
12	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	U	تقا	يان	,		1.5		
93																																							رار	استم	اور	حدود		2
93																																		عد	. ,	7 او	ثرر	یی ځ	ىكى _	تند		2.1		
11(	· ).				•					•					•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•					•	•	•	عد	قوا	ئے	ز	•) _/	ل کر	ين تلاش	حد		2.2		
123																																										2.3		
143																																												
163																																										2.5		
181																																												
101	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•				
195	5																																									تفرق		3
195	5.																																			(	زز	اتفا	ل ک	تفاع		3.1		
217	7.																																				į	نر و	ر ت	قواء		3.2		
236																																										3.3		
253																																										3.4		
274																																										3.5		
27 291																																										3.6		
308																																												

عبنوان	iv

ا استعال عالم	تفرق دَ	4
تفاعل کی انتہائی قیمتیں	4.1	
مئله اوسط قیت	4.2	
مقانی انتہا کی قیمتوں کا یک رتبی تفر تی پر کھ	4.3	
353		
' $y'$ اور ''نو کے ساتھ تر سیم	4.4	
$x  o \pm \infty$ ير حد، متقارب اور غالب اجزاء $x  o \pm \infty$	4.5	
بهترین بناما	4.6	
خط بندی اور تفر قات	4.7	
تركيب نيوڻن أ	4.8	
• • •		
471	تحمل	5
غير قطعي كملات	5.1	·
تىر كى عنات ابتدائى قىت مسئلے، اور ریاضیاتی نمونہ کشی	5.2	
تحمل بذریعه ترکیب بدل۔ زنجیری قاعدہ کا الٹ اطلاق	5.3	
اندازه بذرایعه متنانی مجموعه	5.4	
ر یمان مجموعے اور تطعی تکملات	5.5	
خصوصیات، رقبه، اور اوسط قیمت مسکله	5.6	
بنیادی مسّله	5.7	
تطعی کمل میں بدل	5.8	
اعدادی تملل	5.9	
	5.10	
استعال استعال	تکمل کا	6
منحنیات کے ﷺ رقبہ	6.1	
نگایاں کاٹ کر قجم کی تلاش	6.2	
اجهام طواف کے حجم۔ قرص اور حیطلا	6.3	
•		
Y ·	6.4	
متوی منحنیات کی لمبائیاں	6.5	
سطح طواف کار قبہ	6.6	
معيار اثر اور مر كز كميت	6.7	
6.7.1 وسطانی مرکز		
کام	6.8	
	6.9	
بنیادی نقش اور دیگر نمونی استعال	6.10	
	ماورائی	7
الٹ تفاعل اور ان کے تفرق	7.1	

عــــنوان

ئار هم      .	7.2 قدرتی لوگ	
يُ تفاعلُ	7.3 قوت نماؤ	
$\log_a x$		
ص ور تنزل		
ينال	• /	
ت ح نمو		
تریتیی اور شاکی حلاش		
ناقى تفاعل	7.8 الث تكونه	
یاقی تفاعل کے تغرق؛ محمل	7.9 الث تكون	
يان د د د د د د د د د د د د د د د د د د د	7.10 مذلولي نفائ	
تفرقی مساوات	7.11 کی رتی	
ر ب مدادی تر کیب؛ میدان دٔ هلوان		
- · · ·	<del></del>	
	تکمل کے طریقے	8
بنیادی کلیات	8.1 کمل کے	
	4	
ل	•	
ر		
ر ا		
ک ل اور کمپیوٹر	_	
ں اور پیوٹر	· •	
ب س	8.6 عير مناسه	
	لامتنابى تشكسل	9
زتیب کی حد	لانتیابی س 9.1 اعداد کی ت	7
ر یب ق صد علاش کرنے کے مسئلے	9.2 ترتب <u>ک</u>	
ىلىل <sub></sub>	9.2 ريب 9.3 لامتناي	
ا جزاء والے تسلسل کا تکملی پر کھ	9.4 غير منفي ا	
ا براء والے من کا کی پڑھا	9.4 کیر ن	
اجزاء کے تسلسل کے نقابلی پر کھی	9.5 غير منفى ا	
ا جزاء کے نشکسل کا تناسی اور جذری پر کھ	9.6 غير منفى ا	
ل، مطلق اور مشروط ار تکاز	9.7 بدلتا تتكسل	
ىل مارن شكىل ماران شكىل	9.8 طاقتي تشك	
لاارن تسكسل	9.9 ٹیکر اور مکا	
ں کا ار تکاز؛ خلل کے اندازے	9.10 ئىرنىلىل	
مُل کے استعال کی میں میں کہ استعال کی استعال کا استعال کی استعال ک	9.11 طاقتي تسك	
مقدار معلوم اور قطبی محدد	مع ط حصر منحنی	10
مقدار سفوم اور من محدد تھے اور دو قدری مساواتیں		10
ھے اور دو فدر کی مساوا تیں		
کاظ سے محروط خصول کی جماعت بندی	10.2 سنگ کے	

vi

1229	10.3 دو درجی مساوات اور گھومنا
1243	10.4 مستوی منحنیات کے مقدار معلوم روپ کا حصول .
1259	
1273	
1285	10.7 قطبی محدد میں ترسیم
1299	
1300	
1314	10.8.1 قطی می بر میں تکمل 10.9 قطبی می بر میں تکمل
1314	
1327	11 سمتیات اور خلا میں تحلیلی جیومیٹری
1327	11       يوڪ ارور ساءِ ميان سام تعدار ٿا. 1
1344	11.7 کارتیبی (منتظل) می داده فوزا میں سمتیات
1351	
1361	
1362	
1376	
1391	11.5 فضامین خطوط اور مستوی
1405	11.6 نککی اور م بع سطحیں
1423	7 11 نگلی اور کرون میرد 7 11 نگلی اور کرون میرد
1723	
1435	12 سمتی قیت تفاعل اور فضا میں حرکت
1435	12.1 سمتی قمت تفاعل اور فضائی منحنیات
1458	
1458	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کشی
1467	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کثی
1467	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کشی
1467	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کشی
1467	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کشی
1467	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کشی
1467     1475     1497     1513	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کشی
1467     1475     1497     1513     1528     1543	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کثی
1467     1475     1497     1513     1528	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کثی
1467     1475     1497     1513     1528     1543     1560     1577	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کشی
1467     1475     1497     1513     1528     1543     1560     1577	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کشی
1467    1475    1497    1513    1513    1528    1543    1560    1577    1592	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کثی
1467     1475     1497     1513     1528     1543     1560     1577     1592     1599	12.2 گولا کی حرکت کی نمونہ کثی
1467    1475    1497    1513    1513    1528    1543    1560    1577    1592    1599    1620	12.2 گولاً کی حرکت کی نمونه کثی
1467    1475    1497    1513    1513    1528    1543    1560    1577    1592    1599    1620    1629	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کثی
1467    1475    1497    1513    1513    1528    1543    1560    1577    1592    1599    1620	12.2 گولا کی حرکت کی نمونه کثی

14		1663
	14.1 دوهرا تحملات	1663.
	14.2 رقبات، معیار اثر، اور مراکز کمیت	
	14.3 تېرا کلمل	
	14.4 هجران کا معلی اثر معلی اثر معلی اثر معلی اثر معلی اثر معلی کلیت اور معلی اثر معلی کلیت اور معلی اثر معلی	1710.
جوابار	<b>ت</b>	1733
ı	ضميمه اول	1735
ب	ضميمه دوم	1737
ۍ	ضميمه تين	1739
و	ضميمه چار	1741
p	ضميمه پانچ	1743
و	هي ميمه	1745
į	ضميمه سات	1747
٢	ضميمه آثمه	1749
Ь	ضميمه آ هميمه	1751

## ديباجيه

ہے کتاب اس امید سے کلھی گئی ہے کہ ایک دن اردو زبان میں انجینئری پڑھائی جائے گی۔اس کتاب کا مکمل ہونااس سمت میں ایک اہم قدم ہے۔ طبیعات کے طلبہ کے لئے بھی یہ کتاب مغید ثابت ہوگی۔

اس کتاب کو Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تفکیل دیا گیا ہے۔اشکال pgfplots اور gnuplots کی مدد سے بنائے گئے ہیں۔

درج ذیل کتاب کو سامنے رکھتے اس کو لکھا گیا ہے

Calculus and Analytic Geometry George B. Thomas, Jr Ross L. Finney

جبكه اردو اصطلاحات چننے ميں درج ذيل لغت سے استفادہ كيا گيا۔

- http://www.urduenglishdictionary.org
- http://www.nlpd.gov.pk/lughat/

آپ سے گزارش ہے کہ اس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچائیں اور کتاب میں غلطیوں کی نظاندہی میرے برقی پیتہ پر کریں۔میری تمام کتابوں کی مکمل XeLatex معلومات

 $https:/\!/www.github.com/khalidyousafzai$ 

سے حاصل کی جا سکتی ہیں جنہیں آپ مکمل اختیار کے ساتھ استعال کر سکتے ہیں۔ میں امید کرتا ہوں کہ طلبہ و طالبات اس کتاب سے استفادہ ہوں گے۔

خالد خان يوسفر كي

5 جون <u>2019</u>

## میری پہلی کتاب کادیباچہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلی تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلٰی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔دنیا میں مخقیق کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں یائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر ایسا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسول تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھے کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں بیہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا توامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ ہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائح ہیں۔ یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اس مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

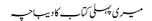
امید کی جاتی ہے کہ بیہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئر نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں برقی انجنیئر نگ کی مکمل نصاب کی طرف بیر پہلا قدم ہے۔ اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

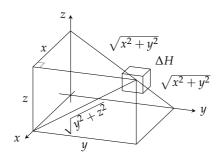
اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے بی سر زد ہوئی ہیں البتہ انہیں درست کرنے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ میں ان سب کا شکر یہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور مکمل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

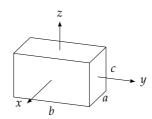
میں بہال کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکرید ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سر گرمیاں ممکن ہوگیں۔

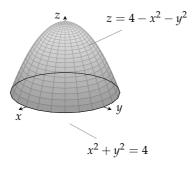
خالد خان يوسفر كي

2011 كتوبر \_2011









## جوابات

ضمیمها ضمیمه اول

ضمیمه به فرم

ضمیمه تنین

ضمیمه د ضمیمه چار

ضمیمه ه ضمیمه پانچ

ضمیمه و ضمیمه چید

ضمیمه ز ضمیمه سات

ضمیمه آڅھ

ضمیمه آگھ