احصاء اور تحليلي جيوميٹري

خالد خان يوسفز. كي

جامعہ کامییٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

V11																																								4	ويباج
ix																																				4	یباد	. کا د	كتاب	یہا ک	مير د
1																																					ے	نلومات	ئى مع	ابتدا	1
1																																خط	تى :	حقية	اور	راد) اعد	حقيقي		1.1	
14																															Ĺ	زد	ھو	١.	. اور	لحوط	، خو	محدد		1.2	
30																																					ι	تفاعل		1.3	
52																																			نقلى	انمذ	م کی	ترسي		1.4	
72																																			بل	نفاء	التي ا	تكونب		1.5	
93																																					ار	استمر	: اور	حدوا	2
93																																,	~ .	ن ام،	, ,	ر ش	لی ک	ور ا	,) 1	_
110)	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		ند قدا	ر . ک) 151 -	ر :) رکر	ب ر نااش	بر. س	,	2.2	
123	, . 3	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠.		تع	٠,	ندار	صر اراد	ر. کی	_ ر	- -	ر ا	ب مند	س ر	حد مطلو	,	2.3	
143																																								2.4	
163																																								2.5	
18																																								2.6	
19:	5																																							تفرو	3
19:	, ,																																		. "	;;	۷.	تناعل	ر	3.1)
213	, . 7	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		ر ب	;	ي ه	ھا ر قدائ	,	3.2	
236																																								3.3	
253																																								3.4	
274																																								3.4 3.5	
29																																								3.6	
308																																								3.7	
200	ο.																														•			ی	ىبد	· (سمر ر	د پير)./	

i	iv
1	l V

عل 323	تفرق كا است	4
هاں عمل کی انتہائی قیسیں	- /	4
نله الوسط قيمت	4.2	
ای انتهائی قیمتوں کا یک رتبی تفر تی پر کھ		
353	-	
y اور "y کے ساتھ تر تیم		
388		
(ين بنانا		
ر بندی اور تفرقات		
كىب نيوش	7 4.8	
	.6	
471	تحكمل	5
ر قطعی کلمات	5.1 غي	
ر قی مساوات، ابتدا کی قیمت مسکلے، اور ریاضیاتی نمونه کشی	5.2 تغ	
ل بذريعه تركيب بدل ـ زنجيري قاعده كا ال اطلاق	5.3	
ن برورید. ترنابی مجموعه	5.4 اند	
بان مجموعے اور قطعی کملات	5.5	
ہاں ، ویے اور سط قیت مسکلہ	2.5 2.5 5.6	
وکیات رئیب اور اور کا لیک سلم در دی مشکله		
ى كىل مىں بدل		
رادی تخمل		
ىدە زوزنقىر	5.10 تا	
(17	تکمل کا استع	6
v		6
6.1. تبریل ہوتے کلیات والا سرحد	I (2)	
اِل كاك كر قجم كي تلاش		
سام طواف کے تجم۔ قرص اور چھلا	?1 6.3	
ى چىلے	6.4	
تتوی منحنیات کی لمبائیاں	6.5	
گی طواف کا رقبہ		
بار اثر اور م کز کمیت		
.6.7 وسطانی مرکز		
706	·6.8	
706	6.9 نش	
دی نقش اور دیگر نمونی استعال		
دی کل اور دیگر مون استعال	0.10 ي	
743	ماورائی تفاعل	7
744	7 1 مالي 1 7 مالي	,
	,	

عـــنوان

قدرتی لوگار تھم	7.2	
قوت نمائی تفاعل	7.3	
794 $\log_a x$ log _a x	7.4	
افغرائش اور تتنزل	7.5	
قاعدُه للحديديثال َ	7.6	
اضافی شرح نمو	7.7	
7.7.1 ترتیبی اور ثنائی تلاش		
الٹ تحکونیاتی تفاعل کے تفرق؛ تکمل ۔	7.8	
الٹ تکونیاتی تفاعل کے تفرق؛ کمل	7.9	
بذلولی تفاعل	7.10	
یولر کی اعدادی ترکیب؛ میدان و هلوان	7.12	
929 كرية	تلمل _	8
کمل کے بنیادی کلیات	8.1	
تكمل بالخصص	8.2	
8.2.1 بار بار استعال		
جزوی کسر	8.3	
تكونياتى بدل	8.4	
جدول تکمل اور کمپیوٹر	8.5	
غير مناب كل	8.6	
- /-		
الليان 1029	لا متناہی	9
اعداد کی ترتیب کی حد	9.1	
رتیب کے حد تلاش کرنے کے مسلے	9.2	
لانتنابی تسلس	9.3	
غير منفی اجزاء والے تسلسل کا تکملی پر کھی۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔	9.4	
غیر منفی اجزاء کے تسلسل کے تقابلی پر کھ	9.5	
غیر منفی اجزاء کے شلسل کا تناسی اور جذری پر کھ	9.6	
بدلتا تسلسل، مطلق اور مشروط از تکان	9.7	
طاقق تسليل عام المراقبة المراق	9.8	
طاقق تشكسل	9.9	
و ٹیکر تسکسل کا اور تکاز؛ خلل کے اندازے	9.10	
طاقتی شلسل کے استعال	9.11	
	,	
<u>ح</u> ے، متحنی مقدار معلوم اور قطبی محدد <u> </u>	مخروطى	10
مخروطی جھے اور دو قدری مساواتیں	10.1	
سنگ لے لحاظ سے مخروط حصوں کی جماعت بندی	10.2	

	10.3 دو درجی مساوات اور کھومنا	
1243.	10.4 مستوی منحنیات کے مقدار معلوم روپ کا حصول	
1259.	10.5 احصاء اور مقدار معلوم منحنیات '	
12/3.	10.6 قطبی محدو	
	10.8 مخروط حصول کے قطبی مساوات	
	10.8.1 دائرے	
1314.	10.9 تطبی محدد میں عمل	
	(12	
1327	أستمتيات اور خلامين تتحليلي حيو ميشرى	11
	11.1 مستوی میں سمتیات	
$1344\ .$	11.2 كارتيسي (متنطيل) محدد اور فضا مين سمتيات	
1351		
$1361\;.$	11.3 ضرب نقطہ	
1362	11.3.1 حاب	
1376.	11.4 صليبي ضرب	
1391.	11.5 فضامين خطوط اور مستوى	
1407.	11.6 نگلی اور دو در جی سطحین	
1409	يات	جوا
	·	
1409 1411	بات ضمیمه اول	
	ضميمه اول	1
1411	ضمیمه اول ضمیمه دوم	ا ب
1411	ضميمه اول	ا ب
1411 1413	ضیمه اول ضیمه دوم ضمیمه تین	ا ب ئ
1411 1413	ضمیمه اول ضمیمه دوم	ا ب ئ
1411 1413 1415 1417	ضیمه اول ضیمه دوم ضیمه تین ضمیمه چار	ا ب ج ب
1411 1413 1415	ضیمه اول ضیمه دوم ضمیمه تین	ا ب ج ب
1411 1413 1415 1417 1419	ضيميه اول ضيميه دوم ضيميه نين ضيميه چار ضيميه پانچ	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
1411 1413 1415 1417	ضیمه اول ضیمه دوم ضیمه تین ضمیمه چار	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
1411 1413 1415 1417 1419 1421	ضيميه اول ضيميه دوم ضيميه تين ضيميه چار ضيميه پانځ ضيميه چي	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
1411 1413 1415 1417 1419	ضيميه اول ضيميه دوم ضيميه نين ضيميه چار ضيميه پانچ	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
1411 1413 1415 1417 1419 1421 1423	ضيميه اول ضيميه تين ضيميه چار ضيميه پانچ ضيميه پانچ ضيميه چي	ر ن و و و
1411 1413 1415 1417 1419 1421	ضيميه اول ضيميه دوم ضيميه تين ضيميه چار ضيميه پانځ ضيميه چي	ر ن و و و
1411 1413 1415 1417 1419 1421 1423	ضيميه اول ضيميه تين ضيميه چار ضيميه پانچ ضيميه پانچ ضيميه چي	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·

ديباجيه

ہے کتاب اس امید سے ککھی گئی ہے کہ ایک دن اردو زبان میں انجینئر کی پڑھائی جائے گی۔اس کتاب کا مکمل ہونا اس ست میں ایک اہم قدم ہے۔ طبیعیات کے طلبہ کے لئے بھی ریم کتاب مفید ثابت ہوگی۔

اس کتاب کو Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تشکیل دیا گیا ہے۔

درج ذیل کتاب کو سامنے رکھتے اس کو لکھا گیا ہے

Calculus and Analytic Geometry George B. Thomas, Jr Ross L. Finney

جبکہ اردو اصطلاحات چننے میں درج ذیل لغت سے استفادہ کیا گیا۔

- http://www.urduenglishdictionary.org
- $\bullet \ \, \rm http:/\!/www.nlpd.gov.pk/lughat/$

آپ سے گزارش ہے کہ اس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچائیں اور کتاب میں غلطیوں کی نشاندہی میرے برقی پیتہ پر کریں۔میری تمام کتابوں کی مکمل XeLatex معلومات

 $https:/\!/www.github.com/khalidyousafzai$

سے حاصل کی جاسکتی ہیں جنہیں آپ مکمل اختیار کے ساتھ استعال کر سکتے ہیں۔ میں امید کرتا ہوں کہ طلبہ و طالبات اس کتاب سے استفادہ ہوں گے۔

خالد خان يوسفر کی

5 جون <u>2019</u>

میری پہلی کتاب کادیباچہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلی تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلٰی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔دنیا میں مخقیق کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں یائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر الیا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسول تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھے کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں بیہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔ جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا توامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ ہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائح ہیں۔ یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اس مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئر نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں برتی انجنیئر نگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔ اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے بی سر زد ہوئی ہیں البتہ انہیں درست کرنے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ میں ان سب کا شکر یہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور مکمل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

میں بہال کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکرید ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سر گرمیاں ممکن ہوگیں۔

خالد خان يوسفر كي

2011 كتوبر _2011

11.6. نلکی اور دود ربی سطحتیں

11.6 نگلی اور دودر جی سطحیں

واحد متغیر کے نفاعل کی احصاء میں ہم نے خطوط سے شروع کیا اور خطوط کے بارے میں اپنا علم استعال کرتے ہوئے مستوی توسین کا مطالعہ کیا۔ہم نے مماں پر غور کیا اور دیکھا کہ کسی بھی قابل تفرق منحنی کے چھوٹے حصہ کو خطی تصور کیا جا سکتا ہے۔ خاص اہمیت کے حامل منحنیات میں مخروطی قطعات، اور دو درجی منحنیات شامل ہیں جنہیں متغیر × اور س کے دو درجی مساوات سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔

ایک سے زائد متغیرات کے نفاعل کی احصاء کا مطالعہ کرنے کی خاطر ہم ای طرح کی راہ پر چلتے ہیں۔ ہم دو بعدی سطح سے شروع کر کے اس سطح کے بارے میں اپنا علم استعال کر کر فضا میں تین بعدی سطحوں پر غور کرتے ہیں۔ خاص اہمیت کے حامل سطحوں میں نلکیاں اور دو درجی سطحیں شامل میں جنہیں x ، y ، x کے دو درجی مساوات سے ظاہر کیا جا سکتا ہے۔

جوابات

ضمیمه ا ضمیمه اول

ضمیمه د وم

ضمیمه تنین

ضمیمه د ضمیمه چار

ضمیمه ه ضمیمه پانچ

ضمیمه و صمیمه چی

ضمیمه ز ضمیمه سات

ضمیمه آڅھ

ضمیمه ط ضمیمه آڅھ