احصاء اور تحليلي جيوميٹري

خالد خان يوسفز. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

## عنوان

Vii																										,	يباچ	,
ix																						4	یبادٍ	، کا د	ناب	پہلی کہ انجابی کن	يىرى	•
1																							٠	لمومات	، مع	ابتدائی	1	L
1																		خط	تى :	حقية	اور	راد	اعد	حقيقي		1.1		
15																										1.2		
32																							Ĺ	تفاعل		1.3		
54																					غلى	انمذ	م کی	ترسيم		1.4		
74																					بل	نفاء	ائی اِنی	بنكوني		1.5		
95																								/		حدود ا	2	)
95																										2.1		
113															٠.		عد	قواه	کے	ئے ۔	_,	پ کر	لاثر	פנ "		2.2		
126																										2.3		
146																										2.4		
165																							ار	استمر		2.5		
184	١.																					Į	ی ز	مماسح		2.6		
199	)																									تفرق	3	Ł
199	)																				<b>ت</b> ,	تف	K,	تفاعل		3.1	-	
221												•						•			رں	, زق	ی ہ ِ تفر	عا ر قواعد		3.2		
240																										3.3		
257																										3.4		
277																										3.5		
294																										3.6		
310	) .																			ىلى	تبد	ح .	شرر	د گیر		3.7		

عـــنوان

		4
اعل کی انتہائی قیمتیں		
ئىلە اوسط قىمت	4.2	
فامی انتہا کی قیمتوں کا یک رتبی تفرقی پر کھ	4.3	
356	1	
y'' اور $y''$ کے ساتھ ترسیم	4.4	
$391\ldots x  o \mp \infty$ پر حد، متقارب اور غالب اجزاء		
ترين بانا		
ط بندی اور تفرقات		
كيب نيوش	7 4.8	
477	: تکمل	5
۳۰۰ بر قطعی کملات	5.1 غ	J
ىر قى مىلات		
ىل بذريعه تركيب بدل ـ زنجيرى قاعده كا الث اطلاق		
رازه بذرایعه متنابی مجموعه	i) 5.4	
يمان مجموع اور قطعی تحملات	5.5 ر	
صوصيات، رقبه، اور اوسط قيمت مسكله		
بادي مئله		
معنی <sup>کم</sup> ل میں بدل	<i>5</i> 5.8	
مرادی تکمل		
عده ذوزنقه		
	.6	
<u></u>		6
خیات کے 😸 رتبہ بر بہ اس میں میں میں میں کا تھا ہے ہے کہ میں ہے کہ میں		
6.1. تبديل بوتي كليات والا سرحد	1	
يال كاك كر فجم كي تلاش	6.2	
سام طواف کے حجم۔ قرص اور چھلا	6.3	
لى چىلے	6.4 ثَا	
	6.5	
طع طواف کار قبر		
عار الراور مركز كيت		
.6.7 وسطانی مرکز		
716		
ر منظم المرابع المرابع غار سيال اور قوت سيال		
بادی نقش اور دیگر نمونی استعال		
		_
	' ماورائی تفاعل د -	7
ین قاعل اور ان کر تفاق	ภ 7.1	

7.2 قدرتی لوگار کھم	
7.3 قوت نمائی نفاعل	
807 $\log_a x$ 1.4	
7.5 افغرائش اور تنزل	
7.6 قاعده گھوییٹال کُ	
7.7 اضافی شرح نمو	
7.7.1 يترقيبي اور ثنائي تلاش	
7.8 اك تكونياتى تفاعل	
7.9 الٹ تکونیاتی تفاعل کے تفرق؛ کمل	
7.10 بذلولى تفاعل	
7.11 يک پر تبی تفرقی مساوات	
7.12 يولرکی اعدادی ترکیب؛ ميدان و هلوان	
e e e e e e e e e e e e e e e e e e e	
8 محمل کے طریقے 8	
8.1 کمل کے بنیادی کلیات	
8.2 كتمل بالحصص	
8.2.1 بار بار استعال	
8.3 جزوي کمر	
8.4 كلونياتي بدل	
8.5 جدول تکمل اور کمپیوٹر	
8.6 غير مناسب كمل	
9 لامتنابى تشلسل 9	
9.1 اعداد کی ترتیب کی حد	
9.2 ترتیب کا حد تلاش کرنے کے مسئلے	
عميمه اول معنيمه اول	
ب خيمه دوم	

## ديباجيه

ہے کتاب اس امید سے ککھی گئی ہے کہ ایک دن اردو زبان میں انجینئر کی پڑھائی جائے گی۔اس کتاب کا مکمل ہونا اس ست میں ایک اہم قدم ہے۔ طبیعیات کے طلبہ کے لئے بھی ریم کتاب مفید ثابت ہوگی۔

اس کتاب کو Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تشکیل دیا گیا ہے۔

درج ذیل کتاب کو سامنے رکھتے اس کو لکھا گیا ہے

Calculus and Analytic Geometry George B. Thomas, Jr Ross L. Finney

جبکہ اردو اصطلاحات چننے میں درج ذیل لغت سے استفادہ کیا گیا۔

- http://www.urduenglishdictionary.org
- $\bullet \ \, \rm http:/\!/www.nlpd.gov.pk/lughat/$

آپ سے گزارش ہے کہ اس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچائیں اور کتاب میں غلطیوں کی نشاندہی میرے برتی پیتہ پر کریں۔میری تمام کتابوں کی مکمل XeLatex معلومات

 $https:/\!/www.github.com/khalidyousafzai$ 

سے حاصل کی جاسکتی ہیں جنہیں آپ مکمل اختیار کے ساتھ استعال کر سکتے ہیں۔ میں امید کرتا ہوں کہ طلبہ و طالبات اس کتاب سے استفادہ ہوں گے۔

خالد خان يوسفر کی

5 جون <u>2019</u>

## میری پہلی کتاب کادیباچہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلی تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلٰی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔دنیا میں مخقیق کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں یائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر الیا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسول تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھے کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں بیہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔ جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا توامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ ہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائح ہیں۔ یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اس مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئر نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں برتی انجنیئر نگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔ اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے بی سر زد ہوئی ہیں البتہ انہیں درست کرنے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ میں ان سب کا شکر یہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور مکمل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

میں بہال کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکرید ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سر گرمیاں ممکن ہوگیں۔

خالد خان يوسفر كي

2011 كتوبر \_2011

حدكي تلاش

سوال 1 تا سوال 64 میں کون می ترتیب { a<sub>n</sub>} مر تکز اور کون می منفرج ہے؟ ہر مر تکز ترتیب کا حد تلاش کریں۔

$$a_n = 2 + (0.1)^n$$
 :1 سوال

$$a_n = \frac{n + (-1)^n}{n} \quad :2$$

$$a_n = \frac{1-2n}{1+2n}$$
 :3 سوال

$$a_n = \frac{2n+1}{1-3\sqrt{n}}$$
 :4 سوال

$$a_n = \frac{1-5n^4}{n^4+8n^3}$$
 :5 سوال

$$a_n = \frac{n+3}{n62+5n+6}$$
 :6 سوال

$$a_n = \frac{n62 - 2n + 1}{n - 1}$$
 :7 سوال

$$a_n = \frac{1-n^3}{70-4n^2}$$
 :8 سوال

$$a_n = 1 + (-1)^n$$
 :9 سوال

$$a_n = (-1)^n (1 - \frac{1}{n})$$
 :10

$$a_n = (\frac{n+2}{2n})(1-\frac{1}{n})$$
 :11 سوال

$$a_n = (2 - \frac{1}{2^n})(3 + \frac{1}{2^n})$$
 :12 سوال

$$a_n = \frac{(-1)^{n+1}}{2n-1}$$
 :13 سوال

$$a_n = (-\frac{1}{2})^n$$
 :14 سوال

$$a_n = \sqrt{\frac{2n}{n+1}}$$
 :15 سوال

$$a_n = \frac{1}{(0.9)^n}$$
 :16 سوال

$$a_n = \sin(\frac{\pi}{2} + \frac{1}{n}) \quad :17$$

$$a_n = n\pi \cos(n\pi)$$
 :18 سوال

$$a_n = \frac{\sin n}{n}$$
 :19 سوال

$$a_n = \frac{\sin^2 n}{2^n} \quad :20$$

$$a_n = \frac{n}{2^n} \quad :21$$

$$a_n = \frac{3^n}{n^3} \quad :22$$

$$a_n = \frac{\ln(n+1)}{\sqrt{n}}$$
 :23 عوال

$$a_n = \frac{\ln n}{\ln 2n}$$
 :24 سوال

$$a_n = 8^{1/n}$$
 :25 سوال

$$a_n = (0.03)^{1/n}$$
 :26 سوال

$$a_n = (1 + \frac{7}{n})^n$$
 :27 سوال

$$a_n = (1 - \frac{1}{n})^n$$
 :28 سوال

$$a_n = \sqrt[n]{10n}$$
 :29 سوال

$$a_n = \sqrt[n]{n^2}$$
 :30 سوال

$$a_n = (\frac{3}{n})^{1/n}$$
 :31 سوال

$$a_n = (n+4)^{1/(n+4)}$$
 :32 سوال

$$a_n = \frac{\ln n}{n^{1/n}} \quad :33$$

$$a_n = \ln n - \ln(n+1) \quad :34$$
 سوال

$$a_n = \sqrt[n]{4^n n}$$
 :35 اله  $a_n = \sqrt[n]{3^{2n+1}}$  :36 اله  $a_n = \sqrt[n]{3^{2n+1}}$  :37 اله  $a_n = \frac{n!}{n!}$  :37 اله  $a_n = \frac{n!}{n!}$  :38 اله  $a_n = \frac{n!}{10^{6n}}$  :39 اله  $a_n = \frac{n!}{2^{n} \cdot 3^{n}}$  :40 اله  $a_n = \frac{n!}{2^{n} \cdot 3^{n}}$  :41 اله  $a_n = \ln(1 + \frac{1}{n})^n$  :42 اله  $a_n = (\frac{3n+1}{3n-1})^n$  :43 اله  $a_n = (\frac{n}{n+1})^n$  :44 اله  $a_n = (\frac{n}{n+1})^n$  :45 اله  $a_n = (\frac{n}{2n+1})^{1/n}$  :47 اله  $a_n = \frac{3^n \cdot 6^n}{(9/10)^n + (11/12)^n}$  :48 اله  $a_n = \tanh n$  :49 اله  $a_n = \sinh(\ln n)$  :50 اله  $a_n = \frac{n^2}{2^{n-1}} \sin \frac{1}{n}$  :51 اله  $a_n = \ln(1 - \cos \frac{1}{n})$  :52 اله  $a_n = \tan^{-1} n$  :53 اله  $a_n = \tan^{-1} n$ 

$$a_n = \frac{1}{\sqrt{n}} \tan^{-1} n$$
 :54 عوال

$$a_n = (\frac{1}{3})^n + \frac{1}{\sqrt{2^n}}$$
 :55  $y$ 

$$a_n = \sqrt[n]{n^2 + n} \quad :56$$

$$a_n = \frac{(\ln n)^{200}}{n}$$
 :57 سوال

$$a_n = \frac{(\ln n)^5}{\sqrt{n}} \quad :58$$

$$a_n = n - \sqrt{n^2 - n} \quad :59$$

$$a_n = \frac{1}{\sqrt{n^2 - 1} - \sqrt{n^2 + n}}$$
 :60  $a_n = \frac{1}{\sqrt{n^2 - 1} - \sqrt{n^2 + n}}$ 

$$a_n = n - \sqrt{n^2 - n} \quad :61 \text{ J}$$

$$a_n = \frac{1}{\sqrt{n^2 - 1} - \sqrt{n^2 + n}}$$
 :62  $\frac{1}{\sqrt{n^2 - 1}}$ 

$$a_n = \frac{1}{n} \int_1^n \frac{\mathrm{d}x}{x} \quad :63$$

$$a_n = \int_1^n \frac{\mathrm{d}x}{x^p}, \quad p > 1$$
 :64  $y$ 

نظريه اور مثالين

ضمیمها ضمیمه اول

ضمیمه د وم