احصاء اور تحليلي جيوميٹري

خالد خان يوسفز. كي

جامعہ کامییٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

vii	4	ديباج
ix ب کا دیباچہ	پہلی تیا	مير
ا علومات	ابتدائی	1
خَفِقُ اعداد اور حَقِيقَ خط	1.1	
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1.2	
تفاعل	1.3	
تفاعل	1.4	
تكونياتي تفاعل	1.5	
•		
راستمرار	حدود او	2
تېرىلى كى شرح اور حد	2.1	
حد تلاش کرنے کے قواعد	2.2	
مطلوبه قیمتیں اور حد کی با ضابطہ تعریف	2.3	
تصور َ حد کی توسیع	2.4	
استمراد	2.5	
ممای خط	2.6	
195	تفرق	3
تفاعل كا تفرق	3.1	5
قواعد تفرق	3.2	
تېر کې کې شرح	3.3	
ج. ي. و الم	3.4	
زنجيري قاعده	3.5	
خفی تفرق اور ناطق قوت نما	3.6	
ویگر شرح تبدیلی	3.7	

عبنوان	iv

استعال استعال	تفرق ک	4
تفاعل کی انتہائی قیمتیں	4.1	
مئله اوسط قیمت	4.2	
مقانی انتہا کی قیمتوں کا یک رتبی تفر تی پر کھ	4.3	
4.3.1 پر کار در		
' لا اور ''نبلا کے ساتھ ترسیم	4.4	
$x o \pm \infty$ ير حد، متقارب اور غالب اجزاء	4.5	
بهترین بناما	4.6	
نط بندی اور تفر قات	4.7	
تركيب نيوڻن أيري بي ماري بي ماري بي ماري بي بي ماري بي بي نيوڻن بي ماري بي بي بي بي بي ماري بي ماري بي بي بي ب	4.8	
• • •		
471	تكمل	5
غير قطعي کملات	5.1	·
تير ك عنات ابتدائي قيت مسئك، اور رياضياتي نمونه كشي	5.2	
تخمل بذریعه ترکیب بدل۔ زنجیری قاعدہ کا الٹ اطلاق	5.3	
اندازه بذريعه متنائل مجموعه	5.4	
ر يمان مجوع اور قطعي تملات	5.5	
خصوصیات، رقبه، اور اوسط قیمت مسکله	5.6	
بنیادی مسّله	5.7	
تطعی کنمل میں بدل	5.8	
اعدادی کمل	5.9	
	5.10	
377	5.10	
استعال استعال	تکمل کا	6
ں۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔۔	6.1	Ü
6.1.1 تبدیل ہوتے کلمات والا سرحد	0.1	
ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا ا	6.2	
ین مات که این مات که ا اجهام طواف کے قبم به قرص اور چھلا	6.3	
• • • •		
نکی چھے	6.4	
متوی منحنیات کی لمبائیاں	6.5	
سطح طواف کا رقبہ	6.6	
معيار اثر اور مر کز کميت	6.7	
6.7.1 وسطانی مرکز		
کام	6.8	
	6.9	
بنمادی گفش اور دیگر نمونی استعال	6.10	
	ماورائی	7
الٹ تفاعل اور ان کے تفرق	7.1	

عـــنوان

قدرتی لوگار تھم	7.2	
قوت نمائی تفاعل	7.3	
796 $\log_a x$ by a^x	7.4	
افنرائش اور تنزل	7.5	
قاعدُه کھوپیٹال ُ	7.6	
اضافی شرح نمو	7.7	
7.7.1 ي ترتيبي اور ثنائي حلاش		
الٹ تکونیاتی تفاعل	7.8	
الٹ تکونیاتی تفاعل کے تفرق؛ کمل	7.9	
ہذلولی تفاعل	7.10	
يك رتبى تفرقى مِساوات	7.11	
يولر کی اعدادی ترکيب؛ ميدان ڈھلوان	7.12	
ع طریق از طریق	کا _	0
• · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	•	8
تحمل کے بنیادی کلیات	8.1	
كمل بالحصص	8.2	
8.2.1 بار بار استعال		
جزوي کمر	8.3	
تكونياتي بدل بريان بالمراجعة بالمراجعة بالمراجعة بالمراجعة بالمراجعة بالمراجعة بالمراجعة بالمراجعة والمراجعة والمراجعة بالمراجعة بالمراج	8.4	
جدول تکمل اور کمپیوٹر	8.5	
غير مناىب كلمل	8.6	
. 17		
المال ا	لا متناہی	9
اعداد کی ترتیب کی حد	9.1	
ترتیب کے مد الماش کرنے کے مسئلے ۔	9.2	
لانتنائی تسلسل	9.3	
غیر منتی اجزاء والے نشکسل کا تکملی پر کھ	9.4	
غیر مقی اجزاء کے کسکسل کے تقابلی پر کھ	9.5	
غیر منفی اجزاء کے شکسل کا تنابی اور جذری پر کھ	9.6	
بدلنا تسلس، مطلق اور مشروط ارتكاز	9.7	
طاقق شلسل بي	9.8	
تیکر اور مکلان تسکس	9.9	
	9.10	
طاقتی تسلسل کے استعال	9.11	
حصے، منحنی مقدار معلوم اور قطبی محدد	b. 2	10
حصے، کنی مقدار معلوم اور قطبی محدد مخروطی حصے اور دو قدری میاواتیں	حرو ن 1 م 1	10
گرو فلی قصے اور دو فدری مساوا تیں	10.1	
سنگ کے کاظ سے خروط مصول کی جماعت بلدل	10.2	

	10.3 دو در جی مساوات اور کھو منا
1245	10.4 مستوی منحنیات کے مقدار معلوم روپ کا حصول 🔒 🔒 🗓
1261	10.5 احصاء اور مقدار معلوم منحنیات '
1275	10.6 قطبی محدد
1287	10.6 قطبی محدد
1301	10.8 نخروط حصول کے قطبی مساوات
1302	
1316	10.9 قطبی محدد میں تکمل
	112
1329	11 سمتیات اور خلا میں تحلیلی جیومیٹری
	11.1 مستوى مين سمتيات
	11.2 کار تیبی (مستطیل) محدد اور فضا میں سمتیات
1353	
	11.3 ضرب نقطہ
1364	11.3.1 حباب
	11.4 صلیبی ضرب
	11.5 فيضا مين خطوط اور مستوى
1407	11.6 نلکی اور مربع شطعین
1427	جوابات
1431	ا ضمیمه اول
1433	ب ضمیمه دوم
1435	ح ضميمه تين
1437	و مضمیمه چار
1439	ھ ضميمہ پانچ
1441	و منعمیمہ چھ
1441	و ضمیمه چھ ز ضمیمه سات
	*
1443	، ز ضمیمه سات

ديباجيه

ہے کتاب اس امید سے ککھی گئی ہے کہ ایک دن اردو زبان میں انجینئر کی پڑھائی جائے گی۔اس کتاب کا مکمل ہونا اس ست میں ایک اہم قدم ہے۔ طبیعیات کے طلبہ کے لئے بھی ریم کتاب مفید ثابت ہوگی۔

اس کتاب کو Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تشکیل دیا گیا ہے۔

درج ذیل کتاب کو سامنے رکھتے اس کو لکھا گیا ہے

Calculus and Analytic Geometry George B. Thomas, Jr Ross L. Finney

جبکہ اردو اصطلاحات چننے میں درج ذیل لغت سے استفادہ کیا گیا۔

- http://www.urduenglishdictionary.org
- $\bullet \ \, \rm http:/\!/www.nlpd.gov.pk/lughat/$

آپ سے گزارش ہے کہ اس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچائیں اور کتاب میں غلطیوں کی نشاندہی میرے برتی پیتہ پر کریں۔میری تمام کتابوں کی مکمل XeLatex معلومات

 $https:/\!/www.github.com/khalidyousafzai$

سے حاصل کی جاسکتی ہیں جنہیں آپ مکمل اختیار کے ساتھ استعال کر سکتے ہیں۔ میں امید کرتا ہوں کہ طلبہ و طالبات اس کتاب سے استفادہ ہوں گے۔

خالد خان يوسفر کی

5 جون <u>2019</u>

میری پہلی کتاب کادیباچہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلی تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلٰی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔دنیا میں مخقیق کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں یائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر الیا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسول تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھے کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں بیہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا توامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ ہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائح ہیں۔ یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اس مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئر نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں برتی انجنیئر نگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔ اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے بی سر زد ہوئی ہیں البتہ انہیں درست کرنے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ میں ان سب کا شکر یہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور مکمل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

میں بہال کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکرید ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سر گرمیاں ممکن ہوگیں۔

خالد خان يوسفر كي

2011 كتوبر _2011

جوابات

ضمیمها ضمیمه اول

ضمیمه بروم

ضمیمه تنین

ضمیمه د ضمیمه چار

ضمیمه ه ضمیمه پانچ

ضمیمه و ضمیمه چی

ضمیمه ز ضمیمه سا**ت**

ضمیمه آڅه

ضمیمه ط ضمیمه آٹھ