احصاء اور تحليلي جيوميٹري

خالد خان يوسفز. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

## عنوان

Vii																										,	يباچ	,
ix																						4	یبادٍ	، کا د	ناب	پہلی کہ انجابی کن	يىرى	•
1																							٠	لمومات	، مع	ابتدائی	1	L
1																		خط	تى :	حقية	اور	راد	اعد	حقيقي		1.1		
15																										1.2		
32																							Ĺ	تفاعل		1.3		
54																					غلى	انمذ	م کی	ترسيم		1.4		
74																					بل	نفاء	ائی اِنی	بنكوني		1.5		
95																								/		حدود ا	2	)
95																										2.1		
113															٠.		عد	قواه	کے	ئے ۔	_,	پ کر	لاثر	פנ "		2.2		
126																										2.3		
146																										2.4		
165																							ار	استمر		2.5		
184	١.																					Į	ی ز	مماسح		2.6		
199	)																									تفرق	3	Ł
199	)																				<b>ت</b> ,	تف	K,	تفاعل		3.1	-	
221																					رں	, زق	ی ہ ِ تفر	عا ر قواعد		3.2		
240																										3.3		
257																										3.4		
277																										3.5		
294																										3.6		
310	) .																			ىلى	تبد	ح .	شرر	د گیر		3.7		

عـــنوان

ستعال 325	تفرق کا ا	4
تفاعل کی انتہائی قیمتیں	4.1	
مسئلہ اوسط قیت	4.2	
مقامی انتہائی قیبتوں کا یک رتبی تفرقی پر کھ	4.3	
356		
y'' اور $y''$ کے ساتھ تر سیم $y''$ اور $y''$ کے ساتھ تر سیم باتھ تر سیم ورد اللہ کے ساتھ تر سیم اللہ کا میں اللہ کی میں کے ساتھ کر سیم کی میں اللہ کی کے میں اللہ کی کی میں اللہ کی می	4.4	
$391\ldots $ پر حد، متقارب اور غالب الجزاء $x o \mp\infty$	4.5	
بهترين بنانا	4.6	
خط بندی اور تفر قات	4.7	
تركيب نيوڻن	4.8	
475	<sup></sup> تكمل	5
عبر تطعی کلملات	5.1	5
بير من علاقت		
	5.2	
تكمل بذريعه تركيب بدل ـ زنجيري قاعده كاالث اطلاق		
اندازه بذرایعه متنای مجموعه	5.4	
ر پمان مجموع اور قطعی تکملات	5.5	
خصوصيات، رقبه، اور اوسط قيمت مسّله	5.6	
بنيادي مئله		
تطعی کملِ میں بدل	5.8	
اعدادی تحمل	5.9	
قاعده ذوزنقته	5.10	
(22	تکمل کا اس	6
<u></u>		6
منحنیات کے ﷺ رقبہ	6.1	
6.1.1 تبديل ہوتے كليات والا مرحد		
مگیاں کاٹ کر قجم کی علاق "		
اجسام طواف کے حجم۔ قرص اور چھلا	6.3	
نكى چىلے	6.4	
مىتوى منحنيات كى لمبائيال	6.5	
سطح طواف کار قبہ	6.6	
معیار اثر اور مرکز کمیت	6.7	
6.7.1 وسُطانی مرکز		
كام	6.8	
فشار سيال اور قوت سيال	6.9	
بنیادی تقش اور دیگر نمونی استعال	6.10	
عل 753	ماورائی تفا	7
ں 754 - آدائل اور ان کر آفز ق	-	/

ر محم	7.2 قدرتی لوگا
) تفاعل	7.3 قوت نمائی
$\log_a x$	$a^x = 7.4$
ر تنزل	7.5 افنرائش او
يال َ	
ې نمو   .   .   .   .   .   .   .   .   .	7.7 اضافی شرر
ي ترقيبي اور شائی تلاش	
إتى تفاعل	
بی تفاعل کے تفرق؛ <sup>تک</sup> مل	7.9 الث تكونيا
ل ي	
تفرقی مساوات	7.11 يک رتبي
013	ا ضمیمه اول
015	ب ضميمه دوم

## میری پہلی کتاب کادیباچہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلی تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلٰی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔دنیا میں تخقیق کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں یائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر الیا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسول تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھے کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں بیہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔ جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ چنے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دہان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا توامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ ہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائح ہیں۔ یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اس مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئر نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں برتی انجنیئر نگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔ اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے بی سر زد ہوئی ہیں البتہ انہیں درست کرنے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ میں ان سب کا شکر یہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور مکمل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

میں بہال کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکرید ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سر گرمیاں ممکن ہوگیں۔

خالد خان يوسفر كي

2011 كتوبر \_2011

## 7.11 يك رتبي تفرقي مساوات

ہم نے ابتدائی قیمت مسئلہ  $y=y_0$  کا قاعدہ حصہ 7.5 میں  $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t}=ky$ ,  $y(0)=y_0$  کا قاعدہ حصہ 7.5 میں دریافت کیا۔ جیسا کہ ہم نے دیکھا ہے مسئلہ نمو آبادی، تابکار تحلیل، انتقال حرارت اور دیگر اعمال کی نمونہ کشی کرتا ہے۔ اس حصہ میں ہم ابتدائی قیمت سئلہ  $\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}x}=f(x,y)$  کا تفاعل ہو گا۔ اس مساوات کے استعمال مزید زیادہ ہیں۔

یک رتبی تفرقی مساوات

ضمیمها ضمیمه اول

ضمیمه به ضمیمه د وم