احصاء اور تحليلي جيوميٹري

خالد خان يوسفز. كي

جامعہ کامسیٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

| V | | ديباچه |
|------------------------|-------------------|--------|
| vii vii | بهلی کتاب کا دیبا | میری ب |
| 1 | بتدائى معلومات | |
| عداد اور حقیقی خط | 1.1 حقیقی ان | |
| خطوط اور براهوتری | 1.2 محدد، | 2 |
| 32 | 1.3 تفاعل | 3 |
| 32 | 1.4 ترسيم َ | ļ |
| ر قاعل | | ; |
| • | • | |
| 95 | عدود اور استمرار | 2 |
| کی شرح اور حد | 2.1 تبديلي َ | |
| ش کرنے کے قواعد | | |
| قیمتیں اور حد کی تعریف | 2.3 مطلوبہ | 3 |
| ىدكى توسىيغ | | ļ |
| 165 | 2.5 استمرار | ; |
| 184 | 2.6 مماسی |) |
| 199 | نفرق | , 3 |
|) تغرق | رق 3.1 نفاعل | |
| نفرق | 3.2 | 2 |
| كى شرح | | } |
| ن تفاعل کا تفرق | | ļ |
|) قاعده | | ; |
| رُق اور ناطق قوت نما | | , |
| رن تبریلی | | 7 |

| 325 | ق کا استعال | تفرأ | 4 |
|--|-------------|------------------|---|
| کی انتہائی قیمتیں | 4 تفاعل | 1.1 | |
| وسط قیت | | 1.2 | |
| انتہائی قیتوں کا یک رتبی تفر تی پر کھ . | 4 مقامی | 1.3 | |
| 356 | .3.1 | | |
| 368 | y' 4 | 1.4 | |
| $391\ldots\ldots$ پر حد، متقارب اور غالب اجزاء $x	o \mp$ | :∞ 4 | 1.5 | |
| 418 | | .6 | |
| ری اور تفر قات | 4 خطبند | 1.7 | |
| . نيونُن | 4 ترکیب | 8. | |
| | | , , , | |
| 475 | | للمل | 5 |
| ىعى ئىملات | 5 غير فو | 5.1 | |
| مساوات، ابتدائی قیت مسئلے، اور ریاضاتی نمونه کشی | 5 تفرقی | 5.2 | |
| بذر یعه تر کیب بدل۔ زنجیری قاعدہ کا الٹ اطلاق | 5 کمل پ | 5.3 | |
| | 5 اندازه | 5.4 | |
| مجموعے اور تطعیٰ تکملات | | 5.5 | |
| | | | |
| 543 | یہ اول | ضميم | 1 |
| 545 | په دوم | ضميم | ب |
| | | | |

میری پہلی کتاب کادیباچہ

گزشتہ چند برسوں سے حکومتِ پاکستان اعلی تعلیم کی طرف توجہ دے رہی ہے جس سے ملک کی تاریخ میں پہلی مرتبہ اعلی تعلیمی اداروں میں تحقیق کا رجحان پیدا ہوا ہے۔امید کی جاتی ہے کہ یہ سلسلہ جاری رہے گا۔

پاکستان میں اعلٰی تعلیم کا نظام انگریزی زبان میں رائج ہے۔ونیا میں شخیقی کام کا بیشتر حصہ انگریزی زبان میں ہی چھپتا ہے۔انگریزی زبان میں ہر موضوع پر لاتعداد کتابیں یائی جاتی ہیں جن سے طلبہ و طالبات استفادہ کرتے ہیں۔

ہمارے ملک میں طلبہ و طالبات کی ایک بہت بڑی تعداد بنیادی تعلیم اردو زبان میں حاصل کرتی ہے۔ان کے لئے انگریزی زبان میں موجود مواد سے استفادہ کرنا تو ایک طرف، انگریزی زبان ازخود ایک رکاوٹ کے طور پر ان کے سامنے آتی ہے۔یہ طلبہ و طالبات ذہین ہونے کے باوجود آگے بڑھنے اور قوم و ملک کی بھر پور خدمت کرنے کے قابل نہیں رہتے۔ایسے طلبہ و طالبات کو اردو زبان میں نصاب کی اچھی کتابیں درکار ہیں۔ہم نے قومی سطح پر الیا کرنے کی کوئی خاطر خواہ کوشش نہیں گی۔

میں برسول تک اس صورت حال کی وجہ سے پریشانی کا شکار رہا۔ پھے کرنے کی نیت رکھنے کے باوجود کچھ نہ کر سکتا تھا۔میرے لئے اردو میں ایک صفحہ بھی لکھنا ناممکن تھا۔ آخر کار ایک دن میں نے اپنی اس کمزوری کو کتاب نہ لکھنے کا جواز بنانے سے انکار کر دیا اور یوں بیہ کتاب وجود میں آئی۔

یہ کتاب اردو زبان میں تعلیم حاصل کرنے والے طلبہ و طالبات کے لئے نہایت آسان اردو میں لکھی گئی ہے۔ کوشش کی گئی ہے کہ اسکول کی سطح پر نصاب میں استعال ہونے والے تکنیکی الفاظ ہی استعال کئے جائیں۔ جہاں ایسے الفاظ موجود نہ تھے وہاں روز مرہ میں استعال ہونے والے الفاظ ینے گئے۔ تکنیکی الفاظ کی چنائی کے وقت اس بات کا دبان رکھا گیا کہ ان کا استعال دیگر مضامین میں بھی ممکن ہو۔

کتاب میں بین الا توامی نظام اکائی استعال کی گئے ہے۔ ہم متغیرات کی علامتیں وہی رکھی گئی ہیں جو موجودہ نظامِ تعلیم کی نصابی کتابوں میں رائح ہیں۔ یوں اردو میں لکھی اس کتاب اور انگریزی میں اس مضمون پر لکھی کتاب پڑھنے والے طلبہ و طالبات کو ساتھ کام کرنے میں دشواری نہیں ہو گی۔

امید کی جاتی ہے کہ یہ کتاب ایک دن خالصتاً اردو زبان میں انجنیئر نگ کی نصابی کتاب کے طور پر استعال کی جائے گی۔اردو زبان میں برتی انجنیئر نگ کی مکمل نصاب کی طرف یہ پہلا قدم ہے۔ اس کتاب کے پڑھنے والوں سے گزارش کی جاتی ہے کہ اسے زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچانے میں مدد دیں اور انہیں جہاں اس کتاب میں غلطی نظر آئے وہ اس کی نشاندہی میری ای-میل پر کریں۔میں ان کا نہایت شکر گزار ہوں گا۔

اس کتاب میں تمام غلطیاں مجھ سے بی سر زد ہوئی ہیں البتہ انہیں درست کرنے میں بہت لوگوں کا ہاتھ ہے۔ میں ان سب کا شکر یہ ادا کرتا ہوں۔ یہ سلسلہ ابھی جاری ہے اور مکمل ہونے پر ان حضرات کے تاثرات یہاں شامل کئے جائیں گے۔

میں بہال کامسیٹ یونیور سٹی اور ہائر ایجو کیشن کمیشن کا شکرید ادا کرنا چاہتا ہوں جن کی وجہ سے ایسی سر گرمیاں ممکن ہوگیں۔

خالد خان يوسفر. ئي

2011 كتوبر _2011

بغیر ریمان تکمل والے تفاعل

غیر استراری تفاعل، ما سوائے چند، نا قابل تکمل ہیں۔ مثلاً درج ذیل تفاعل کا [0,1] پر کوئی ریمان رقبہ خبیں پایا جاتا ہے۔

$$f(x) = egin{cases} 1, & \ddot{\upsilon}^{b} \dot{\upsilon} \ 0, & \dot{ardz} \dot{ardz} \ \end{cases}$$
غير ناطق

ضمیمها ضمیمه اول

ضمیمه د وم