احصاء اور تحليلي جيوميٹري

خالد خان يوسفز. كي

جامعہ کامییٹ، اسلام آباد khalidyousafzai@comsats.edu.pk

عنوان

ix																																											باچ	وي
xi																																						چ	ديبا.	ب کا	تباب	پہلی <i>–</i>	ری	میر
1																																							ت	علومار	ئى مە	ابتداؤ		1
1																																		خط	بقی	حق	اور	راد	ل اء	حقيفي		1.1		
1 14																																	ئ	وترة	ر ^ا هو	,	لے او	طوه	ر، خ	محد		1.2		
30																																							ل	تفاعا		1.3		
52																																					تتقلي	، مَا	یم یم ک	7		1.4		
72																																										1.5		
12	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	U	القا	يان	,		1.5		
93																																							رار	استم	اور	حدود		2
93																																		عد	. ,	7 او	ثرر	یی ځ	ىكى _	تند		2.1		
11(·).				•					•					•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•					•	•	•	عد	قوا	ئے	ز	•) _/	ل کر	ين تلاش	حد		2.2		
123																																										2.3		
143																																												
163																																										2.5		
181																																												
101	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•				
195	5																																									تفرق		3
195	5.																																			(زز	اتفا	ل ک	تفاع		3.1		
217	7.																																				į	نر و	ر ت	قواء		3.2		
236																																										3.3		
253																																										3.4		
274																																										3.5		
27 291																																										3.6		
308																																												

عبنوان	iv

ا استعال عالم	تفرق دَ	4
تفاعل کی انتہائی قیمتیں	4.1	
مئله اوسط قیت	4.2	
مقانی انتہا کی قیمتوں کا یک رتبی تفر تی پر کھ	4.3	
353		
'لا اور ''لا کے ساتھ ترسیم	4.4	
$x o \pm \infty$ ير حد، متقارب اور غالب اجزاء $x o \pm \infty$	4.5	
بهترین بناما	4.6	
خط بندی اور تفر قات	4.7	
تركيب نيوڻن أ	4.8	
• • •		
471	تحمل	5
غير قطعي كملات	5.1	·
تىر كى عنات ابتدائى قىت مسئلے، اور ریاضیاتی نمونہ کشی	5.2	
تحمل بذریعه ترکیب بدل۔ زنجیری قاعدہ کا الٹ اطلاق	5.3	
اندازه بذرایعه متنانی مجموعه	5.4	
ر یمان مجموعے اور قطعی تکملات	5.5	
خصوصیات، رقبه، اور اوسط قیمت مسکله	5.6	
بنیادی مسّله	5.7	
تطعی کمل میں بدل	5.8	
اعدادی تملل	5.9	
	5.10	
استعال استعال	تکمل کا	6
منحنیات کے ﷺ رقبہ	6.1	
نگایاں کاٹ کر قجم کی تلاش	6.2	
اجهام طواف کے حجم۔ قرص اور حیطلا	6.3	
•		
Y ·	6.4	
متوی منحنیات کی لمبائیاں	6.5	
سطح طواف کار قبہ	6.6	
معيار اثر اور مر كز كميت	6.7	
6.7.1 وسطانی مرکز		
کام	6.8	
	6.9	
بنیادی نقش اور دیگر نمونی استعال	6.10	
	ماورائی	7
الٹ تفاعل اور ان کے تفرق	7.1	

عــــنوان

ئار هم .	7.2 قدرتی لوگ	
يُ تفاعلُ	7.3 قوت نماؤ	
$\log_a x$		
ص ور تنزل		
ينال	• /	
ت ح نمو		
تریتیی اور شاکی حلاش		
ناقى تفاعل	7.8 الث تكونه	
یاقی تفاعل کے تغرق؛ تحمل	7.9 الث تكون	
يان د د د د د د د د د د د د د د د د د د د	7.10 مذلولي نفائ	
تفرقی مساوات	7.11 کی رتی	
ر ب مدادی تر کیب؛ میدان دٔ هلوان		
- · · ·		
	تکمل کے طریقے	8
بنیادی کلیات	8.1 کمل کے	
	4	
ل	•	
ر		
ر ا		
ک ل اور کمپیوٹر	_	
ں اور پیوٹر	· •	
ب س	8.6 عير مناسه	
	لامتنابى تشكسل	9
زتیب کی حد	لانتیابی س 9.1 اعداد کی ت	7
ر یب ق عبد علاش کرنے کے مسئلے	9.2 ترتب <u>ک</u>	
ىلىل	9.2 ريب 9.3 لامتناي	
ا جزاء والے تسلسل کا تکملی پر کھ	9.4 غير منفي ا	
ا براء والے من کا کی پڑھا	9.4 کیر ن	
اجزاء کے تسلسل کے نقابلی پر کھی	9.5 غير منفى ا	
ا جزاء کے نشکسل کا تناسی اور جذری پر کھ	9.6 غير منفى ا	
ل، مطلق اور مشروط ار تکاز	9.7 بدلتا تتكسل	
ىل مارن شكىل ماران شكىل	9.8 طاقتي تشك	
لاارن تسكسل	9.9 ٹیکر اور مکا	
ں کا ار تکاز؛ خلل کے اندازے	9.10 ئىرنىلىل	
مُل کے استعال کی میں میں کہ استعال کی استعال کا استعال کی استعال ک	9.11 طاقتي تسك	
مقدار معلوم اور قطبی محدد	مع ط حصر منحنی	10
مقدار سفوم اور من محدد تھے اور دو قدری مساواتیں		10
ھے اور دو فدر کی مساوا تیں		
کاظ سے محروط خصول کی جماعت بندی	10.2 سنگ کے	

vi

رو در جی مساوات اور گھومنا	10.3
ستوی منحنیات کے مقدار معلوم روپ کا حصول	10.4
حصاء اور مقدار معلوم منحنیات	10.5
نظمی محدد	
ن مان مرد میں ترسیم	10.7
نخروط حصول کے قطبی مساوات	
10.8.1 دائرے ،	10.0
نظبی محدد میں تحمل	10.9
رر خلا میں تحلیلی جیو میشری	11 سمتاسا
ر حمل میں میں ہیں۔ سنت کی طل سمت یہ	11 سيات ال
ستوی میں سمتیات	11.1
ار شن کر کر میں ملیات	
نثرب نقط	11.3
11.3.1 حاب	. 11 4
عليعي ضرب	11.4
نفا میں خطوط اور مستویات	
لكى اور مربع سطحين	
للى اور كروى محدد	11.7
1425	10 سمة تا
ا نقاعل اور فضا میں حرکت عبد تا اور عنا اور دیا کہ مذب	12 سمتی قیمت 12.1
سمتى قيَّت تفاعل أور فضائي منحنيات	12.1
متی قیت تفاعل اور فضائی منحنیات	12.1
عمتی قیمت تفاعل اور فضائی منحنیات	12.1 12.2 12.3
عمتی قیمت تفاعل اور فضائی منحنیات	12.1 12.2 12.3 12.4
عمتی قیمت تفاعل اور فضائی منحنیات	12.1 12.2 12.3 12.4
عمتی قیمت نفاعل اور فضائی منحنیات	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5
عمتی قیمت نفاعل اور فضائی منحنیات لولا کی حرکت کی نمونه کشی	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.6
عمتی قیمت تفاعل اور فضائی منحنیات الولا کی حرکت کی عمونہ کئی بائی قوس اور اکائی ممای سمتیہ T R کائے خماء مروثر اور TNB چھوکٹ الملکی ساروں اور مصنوعی ساروں کی حرکت الملکی ساروں اور جزوی تفر قات لشاعل اور جزوی تفر قات کشیرات کے نفاعل	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1
1435 متی قیت تفاعل آور فضائی منحنیات 1458 لولا کی حرکت کی نمونه کثی 1467 T سیال قوص اور اکائی ممای سمتیه TNB نخا، مر وڑ اور TNB چھوکٹ کنی سیاروں اور مصنوعی سیاروں کی حرکت 1497 تفاعل اور جزوی تفر قات 1513 تفاعل اور جزوی تفر قات 1513 تفرات کے نفاعل 1513 تفرات کے نفاعل 1513 تابعرات کے نفاعل 1513 تابعرات کے نفاعل 1528 تابعرات کے نفاعل اور استمرار الیک الیک استمرار	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.1 13.2
1435 متی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1458 لولا کی حرکت کی نمونه کثی 1467 T میائی قوس اور اکائی ممای سمتیه TNB نخا، مر وثر اور TNB چیوکث کنی سیاروں اور مصنوعی سیاروں کی حرکت 1497 تفاعل اور جزوی تفر قات 1513 تفاعل اور جزوی تفر قات شیر متغیرات کے نفاعل 1513 معنیرات کے نفاعل 1528 مدوری تفر قات 1543	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.1 13.2 13.3
1435 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1458 لولا کی حرکت کی نمونہ کئی 1467 T کی نمونہ کئی بیائی قوس اور اکائی ممای سمتیہ TNB چیوکٹ کتاب مروثر اور مصنو عی سیاروں کی حرکت الملکی سیاروں اور مصنو عی سیاروں کی حرکت عرکت الفیلی سیاروں اور جزوی تفر قات عداور استمرار عداور استمرار عداور استمرار جزوی تفر قات جزوی تفر قات بیزوی تفر قات افرق پذیری، خط بندی، اور تفر قات	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.1 13.2 13.3 13.4
1435 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1458 لولا کی حرکت کی نمونہ کئی 1467 T کی نمونہ کئی بیائی قوس اور اکائی ممای سمتیہ TNB چیوکٹ کتاب مروثر اور مصنو عی سیاروں کی حرکت الملکی سیاروں اور مصنو عی سیاروں کی حرکت عرکت الفیلی سیاروں اور جزوی تفر قات عداور استمرار عداور استمرار عداور استمرار جزوی تفر قات جزوی تفر قات بیزوی تفر قات افرق پذیری، خط بندی، اور تفر قات	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.1 13.2 13.3 13.4
المحتلق المحت	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6
1435 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1458 لولا کی حرکت کی نمونہ کئی 1467 T کی نمونہ کئی بیانی قوس اور اکائی ممای سمتیہ TNB چیوکٹ کنا، مروثر اور مصنوعی سیاروں کی حرکت 1497 تفاعل اور جزوی تفر قات 1513 شخیرات کے تفاعل 1513 شخیرات کے تفاعل 1528 شخیرات کے تفاعل 1529 شخیرات کے تفاعل کے جزوی تفر قات 1560 شخیری ناعدہ 1577 شخیری تا تعادہ 1592 تفاعل کے جزوی تفر قات انجری تفریات کے تفاعل کے جزوی تفر قات شخیرات کے تفاعل کے جزوی تفر قات 1599 شخیرات کے تفاعل کے جزوی تفر قات	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7
المحتلق المحت	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7
1435 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1458 لولا کی حرکت کی نمونہ کئی 1467 T کی نمونہ کئی بیانی قوس اور اکائی ممای سمتیہ TNB چیوکٹ کنا، مروثر اور مصنوعی سیاروں کی حرکت 1497 تفاعل اور جزوی تفر قات 1513 شخیرات کے تفاعل 1513 شخیرات کے تفاعل 1528 شخیرات کے تفاعل 1529 شخیرات کے تفاعل کے جزوی تفر قات 1560 شخیری ناعدہ 1577 شخیری تا تعادہ 1592 تفاعل کے جزوی تفر قات انجری تفریات کے تفاعل کے جزوی تفر قات شخیرات کے تفاعل کے جزوی تفر قات 1599 شخیرات کے تفاعل کے جزوی تفر قات	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8
1435 عتی قیمت تفاعل آور فضائی منحنیات 1458 کا مونہ گئی 1467 T کی محمونہ گئی سبائی قوس اور اکائی ممای سمتیہ TNB خانہ مروثر اور TNB چھوکٹ 1497 چیوکٹ سفی سیاروں اور مصنوعی سیاروں کی حرکت عرادی تقر قات 1513 شیخ ستغیرات کے نفاعل 1528 محتغیرات کے نفاعل 1528 محتغیرات کے نفاعل 1543 محتغیرات کے نفاعل 1543 محتفیرات کے نفاعل 1550 بیند متغیرات کے نفاعل کے جزوی تفر قات 1577 بیند متغیرات کے نفاعل کے جزوی تفر قات 1592 بیند متغیرات کے نفاعل کے جزوی تفر قات 1593 بیند متغیرات کے نفاعل کے جزوی تفر قات، سمتیہ وْھلوان، اور ممائی سطین اور نفاط زین 1599 بیند شیار اور نفاط زین نتہائی قیمتیں اور نفاط زین 1620	12.1 12.2 12.3 12.4 12.5 13.1 13.2 13.3 13.4 13.5 13.6 13.7 13.8

14 عمل باكثرت	1663
14.1 دوهرا تکملات	1663 . 1683
14.3 دوبرا تکملات کا قطبی روپ	
14.4 كارتىبى محدد مىں تېرانگمل	1710.
14.5 تعين بعدى كميت اور معيار اثرِ	
14.6 کیلی اور کروی محدد میں تہرا تکمل	1733 .
14.7 كىمالت ياكىثرت ئىن بدل	1749 .
15 سمتی میدان میں تکمل	1761
جوابات	1763
ا ضیمیہ اول	1765
ب خمیمه دوم	1767
ح ضميمه نين	1769
د ضمیمه چار	1771
چ ضميمه پاخ	1773
و مشميمه چي	1775
ز ضمیمه سات	1777
ح ضميمه آڻھ	1779
ط ضميمه آخمه	1781

ديباجيه

ہے کتاب اس امید سے لکھی گئی ہے کہ ایک دن اردو زبان میں انجینئری پڑھائی جائے گی۔اس کتاب کا مکمل ہونااس سمت میں ایک اہم قدم ہے۔ طبیعات کے طلبہ کے لئے بھی یہ کتاب مغید ثابت ہوگی۔

اس کتاب کو Ubuntu استعال کرتے ہوئے XeLatex میں تفکیل دیا گیا ہے۔اشکال pgfplots اور gnuplots کی مدد سے بنائے گئے ہیں۔

درج ذیل کتاب کو سامنے رکھتے اس کو لکھا گیا ہے

Calculus and Analytic Geometry George B. Thomas, Jr Ross L. Finney

جبكه اردو اصطلاحات چننے ميں درج ذيل لغت سے استفادہ كيا گيا۔

- http://www.urduenglishdictionary.org
- http://www.nlpd.gov.pk/lughat/

آپ سے گزارش ہے کہ اس کتاب کو زیادہ سے زیادہ طلبہ و طالبات تک پہنچائیں اور کتاب میں غلطیوں کی نظاندہی میرے برقی پیتہ پر کریں۔میری تمام کتابوں کی مکمل XeLatex معلومات

 $https:/\!/www.github.com/khalidyousafzai$

سے حاصل کی جا سکتی ہیں جنہیں آپ مکمل اختیار کے ساتھ استعال کر سکتے ہیں۔ میں امید کرتا ہوں کہ طلبہ و طالبات اس کتاب سے استفادہ ہوں گے۔

خالد خان يوسفر كي

5 جون <u>2019</u>

باب15

سمتی میدان میں تکمل

ا الکے جائزہ ۔ اس باب کاموضوع سمتی میدان میں تکمل ہے۔ اس باب کی ریاضی کو بر قاطیبیت کے خواص بیان کرنے کے لئے، تاروں میں حرارت کے بہاو پر غور ، اور مصنوعی سیارہ کو مدار میں منتقل کرنے کے لئے درکار توانائی کے حصول کے لئے استعال کیا جاتا ہے۔

15.1 كيرى تكمل

جوابات

ضمیمها ضمیمه اول

ضمیمه د وم

ضمیمه تنین

ضمیمه د ضمیمه چار

ضمیمه ه ضمیمه پانچ

تنميمه و

ضميمه جي

ضمیمه ز ضمیمه سات

ضمیمه آڅه

ضمیمه آگھ