

1.2 将下列各数转换为十进制数。

(1)  $(1101011)_2$

(2)  $(121.01)_3$

(3)  $(123.4)_5$

保留4位. 算到4位为止.

(4)  $(67.24)_8$

(5)  $(2014.8)_9$

(6)  $(15C.38)_{16}$

1.2 (1)  $(1101011)_2 = (2^6 + 2^5 + 2^3 + 2 + 1)_{10} = (107)_{10}$

(2)  $(121.01)_3 = (1 \times 3^2 + 2 \times 3 + 1 + 1 \times 3^{-2})_{10} = (16.1111)_{10}$

(3)  $(1234)_5 = (1 \times 5^3 + 2 \times 5^2 + 3 \times 5 + 4 \times 5^{-1})_{10} = (388)_{10}$

(4)  $(6724)_8 = (110111010100)_2 = (55.3125)_{10}$

(5)  $(2014.8)_9 = (2 \times 9^3 + 1 \times 9^2 + 4 \times 9 + 8 \times 9^{-1})_{10} = (1471.8889)_{10}$

(6)  $(15C.38)_{16} = (1 \times 16^2 + 5 \times 16 + 12 + 3 \times 16^{-1} + 8 \times 16^{-2})_{10} = (348.21875)_{10}$

1.3 完成下列数制转换： 考试不考转其他

(1)  $(1.234)_{10} = ( )_B = ( )_O = ( )_H$

(2)  $73.4 = ( )_B = ( )_O = ( )_H$

(3)  $2014.8 = ( )_B = ( )_O = ( )_H$

1.3 (1)  $(1234)_{10} = (1.0011)_B = (1.1676)_O = (1.3BE7)_H$

(2)  $(734)_{10} = (10010010110)_B = (1113146)_O = (49.6666)_H$

(3)  $(2014.8)_{10} = (\underline{11111011110.1100})_B = (\underline{3736.6314})_O = (7DE.CCCC)_H$

1.2 将下列各数转换为十进制数。

(1)  $(1101011)_2$

(2)  $(121.01)_3$

(3)  $(123.4)_5$

(4)  $(67.24)_8$

(5)  $(2014.8)_9$

(6)  $(15C.38)_{16}$

1.3 完成下列数制转换：

(1)  $(1.234)_{10} = ( )_B = ( )_O = ( )_H$

(2)  $73.4 = ( )_B = ( )_O = ( )_H$

(3)  $2014.8 = ( )_B = ( )_O = ( )_H$

(1) 多项展开法: 
$$= (1 \times 2^0 + 1 \times 2^1 + 1 \times 2^3 + 1 \times 2^5 + 1 \times 2^6)_{10}$$
$$= (1 + 2 + 8 + 32 + 64)_{10}$$
$$= (3 + 8 + 96)_{10} = (107)_{10}$$

(2).  $1 \times 3^{-2} + 1 \times 3^0 + 2 \times 3^1 + 1 \times 3^2$

$$= \frac{1}{9} + 1 + 6 + 9 = 16\frac{1}{9} = 16.\overline{111}$$
 作得多累啊

(3)  $= (4 \times 5^{-1} + 3 \times 5^0 + 2 \times 5^1 + 1 \times 5^2)_{10}$

$$= (0.8 + 3 + 10 + 25)_{10}$$

$$= (38.8)_{10}$$

(6)  $8 \times 16^{-2} + 3 \times 16^{-1}$

$$+ 12 \times 16^0 + 5 \times 16^1$$
$$+ 1 \times 16^2$$

(4)  $(4 \times 8^2 + 2 \times 8^1 + 7 \times 8^0 + 6 \times 8^{-1})_{10}$

$$= (\frac{1}{16} + \frac{1}{4} + 7 + 48)_{10}$$

$$= (55\frac{5}{16})_{10}$$

$$= 256 + 80 + 12$$
$$+ \frac{3}{16} + \frac{1}{32}$$

(5)  $(8 \times 9^{-1} + 4 \times 9^0 + 1 \times 9^1 + 2 \times 9^2)_{10} = 348\frac{7}{32}$

$$= (1458 + 9 + 4 + \frac{8}{9})_{10} = \frac{1471}{9}$$

1.3 完成下列数制转换：

(1)  $(1.234)_{10} = ( )_B = ( )_O = ( )_H$

(2)  $73.4 = ( )_B = ( )_O = ( )_H$

(3)  $2014.8 = ( )_B = ( )_O = ( )_H$

1) 基数除法：有2, 8, 16就方便。

$$\begin{array}{r}
 0.234 \\
 \times 2 \\
 \hline
 [0].468 \\
 \times 2 \\
 \hline
 [0].936 \\
 \times 2 \\
 \hline
 [1].872 \\
 \times 2 \\
 \hline
 [1].744 \\
 \times 2 \\
 \hline
 1.488 \\
 \times 2 \\
 \hline
 (0).976 \\
 \times 2 \\
 \hline
 [1].952 \\
 \times 2 \\
 \hline
 [1].904 \\
 \times 2 \\
 \hline
 1.808 \\
 \times 2 \\
 \hline
 1.616 \\
 \times 2 \\
 \hline
 1.232 \\
 \times 2 \\
 \hline
 0.464 \\
 \times 2 \\
 \hline
 0.928
 \end{array}$$

0  $[100111011]$

0  $[1.00111011100111]_2$

1. 取  $[1.0011]_2$  ✓

1  $[11676]_8$  ✓

1  $[1.3DE7]_{16(h)}$

0. 1)  $2 \overline{) 73}$

$$\begin{array}{r}
 2 \overline{) 73} \\
 \underline{2 \overline{) 36}} \\
 2 \overline{) 18} \\
 \underline{2 \overline{) 9}} \\
 2 \overline{) 4} \\
 \underline{2 \overline{) 2}} \\
 2 \overline{) 1} \\
 \underline{2 \overline{) 0}}
 \end{array}$$

从前往后？自查。

1001001

0.  $[10010010110]_2$

可以

从下向上写

1001001

6

0. 1111111111

0.4

$$\begin{array}{r}
 \times 2 \\
 \hline
 [0].8 \\
 \times 2 \\
 \hline
 1.6 \\
 \times 2 \\
 \hline
 3.2
 \end{array}$$

65 转 2 进制

71.

~~$$\begin{array}{r} 2 \overline{) 65} \quad \dots 1 \\ 2 \overline{) 32} \quad \dots 0 \\ 2 \overline{) 16} \quad \dots 0 \\ 2 \overline{) 8} \quad \dots 0 \\ 2 \overline{) 4} \quad \dots 0 \end{array}$$~~

$$2 \overline{) 71} \cdot$$

$$2 \overline{) 35} \quad \dots 1$$

$$2 \overline{) 17} \quad \dots 1$$

$$2 \overline{) 8} \quad \dots 1$$

$$2 \overline{) 4} \quad \dots 0$$

$$2 \overline{) 2} \quad \dots 0$$

$$2 \overline{) 1} \quad \dots 0$$

$$2 \overline{) 0} \quad \dots 1$$

1.7 在字长为 5 位的数字系统中，写出下列真值定点纯小数的原码、反码和补码。

(1) +1111 (2) -1111 (3) +0000 (4) -0000 (5) +1010 (6) -1010

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & [+1111]_{\text{原}} = 0 \ 1111 & (3) \quad & [+0000]_{\text{原}} = 0 \ 0000 & (5) \quad & [+1010]_{\text{原}} = 0 \ 1010 \\
 & [+1111]_{\text{反}} = 0 \ 1111 & & [+0000]_{\text{反}} = 0 \ 0000 & & [+1010]_{\text{反}} = 0 \ 1010 \\
 & [+1111]_{\text{补}} = 0 \ 1111 & & [+0000]_{\text{补}} = 0 \ 0000 & & [+1010]_{\text{补}} = 0 \ 1010 \\
 (2) \quad & [-1111]_{\text{原}} = 1 \ 1111 & (4) \quad & [-0000]_{\text{原}} = 1 \ 0000 & (6) \quad & [-1010]_{\text{原}} = 1 \ 1010 \\
 & [-1111]_{\text{反}} = 1 \ 0000 & & [-0000]_{\text{反}} = 1 \ 1111 & & [-1010]_{\text{反}} = 1 \ 0101 \\
 & [-1111]_{\text{补}} = 1 \ 0001 & & [-0000]_{\text{补}} = 1 \ 0000 & & [-1010]_{\text{补}} = 1 \ 0110
 \end{aligned}$$

1.8 已知下列机器数为纯整数，写出它们的真值。 **十进制值最好**

(1)  $[x_1]_{\text{原}} = 110111$  (2)  $[x_2]_{\text{反}} = 110111$  (3)  $[x_3]_{\text{补}} = 110111$   
 (4)  $[x_1]_{\text{原}} = 000000$  (5)  $[x_2]_{\text{反}} = 011111$  (6)  $[x_3]_{\text{补}} = 010000$

$$\begin{aligned}
 (1) \quad & -10111 & (2) \quad & [x_2]_{\text{原}} = 101000 & (3) \quad & [x_3]_{\text{反}} = 110110 \\
 & \boxed{-23} & & [x_2]_{\text{真}} = -101000 & & [x_3]_{\text{原}} = 101001 \\
 & & & & & [x_3]_{\text{真}} = -01001 \\
 (4) \quad & +00000 & (5) \quad & [x_2]_{\text{原}} = 011111 & (6) \quad & [x_3]_{\text{反}} = 001111 \\
 & & & [x_2]_{\text{真}} = +11111 & & [x_3]_{\text{原}} = 010000 \\
 & & & & & [x_3]_{\text{真}} = +10000
 \end{aligned}$$

1.10 将下列各数表示为定点纯小数的原码、反码和补码  
 (机器字长为 9 位) 符号位 (1 位) + 数值位 (8 位)

11	0.001011	0.00101100	0.00101100	0.00101100
64		1.00101100	1.11010011	1.11010100
13	0.0001101	0.00011010	0.00011010	0.00011010
128		1.00011010	1.11100101	1.11100110
15	0.00001111	0.00001111	0.00001111	0.00001111
256		1.00001111	1.11110000	1.11110001
256				

$\frac{11}{64} = \frac{2^3 + 2^4 + 2^5}{2^6} = 2^{-3} + 2^{-4} + 2^{-5} = 0.001011$

真 0 001011  
 原 000101100  
 (九位)  
 反 不动  
 补 不动

1.7 在字长为 5 位的数字系统中，写出下列真值定点纯小数的原码、反码和补码。

- (1) +1111 (2) -1111 (3) +0000 (4) -0000 (5) +1010 (6) -1010

(1) 01111 (2) 11111 (3) 00000 (4) 10000  
 01111 10000 00000 11111  
 01111 10001 00000 10000

(5) 01010 (6) 11010  
 01010 10101  
 01010 10110

会了很容易

1.8 已知下列机器数为纯整数，写出它们的真值。

- (1)  $[x_1]_{\text{原}} = 110111$  (2)  $[x_2]_{\text{反}} = 110111$  (3)  $[x_3]_{\text{补}} = 110111$   
 (4)  $[x_1]_{\text{原}} = 000000$  (5)  $[x_2]_{\text{反}} = 011111$  (6)  $[x_3]_{\text{补}} = 010000$

(1) -10111

(4) +00000

(2) 101000 (原)

(5) +11111

-01000 (真)

(3) 110110 (反)

(6) +10000

10100 (原)

-01001 (真)

简单



- 1.12 完成下列代码的转换。

$$(1010111.01110101)_{\text{BCD}} = (57.75)_{10}$$

$$= (10001010.10101000)_{\text{余3码}}$$

$$= (10111101.11011011)_{2421}$$

$$= (111001.11)_2$$

$$= (1111100.0100111)_{\text{典型Gray}} \quad (\text{由BCD码而来, 整数小数分开转换})$$

$$= (100101.10)_{\text{典型Gray}} \quad (\text{由二进制数而来, 整数小数分开转换})$$

BCD码:  $B_3B_2B_1B_0$  表示的数为  $8B_3+4B_2+2B_1+B_0$

余3码:  $B_3B_2B_1B_0$  表示的数为  $8B_3+4B_2+2B_1+B_0-3$ ,  $5=0101+0011=1000$

2421:  $B_3B_2B_1B_0$  表示的数为  $2B_3+4B_2+2B_1+B_0$

2.10 将下列各数表示为定点纯小数的原码、反码和补码 (机器字长为 9 位)。

(1)  $\frac{11}{64}$     (2)  $\frac{13}{128}$     (3)  $\frac{15}{256}$     (4)  $-\frac{11}{64}$     (5)  $-\frac{13}{128}$     (6)  $-\frac{15}{256}$

$$(1) = \frac{8}{64} + \frac{2}{64} + \frac{1}{64} \quad \text{不动}$$

$$= 2^{-3} + 2^{-5} + 2^{-6}$$

$$= +0 \ 001011 \text{ (真)}$$

$$\begin{cases} 0.001011 & \text{原} \\ 0 \ 001011 & \text{反} \\ 0 \ 001011 & \text{补} \end{cases}$$

$$(2) = \frac{8}{128} + \frac{4}{128} + \frac{1}{128}$$

$$= 2^{-4} + 2^{-5} + 2^{-7}$$

$$= +0 \ 0001101 \text{ (真)}$$

一样

$$(4) = -0 \ 001011 \text{ (真)}$$

$$\quad \quad \quad 1 \ 001011 \text{ (反)}$$

$$\quad \quad \quad 1 \ 110100 \text{ (反)}$$

$$\quad \quad \quad 1 \ 110101 \text{ (补)}$$

$$(5) = -0 \ 0001101$$

↓

$$\quad \quad \quad 1 \ 0001101$$

$$\quad \quad \quad 1 \ 1110010$$

$$\quad \quad \quad 1.1110011$$

$$(6)$$



1.12 完成下列代码的转换。

(101011101110101)<sub>BCD</sub> = ( )<sub>10</sub> = ( )<sub>余3码</sub> = ( )<sub>2421</sub> = ( )<sub>2</sub> = ( )<sub>典型 Gray</sub>

该练这个了

$$= (5775)_{10}$$

$$= (\underline{1000} \ \underline{1010} \ 1010 \ 1000)_{\text{余3}} \quad \text{对9互补}$$

$$(\underline{1010} \ \underline{1010}) \quad \text{对9互补} \quad 1001$$

13.

对9互补 不是说 5→13  
7→11.

而是对

只有一种方法

写表就会吧?

BCD	2421	余3
0000	0000	0011
0001	0001	0100
0010	0010	0101
0011	0011	0110
0100	0100	0111
0101	1011	1000
0110	1100	1001
0111	1101	1010
1000	1110	1011
1001	1111	1100

$$(\underline{0111} \ \underline{0100} \ \underline{0100} \ \underline{0111}) \quad \text{非 Gray}$$

$$(\underline{01111100} \ . \ 01001111) \quad \text{整和小分开 后补0}$$

## 1.14 试判断得到的 8421 海明码 0100101 是否正确。

### 步骤及分析

#### 1. 确定海明码中校验位的位置

在8421海明码中，校验位位于  $2^i$  ( $i = 0, 1, 2, \dots$ ) 位，即第1、2、4、8位等。对于8位的海明码 01001011，第1、2、4位是校验位，分别记为  $P_1$ 、 $P_2$ 、 $P_3$ ，其余位是数据位。

#### 2. 计算校验位理论值

- 计算  $P_1$  理论值： $P_1$  校验的是海明码中位置编号二进制表示右起第1位为1的那些位。对于8位海明码，这些位是第1、3、5、7位。将这些位上的值异或，即  $0 \oplus 0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$ 。
- 计算  $P_2$  理论值： $P_2$  校验的是海明码中位置编号二进制表示右起第2位为1的那些位，即第2、3、6、7位。将这些位上的值异或， $1 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 = 0$ 。
- 计算  $P_3$  理论值： $P_3$  校验的是海明码中位置编号二进制表示右起第3位为1的那些位，即第4、5、6、7位。将这些位上的值异或， $0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$ 。

#### 3. 对比理论值和实际值

已知给定海明码中  $P_1 = 0$  (第1位)， $P_2 = 1$  (第2位)， $P_3 = 0$  (第4位)。其中  $P_2$  的实际值 (1) 和计算得到的理论值 (0) 不一致。

所以，该8421海明码 01001011 是不正确的。

7 6 5 4 3 2 1  
0 1 0 0 1 0 1  
 $B_4 B_3 B_2 B_1 P_3 P_2 P_1$

$$\begin{aligned} S_3 &= B_4 \oplus B_3 \oplus B_2 \oplus P_3 = 1 \\ S_2 &= B_4 \oplus B_3 \oplus B_1 \oplus P_2 = 0 \\ S_1 &= B_4 \oplus B_2 \oplus B_1 \oplus P_1 = 0 \end{aligned}$$

∴ 第4位出错  $P_3 \rightarrow 1$  海明校验。