

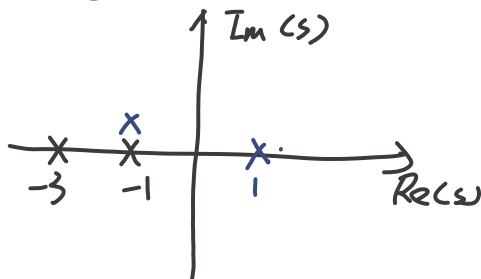
96 (a) 根据性质3 有限持续期且绝对可积  
收敛域应为全平面, 故 **错误**

(b) 可能是, 左边信号  $X(s)$  收敛域  $\text{Re}\{s\} < \sigma_0$   
在左边没有其他极点时, 是左边的。

(c) 不可能 若绝对可积, 收敛域必包含  $\text{Im}$  轴  
( $\sigma=0$ )

(d) 可能是 同 (b) 若左边存在其他极点, 可以  
成为双边的

98



$x(t)$  是有理 Laplace 变换 极点  $s = -1$   $s = -3$

$\therefore g(t) = e^{2t} x(t)$  的  $G(j\omega)$  收敛, 则  $G(s)$  的收敛域  
含  $\text{Im}(s)$  轴

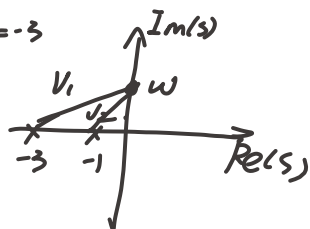
$G(s) = X(s-2)$  求得  $s_1 - 2 = -3$   $s_1 = -1$

$s_2 - 2 = -1$   $s_2 = 1$

$G(s)$  含  $\text{Im}(s)$  轴 则  $G(s)$  与  $x(s)$  是双边的。

9.10 (a).  $H_1(s)$  极点为  $S_1 = -1$   $S_2 = -3$

$\text{Re}\{s\} > -1$ . 为一个右边信号.



$$|H_1(s)| = \frac{1}{v_1 v_2} \leq \frac{1}{3} \quad \text{随离开 } w \text{ 点越远越小}$$

: 是低通滤波

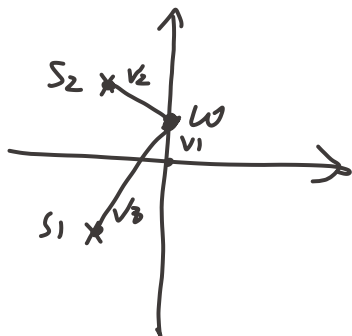
(b)  $S^2 + S + 1 = 0$   $S_1 = \frac{-1-\sqrt{3}j}{2}$   $S_2 = \frac{-1+\sqrt{3}j}{2}$

$|H_2(s)| = \frac{v_1}{v_2 v_3}$  在极点  $s=0$

处  $|H_2(s)| = 0$  (零点.)

在无穷远处  $|H_2(s)| = 0$ .

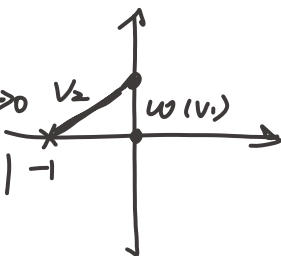
故为带通滤波



(c) 零点  $s=0$  (=阶)

$|H_3(s)| = \left(\frac{v_1}{v_2}\right)^2$  在  $v_1 \rightarrow 0$  时  $|H_3(s)| \rightarrow 0$   
在  $v_1 \rightarrow \infty$  时  $|H_3(s)| \rightarrow 1$

为高通滤波



9.14  $x(t)$  实偶 由FT性质.  $X(j\omega)$  实偶  $X^*(s) \xrightarrow{\omega \rightarrow -\omega} X^*(s^*)$

$$S_1 = (\frac{1}{2})e^{j\pi/4} = \frac{\sqrt{2}}{4}(1+j)$$

$$\text{则 } X(s) = X(-s) = X^*(s^*) = X^*(s)$$

由共轭对称  $S_1 = \frac{\sqrt{2}}{4}(1+j) \quad S_2 = \frac{\sqrt{2}}{4}(1-j)$

可求极点

$$S_3 = \frac{\sqrt{2}}{4}(-1-j) \quad S_4 = \frac{\sqrt{2}}{4}(-1+j)$$

$$\therefore X(s) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t)e^{-st}dt \Big|_{s=0} = X(0) = 4$$

$$X(s) = \frac{A}{(s-S_1)(s-S_2)(s-S_3)(s-S_4)}$$

$$\text{代入 } s=0 \quad X(s) = \frac{A}{S_1 S_2 S_3 S_4} = 4$$

$$\therefore 16A = 4 \quad A = \frac{1}{4}$$

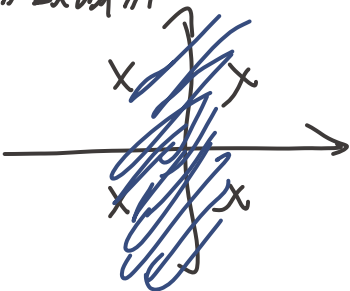
$$X(s) = \frac{\frac{1}{4}}{(s-S_1)(s-S_2)(s-S_3)(s-S_4)}$$

$\therefore X(s)$  绝对可积 则包含纵轴

$\uparrow$   
 $s=0$  在收敛域内

$\therefore$  收敛域为

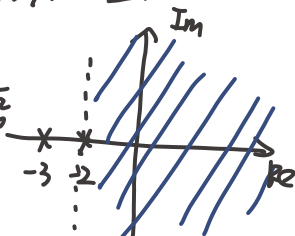
$$\text{Re}\{s\} \in (\frac{\sqrt{2}}{4}, \frac{\sqrt{2}}{4})$$



9.2 | (a) :  $e^{-at} u(t)$  (右边)  $\xleftrightarrow{\mathcal{F}} \frac{1}{s+a} \quad \text{Re}\{s\} > -a$

$\cdot X(s) = \frac{1}{s+2} + \frac{1}{s+3} \quad \text{Re}\{s\} > -2.$

(b)  $\sin(\omega_0 t) u(t)$  (右边)  $\xleftrightarrow{\mathcal{F}} \frac{\omega_0}{s^2 + \omega_0^2}$



$\text{Re}\{s\} > 0$

$\cdot e^{-5t} x(t) \xleftrightarrow{\mathcal{F}} X(s+5)$

$\cdot x(t) = e^{-4t} u(t) + e^{-5t} \sin(5t) u(t)$

$X(s) = \frac{1}{s+4} + \frac{5}{(s+5)^2 + 25}$

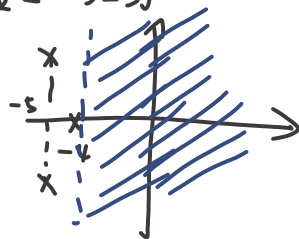
极点  
 $s_1 = -4$

收敛域  $\text{Re}\{s\} > -4$

$s_2 = -5 \pm 5j$

(c) :  $e^{-at} u(t)$   $\xleftrightarrow{\mathcal{F}} \frac{-1}{s+a}$

收敛域  $\text{Re}\{s\} < -a$ .



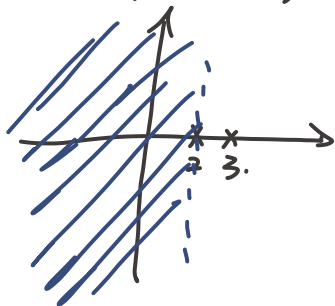
$\cdot X(s) = \frac{-1}{s-2} + \frac{-1}{s-3}$

极点

$s_1 = 2$

$s_2 = 3.$

收敛域为  $\text{Re}(s) < 2$



$$(d) \quad x(t) = te^{-2t} u(t) + te^{+2t} u(-t)$$

$$\text{由 } S \text{ 域微分 } -tx(t) \xleftrightarrow{\mathcal{F}} \frac{dX(s)}{ds}$$

$$X_1(s) = \frac{1}{s+2} \quad \operatorname{Re}(s) > -2.$$

$$X_2(s) = -\frac{1}{s-2} \quad \operatorname{Re}(s) < 2$$

$$\text{极点: } s_1 = -2$$

$$s_2 = 2$$

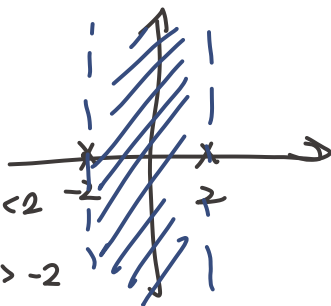
$$\therefore X(s) = \frac{1}{s+2} - \frac{1}{s-2} \quad -2 < \operatorname{Re}(s) < 2$$

$$\frac{dX(s)}{ds} = -\frac{1}{(s+2)^2} + \frac{1}{(s-2)^2} = -\mathcal{F}[tx(t)]$$

$$(e) \quad x(t) = te^{-2t} u(t) + (-t)e^{+2t} u(-t)$$

$$\therefore e^{-2t} u(t) \xleftrightarrow{\mathcal{F}} \frac{1}{s+2} \quad \operatorname{Re}(s) < 2$$

$$e^{+2t} u(-t) \xleftrightarrow{\mathcal{F}} \frac{-1}{s-2} \quad \operatorname{Re}(s) > -2$$



$$X(s) = X_1(s) + X_2(s)$$

$$= -\frac{d}{ds} \frac{1}{s+2} + \frac{d}{ds} \frac{-1}{s-2} = \frac{1}{(s+2)^2} + \frac{1}{(s-2)^2} \quad s_1 = -2, s_2 = 2 \text{ 均非实}$$

$$\therefore \operatorname{Re}\{s\} \in (-2, 2).$$

$$(f) \quad x(t) = t e^{2t} u(t) = -t e^{2t} u(-t)$$

$$\text{由欧几里得 } x(t) \xleftrightarrow{\mathcal{F}} \frac{1}{(s-2)^2} \quad \operatorname{Re}\{s\} < 2.$$

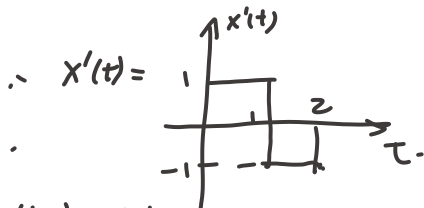
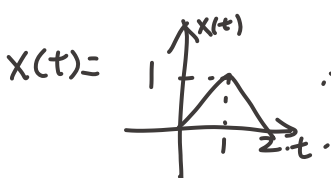
$$(g) \quad x(t) = \begin{array}{c} \uparrow \\ \text{1} \\ \text{---} \\ \downarrow \\ \text{1} \end{array} \xrightarrow{\mathcal{F}} u(t) - u(t-1) \quad \text{由时移性.}$$

$$u(t-1) \xrightarrow{\mathcal{F}} e^{-s} \frac{1}{s}$$

$$\therefore X(s) = \frac{1}{s} - \frac{e^{-s}}{s} = \frac{1-e^{-s}}{s} \text{ 是不定式. 无极点.}$$

$\operatorname{Re}\{s\}$  是全部  $s$ .

(h).  $x(t)$  是有限, 且绝对可积, 显然收敛域为全平面.



$$\therefore x'(t) = u(t) - 2u(t-1) + u(t-2)$$

$$\therefore \frac{dx(t)}{dt} \xrightarrow{\mathcal{F}} sX(s).$$

利用时域微分力更简单

$$X(s) = \frac{1}{s} \left( \frac{1}{s} - 2 \cdot \frac{e^{-s}}{s} + \frac{e^{-2s}}{s} \right)$$

$$= \frac{1}{s^2} (1 - 2e^{-s} + e^{-2s})$$

$$= \frac{(e^{-s} - 1)^2}{s^2} \quad \begin{matrix} \text{无极点} \\ \therefore \text{收敛域全平面} \end{matrix}$$

$$(i) \quad x(t) = \delta(t) + u(t)$$

$$X(s) = 1 + \frac{1}{s} = \frac{s+1}{s} \quad \begin{matrix} \text{零点 } s_1 = -1 \\ \text{极点 } s_2 = 0 \end{matrix}$$

$\therefore \mathcal{F}(\delta(t))$  全平面收敛.

$\mathcal{F}\{u(t)\} \operatorname{Re}\{s\} > 0 \quad \therefore X(s) \text{ 的 } \operatorname{Re}\{s\} > 0$

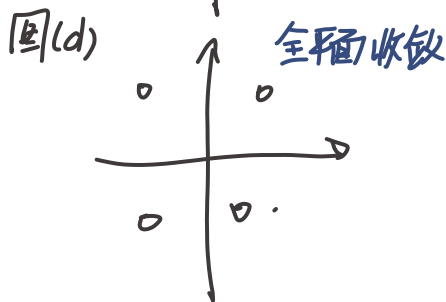
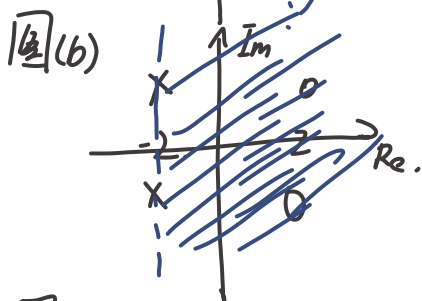
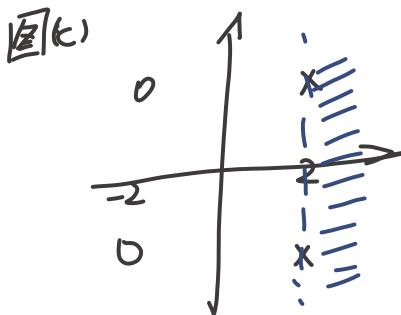
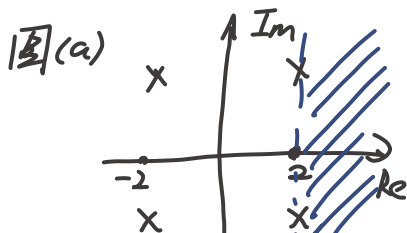
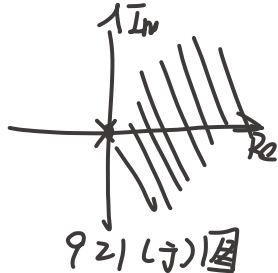
$$(j) \quad \therefore \delta(at) = \frac{1}{|a|} \delta(t) \quad u(at) = u(t)$$

$$x(t) = \delta(3t) + u(3t) = \frac{1}{3} \delta(t) + u(t)$$

$$\therefore X(s) = \frac{1}{3} + \frac{1}{s} = \frac{1+s}{3s} \quad s_1 = -\frac{1}{3} (\text{零点}) \quad s_2 = 0 \text{ 极点.}$$

923 1.  $X(t)e^{-3t} \xleftrightarrow{f} X(s+3)$ .

则  $\text{Re}\{s+3\}$  含  $\text{Im}(s)$  轴

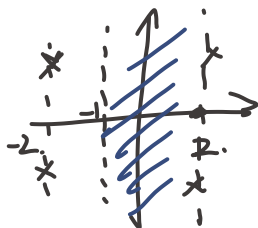


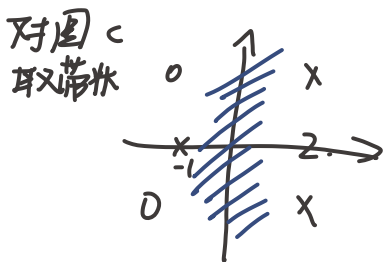
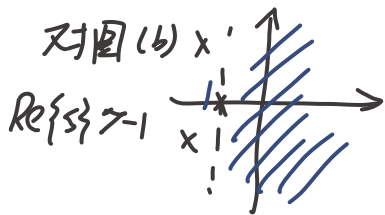
2.  $X(s) \frac{1}{s+1}$  多了  $s=-1$  极点,  $\text{Re}\{s\} > -1$

对图(a) 相当于多出  $s=-1$  的线

则变为带状(双边)

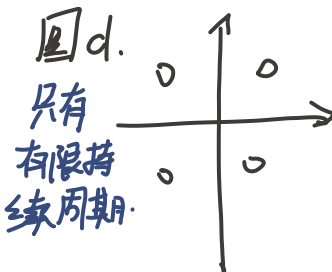
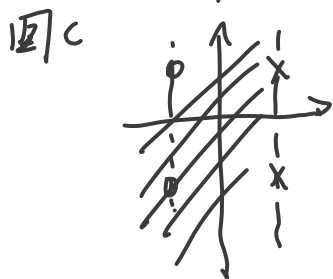
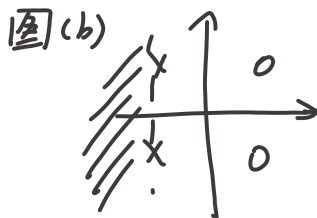
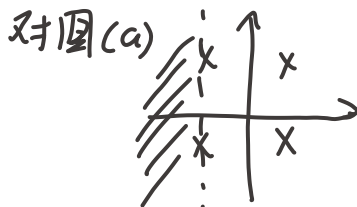
$-1 < \text{Re}\{s\} < 2$



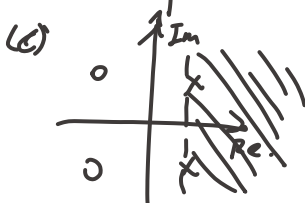
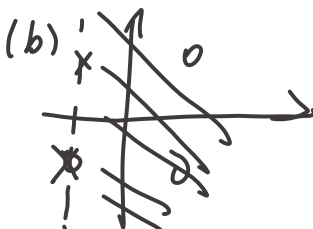
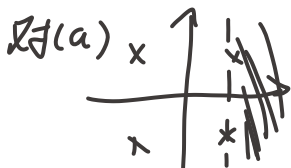


图d 取  $\text{Re}(s) > -1$

3  $x(t) u(-t+1)$  乘左边信号



4.  $x(t) \cdot h(t+1)$  乘右边信号



cd) 仅有有限持续周期



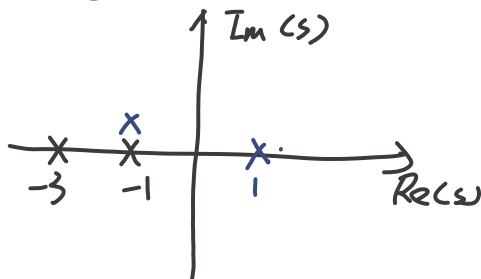
96 (a) 根据性质3 有限持续期且绝对可积  
收敛域应为全平面, 故 **错误**

(b) 可能是, 左边信号  $X(s)$  收敛域  $\text{Re}\{s\} < \sigma_0$   
在左边没有其他极点时, 是左边的。

(c) 不可能 若绝对可积, 收敛域必包含  $\text{Im}$  轴  
( $\sigma=0$ )

(d) 可能是 同 (b) 若左边存在其他极点, 可以  
成为双边的

98



$x(t)$  是有理 Laplace 变换 极点  $s = -1$   $s = -3$

$\therefore g(t) = e^{2t} x(t)$  的  $G(j\omega)$  收敛, 则  $G(s)$  的收敛域  
含  $\text{Im}(s)$  轴

$G(s) = X(s-2)$  求得  $s_1 - 2 = -3$   $s_1 = -1$

$s_2 - 2 = -1$   $s_2 = 1$

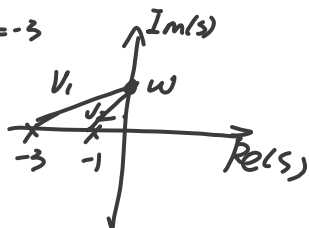
$G(s)$  含  $\text{Im}(s)$  轴 则  $G(s)$  与  $x(s)$  是双边的。

9.10 (a).  $H_1(s)$  极点为  $S_1 = -1$   $S_2 = -3$

无零点  $\rightarrow$  分子 1.

$\text{Re}\{s\} > -1$ . 为一个右边信号.

$\rightarrow$  原理  $H_1(s) \rightarrow H_1(j\omega)$



$$|H_1(s)| = \frac{1}{|v_1| |v_2|} \leq \frac{1}{3} \quad \text{随离开 } w \text{ 点越远越小}$$

: 是低通滤波  $|H_1(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{\omega^2+1} \sqrt{\omega^2+9}} \rightarrow \frac{1}{|v_1| |v_2|}$

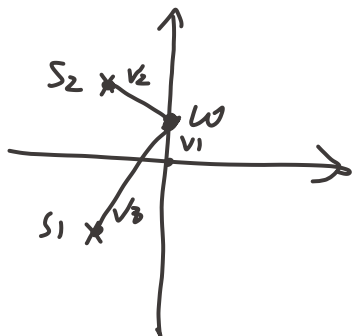
(b)  $S^2 + S + 1 = 0$   $S_1 = \frac{-1-\sqrt{3}j}{2}$   $S_2 = \frac{-1+\sqrt{3}j}{2}$

$|H_2(s)| = \frac{v_1}{v_2 v_3}$  在极点  $S=0$

处  $|H_2(s)| = 0$  (零点.)

在无穷远处  $|H_2(s)| = 0$ .

故为带通滤波

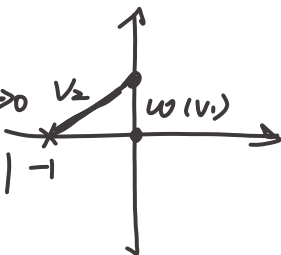


(c) 零点  $S=0$  (=阶)

$|H_3(s)| = \left(\frac{v_1}{v_2}\right)^2$  在  $v_1 \rightarrow 0$  时  $|H_3(s)| \rightarrow 0$

在  $v_1 \rightarrow \infty$  时  $|H_3(s)| \rightarrow 1$

为高通滤波



9.14  $x(t)$  实偶 由FT性质.  $X(j\omega)$  实偶  $X^*(s) \xrightarrow{\omega \rightarrow -\omega} X^*(s^*)$

$$S_1 = (\frac{1}{2})e^{j\pi/4} = \frac{\sqrt{2}}{4}(1+j)$$

$$\text{则} \quad X(s) = X(-s) = X^*(s^*) = X^*(s).$$

由共轭对称  $S_1 = \frac{\sqrt{2}}{4}(1+j) \quad S_2 = \frac{\sqrt{2}}{4}(1-j)$

可求极点

$$S_3 = \frac{\sqrt{2}}{4}(-1-j) \quad S_4 = \frac{\sqrt{2}}{4}(-1+j)$$

$$\therefore X(s) = \int_{-\infty}^{+\infty} x(t)e^{-st}dt \Big|_{s=0} = X(0) = 4$$

$$X(s) = \frac{A}{(s-S_1)(s-S_2)(s-S_3)(s-S_4)}$$

$$\text{代入 } s=0 \quad X(s) = \frac{A}{S_1 S_2 S_3 S_4} = 4$$

$$\therefore 16A = 4 \quad A = \frac{1}{4}$$

$$X(s) = \frac{\frac{1}{4}}{(s-S_1)(s-S_2)(s-S_3)(s-S_4)}$$

$\therefore X(s)$  绝对可积 则包含纵轴

$\uparrow$   
 $s=0$  在收敛域内

$\therefore$  收敛域为

$$\text{Re}\{s\} \in (\frac{\sqrt{2}}{4}, \frac{\sqrt{2}}{4})$$



9.21(c) 对左由信号. 最好先推, 知道为什么

$$\int_{-\infty}^{+\infty} e^{2t} u(-t) e^{-st} dt = \int_{-\infty}^0 e^{(2-s)t} dt$$

$$= \frac{e^{(2-s)t}}{2-s} \Big|_{-\infty}^0$$

$$= \frac{1}{2-s} \left( 1 - \lim_{t \rightarrow \infty} e^{(2-s)t} \right)$$

$$\text{当 } 2-s > 0, \quad \text{Re}(s) < 2, \quad \frac{1}{2-s}$$