上海交通大學

SHANGHALJIAO TONG UNIVERSITY

本科生毕业设计(论文)中期检查报告



论文题目:基于数据流的 R1CS 等价性检查与范式生成

学生姓名: 施宸昊

学生学号: 519021910434

专业: 软件工程

指导教师: 李国强

学院(系): 电子信息与电气工程学院

教务处制表

填表说明

- 1. 请每位学生根据学校及院(系)检查的要求认真进行自查,及时 发现课题研究过程中存在的问题,分析原因,并提出解决思路和 措施,明确下一阶段任务。
- 2. 每位学生应根据项目实施情况认真、实事求是填写。填写字体请用宋体小四号,并用 A4 纸打印,于左侧装订成册。
- 3. 毕业设计(论文)中期检查报告总字数应满足本院(系)要求。
- 4. 该表填写完毕后,须请指导教师审核,并签署意见。
- 5. 《上海交通大学本科生毕业设计(论文)中期检查报告》将作为 答辩资格审查的主要材料之一。
- 6. 本表格不够可自行扩页。



课题进展情况:

- 1. 调研了 Circom 和 R1CS 的相关背景知识,总结出了等价 R1CS 约束组的生成规律。
- 2. 根据 R1CS 约束组的特性设计了数据流图的结构与生成算法,并成功生成了数据流图。
- 3. 在数据流图的基础上实现了瓦片选取算法。实现了 R1CS 范式中 各个约束的选取方式
- 4. 在数据流图的基础上,以瓦片的选取为参考,对数据流图进行 再一次的抽象,进一步消除了各个等价 R1CS 约束组在数据流图 层面的不同。
- 5. 参考相关论文,利用改进后的 Weighted Pagerank 算法,计算出所选出的各个瓦片的权重。
- 6. 将各个瓦片各自按次序生成 R1CS 的范式。



课题研究已取得的阶段性成果:

根据 R1CS 约束组的特性设计了数据流图的结构与生成算法,并成功生成了 数据流图。将每一个约束先按照 a • b = c 转换为算式,将原 R1CS 中每一 个约束,都化成这样的算式,再将其结合在一起,就会得到一个以 DAG 形式存 储的含有公共子式的算式树。在这个过程中经历了两次尝试,先是将操作符和 变量的 node 类型分开, 使用两种类型的 node 进行图的构建。 但是这样就导致 当 R1CS 约束组尝试合并两个约束得到等价约束组时,建立的数据流图不同,同 时也会导致 DAG 的结构相当复杂,算法设计相对来说也会比较困难。所以最后 选择对于操作符和变量使用一种 node 来存储,这样一来每一个操作符本身也是 一个中间变量。同时,使用同一种 node 来构造数据流图还有一个好处,那就是 减少了 R1CS 约束组中不同约束之间合并或者拆分时,所增加或减少的中间变量 对数据流图整体的影响。但此时由等价 R1CS 约束组生成的数据流图仍然存在不同之处 那就是在线性的约束中,他们的加法执行顺序不同。这也是因为在数据流图生成时,算法 必然需要一个顺序去先把两个变量相加,再将其他的变量相加。在范式生成的开始阶段我 们没有足够的信息去判断相加的顺序。不过相对于整个图来说,这只是一些微小的变化,所 以在这一步我尝试了直接使用 pagerank 算法计算图中每个节点的权重。根据相关论文中的 说法,pagerank 算法对图中局部性的变化不太敏感的。最终经过统计发现,对于同一个节 点,其权重大概会在上下百分之十波动,在大部分情况下,按权重排序的节点序列并不会 发生变化。但是一旦节点的权重发生变化,那么范式的生成就将直接宣告失败。因此需要 后续对数据流图进行进一步的抽象。

在数据流图的基础上实现了瓦片选取算法。实现了R1CS 范式中各个约束的选取方式。这里我主要将瓦片分成三个类型:

- 1. Quadratic: x * y = z 的瓦片, 其中 x, y, z 均为变量。
- 2. MullLinear: 根节点由其两个父亲相乘得到的瓦片,两个父亲中至少有一个为常数,比如(5 * x) * 7 = z。
- 3. AddLinear: 根节点由其两个父亲相加得到的瓦片, 比如 x3 + 5 + x = z。

其中 AddLinear 和 MullLinear 瓦片本质上都由线性约束产生,都是线性瓦片,但是由于在算法处理上逻辑完全不同,所以在此将其分为两个种类讨论。在瓦片选择时,我们将上一个步骤中的数据流图分割成上述三种类型,这样选取有几个考虑方面:

- 1. 将约束合并步骤暂时搁置, 待后续步骤获取树中的更多信息后再进行。
- 2. 产生未合并的范式后,如有产生合并范式的需求,只需在未合并的范式上应用固定算法即可,相对简单。
- 3. 瓦片选取的算法实现较为简单。

前面我们提到过,等价的R1CS约束组所生成的数据流图其不同之处在于在处理线性瓦片时,节点之间相加的顺序不同,但是在一个线性约束中所相加的节点看成一个集合的话,他们其实是等价的。也就是说,相加顺序的不同,在瓦片选取的过程中仅仅意味着各节点遍历顺序的不同,如果将选取好的线性瓦片视为其相加节点与其系数的乘积的集合,那么等价R1CS约束组产生的数据流图中所选出的线性瓦片之间显然是相同的。

在数据流图的基础上,以瓦片的选取为参考,对数据流图进行再一次的抽



象,进一步消除了各个等价 R1CS 约束组在数据流图层面的不同。对线性瓦片进行进一步的抽象,将他在数据流图中用一个抽象出的新节点代替。也就是对自身以外的节点,屏蔽线性瓦片内部相加的顺序,让外部节点到线性瓦片中具体节点的联系,变成到这个节点具体所属的瓦片的联系。而在这一抽象后的数据流图中,边的类型有以下几种:

- 1. 非线性瓦片抽象节点到非线性瓦片抽象节点:两个顶点在抽象 前的数据流图中便已经存在。与抽象前的数据流图保持一致。
- 2. 非线性瓦片抽象节点到线性瓦片抽象节点: 当且仅当抽象节点 所代表的线性瓦片中存在非抽象节点时存在。
- 3. 线性瓦片抽象节点到线性瓦片抽象节点: 当且仅当两个抽象节点所代表的线性瓦片存在公有的非抽象节点时存在。

参考相关论文,利用改进后的 Weighted Pagerank 算法,计算出所选出的各个瓦片的权重。在对数据流图进行进一步的抽象之后,整个图看起来简单多了,节点和边的数量也变少了很多。在具体的约束组中比较容易出现一些对称的情形,进而会让一些节点在算法中得到相同的权重。让后续的约束的排序变得比较困难。所以参考了一些文献中的做法,使用了 Weighted Pagerank 算法。使用线性瓦片中系数归一化后的方差来作为数据流图中边的权重。

将各个瓦片各自按次序生成 R1CS 的范式。 至此,约束组中约束的划分与约束的排序已经确定,在二次约束中出现过的变量的排序也已经排序完毕。因此在这个步骤中还需要对线性瓦片中新出现的变量的排序进行调整。替每一个在线性瓦片中新加入的变量计算权重,其权重的计算方式为除去本身线性瓦片以外的其他所有线性瓦片中,自己的系数和线性瓦片权重的乘积的绝对值之和。然后便可以对新引入的变量进行排序,首先比较变量的权重,如果一致,再对本身在线性瓦片中的系数进行排序。在线性瓦片中引入的新变量,其在其他Linear 瓦片中出现的情况某种程度上反映了其在整个约束组中的重要程度。同时如果某些新变量只在本身的约束中出现,他们的权重都将为 0。 并且他们的排序只会对自身的线性瓦片所产生的约束产生影响,并不会改变其他约束的顺序,所以只需将他们按照系数降序排序即可。



| 存在的问题及解决思路: |
|--------------------------------------|
| 1. 缺少数据集 |
| 解决思路:按照之前所整理出的等价 R10S 约束组产生原因,结合编程实现 |
| 过程中所使用的测试集,自行整理数据集并设计实验进行设计。 |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |



| 下一阶段的工作计划和研究内容: 数据集整理与论文撰写同步进行。 |
|------------------------------------|
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |
| |



| 指导教师意见: | | | |
|------------------------------------|---|---|---|
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| 指导教师签名: | | | |
| 1月 7 秋州亚和• | 年 | 月 | — |
| | + | 刀 | Н |
| | | | |
| 学院(系)意见: | | | |
| 学院(系)意见: | | | |
| 学院(系)意见: | | | |
| | | | |
| 审查结果: □ 同意 □ 不同意 | | | |
| 审 查 结 果: □ 同 意 □ 不 同 意 学院(系)负责人签名: | | 月 | |