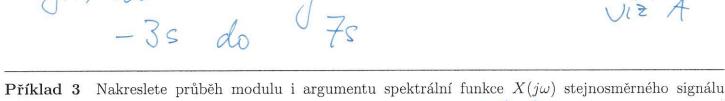
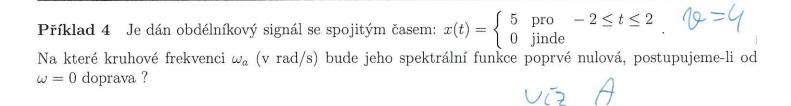
Semestrální zkouška ISS, 2. opravný termín, 1.2.2017, skupina C

Login: Příjmení a jméno:	Podpis:
(čitelně!)	uiz A
Příklad 1 Určete kruhovou frekvenci a hodnoty všech nenulových koe	ficientů Fourierovy řady pro signál
na obrázku. ($u_1 = 1$ $u_2 = 1$ $u_3 = 1$ $u_4 = 1$ $u_5 = 1$ $u_5 = 1$ $u_6 = 1$ $u_7 = 1$ $u_8 = 1$ $u_8 = 1$ $u_9 = $	100 to rad/s 1 etj = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 = 1 =
DY41 10 D (1/ 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1) is repulsed and 2 and 2 a.m. (t)

Příklad 2 Provádíme konvoluci dvou signálů se spojitým časem: $x_1(t)$ je nenulový od -3 s do 3 s. $x_2(t)$ je nenulový od 0 s do 4 s. Napište, v jakém intervalu bude nenulová jejich konvoluce $y(t) = x_1(t) \star x_2(t)$.



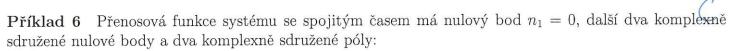




 $\frac{2\pi}{40} = \frac{\pi}{5} \text{ (ad/s)}$

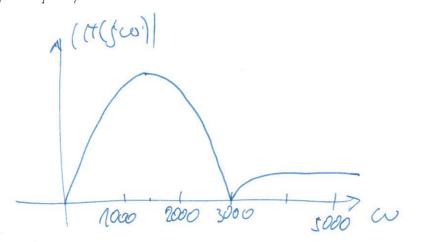
Příklad 5 Vysvětlete vztah mezi Fourierovou transformací a Laplaceovou transformací téhož signálu se spojitým časem x(t).

Vit A



 $n_{2,3} = \pm 3000j$, $p_{1,2} = -10 \pm 1500j$.

Nakreslete přibližně průběh modulové frekvenční charakteristiky $|H(j\omega)|$ pro kruhové frekvence $\omega \in [0, 5000]$ rad/s.



VIZ A

Příklad 7 Netopýr rezavý vysílá zvuk — periodický signál — na základní frekvenci $f_1 = 23$ kHz. Jedná se o složitý signál, je nutné zaznamenat nejen základní frekvenci, ale i další harmonické frekvence až do $4f_1$. Určete, jaká bude minimální vzorkovací frekvence pro navzorkování netopýřího zvuku.

Vit A

Viz A

 $F_{s_{min}} = \dots$

Příklad 8 Kvantizér má k disposici 6 bitů, do něj vstupuje harmonický signál (cosinusovka), který plně využívá jeho dynamického rozsahu. Určete poměr signálu ke kvantizačnímu šumu (SNR) v deciBellech (dB) takového kvantizéru.

SNR =

Příklad 9 Vypočtěte a do tabulky zapište běžnou lineární (ne kruhovou!) konvoluci dvou signálů s diskrétním časem.

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$x_1[n]$	4	3	1	2	0	0	0	0	0	0
$x_2[n]$	-1	-1	0	-1	0	0	0	0	0	0
$x_1[n] \star x_2[n]$	-4	-7	-4	1-7	-5	-1	1-2			

Příklad 10 V tabulce je dán signál s diskrétním časem o délce N=4. Napište jeho předepsané kruhové posunutí.

n	0	1	2	3
x[n]	4	3	1	2
$R_4[n]x[\bmod _4(n-2)] $	1	2	4	3

Příklad 11 Je dán diskrétní harmonický signál (diskrétní cosinusovka) periodou N = 16:

 $\tilde{x}[n] = 6\cos(\frac{2\pi n}{16} + \frac{3\pi}{4})$

Určete indexy a hodnoty všech jeho nenulových koeficientů diskrétní Fourierovy řady $\tilde{X}[k]$ v intervalu $k \in 0 \dots N-1$. Stačí jejich zápis v exponenciálním tvaru, není nutné převádět na složkový.

Příklad 12 Diskrétní signál x[n] má délku N=8 vzorků. Jeho hodnoty jsou $x[0]=1, \quad x[1]=\sqrt{2}, \quad x[7]=-\sqrt{2}$, ostatní jsou nulové. Spočítejte zadaný koeficient diskrétní Fourierovy transformace (DFT).



 $X[1] = \dots$

Příklad 13 Diskrétní signál x[n] o délce N=16 má pouze jeden nenulový koeficient diskrétní Fourierovy transformace (DFT): X[3]=5. Napište vztah pro tento signál. Vzhledem k tomu, že X[16-3]=X[13]=0, nemělo by Vás překvapit, pokud bude signál komplexní.

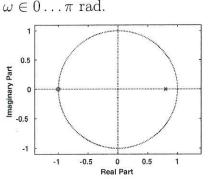
Viz A

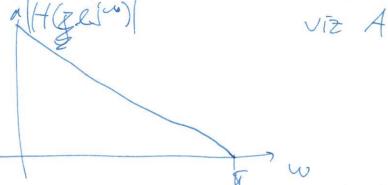
Příklad 14 Impulsní odezva číslicového filtru je zpožděný jednotkový impuls:

 $h[n] = \begin{cases} 1 & \text{pro } n = 6 \\ 0 & \text{jinde} \end{cases}$ Nakreslete průběh modulu jeho frekvenční charakteristiky $|H(e^{j\omega})|$ v obvyklém intervalu normovaných kruhových frekvencí $\omega \in 0 \dots \pi$ rad.

vā A

Příklad 15 Na obrázku je rozložení nulových bodů a pólů číslicového filtru. Nakreslete přibližně průběh modulu jeho frekvenční charakteristiky $|H(e^{j\omega})|$ v obvyklém intervalu normovaných kruhových frekvencí





Příklad 16 Dva číslicové filtry s impulsními odezvami (obě dány pro $n \in 0...3$):

 $h_1[n] = [1 \ 0.5 \ -0.5 \ 0.25]$

 $h_2[n] = [1 -0.5 \ 0.5 \ 0.25]$

jsou spojeny paralelně. Napište impulsní odezvu vzniklého systému.

Viz A

 $h[n] = \dots$

Příklad 17 V tabulce jsou hodnoty vzorku n=7 náhodného signálu pro $\Omega=10$ realizací:

ω	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$\xi_{\omega}[7]$	8.7	7.6	15.3	15.9	3.7	9.7	8.9	12.9	14.1	15.0

Provedte souborový odhad funkce hustoty rozdělení pravděpodobnosti p(x,7) a nakreslete ji.

viz A

Příklad 18 Náhodný signál s diskrétním časem má konstatní spektrální hustotu výkonu, je to tedy bílý šum. Nakreslete jeho korelační koeficienty R[k] pro $k \in -5 \dots 5$.

Viz A

Příklad 19 Určete střední výkon P náhodného signálu x[n], jehož funkce hustoty rozdělení pravděpodobnost p(g) má tvar obdélníka: $p(g) = \begin{cases} \frac{1}{12} & \text{pro } g \in -6 \dots 6 \\ 0 & \text{jinde} \end{cases}$

Pomůcka: pro náhodné signály se střední hodnotou nula platí, že střední výkon rovná se rozptylu: P = D.

vi> A

 $P = \dots P$

Příklad 20 Spektrální hustota výkonu náhodného signálu má na normované kruhové frekvenci $\omega=0.2\pi$ rad hodnotu $G_x(e^{j0.2\pi})=5$. Signál prochází číslicovým filtrem, který má na této frekvenci hodnotu frekvenční charakteristiky $H(e^{j0.2\pi})=\sqrt{5}e^{j\frac{\pi}{8}}$.

Určete spektrální hustotu výkonu výstupního signálu na téže frekvenci.

NIZ A

 $G_y(e^{j0.2\pi}) = \dots$