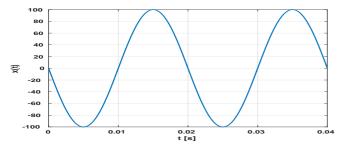
## Semestrální zkouška ISS, 2. opravný termín, 1.2.2017, skupina C

Login: Příjmení a jméno: Podpis: Odpis: Citelně!)

**Příklad 1** Určete kruhovou frekvenci a hodnoty všech nenulových koeficientů Fourierovy řady pro signál na obrázku.



**Příklad 2** Provádíme konvoluci dvou signálů se spojitým časem:  $x_1(t)$  je nenulový od -3 s do 3 s.  $x_2(t)$  je nenulový od 0 s do 4 s. Napište, v jakém intervalu bude nenulová jejich konvoluce  $y(t) = x_1(t) \star x_2(t)$ .

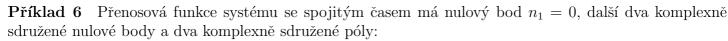
**Příklad 3** Nakreslete průběh modulu i argumentu spektrální funkce  $X(j\omega)$  stejnosměrného signálu x(t)=5.

**Příklad 4** Je dán obdélníkový signál se spojitým časem:  $x(t) = \begin{cases} 5 & \text{pro} & -2 \le t \le 2 \\ 0 & \text{jinde} \end{cases}$ .

Na které kruhové frekvenci  $\omega_a$  (v rad/s) bude jeho spektrální funkce poprvé nulová, postupujeme-li od  $\omega=0$  doprava ?

 $\omega_a = \dots$ 

**Příklad 5** Vysvětlete vztah mezi Fourierovou transformací a Laplaceovou transformací téhož signálu se spojitým časem x(t).



 $n_{2.3} = \pm 3000j$ ,  $p_{1.2} = -10 \pm 1500j$ .

Nakreslete přibližně průběh modulové frekvenční charakteristiky  $|H(j\omega)|$  pro kruhové frekvence  $\omega \in [0, 5000]$  rad/s.

**Příklad 7** Netopýr rezavý vysílá zvuk — periodický signál — na základní frekvenci  $f_1 = 23$  kHz. Jedná se o složitý signál, je nutné zaznamenat nejen základní frekvenci, ale i další harmonické frekvence až do  $4f_1$ . Určete, jaká bude minimální vzorkovací frekvence pro navzorkování netopýřího zvuku.

 $F_{s_{min}} = \dots$ 

**Příklad 8** Kvantizér má k disposici 6 bitů, do něj vstupuje harmonický signál (cosinusovka), který plně využívá jeho dynamického rozsahu. Určete poměr signálu ke kvantizačnímu šumu (SNR) v deciBellech (dB) takového kvantizéru.

 $SNR = \dots$ 

**Příklad 9** Vypočtěte a do tabulky zapište běžnou lineární (ne kruhovou!) konvoluci dvou signálů s diskrétním časem.

n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$x_1[n]$	4	3	1	2	0	0	0	0	0	0
$x_2[n]$	-1	-1	0	-1	0	0	0	0	0	0
$x_1[n] \star x_2[n]$			-	_	-	_			-	

**Příklad 10** V tabulce je dán signál s diskrétním časem o délce N=4. Napište jeho předepsané kruhové posunutí.

n	0	1	2	3
x[n]	4	3	1	2
$R_4[n]x[\bmod_4(n-2)]$				

**Příklad 11** Je dán diskrétní harmonický signál (diskrétní cosinusovka) s periodou N = 16:

 $\tilde{x}[n] = 6\cos(\frac{2\pi n}{16} + \frac{3\pi}{4})$ 

Určete indexy a hodnoty všech jeho nenulových koeficientů diskrétní Fourierovy řady  $\tilde{X}[k]$  v intervalu  $k \in 0 \dots N-1$ . Stačí jejich zápis v exponenciálním tvaru, není nutné převádět na složkový.

**Příklad 12** Diskrétní signál x[n] má délku N=8 vzorků. Jeho hodnoty jsou x[0] = 1,  $x[1] = \sqrt{2}$ ,  $x[7] = -\sqrt{2}$ , ostatní jsou nulové. Spočítejte zadaný koeficient diskrétní Fourierovy transformace (DFT).

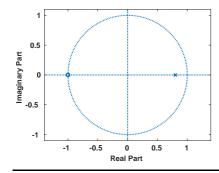
$$X[1] = \dots$$

**Příklad 13** Diskrétní signál x[n] o délce N=16 má pouze jeden nenulový koeficient diskrétní Fourierovy transformace (DFT): X[3] = 5. Napište vztah pro tento signál. Vzhledem k tomu, že X[16-3] = X[13] =0, nemělo by Vás překvapit, pokud bude signál komplexní.

**Příklad 14** Impulsní odezva číslicového filtru je zpožděný jednotkový impuls:

 $h[n] = \begin{cases} 1 & \text{pro } n = 6 \\ 0 & \text{jinde} \end{cases}$  Nakreslete průběh modulu jeho frekvenční charakteristiky  $|H(e^{j\omega})|$  v obvyklém intervalu normovaných kruhových frekvencí  $\omega \in 0 \dots \pi$  rad.

**Příklad 15** Na obrázku je rozložení nulových bodů a pólů číslicového filtru. Nakreslete přibližně průběh modulu jeho frekvenční charakteristiky  $|H(e^{j\omega})|$  v obvyklém intervalu normovaných kruhových frekvencí  $\omega \in 0 \dots \pi \text{ rad.}$ 



**Příklad 16** Dva číslicové filtry s impulsními odezvami (obě dány pro  $n \in 0...3$ ):

$$h_1[n] = [1 \ 0.5 \ -0.5 \ 0.25]$$

$$h_2[n] = [1 -0.5 \ 0.5 \ 0.25]$$

jsou spojeny paralelně. Napište impulsní odezvu vzniklého systému.

 $h[n] = \dots$ 

**Příklad 17** V tabulce jsou hodnoty vzorku n=7 náhodného signálu pro  $\Omega=10$  realizací:

$\omega$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$\xi_{\omega}[7]$	8.7	7.6	15.3	15.9	3.7	9.7	8.9	12.9	14.1	15.0

Proveďte souborový odhad funkce hustoty rozdělení pravděpodobnosti p(x,7) a nakreslete ji.

**Příklad 18** Náhodný signál s diskrétním časem má konstatní spektrální hustotu výkonu, je to tedy bílý šum. Nakreslete jeho korelační koeficienty R[k] pro  $k \in -5...5$ .

**Příklad 19** Určete střední výkon P náhodného signálu x[n], jehož funkce hustoty rozdělení pravděpodobnosti p(g) má tvar obdélníka:  $p(g) = \begin{cases} \frac{1}{12} & \text{pro } g \in -6 \dots 6 \\ 0 & \text{jinde} \end{cases}$ 

Pomůcka: pro náhodné signály se střední hodnotou nula platí, že střední výkon rovná se rozptylu: P=D.

 $P = \dots$ 

**Příklad 20** Spektrální hustota výkonu náhodného signálu má na normované kruhové frekvenci  $\omega = 0.2\pi$  rad hodnotu  $G_x(e^{j0.2\pi}) = 5$ . Signál prochází číslicovým filtrem, který má na této frekvenci hodnotu frekvenční charakteristiky  $H(e^{j0.2\pi}) = \sqrt{5}e^{j\frac{\pi}{8}}$ .

Určete spektrální hustotu výkonu výstupního signálu na téže frekvenci.

$$G_y(e^{j0.2\pi}) = \dots$$