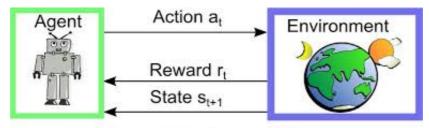
# **Q** - Learning

Date:2018.7.23

Summarized by 王振亚

## 1. 强化学习



Reinforcement Learning Setup

强化学习通常包括**两个实体agent和environment**。两个实体的交互如下,在environment的state  $s_t$ 下,agent采取action  $a_t$ 进而得到reward  $r_t$  并进入state  $s_{t+1}$  。

强化学习的问题,通常有如下特点:

- 不同的action产生不同的reward
- reward有延迟性
- 对某个action的reward是基于当前的state的

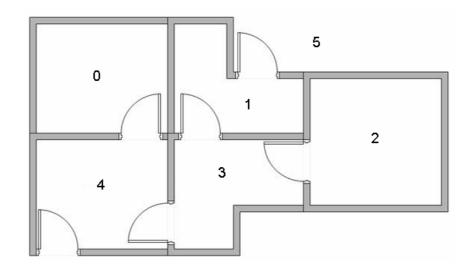
# 2. Q-Learning

Q为动作效用函数(action-utility function),用于评价在特定状态下采取某个动作的优劣,可以将之理解为智能体(Agent)的大脑。

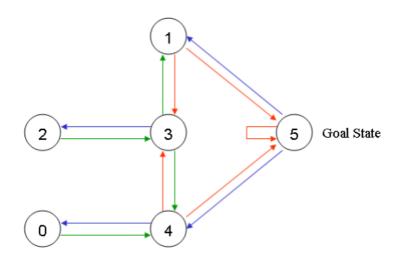
## 2.2 Example

### 2.2.1 模型建立

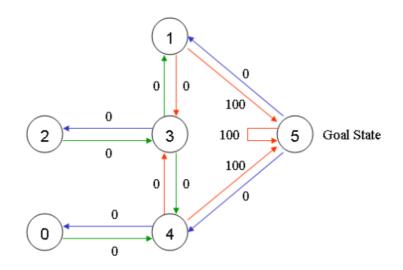
假设有一个楼层,该楼层内有5个房间,房间之间通过一道门相连,如图所示。将房间编号为房间0到房间 4,楼层的外部可以被看作是一间大房间,编号为5。注意到房间1和房间4可以直接通到房间5。



我们可以用图来表示上述的房间,将每一个房间看作是一个节点,每一道门看作是一条边(链路)。



在这个例子中,我们在任意一间房间中放置一个智能体(agent),并期望该智能体能够从该房间开始走出这栋楼(可以认为是我们的目标房间)。换句话说,智能体的目的地是房间5。为了设置这间房间作为目标,我们为每一道门(节点之间的边)赋予一个奖励值。能够直接通到目标房间的门赋予一及时奖励值100,而其他的未与目标房间直接相连的门赋予奖励值0。因为每一道门都有两个方向,因此,每一道门在图中将描述为两个箭头。如下所示:



毫无疑问,房间5指向自身,且对应的建立为100,而且其它与5号房间相连的房间同样具有100的收益。在Q-Learning中,我们的目标是达到收益最大的状态,到了这个状态之后,我们的agent将会永远停留在那里。这种目标成为"吸收目标"。(对应于本例中的状态5)

根据状态图和即时奖励值建立矩阵R: (表中的-1代表空值,表示节点之间无边相连)

#### 2.2.2 Q-Table

**Q-table**: 建立一个类似于矩阵R的矩阵Q,代表智能体从经验中所学到的知识。矩阵Q的行代表智能体 当前的状态(state),列代表到达下一个状态的可能的动作(action)。

因为智能体在最初对环境一无所知,因此矩阵Q被初始化为0。在这个例子中,为了阐述方便,我们假设状态的数量是已知的(设为6)。如果我们不知道有多少状态时,矩阵Q在最初被设为只有一个元素。如果新的状态一旦被发现,对矩阵Q增加新的行和新的列非常简单。

### 2.2.2 学习规则与算法

Q-Learning的学习规则如下:

$$Q(S,A) \leftarrow (1-\alpha) * Q(S,A) + \alpha * [R(S,A) + r * max_a Q(S',A)]$$

其中:

- α 为学习速率(learning rate)
- γ 为折扣因子 (discount factor)
- R(S,A) 为状态S和动作A在矩阵R中对应的奖励
- $max_aQ(S',A)$  为下一个状态时Q矩阵中的最大值。

#### Q-学习算法的计算过程如下:

- 1、设置参数Gamma,以及矩阵R中的环境奖励值;
- 2、初始化o矩阵为0;
- 3、对每一轮学习 (one episode):

随机选择一个状态;

Do while 目标状态未到达

对当前状态的所有可能的动作中,选择一个可能的动作; // 策略可以是 $\epsilon$ -greedy等使用这个可能的动作,到达下一个状态;

对下一个状态,基于其所有可能的动作,获得最大的Q值;

计算: \$Q(S,A)\leftarrow(1-\alpha)\*Q(S,A)+\alpha\*[R(S,A) + r\*max\_aQ(S',A)]\$\$
设置下一个状态作为当前状态;

End For

agent利用上述算法不断地从经验中学习,每一轮学习中,它不断地探索环境,然后获得奖赏。训练的目的是强化agent的"大脑",此处用Q表示。

### e.g.

1. 设置学习率Gamma等于0.8,初始的状态是房间1。初始的矩阵Q是一个零矩阵,如下:

2. 观察R矩阵的第二行(状态1),对状态1来说,存在两个可能的动作:到达状态3,或者到达状态5。通过随机选择,我们选择到达状态5。

3. 现在,让我们想象如果我们的智能体到达了状态5,将会发生什么? 观察R矩阵的第六行,有3个可能的动作,到达状态1,4或者5。 Q(state, action) = R(state, action) + Gamma \* Max[Q(next state, all actions)] Q(1, 5) = R(1, 5) + 0.8 \* Max[Q(5, 1), Q(5, 4), Q(5, 5)] = 100 + 0.8 \* 0 = 100 由于矩阵Q此时依然被初始化为0,Q(5, 1), Q(5, 4), Q(5, 5)全部是0,因此,Q(1, 5)的结果是100,因为即时奖励R(1,5)等

于100。下一个状态5现在变成了当前状态,因为状态5是目标状态,因此我们已经完成了一次尝试。我们的智能体的大脑中现在包含了一个更新后的Q矩阵。

- 4. 对于下一次训练,我们随机选择一个初始状态,这一次,我们选择状态3作为我们的初始状态。观察R矩阵的第4行,有3个可能的动作,到达状态1,2和4。我们随机选择到达状态1作为当前状态的动作。
- 5. 现在,我们想象我们在状态1,观察矩阵R的第2行,具有2个可能的动作: 到达状态3或者状态5。现在我们计算Q值: Q(state, action) = R(state, action) + Gamma \* Max[Q(next state, all actions)] Q(3, 1) = R(3, 1) + 0.8 \* Max[Q(1, 2), Q(1, 5)] = 0 + 0.8 \* Max(0, 100) = 80 我们使用上一次尝试中更新的矩阵Q得到: Q(1, 3) = 0 以及 Q(1, 5) = 100。因此,计算的结果是Q(3,1)=80,因为奖励值为0。现在,矩阵Q变为:

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 100 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 80 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 4 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 5 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

6. 现在,想象我们处于状态5,有3个可能的动作: 到达状态1,4或5。我们计算Q值如下: Q(state, action) = R(state, action) + Gamma \* Max[Q(next state, all actions)] Q(1, 5) = R(1, 5) + 0.8 \* Max[Q(5, 1), Q(5, 4), Q(5, 5)] = 100 + 0.8 \* 0 = 100 更新后的矩阵Q中,Q(5, 1), Q(5, 4), Q(5, 5)依然是0,故Q(1, 5)的值是100,因为即时奖励R(5,1)是100,这并没有改变矩阵Q。因为状态5是目标状态,我们完成了这次尝试。我们的智能体大脑中包含的矩阵Q更新为如下所示:

7. 如果我们的智能体通过多次的经历学到了更多的知识,Q矩阵中的值会达到一收敛状态,如下:

$$Q = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 400 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 0 & 0 & 0 & 320 & 0 & 0 \\ 0 & 400 & 256 & 0 & 400 & 0 \\ 320 & 0 & 0 & 320 & 0 & 500 \\ 5 & 0 & 400 & 0 & 0 & 400 & 500 \end{bmatrix}$$

最终,我们通过学习得到了Q-Table。

### 2.2.2 Q-Table的使用

当矩阵Q通过不断地训练达到一种收敛的状态的时候,agent已经学得了到达目标状态的最优路线。此时,根据Q-Table可以很容易地得到特定初始状态下的最优路线、算法如下:

- 1、设置当前状态=初始状态;
- 2、从当前状态开始,寻找具有最高Q值的动作;
- 3、设置当前状态=下一个状态;
- 4、重复步骤2和3,直到当前状态=目标状态。

### e.g.

例如,从初始状态2,智能体在矩阵Q的指导下进行移动: 在状态2时,由矩阵Q中最大的值可知下一个动作应该是到达状态3; 在状态3时,矩阵Q给出的建议是到达状态1或者4,我们任意选择,假设选择了到达状态1; 在状态1时,矩阵Q建议到达状态5; 因此,智能体的移动序列是2-3-1-5。

# 3.参考链接

- https://blog.csdn.net/u013405574/article/details/50903987
- 2. <a href="http://mnemstudio.org/path-finding-q-learning-tutorial.htm">http://mnemstudio.org/path-finding-q-learning-tutorial.htm</a>

3. https://www.zhihu.com/question/26408259