

## 期末复习重点

### 第 10 章 含有耦合电感的电路

#### ■ 基础知识点:

- 1、 **耦合系数 k**: 表示两个线圈磁耦合的程度, 与线圈的结构、相互的几何位置、空间磁介质有关。

$$k = \frac{M}{\sqrt{L_1 L_2}} \quad (k \leq 1), \text{ 若 } k=1 \text{ 称为全耦合。}$$

- 2、 **互感线圈同名端**: 当两个电流分别从两个线圈的对应端子同时流入或流出, 若所产生的磁通相互加强时, 则这两个对应端子称为两互感线圈的同名端。

#### 3、 耦合电感的串联

(1) 顺接串联: 等效电感  $L_{eq} = L_1 + L_2 + 2M$

(2) 反接串联: 等效电感  $L_{eq} = L_1 + L_2 - 2M$

#### 4、 耦合电感的并联

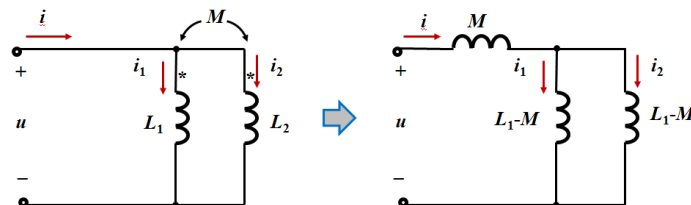
(1) 同侧并联:  $L_{eq} = \frac{(L_1 L_2 - M^2)}{L_1 + L_2 - 2M}$

(2) 异侧并联:  $L_{eq} = \frac{(L_1 L_2 - M^2)}{L_1 + L_2 + 2M}$

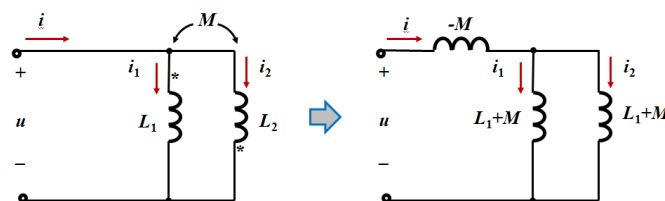
#### 5、 耦合电感的去耦等效

(1) 并联去耦等效

a、 同侧并联去耦等效

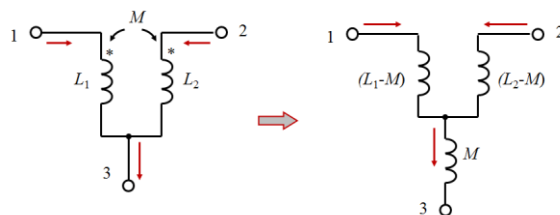


b、 异侧并联去耦等效

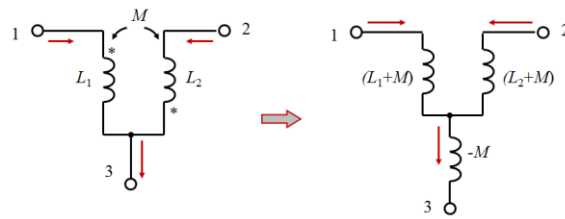


(2) T 型去耦等效

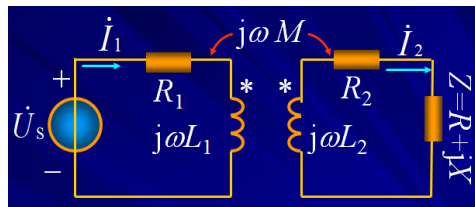
a、 同名端为公共端的 T 型去耦等效



b、 异名端为公共端的 T 型去耦等效

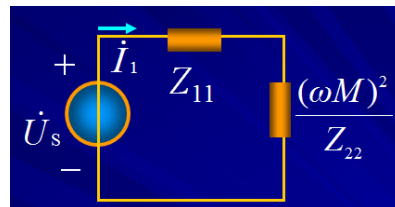


## 6、 变压器原理

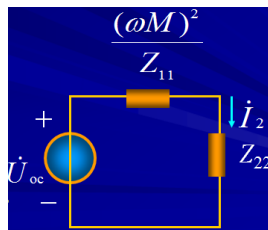


定义:  $Z_{11}=R_1+j\omega L_1$ ,  $Z_{22}=(R_2+R)+j(\omega L_2+X)$

(1) 原边等效电路



(2) 副边等效电路



## 7、 理想变压器的三个理想化条件:

(1) 无损耗

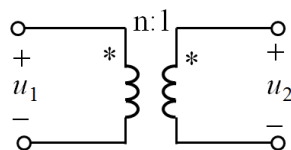
(2) 全耦合, 即  $k=1 \Rightarrow M=\sqrt{L_1 L_2}$

(3) 参数无限大, 即  $L_1, L_2, M \Rightarrow \infty$ , 但  $\sqrt{\frac{L_1}{L_2}} = \frac{N_1}{N_2} = n$

## 8、 理想变压器的主要性能

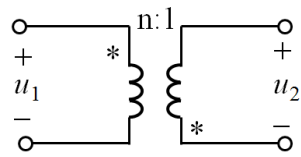
(1) 变压关系:

A、同侧变压器



$$\frac{u_1}{u_2} = \frac{N_1}{N_2} = n$$

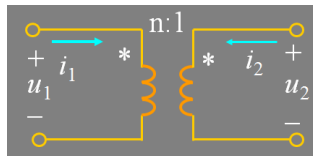
B、异侧变压器



$$\frac{u_1}{u_2} = -\frac{N_1}{N_2} = -n$$

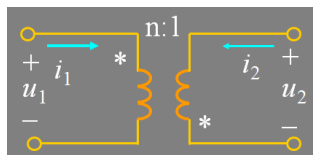
(2) 变流关系:

A、同侧变压器



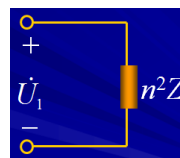
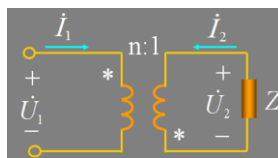
$$i_1(t) = -\frac{1}{n} i_2(t)$$

B、异侧变压器



$$i_1(t) = \frac{1}{n} i_2(t)$$

(3) 变阻抗关系:



$$\frac{\dot{U}_1}{\dot{I}_1} = n^2 Z$$

■ 考点:

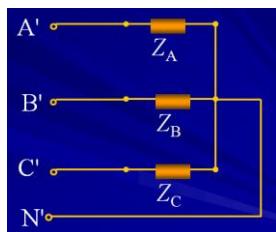
- 1、 耦合系数的求解
- 2、 互感线圈同名端的判定
- 3、 耦合电感的去耦等效 (计算题)
- 4、 含有耦合电感电路的计算 (计算题)
- 5、 理想变压器理想化条件及变电压、变电流和变阻抗的性质

## 第 12 章 三相电路

### ■ 基础知识点:

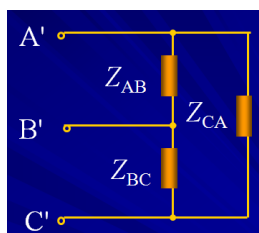
- 1、三相电源的基本概念: 瞬时值表达式、相量表示、相序、对称三相电源的特点
- 2、三相电源的连接: 星形联接 (Y 联接) 和三角形联接 ( $\Delta$  联接)
- 3、三相负载及其连接:

#### (1) 星形连接



当  $Z_A = Z_B = Z_C$ , 称为三相对称负载。

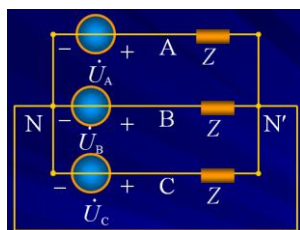
#### (2) 三角形连接



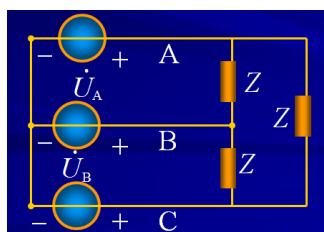
当  $Z_{AB} = Z_{BC} = Z_{CA}$ , 称为三相对称负载。

### 4、三相电路的连接

#### (1) 三相四线制 (Y-Y)



#### (2) 三相三线制 (Y- $\Delta$ )



- 5、三相电路基本概念: 端线 (火线)、中性点、中性线、相电压、线电压、负载的相电压、负载的线电压、相电流、线电流

### 6、相电压和线电压的关系:

- (1) 三相电源 Y 形连接: 线电压大小等于相电压的  $\sqrt{3}$  倍, 即  $U_l = \sqrt{3}U_p$ ; 且线电压相位领先对应的相电压  $30^\circ$ 。
- (2) 三相电源  $\Delta$  形连接: 线电压等于对应的相电压。

### 7、相电流和线电流的关系:

- (1) Y 形连接: 线电流等于相电流。
- (2)  $\Delta$  形连接: 线电流大小等于相电流的  $\sqrt{3}$  倍, 即  $I_l = \sqrt{3}I_p$ ; 且线电流相位滞后对应的相电流  $30^\circ$ 。

## 8、对称三相电路的计算（Y-Y 连接 & Y-Δ 连接）

## 9、对称三相电路的功率

(1) 平均功率:  $P = 3U_p I_p \cos \varphi = \sqrt{3}U_l I_l \cos \varphi$

(2) 无功功率:  $Q = 3U_p I_p \sin \varphi = \sqrt{3}U_l I_l \sin \varphi$

(3) 视在功率:  $S = \sqrt{P^2 + Q^2} = 3U_p I_p = \sqrt{3}U_l I_l$

### ■ 考点:

- 1、三相电源及三相电路的基本概念
- 2、对称三相电路的计算（Y-Y 连接）（计算题）

## 第 14 章 线性动态电路的复频域分析

### ■ 基础知识点:

#### 1、拉普拉斯变换的定义:

$$(1) \text{ 拉氏正变换: } F(s) = L[f(t)] = \int_{0_-}^{+\infty} f(t)e^{-st} dt$$

$$(2) \text{ 拉氏反变换: } f(t) = L^{-1}[F(s)] = \frac{1}{2\pi j} \int_{c-j\infty}^{c+j\infty} F(s)e^{st} ds$$

其中,  $F(s)$  称为象函数,  $f(t)$  称为原函数。

#### 2、常见函数的拉氏变换 (详见教材 P350-351, 表 14-1)

$$(1) \text{ 单位阶跃函数的象函数: } F(s) = L[\varepsilon(t)] = \frac{1}{s}$$

$$(2) \text{ 单位冲激函数的象函数: } F(s) = L[\delta(t)] = 1$$

$$(3) \text{ 指数函数的象函数: } F(s) = L[e^{at}] = \frac{1}{s-a}$$

#### 3、拉普拉斯变换的基本性质

$$(1) \text{ 线性性质: } L[A_1 f_1(t) + A_2 f_2(t)] = A_1 L[f_1(t)] + A_2 L[f_2(t)]$$

$$(2) \text{ 微分性质: } L\left[\frac{df(t)}{dt}\right] = sF(s) - f(0_-)$$

$$(3) \text{ 积分性质: } L\left[\int_{0_-}^t f(\xi) d\xi\right] = \frac{1}{s} F(s)$$

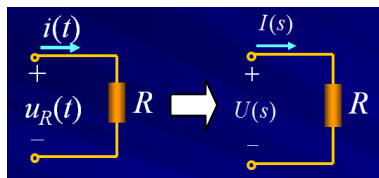
$$(4) \text{ 延迟性质: } L[f(t-t_0)\varepsilon(t-t_0)] = e^{-st_0} F(s)$$

$$(5) \text{ 卷积定理: } L[f_1(t) * f_2(t)] = F_1(s)F_2(s)$$

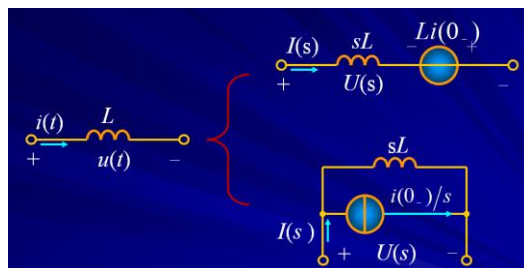
#### 4、拉普拉斯反变换的部分分式展开 (已知象函数, 求原函数)

#### 5、元件的运算形式

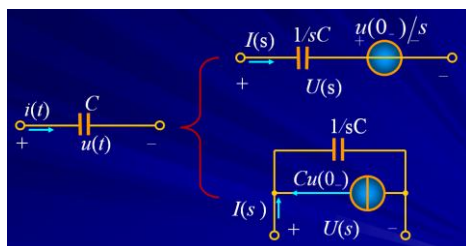
##### (1) 电阻 R 的运算形式:



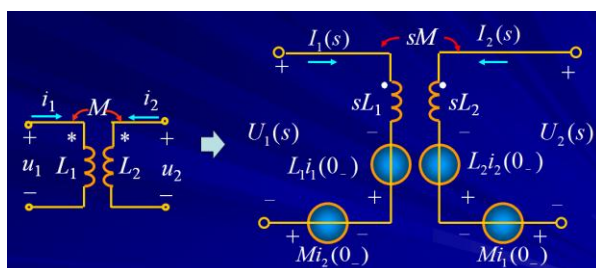
##### (2) 电感 L 的运算形式:



(3) 电容 C 的运算形式:



(4) 耦合电感的运算形式:



## 6、运算法分析线性电路的步骤:

- (1) 由换路前的电路计算  $u_c(0_-)$ ,  $i_L(0_-)$ ;
- (2) 画运算电路模型, 注意运算阻抗的表示和附加电源的作用;
- (3) 应用前面各章介绍的各种计算方法求象函数;
- (4) 反变换求原函数。

## 7、网络函数 $H(s)$ 的定义

## 8、网络函数的应用

- (1) 由网络函数求取任意激励的零状态响应:  $R(s) = H(s)E(s)$ ,  $r(t) = L^{-1}[R(s)]$
- (2) 应用卷积定理求解电路响应:

因为:  $R(s) = H(s)E(s)$

而:  $r(t) = L^{-1}[E(s)H(s)] = e(t) * h(t)$

所以  $r(t) = \int_0^t e(t-\xi)h(\xi)d\xi = \int_0^t e(\xi)h(t-\xi)d\xi$

## 9、网络函数的极点和零点

- (1) 极点和零点的定义
- (2) 在  $s$  平面坐标系中画出极点和零点
- (3) 线性电路的稳定性判定: 若线性电路是稳定电路, 其网络函数极点一定位于  $s$  平面坐标系左半平面。

## ■ 考点:

- 1、拉氏变换和拉氏反变换的定义
- 2、拉氏变换的性质
- 3、已知象函数求解原函数 (计算题)
- 4、运算法求解线性电路 (计算题)
- 5、网络函数的定义
- 6、求解网络函数的零点和极点
- 7、电路稳定性的判断

## 第 16 章 二端口网络

### ■ 基本知识点:

#### 1、二端口网络定义及其端子应该满足的条件

#### 2、二端口方程及参数

##### (1) Y 参数和方程

$$\begin{cases} \dot{I}_1 = Y_{11}\dot{U}_1 + Y_{12}\dot{U}_2 \\ \dot{I}_2 = Y_{21}\dot{U}_1 + Y_{22}\dot{U}_2 \end{cases} ; \quad [Y] = \begin{bmatrix} Y_{11} & Y_{12} \\ Y_{21} & Y_{22} \end{bmatrix},$$

$$\text{其中: } Y_{11} = \frac{\dot{I}_1}{\dot{U}_1} \Big|_{\dot{U}_2=0}; \quad Y_{12} = \frac{\dot{I}_1}{\dot{U}_2} \Big|_{\dot{U}_1=0}; \quad Y_{21} = \frac{\dot{I}_2}{\dot{U}_1} \Big|_{\dot{U}_2=0}; \quad Y_{22} = \frac{\dot{I}_2}{\dot{U}_2} \Big|_{\dot{U}_1=0}$$

Y 参数的物理意义: 短路导纳参数。

互易二端口 Y 参数条件:  $Y_{12} = Y_{21}$

对称二端口 Y 参数条件:  $Y_{12} = Y_{21}$ , 且  $Y_{11} = Y_{22}$ 。

##### (2) Z 参数和方程

$$\begin{cases} \dot{U}_1 = Z_{11}\dot{I}_1 + Z_{12}\dot{I}_2 \\ \dot{U}_2 = Z_{21}\dot{I}_1 + Z_{22}\dot{I}_2 \end{cases} ; \quad [Z] = \begin{bmatrix} Z_{11} & Z_{12} \\ Z_{21} & Z_{22} \end{bmatrix}$$

$$\text{其中: } Z_{11} = \frac{\dot{U}_1}{\dot{I}_1} \Big|_{\dot{I}_2=0}; \quad Z_{12} = \frac{\dot{U}_1}{\dot{I}_2} \Big|_{\dot{I}_1=0}; \quad Z_{21} = \frac{\dot{U}_2}{\dot{I}_1} \Big|_{\dot{I}_2=0}; \quad Z_{22} = \frac{\dot{U}_2}{\dot{I}_2} \Big|_{\dot{I}_1=0}$$

Z 参数的物理意义: 开路阻抗参数。

互易二端口 Z 参数条件:  $Z_{12} = Z_{21}$

对称二端口 Z 参数条件:  $Z_{12} = Z_{21}$ , 且  $Z_{11} = Z_{22}$ 。

$$[Z] = [Y]^{-1}$$

##### (3) T 参数和方程

$$\begin{cases} \dot{U}_1 = \mathbf{A}\dot{U}_2 - \mathbf{B}\dot{I}_2 \\ \dot{I}_1 = \mathbf{C}\dot{U}_2 - \mathbf{D}\dot{I}_2 \end{cases} ; \quad [T] = \begin{bmatrix} \mathbf{A} & \mathbf{B} \\ \mathbf{C} & \mathbf{D} \end{bmatrix}$$

$$\text{其中: } \mathbf{A} = \frac{\dot{U}_1}{\dot{U}_2} \Big|_{\dot{I}_2=0}; \quad \mathbf{C} = \frac{\dot{I}_1}{\dot{U}_2} \Big|_{\dot{I}_2=0}; \quad \mathbf{B} = \frac{\dot{U}_1}{-\dot{I}_2} \Big|_{\dot{U}_2=0}; \quad \mathbf{D} = \frac{\dot{I}_1}{-\dot{I}_2} \Big|_{\dot{U}_2=0}$$

T 参数的物理意义: 传输参数, 反应输入和输出之间的关系。其中 A 和 C 成为开路参数, B 和 D 为短路参数。

互易二端口 T 参数条件:  $AD - BC = 1$

对称二端口 T 参数条件:  $AD - BC = 1$ , 且  $A = D$ 。

##### (4) H 参数和方程



$$\begin{cases} \dot{\mathbf{U}}_1 = \mathbf{H}_{11}\dot{\mathbf{I}}_1 + \mathbf{H}_{12}\dot{\mathbf{U}}_2 \\ \dot{\mathbf{I}}_2 = \mathbf{H}_{21}\dot{\mathbf{I}}_1 + \mathbf{H}_{22}\dot{\mathbf{U}}_2 \end{cases} ; \quad [\mathbf{H}] = \begin{bmatrix} \mathbf{H}_{11} & \mathbf{H}_{12} \\ \mathbf{H}_{21} & \mathbf{H}_{22} \end{bmatrix}$$

其中：  $\mathbf{H}_{11} = \frac{\dot{\mathbf{U}}_1}{\dot{\mathbf{I}}_1} \Big|_{\dot{\mathbf{U}}_2=0}$  ;  $\mathbf{H}_{21} = \frac{\dot{\mathbf{I}}_2}{\dot{\mathbf{I}}_1} \Big|_{\dot{\mathbf{U}}_2=0}$  ;  $\mathbf{H}_{12} = \frac{\dot{\mathbf{U}}_1}{\dot{\mathbf{U}}_2} \Big|_{\dot{\mathbf{I}}_1=0}$  ;  $\mathbf{H}_{22} = \frac{\dot{\mathbf{I}}_2}{\dot{\mathbf{U}}_2} \Big|_{\dot{\mathbf{I}}_1=0}$

H 参数的物理意义：混合参数。其中， $\mathbf{H}_{11}$  和  $\mathbf{H}_{21}$  为短路参数， $\mathbf{H}_{12}$  和  $\mathbf{H}_{22}$  为开路参数。

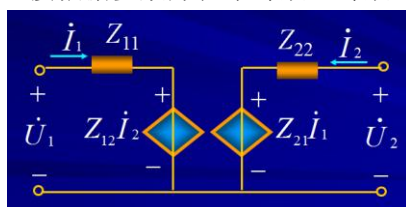
互易二端口 H 参数条件：  $\mathbf{H}_{12} = -\mathbf{H}_{21}$

对称二端口 H 参数条件：  $\mathbf{H}_{12} = -\mathbf{H}_{21}$ ，且  $\mathbf{H}_{11}\mathbf{H}_{22} - \mathbf{H}_{12}\mathbf{H}_{21} = 1$

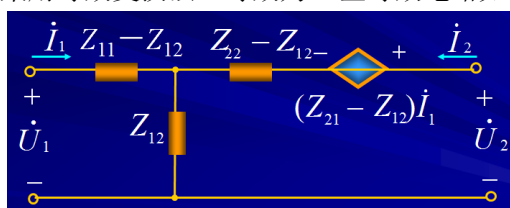
### 3、二端口的等效电路

(1) Z 参数表示的等效电路  $\begin{cases} \dot{\mathbf{U}}_1 = \mathbf{Z}_{11}\dot{\mathbf{I}}_1 + \mathbf{Z}_{12}\dot{\mathbf{I}}_2 \\ \dot{\mathbf{U}}_2 = \mathbf{Z}_{21}\dot{\mathbf{I}}_1 + \mathbf{Z}_{22}\dot{\mathbf{I}}_2 \end{cases}$

方法 1：直接根据参数方程来等效，等效电路如下：



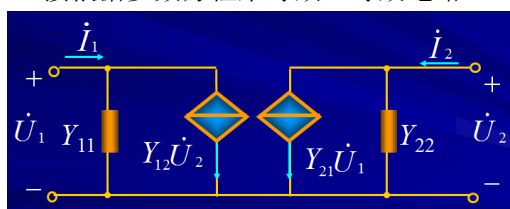
方法 2：采用等效变换法，等效为 T 型等效电路如下：



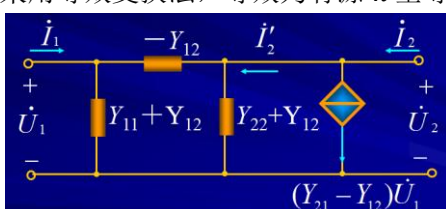
(2) Y 参数表示的等效电路

$$\begin{cases} \dot{\mathbf{I}}_1 = \mathbf{Y}_{11}\dot{\mathbf{U}}_1 + \mathbf{Y}_{12}\dot{\mathbf{U}}_2 \\ \dot{\mathbf{I}}_2 = \mathbf{Y}_{21}\dot{\mathbf{U}}_1 + \mathbf{Y}_{22}\dot{\mathbf{U}}_2 \end{cases}$$

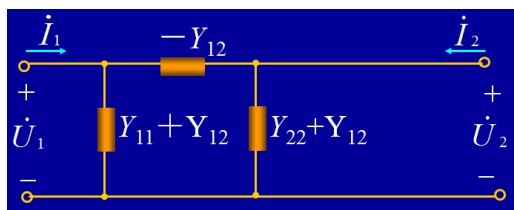
方法 1：直接根据参数方程来等效，等效电路：



方法 2：采用等效变换法，等效为有源  $\pi$  型等效电路：



若网络是互易的，即  $Y_{12}=Y_{21}$ ，那么等效为无源  $\pi$  型等效电路：



4、二端口的转移函数：用拉氏变换形式表示的输出电压或电流与输入电压或电流之比。

5、无端接二端口的转移函数：没有外接负载，且输入激励无内阻抗的二端口。



$$\text{电压转移函数: } \frac{U_2(s)}{U_1(s)} = \frac{Z_{21}(s)}{Z_{11}(s)}$$

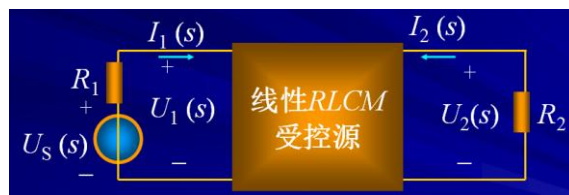
$$\text{转移阻抗: } \frac{U_2(s)}{I_1(s)} = Z_{21}(s)$$

$$\text{电流转移函数: } \frac{I_2(s)}{I_1(s)} = -\frac{Z_{21}(s)}{Z_{22}(s)}$$

$$\text{转移导纳: } \frac{I_2(s)}{U_1(s)} = \frac{Z_{21}(s)}{Z_{12}(s)Z_{21}(s) - Z_{11}(s)Z_{22}(s)}$$

6、有端接二端口的转移函数：

7、二端口的输出端口接有负载阻抗，输入端口接有电压源和阻抗的串联组合或电流源和阻抗的并联组合。



$$\text{转移导纳: } \frac{I_2(s)}{U_1(s)} = \frac{Y_{21}(s)/R}{Y_{22}(s) + \frac{1}{R}}$$

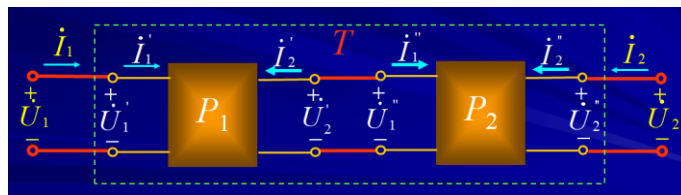
$$\text{转移阻抗: } \frac{U_2(s)}{I_1(s)} = \frac{RZ_{21}(s)}{R + Z_{22}(s)}$$

$$\text{电流转移函数: } \frac{I_2(s)}{I_1(s)} = \frac{Y_{21}(s)Z_{11}(s)}{1 + Y_{22}(s)R - Z_{12}(s)Y_{21}(s)}$$

$$\text{电压转移函数: } \frac{U_2(s)}{U_1(s)} = \frac{Z_{21}(s)Y_{11}(s)}{1 + Z_{22}(s)\frac{1}{R} - Z_{21}(s)Y_{12}(s)}$$

## 8、二端口的连接

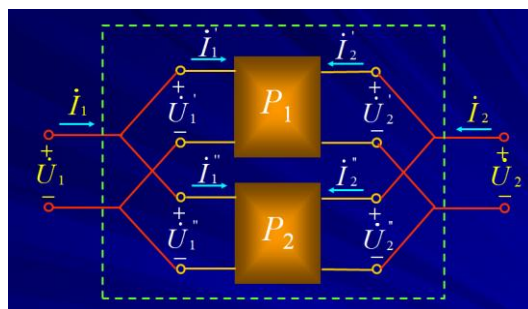
(1) 级联（链联）：采用  $T$  参数计算较方便



二端口级联所得复合二端口的  $T$  参数矩阵等于级联的二端口  $T$  参数矩阵相乘。

$$[T] = [T'] [T'']$$

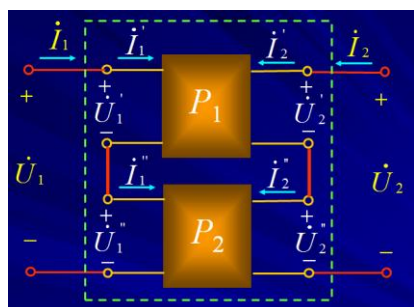
(2) 并联：采用  $Y$  参数计算较方便



二端口并联所得复合二端口的  $Y$  参数矩阵等于两个二端口  $Y$  参数矩阵相加。

$$[Y] = [Y'] + [Y'']$$

(3) 串联：采用  $Z$  参数计算较方便



串联后复合二端口  $Z$  参数矩阵等于原二端口  $Z$  参数矩阵相加。

$$[Z] = [Z'] + [Z'']$$

### ■ 考点：

- 1、二端口网络的定义及条件
- 2、已知二端口网络，求解  $Z$ 、 $Y$ 、 $T$ 、 $H$  参数矩阵（计算题）
- 3、互易和对称二端口网络的条件
- 4、已知  $Y$  或者  $Z$  参数矩阵，求解二端口网络的等效电路（计算题）
- 5、二端口网络转移函数的求解（计算题）
- 6、二端口的级联、并联、串联特性及简单计算