



دانشگاه صنعتی امیر کبیر  
(پلی تکنیک تهران)

دانشکده مهندسی کامپیوتر

## فصل ۲ - اصول بنیادی منطق

کلاس تدریس یار ریاضیات گستته

2

---

Fundamentals  
of Logic

ارائه دهنده: مرتضی دامن افshan

مرين ۳ - ( ترتیب ۲۲ صفحه )

با ازاي گزاره  $\neg q \rightarrow s$  و  $r \wedge q \rightarrow r$  مركب نويش دهند :

$$[[[(p \wedge q) \wedge r] \vee [(p \wedge q) \wedge (\neg r)]] \vee \neg q] \rightarrow s$$

$$[[[(p \wedge q) \wedge r] \vee [(p \wedge q) \wedge (\neg r)]] \vee \neg q] \rightarrow s$$

دال

دال

$$\Leftrightarrow [[(p \wedge q) \wedge (r \vee \neg r)] \vee \neg q] \rightarrow s$$

قانون پچندينيره  $\wedge$  نسبت  $\rightarrow \vee$

$$\Leftrightarrow [[(p \wedge q) \wedge T_0] \vee \neg q] \rightarrow s$$

قانون وارون  $\vee$

$$\Leftrightarrow [(p \wedge q) \vee \neg q] \rightarrow s$$

قانون همانی  $\wedge$

$$\Leftrightarrow [\neg q \vee (p \wedge q)] \rightarrow s$$

قانون تعريف پيره  $\vee$

$$\Leftrightarrow [(\neg q \vee p) \wedge (\neg q \vee q)] \rightarrow s$$

قانون پچندينيره  $\wedge$  نسبت  $\rightarrow \vee$

$$\Leftrightarrow [(\neg q \vee p) \wedge (q \vee \neg q)] \rightarrow s$$

- نون تعريف پيره  $\vee$

$$\Leftrightarrow [(\neg q \vee p) \wedge T_0] \rightarrow s$$

قانون وارون  $\vee$

$$\Leftrightarrow [(\neg q \vee p)] \rightarrow s$$

قانون همانی  $\wedge$

$$\Leftrightarrow (q \rightarrow p) \rightarrow s \quad (\neg q \vee p) \Leftrightarrow (q \rightarrow p)$$

با استفاده از هم ازى منطق

خانم سپه از پختن یک کلوچه بزرگ دو فقره فوامس و دو سرمه خواهش که به دین او رئته است،  
کلوچه را روی مذاب شیر فانیلی گذاشت تا سرد شود و آنرا بین خردی بازاری بروند. در بازیست ملاطفه های کند  
که کسی نیست - چهارم کلوچه را خورده است (دسته جوانات که بینت - یعنی خود را آنها بینند  
کلوچه بیندارند). چون آنها خور کس - جوانان چهار تغییر که به دین آدمیو ازه - در فانیل بسته است، او هر کسی از خواهرزاده های سرمه را درباره اینها چکس آن تنه از کلوچه را خورده است، بسورد بینش و کار می بیند.

سیزدهم : خواهر زیم آنند کهچو را خورد . (I)

سیروکولاس: من آن مله کوچک را کوردم. (II)

(III) خواهر کو حکم کوچی را خورد.

(IV) ذرہ در چین: خواہم دیکھ سکتے کہ من کلچر افونم۔

اگر نفعیں از جو رنگ اسے بارے ونچھے اور انہیں تھیں، تو پورا کب (ج) میں دیکھتے ہیں جو کہ اسے؟

اینها غرض می‌کنند (I) شرکه درست باشد و نتایج نادرست باشند.

← (IV) (III) ، (II) ← (I) دناریس بودت اگر در رامفورد باشید

لـ (III) ، (IV) بـ (V)

حال فرض کنم (II) درست و لقیه جلاست نادرست باشند:

در این قصورت مسأله بعارتندار: پسر کوچک (چون نقصان جایه (II) درست است) خواهر بزرگ (چون جایه (III) نزف سد که درست است) و همسن نقصان (چون جایه (IV) که فرض شده درست است)

حال فرض کنم (III) درست ریقه جلاست نادرست باشند.

در این قصورت مسأله بعارتندار: پسر کوچک (چون نقصان جایه (II) درست است) خواهر بزرگ (چون جایه (III) نزف سد که درست است) و همسن نقصان (چون جایه (IV) که فرض شده درست است)

حال فرض کنم (IV) درست و لقیه نادرست باشند.

در این قصورت مسأله بعارتندار: پسر کوچک (چون جایه (II) درست است) خواهر بزرگ (چون جایه (III) نزف سد که درست است) و همسن نقصان (چون جایه (IV) که فرض شده درست است)

پس با توجه به فرضیات، مسأله نقض، پسر کوچک خواهد بود.

دفن کنند در محل این مسئله وجود دارد:

① اینجا جلاست که بزرگ نقض نشست.

② اند هر چه کسی که می کنم میز بین سود که در زمان فقط ناقص نشست نتوانم داشته باشم.

از زیر گزینه زیر را بحسب ارزش آن محاسبه کنید.

$$((\neg p \rightarrow (q \rightarrow r)) \Rightarrow (q \rightarrow (p \vee r))) \rightarrow p$$

استفاده از  $\Rightarrow$  در بخش از گزینه فوق بیانگر این است که ادعا شده بخش زیرین گزینه درست است.

$$(\neg p \rightarrow (q \rightarrow r)) \rightarrow (q \rightarrow (p \vee r))$$

حال با بدهی فرض کنیم که  $\neg p \rightarrow (q \rightarrow r)$  با لایلیت درست است. سه مسیر چه گزینه های را در تفکر می خواهیم داشت:

$$(\neg p \rightarrow (q \rightarrow r)) \rightarrow (\neg \neg p \rightarrow (q \rightarrow r))$$

لایل

$$\neg p \rightarrow (q \rightarrow r)$$

$$\neg \neg p \rightarrow (q \rightarrow r)$$

با استفاده از هم‌ارزی

$$\Leftrightarrow (\neg \neg p \vee (q \rightarrow r))$$

با استفاده از قانون نقیض متفاوت

$$\Leftrightarrow (p \vee (\neg q \vee r))$$

با استفاده از هم‌ارزی

$$\Leftrightarrow ((p \vee \neg q) \vee r)$$

قانون سدیکت پذیری  $\vee$

$$\Leftrightarrow ((\neg q \vee p) \vee r)$$

قانون سدیکت پذیری  $\vee$

$$\Leftrightarrow (\neg q \vee (p \vee r))$$

قانون سدیکت پذیری  $\vee$

$$\Leftrightarrow (q \rightarrow (p \vee r))$$

$$\neg q \vee (p \vee r) \\ \Leftrightarrow (q \rightarrow (p \vee r))$$

با استفاده از هم‌ارزی

بنابراین  $(\neg p \rightarrow (q \rightarrow r)) \Leftrightarrow (q \rightarrow (p \vee r))$  برقرار است. و درنتیجه

نمیتوان به جای این گزینه  $T_0$  از  $(\neg p \rightarrow (q \rightarrow r)) \Rightarrow (q \rightarrow (p \vee r))$

$$\underbrace{((\neg p \rightarrow (q \rightarrow r)) \Rightarrow (q \rightarrow (p \vee r)))}_{T_0} \rightarrow p$$

پس می توان ازین راز را راجب این کن حا به کرد:

$$\begin{aligned} v^*(T_0 \rightarrow p) &= 1 - v^*(T_0)(1 - v^*(p)) \\ &= 1 - 1 \times (1 - v^*(p)) = v^*(p) = v(p) \end{aligned}$$

با بلین:

$$\begin{aligned} v^*(((\neg p \rightarrow (q \rightarrow r)) \Rightarrow (q \rightarrow (p \vee r))) \rightarrow p) &= v^*(p) \\ &= v(p) \end{aligned}$$

نکته: گاهی بجز  $T_0$  و  $T$  از نماد  $T$  (خوانه) مسدود (Bottom) و  $\perp$  جای  $F_0$  از نماد  $\perp$  (خوانه) مسدود استفاده شود.

$$v^*(\perp) = 0$$

با بلین

$$v^*(T) = 1$$

## Quantifiers with restricted domains

For every  $x \in R - \{0\}$ ,  $x^2 > 0$

$$\forall x. [(x \in R - \{0\}) \rightarrow (x^2 > 0)] \quad \leftarrow \text{Cw, } \triangleright \quad (*)$$

$$\forall x. [(x \in R - \{0\}) \wedge (x^2 > 0)] \quad \leftarrow \text{Cw, } \wedge \quad (**)$$

•  $\neg \exists x \in R - \{0\} (x^2 \leq 0)$   $\vdash (*) ; \vdash (**)$

There is some  $n \geq 0$  such that  $n^2 < 0$

$$\exists n. [(n \in R) \wedge (n^2 < 0)] \quad \leftarrow \text{Cw, } \triangleright \quad (I)$$

$$\exists n. [(n \in R) \rightarrow (n^2 < 0)] \quad \leftarrow \text{Cw, } \wedge \quad (II)$$

•  $\neg \forall n \in R (n^2 \geq 0)$   $\vdash (I) ; \vdash (II)$

( $\neg \exists n \in R (n^2 \geq 0)$ )

( $\neg \exists n \in R (n^2 > 0)$ )

Every A is B.

$$\forall x. (A(x) \rightarrow B(x))$$

Some A is B.

$$\exists x. (A(x) \wedge B(x))$$

فرض کنیم  $\forall n \in \mathbb{N} \exists m \in \mathbb{N}$  بازگشتی را داشته باشیم :

• عدد طبیعی مورد انتظار است :  $P(n)$

• عدد طبیعی بینج است :  $E(n)$

حاصل بات "شک  $\exists m \in \mathbb{N} \wedge P(m) \wedge E(m)$ " را بجز اثبات می‌نماییم.

$$\exists m. \forall (m \in \mathbb{N} \wedge P(m) \wedge E(m))$$

$$\forall n. \forall y. \left\{ \begin{array}{l} (x \in \mathbb{N} \wedge y \in \mathbb{N}) \rightarrow \\ [ (P(n) \wedge E(n) \wedge P(y) \wedge E(y)) \rightarrow (x = y) ] \end{array} \right\}$$

(1)

$$\exists m. [m \in \mathbb{N} \wedge P(m) \wedge E(m)]$$

$\wedge$

$$[ \forall n. \forall y. ((x \in \mathbb{N} \wedge P(x) \wedge E(x)) \wedge (y \in \mathbb{N} \wedge P(y) \wedge E(y))) \rightarrow x = y ]$$

$\rightarrow x = y ]$

$\alpha \rightarrow (\beta \rightarrow \gamma) \Leftrightarrow (\alpha \wedge \beta) \rightarrow \gamma$  : نتیجه

$$U = \mathbb{R}$$

$$\underline{\text{مئون - ۲۳}} - (\text{مئون - ۳۰} \times ۲) - \underline{\text{۱۴}}$$

الف) هر عدد حقیقی دارای داردن جمع است.

$$\forall n, \exists y. (x+y=y+x=0)$$

ب) گزاره ای مسور برای وجود عضو هایی از  $\mathbb{R}$  این بودیم

$$\exists i \forall n. (i \times n = n \times i = n)$$

\* نکته در مورد حاجیاتی سوداگر خودنمایی

ب) گزاره ای مسور برای وجود عضو های اعداد حقیقی که همانند  $n \times i = i \times n = n$  باشند (درستی جایگزینی کردن نماید) .

$$\forall n, \exists y. (n \neq 0 \rightarrow n \times y = y \times n = 1)$$

$$\forall n \neq 0. \exists y. (n \times y = y \times n = 1)$$

دسته دو عدد صحیح و عدد اول که بعدها خواست  $P$  (برورگیری خواست  $Q$  در برورگیری  $R$ ) باشد.

$$\exists n \cdot \exists y \cdot (P(n) \rightarrow Q(y))$$

^

$$\forall m, m', m'. ((P(m) \rightarrow Q(n)) \wedge (P(m') \rightarrow Q(n'))) \rightarrow \\ [(m=m') \wedge (n=n')])$$

اگر دو عدد صحیح را برای دو عبارت خواست که بعدها تقدیم شوند

$$\exists x \cdot \exists y \cdot (x \in \mathbb{N} \wedge y \in \mathbb{N} \wedge \frac{x}{y} \notin \mathbb{N})$$

محل ۱۸ - مجموعات تکمیل - ۱۵۶

هر کس از نظر روابط بین عبارت کنید، عالم سخن همه اعداد حقیقی است.

الف) کوچکترین عدد حقیقی بین دو عدد است.

$$\forall x. \exists y. \cdot y < x$$

ل

$$\forall x \in R^+. \exists y \in R^+. \cdot y < x$$

ب) عدد حقیقی بین دو عدد دارد که بعد از خود مراد است.

$$\exists! x. x = x^2 \Leftrightarrow \exists! x. x^2 = x \wedge \forall y. y^2 = y \rightarrow y = x$$

$\Leftrightarrow$

$$\exists x. x = x^2 \wedge [\forall x. \forall y. (x = x^2 \wedge y = y^2 \rightarrow x = y)]$$

$\Leftrightarrow$

$$\exists x. \{x = x^2 \wedge [\forall y. (y = y^2 \rightarrow y = x)]\}$$

$\Leftrightarrow$

$$\exists x. \{x = x^2 \wedge [\neg \exists y. (y = y^2 \wedge (x \neq y))]\}$$

ج) هر عدد حقیقی بین دو عدد متوالی است.

$$\forall n. \exists! y. ny = y^n = 1$$

$\Leftrightarrow$

$$\forall n. \exists y. \{ny = y^n = 1 \wedge [\forall m. \forall n. (mn = xm = 1)$$

$$(ny = y^n = 1) \rightarrow m = n\}]$$

«ربتی فرمسا عکر صحیح مساله فقط رفع کنند برای بزرگتر نباشد.

$$\forall m \in \mathbb{Z} \cdot [(\exists k \in \{0, 1, 2\} \cdot 3 | m+k)]$$

$$(\forall k', k'' \in \{0, 1, 2\} \cdot ((\overset{\wedge}{3|m+k'} \wedge 3|m+k'') \rightarrow k' = k''))]$$

اگر عددی از  $\mathbb{N}$  عدد دیگر کو بزرگتر باشد، داشفوردت عددی وجود دارد که بین آن دو واردار (وستوارت باشیست) ( $U = \mathbb{N}$ )

$$\forall n \cdot \forall y \cdot ((x < y) \rightarrow \exists z \cdot ((x < z) \wedge (z < y)))$$

(برای هر عدد، عدی بزرگتر از آن وجود دارد).

$$\forall n \cdot \exists y \cdot (n < y)$$

عدی وجود دارد که از هر عدد دیگری بزرگتر است ( $U = \mathbb{N}$ )

$$\exists y \cdot \forall n \cdot (n < y)$$

( $U = \mathbb{N}$ ) حداقل یک عدد وجود دارد که تابع  $f(x)$  معادل  $true$  باشد.

$$\forall n \cdot \forall y \cdot ((f(n) \wedge f(y)) \rightarrow (n = y))$$

( $U = \mathbb{N}$ ) بیکار عدد وجود دارد که تابع  $f(n)$  معادل  $true$  باشد.

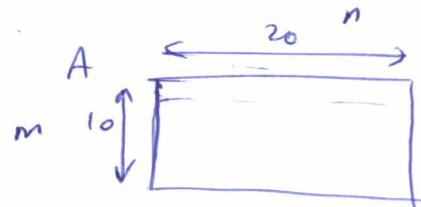
$$\forall n \cdot \exists y \cdot (n < y) \wedge f(y))$$

مبحث ۱۰ (قراءات E&S)

(در قوه بزرگ کال نزدیک معمولی است)  $A_{m,n}$  معمولی است از  $n \times m$  معمولی است. (۲.۵) و (۱.۵) اشاره داشت.

for  $m=1$  to  $10$  do

    for  $n=1$  to  $20$  do



$$A[m,n] = m + 3 * n$$

گزاره ۸.۲ نزدیکی دارای بودن دنباله معمولی است: (اعمال در مدار معمولی است) (۲.۵) و (۱.۵) اشاره داشت.

ت) (راهنموم سطر  $A$  ب طور (آسیا) افزائی مرتب شده است.

$$\forall m, \forall n. [(1 \leq n \leq 19) \rightarrow (A[m,n] < A[m,n+1])]$$

$$\begin{aligned} &\forall m, i, j, k, l, \left\{ \begin{array}{l} [(1 \leq m \leq 8) \wedge (m \leq i \leq m+2) \wedge (m \leq j \leq m+2) \\ \wedge (1 \leq k \leq 20) \wedge (1 \leq l \leq 20)] \\ \rightarrow \left( [ (i,k) \neq (j,l) ] \rightarrow [ A[i,k] \neq A[j,l] ] \right) \end{array} \right\} \end{aligned}$$

ج) از این دو سطحی دستور  $A$  معمولی است (از سطر کنند و سطحی داشته باشند).

$$\forall m, \forall n. \left( (1 \leq m \leq 9) \rightarrow \left\{ \left( \sum_{i=1}^{20} A[m,i] \right) + 20 = \sum_{i=1}^{20} A[m+1,i] \right\} \right)$$

تمرین ۱۸ - (مرئیت ۴.۲) ص ۱۳۰

به ازای هر از جملات زیر تعریف کنید که آن نقض پسندی دارد یا نه؟  
اگر صحیح است تعریف کنید که از این اصل یا نقض پسندی راست است.  
اگر نقض پسندی نباشد عکس است که بین صحن نقض را ببریم.

الف) گزاره: به ازای هر اعداد حقیقی  $x, y \in \mathbb{R}$ ،  $x^2 > y^2 \rightarrow x > y$

$$\forall x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}. (x^2 > y^2 \rightarrow x > y)$$

نقض پسندی:  $\exists x \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{R}.$  اعداد حقیقی  $x, y$  و در اینجا مطابق با  $x^2 > y^2$  درست نباشند

ابتدا نقض گزاره بالا را بررسی من آدم:

$$\neg (\forall x \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}. (x^2 > y^2 \rightarrow x > y)) \Leftrightarrow$$

$$\exists x \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{R}. \neg (x^2 > y^2 \rightarrow x > y) \Leftrightarrow$$

$$\exists x \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{R}. \neg (\neg (x^2 > y^2) \vee x > y) \Leftrightarrow$$

$$\exists x \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{R}. (x^2 > y^2 \wedge x \leq y)$$

واین چنان گزاره‌ان است که در نقض پسندی دار گفته شده است

بنابراین نقض پسندی دارد صحیح بیان ننمایست.

از سیزدهم نقض پسندی: درست است.

پ) گزاره: ایداره حقیقت متن دل را درین بطور  $n+y \in \mathbb{Q}$  و  $y \in \mathbb{Q}$  داشت ای اداره حقیقت متن دل را درین بطور  $n+y \in \mathbb{R}-\mathbb{Q}$  داشت.

$\exists x \in R. \exists y \in R. (n \in \mathbb{Q} \wedge y \in \mathbb{Q} \wedge n+y \in \mathbb{R}-\mathbb{Q})$

نیقین مترادفات: با از این همه ایدار حقیقت متن دل را درین بطور  $n+y \in \mathbb{R}-\mathbb{Q}$  داشت.

$\neg (\exists x \in R. \exists y \in R. (n \in \mathbb{Q} \wedge y \in \mathbb{Q} \wedge n+y \in \mathbb{R}-\mathbb{Q})) \Leftrightarrow$

$\forall n \in R. \forall y \in R. \neg (n \in \mathbb{Q} \wedge y \in \mathbb{Q} \wedge n+y \in \mathbb{R}-\mathbb{Q}) \Leftrightarrow$

$\forall n \in R. \forall y \in R. (n \notin \mathbb{Q} \vee y \notin \mathbb{Q} \vee n+y \notin \mathbb{R}-\mathbb{Q}) \Leftrightarrow$

$\forall n \in R. \forall y \in R. (n+y \in \mathbb{R}-\mathbb{Q} \vee n \notin \mathbb{Q} \vee y \notin \mathbb{Q}) \Leftrightarrow$

$\forall n \in R. \forall y \in R. (\neg(n+y \in \mathbb{R}-\mathbb{Q}) \vee (n \notin \mathbb{Q} \vee y \notin \mathbb{Q})) \Leftrightarrow$

$\forall n \in R. \forall y \in R. (n+y \in \mathbb{R}-\mathbb{Q} \rightarrow (n \notin \mathbb{Q} \vee y \notin \mathbb{Q})) \Leftrightarrow$

$\forall n \in R. \forall y \in R. (\neg((n \notin \mathbb{Q} \vee y \notin \mathbb{Q}) \rightarrow \neg(n+y \in \mathbb{R}-\mathbb{Q}))) \Leftrightarrow$

$\forall n \in R. \forall y \in R. ((n \in \mathbb{Q} \wedge y \in \mathbb{Q}) \rightarrow n+y \in \mathbb{Q})$

بنابراین نیقین مترادفات صحیح نیست!

از این گزاره نتیجه که بدست آوردم درست است.

پ) گزارہ: باز اعداد حقیقی  $x$ ، اگر  $n$  فقری ہے تو  $x^n$  بھی فقری ہے۔  $n$  وارون سفری ہے۔

$$\forall n \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{R}. (n \neq 0 \rightarrow (ny = 1 \wedge y^n = 1))$$

نفیق پسندی: عدد حقیقی نافری وجود درد کہ دارا) وارون سفری ہے۔

$$\neg (\forall n \in \mathbb{R}, \exists y \in \mathbb{R}. (n \neq 0 \rightarrow (ny = 1 \wedge y^n = 1)))$$

قابل نفیق گزارہ فوق

$$\exists n \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}. \neg (n \neq 0 \vee (ny = 1 \wedge y^n = 1))$$

$$\exists n \in \mathbb{R}, \forall y \in \mathbb{R}. (n \neq 0 \wedge (ny \neq 1 \wedge y^n \neq 1))$$

بنابرائی نفیق پسندی صحنی ہے۔

ارزنگزارہ اصل درست است۔

ت) اعداد صحنی فرائی وہ (ارزنه یا لورس) حاصل فریبیں فرداست۔

$$\exists x. \exists y. (\text{odd}(x) \wedge \text{odd}(y)) \quad x: \text{odd}(x)$$

$$(x \cdot y) \neq 0 \wedge \neg \text{odd}(xy)$$

نفیق پسندی: حاصل فریب ہر 2 عدد صحنی فردا کو فرداست۔

$$\neg (\exists x. \exists y. (\text{odd}(x) \wedge \text{odd}(y)) \wedge \text{odd}(xy)) \Leftrightarrow$$

قابل نفیق گزارہ فوق

$$\forall x. \forall y. (\neg (\text{odd}(x) \wedge \text{odd}(y)) \vee \neg \text{odd}(xy))$$

$$\forall x. \forall y. ((\text{odd}(x) \wedge \text{odd}(y)) \rightarrow \neg \text{odd}(xy))$$

بنابرائی نفیق پسندی صحنی نہیں۔ گزارہ اصل درست است۔

ث) گزاره: مجدد هر عددی را، عدی کو نمایست.

$$\forall x \in Q . (x^2 \in Q)$$

لعنی پسندیده: عدی حقیقی ممکن است  $x$  بود در اینجا باید  $x^2$  نباشد.

$$\neg (\forall x \in Q . (x^2 \in Q)) \Leftrightarrow$$

لعنی گزد خود

$$\exists x \in Q . (x^2 \notin Q) \Leftrightarrow$$

$$\exists x \in Q . (x^2 \in \mathbb{R} - Q)$$

بنابران لعنی پسندیده صحیح نیست!

گزاره اصلی درست است.

فروض کنیم برای بیان جمله "دستا = کل عنصر در مجموعه A وجود دارد که خاصیت P برآورده باشد" از عبارت  $\exists y \cdot [y \neq x \rightarrow (P(x) \wedge \neg P(y))]$  به شکل [ ] درست است.

(ردیف مرتباً اول و با فرض کلم مسخر A استفاده کردیم. کام رنده زیر درست است؟)

الف)  $\exists y$  معادل منطقی جمله دارد. شده است. (نادرست)  
آنچه مجموعه A نقطه کنندگی داشته باشد که آنهم  $P$  ابرآورده نگذشت (را بینداخت).  $\exists y$  برآورده نشود.  
در حاصل نباید برآورده باشد.

ب) فقط اگر صورتی  $\exists y$  معادل جمله دارد شده است که A مجموعه نامتناهی باشد. (نادرست)

اگر  $A = \{a, b\}$  بگذرد که a برای  $P$  از  $\text{true}$  و  $b$  برای  $P$  از  $\text{false}$  داشته باشد، در این قدرت A مجموعه دویست خواهد بود. (توییکنی (طریقی) A شاخ است و  $2^m$  ممکن است)

ج) صحیح نگاه  $\exists y$  معادل منطقی جمله دارد شده نیست. (درست)

استدلال نظری:

د) در صورتی که A سیزده عضو داشته باشد،  $\exists y$  معادل منطقی جمله دارد شده است.  
درست است.

$$A = \{a_1, b_1, \dots\} \rightarrow \begin{array}{l} \text{شیوه بگذرد، در صورت} \\ \text{مجموعه A تعداد ممکن} \\ \text{که ابرآورده نگذشت}\end{array}$$

$$A = \{a_1, b_1, \dots\}$$

شیوه بگذرد  $P$  ابرآورده نگذشت

$$A = \{a_1, b_1, \dots\}$$

لاآهل ۲ عنوان هم برآورده نگذشت