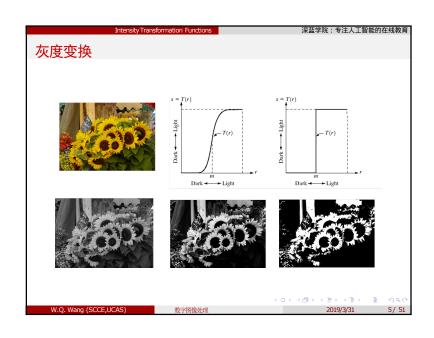
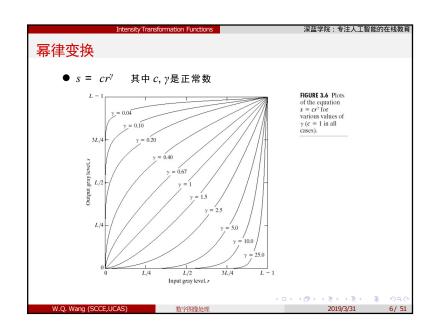


			深蓝学院:专注人工	冒能的在线教育
内容纲要				
TITALS				
■ 背景				
■ 灰度变换函数				
■ 图像直方图处理				
W O Week (CCCE LICAS)	₩->四45-10	∢ □	2010/201	
W.Q. Wang (SCCE,UCAS)	数字图像处理		2019/3/31	3/51

图像增强概述	深蓝学院:专注人工智能的在线教育
增强的主要目的是对图像进行处理,使用。 特定意味着技术是非常面向问题的	
▶ 图像增强方法可分为两大类: 空域方法	和 <mark>频域方法</mark> 。
 ● 空域方法是基于图像中的像素的 ● 频域技术是基于图像的傅里叶变	200
▶ 目前还没有图像增强的一般理论。	
	l觉进行评估时,观察者是一个特定方 [得比较不同方法的性能变得困难。
● 若采用机器感知评判时,评价任	- 务相对简单一些,如字符识别任务。
W.Q. Wang (SCCE,UCAS) 数字图像处理	< □ ▷ < ② ▷ < 존 ▷ < 존 ▷ · 호 ▷ · 호 · · · · · · · · · · · · · ·

Background	深蓝学院:专注人丁智能的在线教育					
	/km) //.					
背景						
> 空间域处理的数学表示:						
g(x,y) = T[f(x,y)],						
其中 f(x, y): 输入图像						
g(x, y): 輸出图像						
T: $af(x, y)$ 上 的 操 作 ,定义在 (x, y) 的某个邻域上						
• T 可以在一组图像上进行操作,例如噪声消除						
• 方形和矩形邻域是使用最多的,因为它们易实现,	也可使用圆形区域。					
ightharpoonup T最简单的情况是邻域大小为 $1 imes1$ 。这时 g 只依赖于 f 在	(x, y)处的值,即					
s = T(r),						
我们称之为 <mark>灰度变换或亮度变换</mark> ,其中s与r分别为输	〕出与输入的亮度值。					
W.Q. Wang (SCCE,UCAS) 数字图像处理	2019/3/31 4/51					

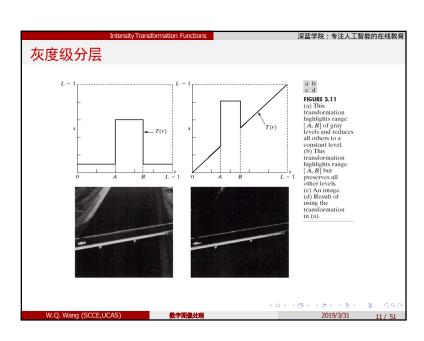


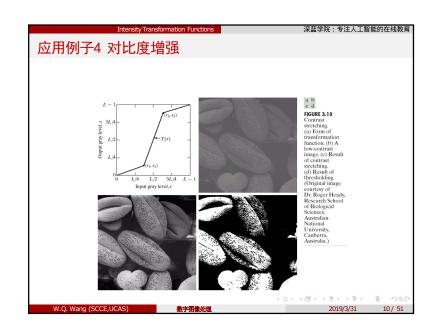


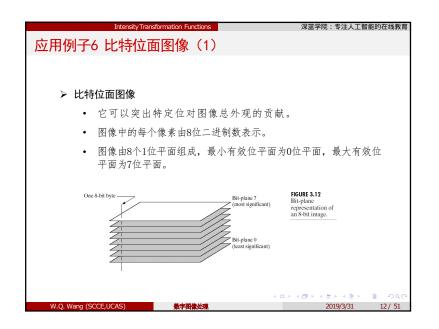








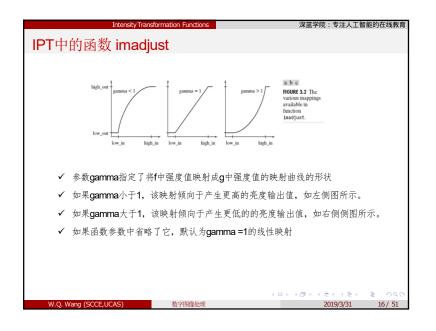


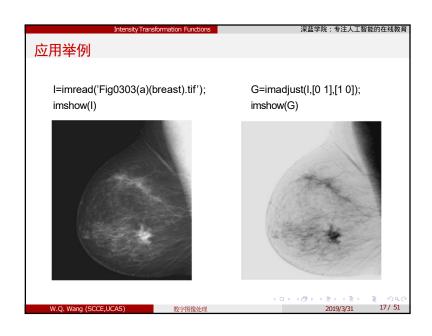




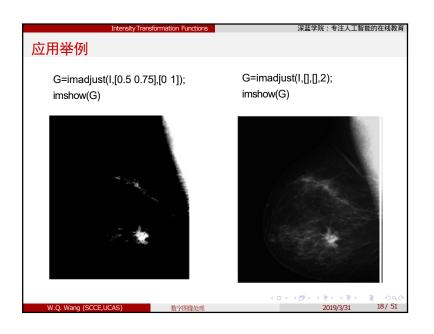


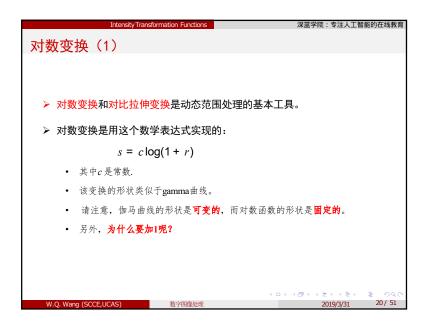












对数变换(2)

对数变换的主要用途之一是压缩动态范围

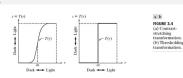
- 例如, 傅里叶谱(第4章)的值在[0.106]或更高的范围内并不少见。当显示 在一个线性缩放到8位的显示器上时,高值占据了显示器的主导地位,从 而丢失了低强度值的视觉细节频谱。通过计算log, 动态范围例如10°减少 到大约14,这更易于显示管理。
- 执行对数转换时,通常希望将压缩后的值恢复到显示的全部范围。对于8位, 在MATLAB中最简单的方法是使用这个语句

使用mat2gray将值映射到[0,1]范围,而im2uint8将值映射到[0,255]范

W.Q. Wang (SCCE,UCAS)

深蓝学院:专注人工智能的在线教育

深蓝学院:专注人工智能的在线教育 对比拉伸变换



▶ 一个对比拉伸变换函数可以定义为

$$s = T(r) = \frac{1}{1 + (m/r)^E}$$

- · 它将小于m的输入值压缩到输出图像中较窄的暗区范围内;
- · 类似地,它将m以上的值压缩成输出中的窄带亮区;
- 其中r为输入图像的强度, s为输出图像中对应的强度值, E控制函数 的斜率, m为参数。
- 在MATLAB中,可以用下面这个表达式处理整幅图像

$$g = 1./(1 + (m./(double(f) + eps)).^E)$$

• E控制函数的斜率?探索:图像是对称的?E的取值可以是任意的吗?



直方图处理

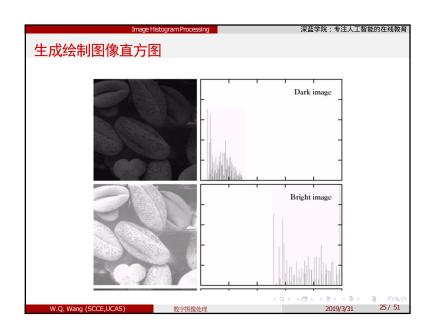
- 亮度变换通常是基于从图像亮度直方图中提取的信息进行的,直方图在 在很多图像处理方面(图像增强、压缩、分割和描述)都起到基础的作 用。
- 一幅亮度取值在[0, G]范围的数字图像,将它量化为L个亮度级别的直方图 可以定义为一个离散函数

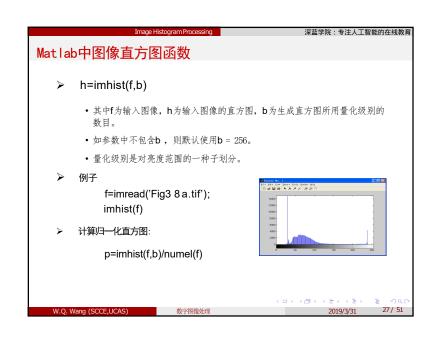
$$h(r_k) = n_k$$

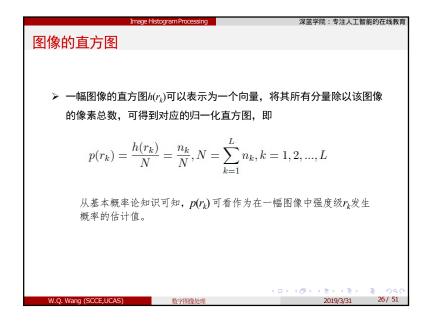
其中 r_k 为区间[0,G]中的第k个强度级别类, n_k 为图像中强度级别为 r_k 的像素 数目。uint8类图像的G值为255,uint16类图像的G值为65535,double类图像 的G值为1.0。

<ロト 4億ト 4 差ト 4 差ト (差) 9 Q(

深蓝学院:专注人工智能的在线教育







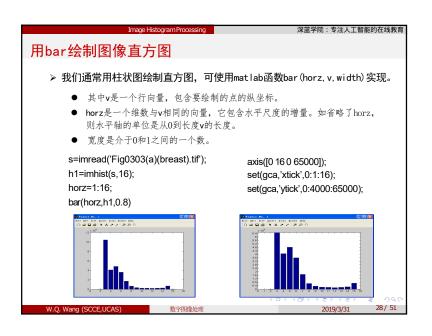




Image Histogram Processing 用plot绘制图像直方图	深蓝学院:专注人工智能的在线教
▶ 函数plot是用直线连接一组点。语	法是
plot(horz, v, 'color_	linestyle_ marker')
• 其中参数如前面stem函数的定义	相同。.
• 函数plot是常用来绘制函数图像 坐标系下。	象,而且可以将多组函数绘制在一个
s=imread('Fig0303(a)(breast).tif');	Figure No. 1 File Edit View Instart I calls Kinder Malp D 20 11 28 N. A. P. Z. 20 20 00
hi=imhist(s,32);	10 × 104
plot(hi);	0 0 6 4 3 1 0 0 6 10 15 20 25 30 35



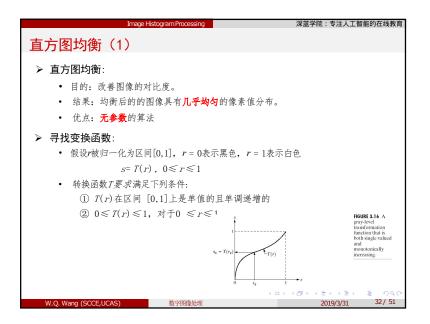


Image Histogram Processir

深蓝学院:专注人工智能的在线教育

直方图均衡(2)

- ▶ 直方图均衡化是基于一个随机变量的概率密度函数的变换。
- ▶ 令ps(s)和pr(r)分别为随机变量s和r的概率密度函数。
- ightharpoons 如果 $p_r(r)$ 和T(r)是已知,则可得到变换后的变量s的概率密度函数 $p_s(s)$ 通过下面的计算

$$p_s(s) = p_r(r) \left| \frac{dr}{ds} \right|$$

▶ 我们定义一个变换函数

$$s = T(r) = \int_0^r p_r(w)dw$$

其中w是积分的虚变量,方程右边可看作随机变量w的累积分布函数。

←□ > ←□ > ←≥ > ←≥ > −≥ − 9 へ

W.Q. Wang (SCCE,UCAS)

数字图像处理

2019/3/31

33 / 51

mage Histogram Processing

深蓝学院:专注人工智能的在线教育

直方图均衡(4)

 \triangleright 对于离散的情况, 图像中亮度级 r_k 出现的概率为

$$p_r(r_k) = \frac{n_k}{n}$$
, $k = 0, 1, 2, ..., L - 1$

其中 n_k 为输入图像中 r_k 级的像素数目,n为从图像中总的像素数目。

▶ 此时,变换函数为

$$s_k = T(r_k) = \sum_{j=0}^k p_r(r_j) = \sum_{j=0}^k \frac{n_j}{n}, k = 0, 1, 2, ..., L - 1$$

利用该映射,可将将输入图像中 r_k 级的每个像素映射到 s_k 级对应的像素,从而得到均衡后输出图像。

(S)

数字图像外理

2019/3/3

35 / 51

直方图均衡(3)

ightharpoonup 针对给定的变换函数T(r),我们有

$$s = T(r) = \int_0^r p_r(w)dw$$

$$\frac{ds}{dr} = \frac{dT(r)}{dr} = \frac{d\left[\int_0^r p_r(w)dw\right]}{dr} = p_r(r)$$

$$p_s(s) = p_r(r) \left| \frac{dr}{ds} \right| = p_r(r) \left| \frac{1}{p_r(r)} \right| = 1, 0 \le s \le 1$$

- 可知在给定的映射变换下,输出随机变量s服从**均匀概率分布**。
- T(r) 虽然依赖于 $p_r(r)$, 但是得到的 $p_s(s)$ 总是均匀的.

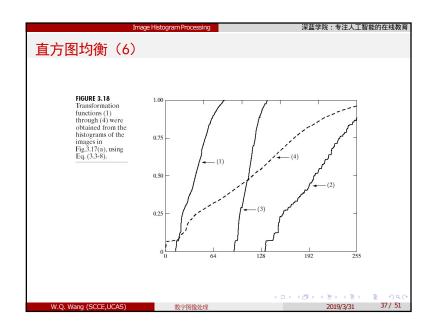
W.Q. Wang (SCCE,UCAS)

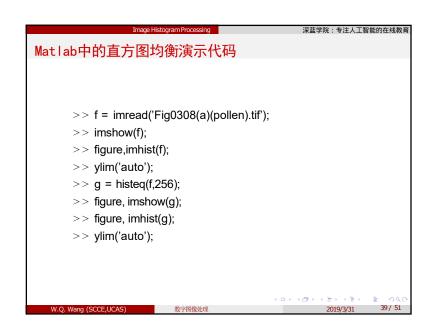
好图像处理

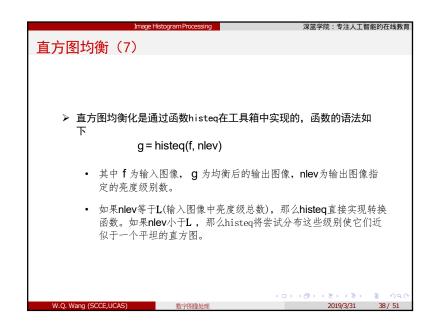
2019/3/31 34/

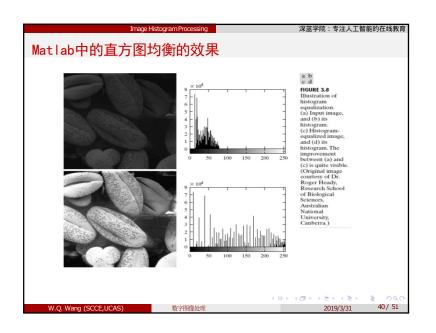
深蓝学院:专注人工智能的在线教育

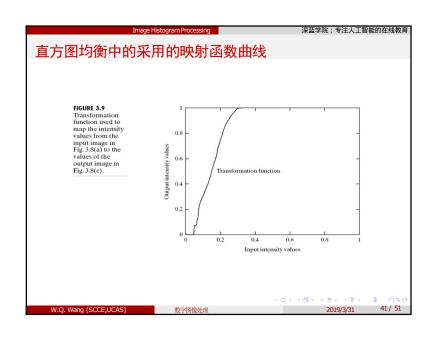
加強性 Histogram Processing 深 漢字院: 专注人工智能的在线教育 直方图均衡(5)

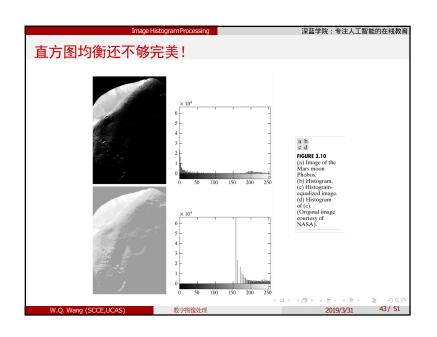
















深蓝学院:专注人工智能的在线教育

直方图匹配(2)

▶ 在前面的讨论中,我们知道通过如下变换

$$s = T(r) = \int_0^r p_r(w)dw$$

可以得到理想的均衡化直方图 $p_s(s)$ 。

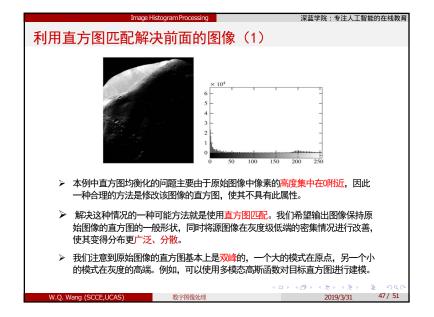
▶ 假设现在我们定义了一个变量z具有如下属性

$$H(z) = \int_0^z p_z(w)dw = s$$

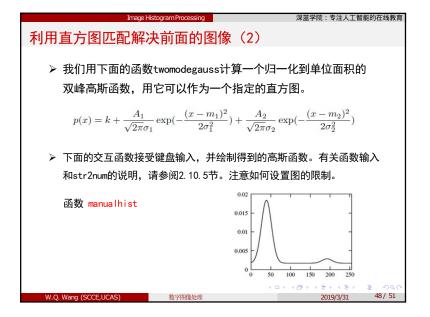
▶ 由上面两个等式, 我们可以推出

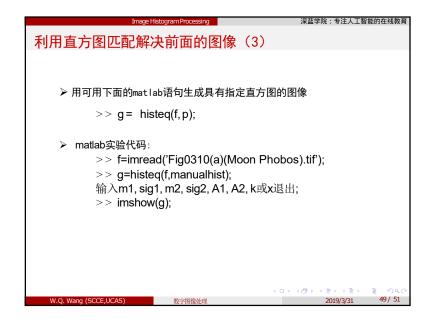
$$z = H^{-1}(s) = H^{-1}(T(r))$$

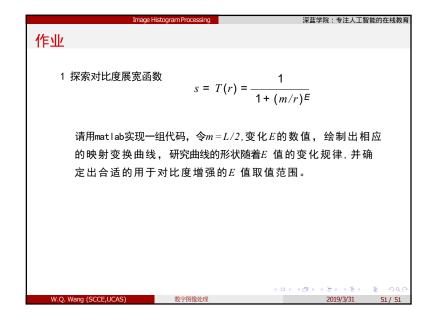
 \triangleright 我们可以从输入图像找到 T(r) (通过前面讨论的直方图均衡化计算), 所以只要 我们能找到 H^{-1} ,就可以利用红色标记的等式计算出变换后的亮度值z,它具有 我们指定的的概率密度函数 $p_z(z)$ 。

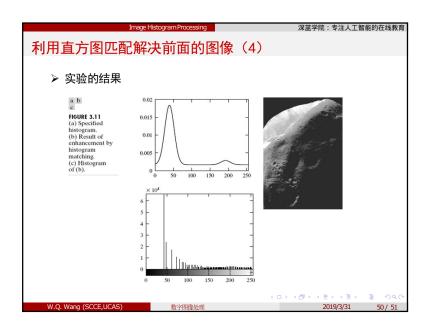


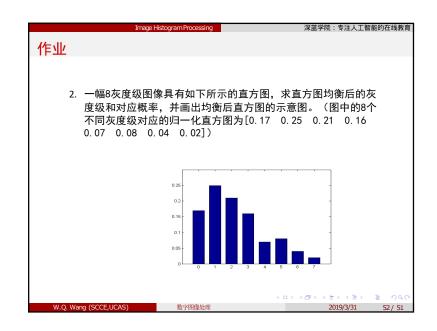
深蓝学院:专注人工智能的在线教育 直方图匹配(3) ➤ 工具箱使用histeg中的以下语法实现直方图匹配: q = histeq(f, hspec) • 其中f为输入图像, hspec为指定直方图(指定值的行向量), g为输出图像, 其直方图近似于指定直方图hspec。 • 这个向量应该包含与等距容器相对应的整数计数。histeq的一个特性是, 当长度(hspec)远小于f中强度级别的数量时,g的直方图通常更符合 hspec.











作业

3. 请思考并解释为什么离散直方图均衡技术通常不能产生一幅平坦的直方图?

4. (选做题) 若我们对一幅图像做了一次直方图均衡后,效果并不理想,因此可能我们会想在第一次直方图均衡的基础上再做一次直方图均衡,你觉得这样的想法如何?用Matlab做一下实验,看看结果如何?并想一想为什么。