4、课本323页习题7.11。说明尺度函数:

$$\varphi(x) = \begin{cases} 1 & 0.25 \leqslant x < 0.75 \\ 0 & \text{其他} \end{cases}$$

并未满足多分辨率分析的第二个要求。

证明:

$$\begin{aligned} \varphi_{0,0}(x) &= \varphi(x) \\ \varphi_{1,0}(x) &= \sqrt{2}\varphi(2x), 0.125 \le x \le 0.375 \\ \varphi_{1,1}(x) &= \sqrt{2}\varphi(2x-1), 0.675 \le x \le 0.875 \end{aligned}$$

 $\varphi_{0,0}(x)$  不能被  $\varphi_{0,0}(x)$  和  $\varphi_{0,0}(x)$  的线性加权和表示,故并未满足多分辨率分析的第二个要求。