4DM4 Lab 1 Report
Linear Feedback Shift Register

Ashpan Raskar - raskara - 400185326
Ahnaf Bhuiyan - bhuiya3 - 400198359

September 28, 2022

Part A

A2

Yes, the Linear Feedback Shift Register (LFSR) does reach a steady state. It takes 4194303 ($\approx$4.19 million) clock ticks for the LFSR to return back to its original state. This is also known as the period of the output stream.

A3

Included at the end of the file is the first page of the randomly generated numbers from the LFSR.

A4

The formula for the conditional probability of a 0-run of length k occuring is given by:

$$\frac{1}{2}^{k} \tag{1}$$

This equation can be explained by . . .

A5

K	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
0-Runs	524288	262144	131072	65536	32768	16384	8192	4096	2048	1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1	0	0	0	0
Cond-Prob	0.50000	0.25000	0.12500	0.06250	0.03125	0.01563	0.00781	0.00391	0.00195	0.00098	0.00049	0.00024	0.00012	0.00006	0.00003	0.00002	0.00001	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
Theoretical Cond-Prob	0.50000	0.25000	0.12500	0.06250	0.03125	0.01563	0.00781	0.00391	0.00195	0.00098	0.00049	0.00024	0.00012	0.00006	0.00003	0.00002	0.00001	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000

Table 1: Table of 0-run lengths and their probabilities.

A6

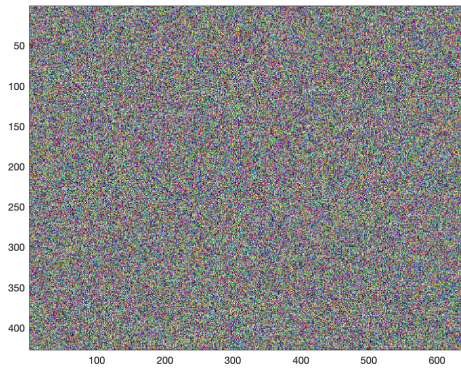| K	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
0-Runs	524288	262144	131072	65536	32768	16384	8192	4096	2048	1024	512	256	128	64	32	16	8	4	2	1	0	1	0	0
Cond-Prob	0.50000	0.25000	0.12500	0.06250	0.03125	0.01563	0.00781	0.00391	0.00195	0.00098	0.00049	0.00024	0.00012	0.00006	0.00003	0.00002	0.00001	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000
Theoretical Cond-Prob	0.50000	0.25000	0.12500	0.06250	0.03125	0.01563	0.00781	0.00391	0.00195	0.00098	0.00049	0.00024	0.00012	0.00006	0.00003	0.00002	0.00001	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000	0.00000

Table 2: Table of 1-run lengths and their probabilities.

Part B

B2

B3

B4

B5

Extra Info

```
1 1 0 96 0 0 20 0 128 7 0 16 1 0 102 0 64 21 0 248 7 0 1 1 96 96 0 20 20 128 135
  7 16 17 1 102 102 64 85 21 248 255 7 1 0 97 0 96 20 0 148 7 128 23 1 16 103 0
  38 21 64 237 7 248 6 1 97 97 96 116 20 148 147 135 151 22 17 119 103 38 51 85
  173 234 255 254 7 96 0 1 20 96 128 7 20 16 129 7 102 16 65 21 102 248 71 21 1
  249 103 96 1 21 116 224 135 19 4 145 134 97 118 81 84 115 158 191 82 20 248
  158 7 97 20 97 148 103 148 23 149 23 231 23 39 5 39 237 33 237 70 236 102 153
  102 117 117 245 243 243 131 130 130 240 240 48 34 34 202 204 204 171 170 138
  255 255 19 0 128 6 0 112 1 0 114 0 192 18 0 232 6 0 103 1 32 117 0 236 19 128
  134 6 112 113 1 114 114 192 210 18 232 238 6 103 102 33 85 117 236 255 147 6
  128 118 1 112 115 0 178 18 192 250 6 232 97 1 71 116 32 153 19 108 149 134 246
  119 113 3 115 178 160 210 58 252 238 137 96 70 51 84 185 138 127 249 19 112
  129 6 114 112 193 18 114 232 198 18 103 233 38 117 103 237 51 245 134 234 99
  241 135 116 2 177 211 96 154 46 212 117 142 207 83 18 138 222 198 115 108 137
  146 118 243 118 179 98 179 250 180 250 161 251 65 156 65 152 84 24 181 31 229
  27 228 133 133 197 209 209 73 78 78 91 90 186 221 221 217 204 76 173 170 250
  254 255 97 0 64 20 0 152 7 0 21 1 224 103 0 4 21 128 225 7 80 4 1 158 97 64 84
  20 152 159 7 21 20 225 135 103 4 17 149 97 230 87 84 5 159 255 33 20 64 140 7
  152 18 1 245 102 224 99 21 132 244 135 177 3 81 154 96 222 53 84 204 139 159
  138 19 244 147 134 131 118 145 112 115 54 178 82 203 250 190 235 97 152 71 20
  21 153 231 103 21 5 245 231 225 3 69 132 224 153 49 68 85 138 249 223 83 1 140
  126 128 114 16 240 18 6 226 70 193 100 121 168 117 17 223 115 38 140 82 141
  242 254 242 98 224 226 20 228 164 135 165 29 209 221 100 206 172 85 170 222
  223 127 12 12 144 130 2 246 240 64 35 34 184 204 12 185 170 98 249 255 116 1
  160 115 0 156 18 128 244 6 176 99 1 154 116 192 181 19 200 155 6 139 117 161
  211 115 156 142 146 116 242 182 211 98 155 238 180 117 166 219 83 157 141 254
  212 114 160 239 18 28 230 134 68 101 177 249 117 90 193 211 125 136 206 16 115
  42 166 210 79 253 14 250 96 194 33 212 72 140 47 155 18 174 245 70 222 99 89
  140 116 157 178 243 244 154 162 227 245 156 196 163 180 137 188 91 179 152 189
  58 213 248 233 47 65 7 110 56 65 22 105 88 103 23 61 53 231 232 43 37 135 239
  45 17 198 110 70 105 86 121 87 127 49 63 112 42 8 210 15 195 14 162 104 194 60
  215 168 40 47 63 47 46 40 78 14 79 90 34 218 221 204 205 172 202 170 254 235
  127 128 7 16 16 1 6 102 64 65 21 120 248 7 17 1 97 102 96 84 21 148 255 135 23
  0 17 7 96 38 1 84 109 128 255 22 16 96 7 6 52 65 129 107 120 144 23 17 22 103
  70 39 85 57 237 127 233 6 112 103 1 50 117 192 234 19 232 135 6 7 113 33 97
  114 108 212 146 150 239 118 23 102 51 71 181 42 249 251 111 129 1 118 80 64 19
  30 184 70 4 121 153 97 113 85 116 242 159 211 2 148 238 128 119 38 16 83 13
  166 254 66 125 224 248 16 36 33 134 109 76 209 150 122 110 247 81 54 67 94 171
  88 188 63 157 24 232 52 5 167 235 33 157 71 236 20 153 166 103 117 29 245 243
  228 131 162 133 240 220 49 162 76 202 188 218 171 248 141 63 193 18 104 232 6
  23 103 33 39 117 44 237 147 238 134 118 102 113 83 117 178 254 211 122 128 238
  17 112 70 6 82 89 193 126 125 104 240 16 23 34 38 199 76 45 169 250 110 255 97
  54 64 84 11 152 191 3 21 152 224 7 53 4 225 139 97 132 83 148 145 158 87 118
  20 95 147 39 188 22 141 120 231 50 49 229 106 234 229 215 199 5 15 201 33 98
  75 204 180 155 170 155 245 159 213 3 212 143 128 15 50 16 194 10 198 232 67 41
  135 120 47 49 49 110 106 74 214 215 91 15 143 61 34 210 200 204 46 171 106 174
  255 87 30 0 95 4 32 156 1 140 84 128 178 31 240 26 4 226 133 193 196 81 168 73
  30 95 91 36 188 157 141 216 212 50 173 239 234 30 230 103 68 5 149 249 225 87
  65 4 127 152 33 16 85 12 230 159 66 5 244 248 129 35 65 144 108 24 182 22 69
  123 231 185 49 69 89 234 121 221 71 241 12 121 162 98 209 252 116 174 160 83
  62 156 94 136 116 28 179 147 164 154 182 253 117 219 192 179 45 136 218 14 243
  109 162 194 214 252 104 175 32 55 62 44 75 136 174 27 115 158 165 82 212 253
  158 207 96 20 42 148 199 143 23 9 18 103 195 38 181 104 237 59 247 134 41 99
  81 175 116 62 190 83 72 152 30 27 117 164 229 147 221 133 214 204 113 175 74
  50 254 219 74 128 237 27 208 134 5 110 209 65 118 78 88 83 26 189 222 229 120
  204 37 145 202 109 246 203 86 131 107 191 144 55 56 22 11 73 167 99 59 157 180
  233 180 91 167 155 61 157 213 232 212 47 167 15 46 29 66 238 196 88 166 41 93
  93 239 252 60 166 160 72 61 60 251 136 168 33 51 95 172 42 156 254 143 116 0
  178 19 192 154 6 232 117 1 199 115 32 137 18 108 243 134 182 98 113 251 116
  178 161 211 90 156 238 157 116 198 180 83 169 155 126 159 117 48 212 19 138
```