第六章中间代码生成

《编译原理》

南京大学计算机系 2023年春季

版权所有南京大学计算机科学与技术系许畅 2023春季版(有修改)

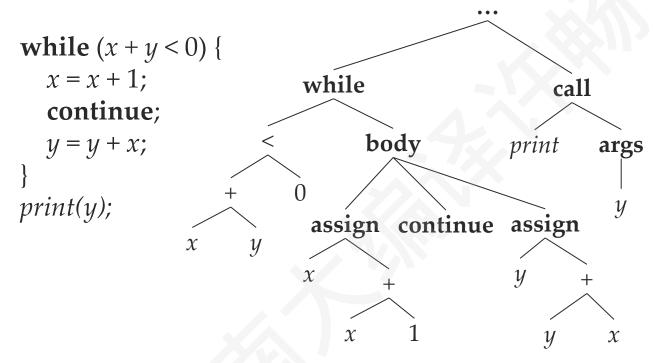
闯关进度



一个例子

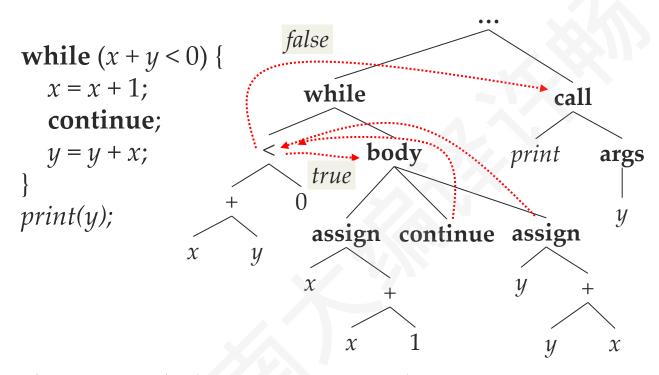
```
while (x + y < 0) {
    x = x + 1;
    continue;
    y = y + x;
}
print(y);</pre>
```

AST表示



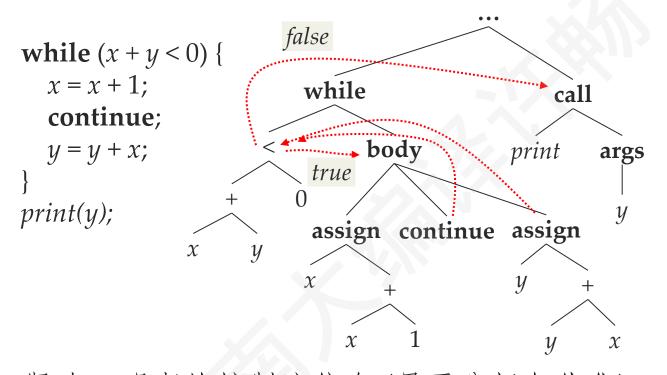
- 高级的程序表示(贴近源语言层面)
- 语言相关(与源语言语法紧密关联)
- 适合一些类型检查

AST表示



- 高级的程序表示 (贴近源语言层面)
- 语言相关(与源语言语法紧密关联)
- 适合一些类型检查
- 不紧凑、缺少控制流信息(不利于分析与优化⋯)

中间代码表示



- label L1 t = x + y; if t < 0 goto L2 else goto L3; label L2 x = x + 1; goto L1; y = y + x; goto L1; label L3 print(y);
 - 三地址代码
- 紧凑、明晰的控制流信息(易于分析与优化)
- 与具体语言无关(通用)
- 与具体机器无关(通用++)

编译器前端的逻辑结构(1)

- 前端是对源语言进行分析并产生中间表示
- 处理与源语言相关的细节,与目标机器无关

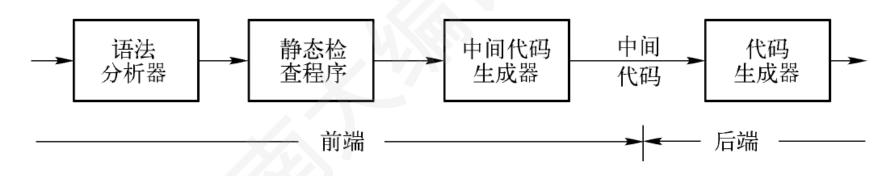
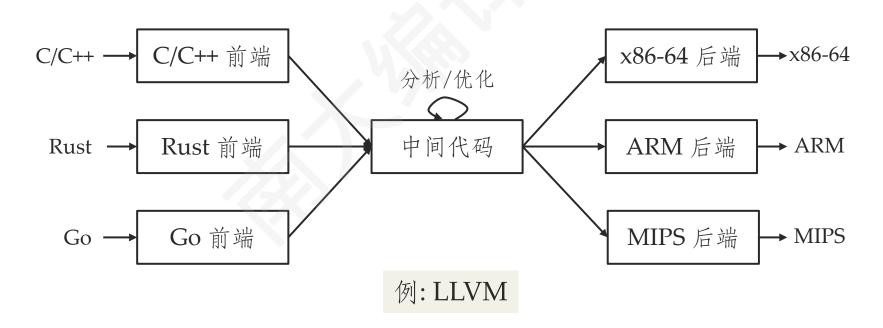


图 6-1 一个编译器前端的逻辑结构

编译器前端的逻辑结构(2)

- 前端后端分开的好处
 - 不同的源语言、不同的机器可以得到不同的编译器组合
 - 可复用的分析/优化的逻辑



本章内容

- 中间代码表示
 - 三地址代码: *x* = *y op z*
- 类型检查
 - 类型、类型检查、表达式的翻译
- 中间代码生成
 - 控制流、回填

中间代码表示及其好处

• 形式

- 多种中间表示 (Intermediate Representations, IRs), 不同层次
- 抽象语法树
- 三地址代码

重定位

- 为新的机器建编译器,只需要做从中间代码到新的目标代码的翻译器(前端独立)
- 高层次的优化
 - 优化与源语言和目标机器都无关

中间代码的实现

- 静态类型检查和中间代码生成的过程都可以用语 法制导的翻译来描述和实现
- 对于抽象语法树这种中间表示的生成, 第五章已经介绍过

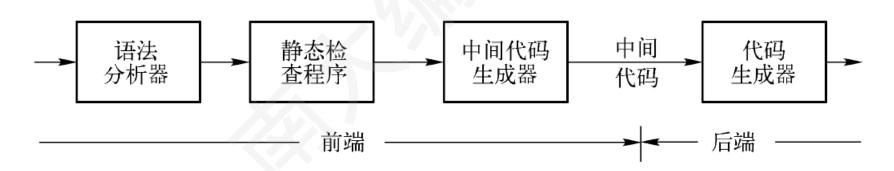
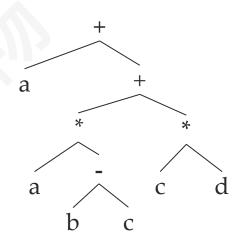


图 6-1 一个编译器前端的逻辑结构

生成抽象语法树的语法制导定义

• a+a*(b-c)+c*d的抽象语法树



	PRODUCTION	SEMANTIC RULES
1)	$E \to E_1 + T$	$E.node = \mathbf{new} \ Node('+', E_1.node, T.node)$
2)	$E o E_1 - T$	$E.node = \mathbf{new} \ Node('-', E_1.node, T.node)$
3)	$E \to T$	E.node = T.node
4)	$T \to (E)$	T.node = E.node
5)	$T o \mathbf{id}$	T.node = new Leaf(id, id. entry)
6)	$T o \mathbf{num}$	T.node = new Leaf(num, num.val)

三地址代码(1)

目标

- 接近大多数目标机器的执行模型(机器码)
- 支持大多数目标机器提供的数据类型和操作
- 提供有限度的、高于机器码的抽象表达能力, 更容易表达出大多数(命令式)高级语言的特性

特征

- 以指令为单位
- 每条指令只有有限数量的运算分量(通常≤3)
- 支持基本数据类型及其运算
- 支持复合数据类型(如数组、结构体)及其操作
- 支持函数

三地址代码(2)

- · 每条指令右侧最多有一个运算符 一般情况可以写成x=yopz
 - 接近机器码(易于从机器角度优化)
 - 大大减少组合情况的数量(易于处理)

• 允许的运算分量

- 变量:源程序中的名字作为三地址代码的地址
- 常量:源程序中出现或生成的常量
- 编译器生成的临时变量(也可与源程序变量等同视之)

三地址代码(3)

指令集合(1)

- 复制指令: x=y

- 运算/赋值指令: x = y op z x = op y

- 无条件转移指令: goto L

- 条件转移指令: if x goto L if not x goto L

- 条件转移指令: if x relop y goto L

三地址代码(4)

- 指令集合(2)
 - 过程调用/返回
 - param x_1 // 设置参数
 - param x_2
 - •
 - param x_n
 - call p, n // 调用子过程p, n为参数个数
 - 带下标的复制指令: x = y[i] x[i] = y
 - · 注意: i表示离开数组位置第i个字节,而不是数组的第i个元素
 - 地址/指针赋值指令

例子

• 语句

- do i = i + 1; while (a[i] < v);

L:
$$t_1 = i + 1$$

 $i = t_1$
 $t_2 = i * 8$
 $t_3 = a [t_2]$
if $t_3 < v$ goto L

a) 符号标号

100:
$$t_1 = i + 1$$

101: $i = t_1$
102: $t_2 = i * 8$
103: $t_3 = a [t_2]$
104: if $t_3 < v$ goto 100

b) 位置号

三地址指令的四元式表示方法

- · 在实现时,可使用四元式/三元式/间接三元式/ 静态单赋值来表示三地址指令
- 四元式:可以实现为记录(或结构)
 - 格式(字段): op arg₁ arg₂ result
 - op: 运算符的内部编码
 - arg₁, arg₂, result是地址
 - -x = y + z + y z x
- · 单目运算符不使用arg2
- param运算不使用arg2和result
- · 条件转移/非条件转移将目标标号放在result字段

四元式的例子

赋值语句: a=b*-c+b*-c

	op	arg_1	arg_2	result
0	minus	С	l	t ₁
1	*	b	t_1	t_2
2	minus	C	l	t ₃
3	*	b	t_3	t_4
4	+	t_2	t_4	t_5
5	=	t_5	l	a
			•	

a) 三地址代码

b) 四元式

图 6-10 三地址代码及其四元式表示

数组操作的四元式表示

读数组: x = y[i]

写数组: x[i] = y

op	arg ₁	arg ₂	result
=[]	y	i	$\boldsymbol{\chi}$
[]=	i	y	$\boldsymbol{\mathcal{X}}$

静态单赋值 (SSA)

• Static Single Assignment (SSA) 是一种特殊的三地址代码,其所有变量在代码中只被赋值一次

$$x = a;$$
 $x_1 = a;$
 $y = x + 1;$ $y = x_1 + 1;$
 $x = b;$ $x_2 = b;$
 $z = x * 2;$ $z = x_2 * 2;$

SSA的构造

- 基本构造思路
 - 为每个变量维护一个计数器
 - 从函数入口开始遍历函数体
 - 遇到变量赋值时,为其生成新名字,并替换
 - 将新变量名传播到后续相应的使用处,并替换

$$x = a;$$
 $x_1 = a;$
 $y = x + 1;$ $y = x_1 + 1;$
 $x = b;$ $x_2 = b;$
 $z = x * 2;$ $z = x_2 * 2;$

- 通常只针对函数内的变量(即局部变量)计算SSA
- · 全局变量的SSA在实际当中难以计算

SSA对分支的处理

- 在分支汇合处插入φ语句
- 对于同一个变量x在不同路径中被赋值的情况,使用 x_i = $\phi(x_i, x_k, ...)$ 来合并不同的赋值

if (flag) if (flag)
$$x = -1$$
; $x_1 = -1$; else $x_2 = 1$; $x_2 = 1$; $x_3 = \varphi(x_1, x_2)$; $y = x_3 * a$;

SSA对循环的处理

- 循环被翻译成分支与跳转语句的组合
- 直接按照相应语句的方式处理

```
x = j; 100: x_1 = j; while (i < 0) { 101: x_3 = \varphi(x_1, x_2); 102: if i \ge 0 \text{ goto } 122 x = k; b = x_3; 103: x_2 = k; ... c = x_2; } y = x * a; 121: \text{ goto } 101 122: y = x_3 * a;
```

SSA的作用

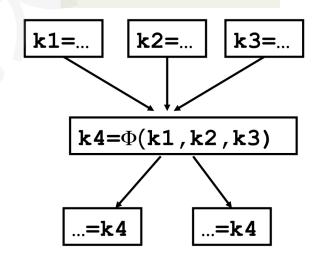
- · 每个变量只被赋值一次,相当于都变成const变量
- 简化了数据流分析和某些优化
- 使得定义-使用链 (def-use chain) 易于计算
 - 关联每个变量的定义(赋值)及其相应的使用
 - 许多分析和优化所需的关键信息
 - SSA形式中,定义-使用关系非常清晰,且可以线性复杂度进行计算

$$x = 0;$$
 $x_1 = 0;$... $foo(x_1);$... $x_2 = 1;$... $x_2 = 1;$... if $(x < 0)$... if $(x_2 < 0)$...

SSA的作用

- · 每个变量只被赋值一次,相当于都变成const变量
- 简化了数据流分析和某些优化
- 使得定义-使用链 (def-use chain) 易于计算
 - 关联每个变量的定义(赋值)及其相应的使用
 - 许多分析和优化所需的关键信息
 - SSA形式中,定义-使用关系非常清晰,且可以线性复杂度进行计算

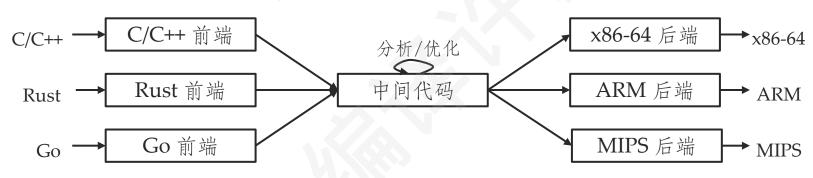




广泛使用于现代 编译器中(如LLVM)

回顾

- 中间代码 (Intermediate Representation, IR)
 - 增强编译器各组件(前端、后端、分析/优化)的可复用性



- 三地址代码 (Three-Address Code, TAC)
 - 一 广泛使用的一种中间表示,抽象层次接近机器码
 - 每条指令最多3个运算分量,具有明晰的控制流信息
 - 易于分析和处理
- 静态单赋值 (Static Single Assignment, SSA)
 - 每个变量在代码中最多只有1次赋值
 - 可简化数据流分析和某些优化

例子

• 语句

- do i = i + 1; while (a[i] < v);

L:
$$t_1 = i + 1$$

 $i = t_1$
 $t_2 = i * 8$
 $t_3 = a [t_2]$
if $t_3 < v$ goto L

a) 符号标号

100:
$$t_1 = i + 1$$

101: $i = t_1$
102: $t_2 = i * 8$
103: $t_3 = a [t_2]$
104: if $t_3 < v$ goto 100

b) 位置号

类型和声明

- 类型检查 (Type checking)
 - 利用一组规则来检查运算分量的类型和运算符的预期 类型是否匹配
- 类型信息的用途
 - 查错、确定名字(对应的数据)所需的内存空间、计算数组元素的地址、类型转换、选择正确的运算符
- 本节的内容
 - 确定名字的类型
 - 变量的存储空间布局(相对地址)

类型

- 基本类型
 - 程序设计语言中的原子类型
 - 如: boolean, char, integer, float, void, ...
 - 通常这些类型的运算都有对应的机器指令
- 复合类型
 - 由基本类型或其它复合组合而成的类型,为程序设计语言提供更强的抽象和表达能力
 - 如: int [2][3] (数组), struct { int a[10]; float f; } (结构体), boolean foo(int x) (函数), ...
- · 类型表达式 (Type expression): 表示类型的表达式
 - 基本类型: 类型名字
 - 复合类型:通过类型构造算子作用于类型表达式得到

数组类型

- 表示同类型数据的聚合
- · 类型构造算子array,有两个参数
 - 数字:表示数组的长度
 - 类型:表示数组元素的类型
- 如: int [2][3]
 - 对应类型表达式 array(2, array(3, integer))

记录类型

- 表示不同类型数据的聚合(结构体、类)
- · 类型构造算子record,有多组字段
 - 字段名:字段名字,可用于在记录中引用该字段
 - 类型:字段对应数据的类型
- · 记录的基本构造算子是笛卡尔积×
 - 如果s, t是类型表达式, 其笛卡尔积s×t也是类型表达式
 - 在记录类型的构造中起组合作用
 - 组合字段名与相应类型
 - 组合多组字段
- 如: struct { int a[10]; float f; } st;
 - 对应类型表达式 record((a × array(10, int)) × (f × float))

函数类型

- 表示程序中函数的类型
- 类型构造算子→,接收参数类型与返回值类型, 并构造出函数类型
- 如: int foo(float x, long[5] y) { ... }
 - 对应类型表达式 (float × array(5, long)) → int

类型等价性

- 判断两个类型是否等价
 - 类型检查的基础
 - 不同的语言有不同的类型等价的定义
 - 当语言允许为自定义类型命名时,主要有两类等价性判定方式
- 名等价 (Name Equivalence)
 - 类型表达式t与u等价当且仅当它们对应的类型名字相同
- 结构等价 (Structure Equivalence)
 - 对于基本类型,比较它们名字是否相同
 - 对于复合类型,比较类型构造算子;若相同,(递归)比较构造算子的各参数分量

类型的声明

- 处理基本类型、数组类型或记录类型的文法
 - $D \rightarrow T id; D \mid \varepsilon$
 - $T \rightarrow B C \mid \text{record } '\{' D '\}'$
 - $B \rightarrow \text{int} \mid \text{float}$
 - $-C \rightarrow \varepsilon \mid [\text{num}] C$
- 应用该文法及其对应的语法制导定义,除了得到 类型表达式之外,还得进行各种类型的存储布局

局部变量的存储布局

- 变量的类型可以确定变量需要的内存
 - 即类型的宽度(该类型一个对象所需的存储单元的数量)
 - 可变大小的数据结构只需要考虑指针
- 函数的局部变量总是分配在连续的区间
 - 因此给每个变量分配一个相对于这个区间开始处的相 对地址(偏移量)
- 变量的类型信息保存在符号表中

计算T的类型和宽度的SDT

- 综合属性: type, width
 - 全局变量t和w用于将类型和宽度信息从B传递到C→ε
 - 相当于C的继承属性(也可以把t和w替换为C.t和C.w)

```
 \begin{array}{lll} T & \rightarrow & B & \{ \ t = B.type; \ w = B.width; \ \} \\ C & \{ T.type = C.type; \ T.width = C.width; \ \} \\ B & \rightarrow & \mathbf{int} & \{ \ B.type = integer; \ B.width = 4; \ \} \\ B & \rightarrow & \mathbf{float} & \{ \ B.type = float; \ B.width = 8; \ \} \\ C & \rightarrow & \epsilon & \{ \ C.type = t; \ C.width = w; \ \} \\ C & \rightarrow & [ \ \mathbf{num} \ ] \ C_1 & \{ \ C.type = array(\mathbf{num}.value, \ C_1.type); \\ C.width = \mathbf{num}.value \times C_1.width; \ \} \\ \end{array}
```

SDT运行的例子

• 输入: int [2][3]

```
 T \rightarrow B \\ C \\ \{T.type=C.type; w = B.width; \} \\ \{T.type=C.type; T.width=C.width; \} \\ B \rightarrow \text{int} \\ \{B.type=integer; B.width=4; \} \\ B \rightarrow \text{float} \\ \{B.type=float; B.width=8; \} \\ C \rightarrow \epsilon \\ \{C.type=t; C.width=w; \} \\ C \rightarrow [\text{num}] C_1 \\ \{C.type=array(\text{num.}value, C_1.type); \\ C.width=\text{num.}value \times C_1.width; \}
```

43

```
T \qquad type = array(2, array(3, integer))
width = 24
B \quad type = integer \quad w = 4
width = 4
[2]
C \quad type = array(3, integer)
width = 12
C \quad type = array(3, integer)
width = 12
C \quad type = integer
width = 12
```

实际的变量声明

产生式规则: $F \rightarrow id$

F.type = lookupIDTable(id.name)->type;

```
int x = 1;
char foo() {
  char x = 'a';
float bar(int p) {
  float x = 3.14;
```

实际的变量声明

产生式规则: $F \rightarrow id$

F.type = lookupIDTable(**id.***name*)->*type*;

```
全局变量符号表
int x = 1;
                                    信息(类型、偏移…)
                               名字
                                           int
                                X
char foo() {
  char x = 'a';
                                    foo() 符号表
                               名字
                                    信息(类型、偏移…)
                                          char
                                X
float bar(int p) {
  float x = 3.14;
                                   bar(int) 符号表
                                    信息(类型、偏移…)
                               名字
                                          float
                                X
```

声明序列的SDT (1)

- 在处理一个过程/函数时,局部变量应该放到该过程/函数对应的符号表中
- 这些变量的内存布局独立
 - 相对地址从0开始,变量的放置和声明的顺序相同
- SDT的处理方法
 - 变量offset记录当前可用的相对地址
 - 每分配一个变量, offset增加相应的值 (加宽度)
- top.put(id.lexeme, T.type, offset)
 - top指向当前函数的符号表
 - 在符号表中创建条目,记录标识符的类型和偏移量

声明序列的SDT (2)

- top.put(id.lexeme, T.type, offset)
 - top指向当前函数的符号表
 - 在符号表中创建条目,记录标识符的类型和偏移量

```
float bar(int p) {
    float x = 3.14;
    int y = 1;
    char z = 'a';
    ...
}
```

$top \longrightarrow$	bar(int) 符号表		
	名字	类型	偏移
	Х	float	0
	У	int	8
	Z	char	12
		• • •	• • •

声明序列的SDT (3)

```
float bar() {
    float x;
    int y;
    char z;
    ...
}
```

top →	bar() 符号表		
	名字	类型	偏移
	Х	float	0
	у	int	8
	Z	char	12
	• • •	•••	• • •

实际的变量声明

```
float bar(int p) {
    float x;
    record {
        int a;
        char x;
    } r;
    boolean b;
    ...
}
```

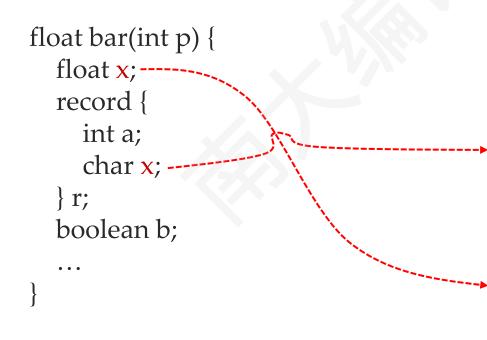


记录和类中的字段(1)

- 记录变量声明的翻译方案
- 约定
 - 一个记录中各个字段的名字必须互不相同
 - 字段名的偏移量 (相对地址), 是相对于该记录的数据 区字段而言的
- 记录类型使用一个专用的符号表,对其各个字段的类型和相对地址进行单独编码
- 记录类型record(t): record是类型构造算子, t是符号表对象, 保存该记录类型各个字段的信息

记录和类中的字段(2)

- 记录类型使用一个专用的符号表,对其各个字段的类型和相对地址进行单独编码
- 记录类型record(t): record是类型构造算子, t是符号表对象,保存该记录类型各个字段的信息



bar(int)::r 符号表		
名字	类型	偏移
a	int	0
X	char	4

bar(int) 符号表		
名字	类型	偏移
X	float	0
b	boolean	?

Env环境

- · 当程序中的作用域发生嵌套时,用一个栈Env辅助维护 各作用域对应的符号表,栈中存储指向各符号表的指针
- 进入一个新作用域时,保存上一作用域(压栈)
- 从一个作用域退出时,恢复上一作用域(出栈)

```
int x;

float bar(int p) {
    float x;
    record {
        int a;
        char x;
    } r;
    boolean b;
        — 全局符号表
        … … … …
```

记录和类中的字段(3)

```
\rightarrow record '{'} { Env.push(top); top = new Env();
                                  Stack.push(offset); offset = 0; 
                 D 'ት^{\prime}
                                \{ T.type = record(top); T.width = offset; \}
                                  top = Env.pop(); offset = Stack.pop(); 
D \rightarrow T \text{ id}; { top.put(\text{id}.lexeme, T.type, offset);}
                   offset = offset + T.width; 
        float bar(int p) {
           float x;
           record {
              int a;
              char x;
           } r;
           boolean b;
记录类型存储方式可以推广到类
```

bar(int)::r 符号表		
名字	类型	偏移
a	int	0
X	char	4

bar(int) 符号表		
名字	类型	偏移
X	float	0
r	record(r)	8
b	boolean	13

回顾

- 类型与类型表达式
 - 基本类型 (如integer, float, boolean)
 - 复合类型(数组、记录、函数)
 - 类型等价性
- 局部变量的存储布局
 - 变量声明语句的SDD
 - 各类型变量存储空间的计算
 - 各变量相对存储位置(偏移量)的计算

接下来: 生成三地址码语句

表达式代码的SDD

· 将表达式翻译 成三地址代码 的SDD

产生式	语义规则
$S \rightarrow id = E$;	$S.code = E.code \mid \mid$ $gen(top.get(\mathbf{id}.lexeme) '=' E.addr)$

- code表示代码
- addr表示存放 表达式结果的 地址
- new Temp()生 成临时变量
- gen()生成指令

 $E \rightarrow E_1 + E_2$ $E.addr = \mathbf{new} \ Temp()$ $E.code = E_1.code \mid\mid E_2.code \mid\mid E_2.code \mid\mid en(E.addr'='E_1.addr'+'E_2.addr)$

 $E.addr = \mathbf{new} \ Temp()$ $E.code = E_1.code ||$

 (E_1)

id

 $e.code = E_1.code$ || $en(E.addr'=''minus' E_1.addr)$

 $E.addr = E_1.addr$

 $E.code = E_1.code$

E.addr = top.get(id.lexeme)

E.code = ''

$$a = b + c + -d$$

$$a = b + c + -d$$

$$t_1 = b + c$$

$$t_2 = minus d$$

$$t_3 = t_1 + t_2$$

$$a = t_2$$

55

增量式翻译方案

- 类似于上一章中所述的边扫描边生成
- gen不仅构造新的三地址指令,还要将它添加到至今为止已生成的指令序列之后
- · 不需要code指令保存已有的代码,而是对gen的连续调用生成一个指令序列

```
S \rightarrow \mathbf{id} = E; { gen(top.get(\mathbf{id}.lexeme) '=' E.addr); } 

E \rightarrow E_1 + E_2 { E.addr = \mathbf{new} \ Temp(); gen(E.addr '=' E_1.addr '+' E_2.addr); } 

| -E_1 { E.addr = \mathbf{new} \ Temp(); gen(E.addr '=' '\mathbf{minus'} \ E_1.addr); } 

| ( E_1 ) { E.addr = E_1.addr; } 

| \mathbf{id} { E.addr = top.get(\mathbf{id}.lexeme); }
```

例子

• 语句

- do i = i + 1; while (a[i] < v);

L:
$$t_1 = i + 1$$
 $i = t_1$
 $t_2 = i * 8$
 $t_3 = a [t_2]$
if $t_3 < v$ goto L

a) 符号标号

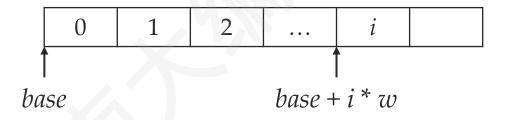
100:
$$t_1 = i + 1$$

101: $i = t_1$
102: $t_2 = i * 8$
103: $t_3 = a [t_2]$
104: if $t_3 < v$ goto 100

b) 位置号

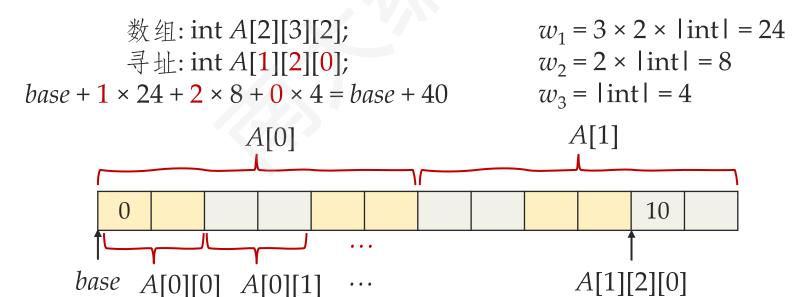
数组元素的寻址(1)

- 一维数组 (A[i]) 寻址: 假设数组元素被存放在连续的存储空间中,元素从0到n-1编号,第i个元素的地址为
 - base + i * w



数组元素的寻址(2)

- k维数组 ($A[i_1][i_2]...[i_k]$)寻址: 假设数组按行存放,首先存放 $A[0][i_2]...[i_k]$,然后存 $A[1][i_2]...[i_k]$,…,那么 $A[i_1][i_2]...[i_k]$ 的地址为
 - $base + i_1 * w_1 + i_2 * w_2 + ... + i_k * w_k$
 - 其中base, w的值可以从符号表中找到



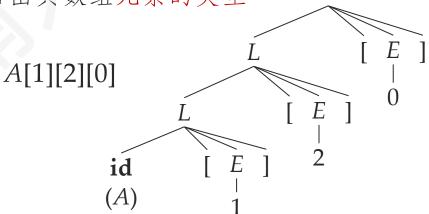
数组引用的翻译

- 为数组引用生成代码要解决的主要问题
 - 数组引用的文法和地址计算相关联
- 假定数组编号从0开始,基于宽度来计算相对地址
- 数组引用相关文法
 - 非终结符号L生成数组名,加上一个下标表达式序列

$$L \to L[E] \mid id [E]$$

数组引用生成代码的翻译方案 (1)

- 非终结符号L的三个综合属性 $L \to L[E] \mid id[E]$
 - L.array是一个指向数组名字对应的符号表条目的指针 (L.array.base为该数组的基地址)
 - L.addr指示一个临时变量,计算数组引用的偏移量 $base + i_1 * w_1 + i_2 * w_2 + ... + i_k * w_k$
 - L.type是L生成的子数组的类型
 - · 对于任何(子)数组类型L.type,其宽度由L.type.width给出, L.type.elem给出其数组元素的类型 L



数组引用生成代码的翻译方案 (2)

• 核心是确定数组引用的地址

```
L \rightarrow id [E] \{ L.array = top.get(id.lexeme);
                                       L.type = L.array.type.elem;
                                       L.addr = \mathbf{new} \ Temp();
                                       gen(L.addr'='E.addr'*'L.type.width); \}
                        L_1 [E] \{L.array = L_1.array;
                                       L.type = L_1.type.elem;
                                       t = \mathbf{new} \ Temp();
                 A[1][2][0]
                  type: int L
                                       L.addr = \mathbf{new} \ Temp();
          A[1][2]
                                       gen(t'='E.addr'*'L.type.width);
         type: int[2] L -
                                 E ]
                                      gen(L.addr'='L_1.addr'+'t); \}
    A[1]
                                                              符号表
type: int[3][2]
                                      <u>L</u>.array
                                                    名字
                                                                         base
                                                               type
                  Е
       id
                            数组: int A[2][3][2]
       (A)
                            寻址: int A[1][2][0]
                                                                                62
                                                                           8
                                                     Α
                                                            int[2][3][2]
```

数组引用生成代码的翻译方案 (3)

- · L的代码只计算了偏移量
- 数组元素的存放地址应该根据偏移量进一步计算, 即L的数组基址加上偏移量
- 使用三地址指令x = a[i]

```
E \rightarrow E_1 + E_2 \qquad \{ \begin{array}{l} E.addr = \mathbf{new} \ Temp\,(); \\ gen(E.addr'=' E_1.addr'+' E_2.addr); \, \} \end{array}
\mid \mathbf{id} \qquad \{ \begin{array}{l} E.addr = top.get(\mathbf{id}.lexeme); \, \} \\ \\ \mid L \qquad \{ \begin{array}{l} E.addr = \mathbf{new} \ Temp\,(); \\ gen(E.addr'=' L.array.base'[' L.addr']'); \, \} \end{array}
```

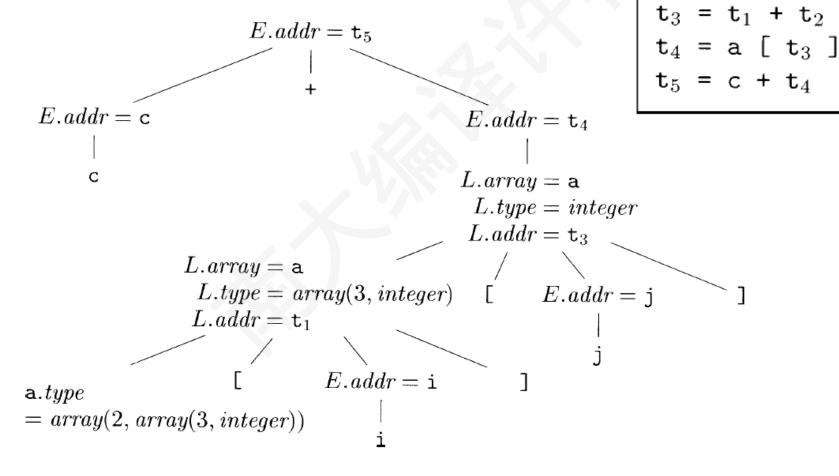
数组引用生成代码的翻译方案 (4)

• 使用三地址指令a[i] = x

```
S \rightarrow \mathbf{id} = E; { gen(top.get(\mathbf{id}.lexeme) '=' E.addr); } 
 L = E; { gen(L.array.base '[' L.addr ']' '=' E.addr); }
```

例子

• 表达式: c+a[i][j]



 $t_1 = i * 12$

类型系统 (1)

- 类型系统
 - 给每一个组成部分赋予一个类型表达式
 - 通过一组逻辑规则来表达类型表达式必须满足的条件
 - 可发现错误、提高代码效率、确定临时变量的大小

类型系统 (2)

- 强类型/弱类型:根据类型互操作性/类型系统严格性区分
 - 强类型:不允许无关类型数据间的操作
 - 弱类型:通过隐式类型转换,允许无关类型间的操作

也有说法按照类型系统严格性进行强弱区分,如C/C++允许通过指针操作绕过常规类型检查,因此被认为是弱类型语言

- 静态类型/动态类型:根据类型检查时机区分(非绝对)
 - 静态类型:静态(编译期)进行类型检查
 - 动态类型:动态(运行时)进行类型检查
 - Gradual Typing: 混合,部分静态,部分动态

	静态类型	动态类型
强类型	Java, Haskell,	Python, Ruby,
弱类型	C, C++,	JavaScript, VB,

反面教材

```
≥ typeof NaN
                       true==1
"number"
                       < true
> 999999999999999
                       > true===1
> (!+[]+[]+![]).length
> 0.5+0.1==0.6
                       <· 9
< true
≥ 0.1+0.2==0.3
                       > 9+"1"
                       · "91"
<- false
Math.max()
                       ≥ 91-"1"
<-- Infinity
                       · 90
> Math.min()
                       ≥ []==0
Infinity
                       < true
> []+[]
≥ []+{}
( "[object Object]"
≥ {}+[]
< 0
> true+true+true===3
                         Thanks for inventing Javascript
< true
> true-true
· 0
```

类型规则 (Type Inference Rule)

• 用分式记法表达推导规则

前置条件 后置条件

读作"若前置条件成立,可推出后置条件"

大明是小明的爸爸 老明是大明的爸爸 老明是小明的爷爷

• 类型判决式 (type judgement)

e:T

读作"表达式e的类型为T"

 e_1 : integer

 e_2 : integer

 $e_1 + e_2$: integer

• 无条件成立的规则

0: integer

true: boolean

- 简洁(易读易写)
- 抽象 (通用、独立于具体语言)

标识符的类型规则(1)

标识符的类型规则(2)

· 为了推导标识符相关的类型,需要在类型规则中引入上下文,通常用Γ表示(也称作类型环境)

```
读作"在上下文Γ中,
\Gamma \vdash e:T
                 表达式e的类型为T"
void foo(int x, int y) {
                               \Gamma \vdash x: float
     float x, y;
                               \Gamma \vdash y: float
     z = x + y;
                             \Gamma \vdash x + y: float
                       top所指的符号表可用作Γ
```

函数/运算符的重载(1)

函数/运算符的重载(2)

• 通过查看参数来解决函数重载问题

```
char foo(int x) { ... }
boolean foo(float x) { ... }
int bar(int p) {
    ...
    n = foo(p);
    ...
}
```

全局符号表	
名字	类型集合
foo	{int→char, float→boolean}
bar	{int→int}

```
\Gamma \vdash e: S

\Gamma \vdash foo 具有类型S \rightarrow T

\Gamma \vdash foo(e): T
```

• $E \rightarrow f(E_1)$ { if $f.typeset = \{ s_i \rightarrow t_i \mid 1 \le i \le n \}$ and $E_1.type = s_k$ then $E.type = t_k$ }

类型转换

- 假设在表达式x*i中, x为浮点数, i为整数,则结果应该是浮点数
 - x和i使用不同的二进制表示方式
 - 浮点*和整数*使用不同的指令
 - $t_1 = (float) i t_2 = x fmul t_1$
- · 类型转换比较简单时的SDT

```
- E \rightarrow E_1 + E_2

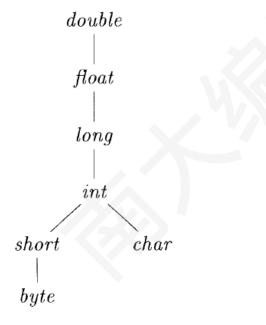
{ if (E_1.type = \text{integer and } E_2.type = \text{integer}) E.type = \text{integer};

else if (E_1.type = \text{float or } E_2.type = \text{float}) E.type = \text{float};

...
```

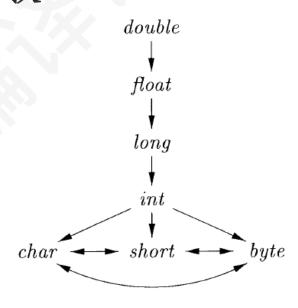
类型拓宽widening和窄化narrowing

- · Java的类型转换规则
- 编译器自动完成的转换为隐式转换,程序员用代码指定的转换为显式转换



a) 拓宽类型转换

拓宽通常不丢失信息



b) 窄化类型转换

窄化有可能丢失信息

处理类型转换的SDT

- 函数max求两个参数 在拓宽层次结构中 的最小公共祖先
- · 函数widen生成必要的类型转换代码

```
宽 op 宽 \rightarrow 宽  ? op ? ? \rightarrow ?  宽 op ? ? / ? op ? <math>max > max >
```

```
Addr widen(Addr a, Type t, Type w)
    if ( t = w ) return a;
    else if ( t = integer and w = float ) {
        temp = new Temp();
        gen(temp '=' '(float)' a);
        return temp;
    }
    else error;
}
```

```
E \rightarrow E_1 + E_2 \quad \{ E.type = max(E_1.type, E_2.type); \\ a_1 = widen(E_1.addr, E_1.type, E.type); \\ a_2 = widen(E_2.addr, E_2.type, E.type); \\ E.addr = \mathbf{new} \ Temp(); \\ gen(E.addr'=' a_1'+' a_2); \}
```

回顾

• 数据流语句的翻译

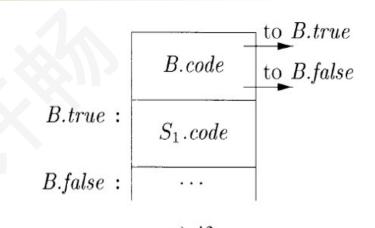
接下来:控制流语句的翻译

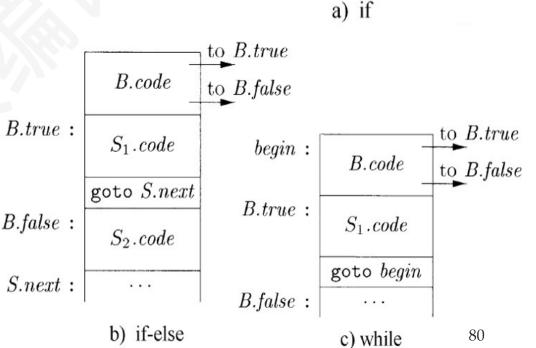
布尔表达式的控制流翻译

- 生成的代码执行时跳转到两个标号之一
 - 表达式的值为真时, 跳转到B.true
 - 表达式的值为假时,跳转到B.false
- B.true和B.false是两个继承属性,根据B所在的上下文指向不同的位置
 - 如果B是if语句条件表达式,分别指向then和else分支;如果没有else分支,则B.false指向if语句的下一条指令
 - 如果B是while语句的条件表达式,分别指向循环体的 开头和循环出口处

控制流语句的翻译

- 控制流语句
 - $S \rightarrow \mathbf{if} (B) S_1$
 - $S \rightarrow \mathbf{if}(B) S_1 \mathbf{else} S_2$
 - $S \rightarrow$ while (B) S_1
- 继承属性
 - B.true: B为真时的 跳转目标
 - B.false: B为假时的 跳转目标
 - S.next: S执行完毕 时的跳转目标





语法制导的定义(1)

产生式	语义规则		
$P \rightarrow S$	S.next = newlabel()		
	$P.code = S.code \mid\mid label(S.next)$		
$S \rightarrow \mathbf{assign}$	S.code = assign.code		
$S \rightarrow \mathbf{if} (B) S_1$	$B.true = newlabel() \ B.false = S_1.next = S.next \ S.code = B.code label(B.true) S_1.code$		
$S \rightarrow \mathbf{if} (B) S_1 \mathbf{else} S_2$	$B.true = newlabel()$ $B.false = newlabel()$ $S_1.next = S_2.next = S.next$ $S.code = B.code$ $ label(B.true) S_1.code$ $ gen('goto' S.next)$ $ label(B.false) S_2.code$		

语法制导的定义(2)

```
S \rightarrow \mathbf{while} (B) S_1 S \rightarrow S_1 S_2
```

```
begin = newlabel()
B.true = newlabel()
B.false = S.next
S_1.next = begin
S.code = label(begin) || B.code
|| label(B.true) || S_1.code
|| gen('goto' begin)
S_1.next = newlabel()
S_2.next = S.next
S.code = S_1.code || label(S_1.next) || S_2.code
```

• 增量式生成代码

```
S \rightarrow while (
```

```
{ begin = newlabel(); B.true = newlabel(); B.false = S.next; gen(begin ':'); } B ) { S_1.next = begin; gen(B.true ':'); } S_1  { gen('goto' begin); }
```

布尔表达式的翻译

- 布尔表达式可以用于改变控制流/计算逻辑值
- 文法 $B \rightarrow B \parallel B \mid B \&\& B \mid !B \mid (B) \mid E \text{ rel } E \mid \text{ true} \mid \text{ false}$
- 语义
 - $B_1 \parallel B_2 + B_1$ 为真或 B_2 为真时,整个表达式为真
 - B_1 && B_2 中 B_1 为真且 B_2 为真时,整个表达式为真
- 短路求值
 - 通过跳转指令实现控制流,逻辑运算符本身不出现
 - $B_1 \parallel B_2 + B_1$ 为真时,无需计算 B_2 ,整个表达式为真, 因此,当 B_1 为真时应该<mark>跳过</mark> B_2 的代码
 - $-B_1$ && B_2 中 B_1 为假时,无需计算 B_2 ,整个表达式为假, 因此,当 B_1 为假时应该跳过 B_2 的代码

短路代码的例子

• 语句

```
- if (x < 100 \parallel (x > 200 \&\& x != y)) x = 0;
```

• 代码

```
- if x < 100 goto L_2
```

- if not
$$x > 200$$
 goto L_1

if not
$$x = y$$
 goto L_1

-
$$L_2$$
: $x = 0$

布尔表达式的代码的SDD (1)

产生式 语义规则	
$B \rightarrow B_1 \mid \mid B_2 \mid B_1.true = B.true \mid // 短路$	
$B_1.false = newlabel()$	
$B_2.true = B.true$	
$B_2.false = B.false$	
$B.code = B_1.code \mid\mid label(B_1.false) \mid\mid B_2.code$	
$B \rightarrow B_1 \&\& B_2 \mid B_1.true = newlabel()$	
$B_1.false = B.false$ // 短路	
$B_2.true = B.true$	
$B_2.false = B.false$	
$B.code = B_1.code \mid\mid label(B_1.true) \mid\mid B_2.code$	
$B \rightarrow ! B_1 \qquad B_1.true = B.false$	
$B_1.false = B.true$	
$B.code = B_1.code$	

布尔表达式的代码的SDD (2)

$$B o E_1 \ \mathbf{rel} \ E_2$$
 $B.code = E_1.code \mid\mid E_2.code$ $\mid\mid gen('if' \ E_1.addr \ \mathbf{rel.op} \ E_2.addr 'goto' \ B.true)$ $\mid\mid gen('goto' \ B.false)$ $B o \mathbf{false}$ $B.code = gen('goto' \ B.false)$ $B.code = gen('goto' \ B.false)$

B → E (隐式类型转换) if E.addr != 0 goto B.true goto B.false

$$x = a \parallel b$$
;

布尔表达式代码的例子

• if (x < 100 || x > 200 && x!= y) x = 0; 的代码

if not x > 200 goto L₁
if not x != y goto L₁

L₂: x = 0

L₁: 接下来的代码

if x < 100 goto L_2

优化过的中间代码

生成的中间代码

布尔值和跳转代码(1)

- 程序中出现布尔表达式也可能是求值: x=a<b
- 处理方法
 - 建立表达式的语法树,根据表达式的不同角色来处理
- 文法
 - $S \rightarrow id = B$; | if (B) S | while (B) S | S S
 - $-B \rightarrow B \parallel B \mid B \&\&B \mid !B \mid E \text{ rel } E \mid ...$
- · 根据B的语法树结点所在的位置
 - S → while (B) S_1 中的B,生成跳转代码
 - 对于S → id = B, 生成计算右值的代码

布尔值和跳转代码(2)

- 对于 $S \rightarrow id = B$, 生成计算右值的代码
 - *B.true*: id = **true**
 - *B.false*: id = **false**

• \emptyset : x = a < b if a < b goto L_3

goto L_2

B.true L_3 : x = true

goto L_1

B.false L_2 : x = false

L₁: 接下来的代码

回顾

• 控制流语句的翻译

标号的运用

- $S \rightarrow \mathbf{if}(B) S_1$
- $S \rightarrow if(B) S_1 else S_2$
- $S \rightarrow$ while (B) S_1
- 布尔表达式的翻译
 - $-B \rightarrow B \parallel B \mid B \&\& B$
 - !B!(B)
 - | *E* rel *E*
 - | true | false

短路求值

指令的标号与索引

• 标号 (label)

- 标识程序位置的符号
- 并不能直接定位跳转目标指令
- 可**提前生成**,合适时插入到相 应位置

if a < b goto L_2 goto L_1

 L_2 : x = 2333

L1: 接下来的代码

• 索引 (index)

if (a < b) x = 2333;

- 通常指令用数组存储,指令i的索引为其在数组中的下标

可直接定位跳转目标指令

- **无法**提前生成

101: **if** a < b **goto** 103

102: **goto** 104

103: x = 2333

104: 接下来的代码

• 标号转换为索引

- 先生成基于标号的三地址代码
- 再遍历三地址码将标号替换为对应索引 需遍历两趟,能否**一趟**完成?

一趟完成

- 基于标号的翻译
 - 继承属性, 自顶向下
 - 生成新标号并向下(右)传递, 生成跳转语句时填入
 - 经过(生成)跳转目标时插入 生成代码中

$S \rightarrow \text{if (B) } S_1$

B.true = newlabel()

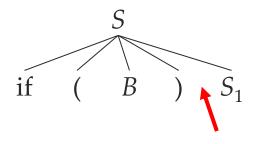
 $B.false = S_1.next = S.next$

 $S.code = B.code \mid\mid label(B.true) \mid\mid S_1.code$

新思路

- 综合属性,自底向上
- 经过(生成)跳转目标时,记录其索引
- 将跳转目标索引填入到相应 跳转语句中

此时跳转语句早已生成,所以是"回头"填入跳转目标



回填(1)

- 为布尔表达式和控制流语句生成目标代码
 - 关键问题:某些跳转指令应该跳转到哪里?
- 基本思想
 - 翻译过程中,若遇到跳转目标未知的情况,则先生成跳转指令坯,备用 goto ___/if ... goto ____
 - 将指令坯并向父结点传递(综合属性)
 - 翻译过程中,若遇到某条指令是跳转目标,则记录其索引,备用 如S→if (B) $_{\blacktriangle}S_1$
 - 当父结点收集齐跳转指令坯及其跳转目标索引时,将索引填入指令坯

回填(2)

• 属性

基于标号		回填[用索引表示指令(坯)]	
B.true	B为true时跳转目标标号	B.truelist	B为true时执行的跳转指令
B.false	B为false时跳转目标标号	B.falselist	B为false时执行的跳转指令
S.next	S之后下条指令标号	S.nextlist	跳转到S下条指令的指令

同一列表中跳转指令的目标都相同

- 辅助函数
 - backpatch(p, i): 将i作为跳转目标插入p的所有指令中

if (a < b) x = 2333;

101: **if** a < b **goto** 103

102: **goto** 104

103: x = 2333

104: 接下来的代码

控制转移语句的回填(1)

- 语句
 - $S \rightarrow if(B)S \mid if(B)S \text{ else } S \mid while(B)S$
 - $\mid \{L\} \mid A$
 - $L \rightarrow LS \mid S$

- · 在文法中引入非终结符号 (SDT)
 - M: 在适当的时候获取将要生成指令的索引
 - N: 在适当的位置生成跳转指令坯

控制转移语句的回填(2)

- M: 用M.instr记录跳转目标指令的索引
- N: 生成goto指令坯, N.nextlist包含该指令索引
 - 1) $S \rightarrow \mathbf{if}(B) M S_1 \{ backpatch(B.truelist, M.instr); \\ S.nextlist = merge(B.falselist, S_1.nextlist); \}$
 - 2) $S \rightarrow \mathbf{if}(B) M_1 S_1 N \mathbf{else} M_2 S_2$

```
S \rightarrow \text{if (B)} \land S_1 \text{ else } \land S_2
```

makelist(i): 创建一个包含跳 转指令(其索引为i)的列表

- 6) $M \to \epsilon$
- 7) $N \to \epsilon$

```
{ backpatch(B.truelist, M_1.instr);

backpatch(B.falselist, M_2.instr);

temp = merge(S_1.nextlist, N.nextlist);

S.nextlist = merge(temp, S_2.nextlist); }
```

 $\{ M.instr = nextinstr, \}$

{ N.nextlist = makelist(nextinstr); gen('goto _'); }

回填和非回填方法的比较(1)

```
1) S \to \mathbf{if}(B) M S_1 \{ backpatch(B.truelist, M.instr); \}
                                            S.nextlist = merge(B.falselist, S_1.nextlist); 
             2) S \rightarrow \mathbf{if}(B) M_1 S_1 N \mathbf{else} M_2 S_2
                                          { backpatch(B.truelist, M_1.instr);
                                             backpatch(B.falselist, M_2.instr);
S \rightarrow \text{if (B)} \land S_1
                                             temp = merge(S_1.nextlist, N.nextlist);
                                             S.nextlist = merge(temp, S_2.nextlist); 
S \rightarrow \text{if (B)} \land S_1 \text{ else } \land S_2
                                             B.true = newlabel()
             S \rightarrow \mathbf{if} (B) S_1
                                             B.false = S_1.next = S.next
                                             S.code = B.code \mid\mid label(B.true) \mid\mid S_1.code
             S \rightarrow \mathbf{if} (B) S_1 \mathbf{else} S_2
                                            B.true = newlabel()
                                             B.false = newlabel()
                                             S_1.next = S_2.next = S.next
                                             S.code = B.code
                                                          || label(B.true) || S_1.code
                                                          || gen('goto' S.next)
 回填获取跳转目标的位置
                                                          || label(B.false) || S_2.code
```

就是非回填插入标号的位置

控制转移语句的回填(3)

3) $S \rightarrow$ while M_1 (B) $M_2 S_1$

```
S \rightarrow \text{ while } (B) \setminus S_1
                               backpatch(B.truelist, M_2.instr);
                               S.nextlist = B.falselist;
                               gen('goto' M_1.instr); \}
4) S \rightarrow \{L\}
                             \{ S.nextlist = L.nextlist; \}
                             \{ S.nextlist = null; \}
5) S \to A:
                             \{ backpatch(L_1.nextlist, M.instr); \}
8) L \rightarrow L_1 M S
                               L.nextlist = S.nextlist;
     L \rightarrow L_1 \wedge S
                             \{L.nextlist = S.nextlist;\}
9) L \rightarrow S
```

{ $backpatch(S_1.nextlist, M_1.instr);$

回填和非回填方法的比较(2)

```
3) S \rightarrow while M_1 (B) M_2 S_1
                            { backpatch(S_1.nextlist, M_1.instr);
                              backpatch(B.truelist, M_2.instr);
                              S.nextlist = B.falselist;
                              gen('goto' M_1.instr); \}
8) L \to L_1 M S { backpatch(L_1.nextlist, M.instr);
                               L.nextlist = S.nextlist;
S \rightarrow  while (B) S_1
                            begin = newlabel()
                            B.true = newlabel()
                            B.false = S.next
                            S_1.next = begin
                            S.code = label(begin) || B.code
                                       || label(B.true) || S_1.code
                                        || \overline{qen('goto' begin)}|
S \rightarrow S_1 S_2
                            S_1.next = newlabel()
                            S_2.next = S.next
                            S.code = S_1.code \mid\mid label(S_1.next) \mid\mid S_2.code
```

布尔表达式的回填翻译(1)

辅助函数

- makelist(i): 创 建一个包含跳 转指令(其索引 为i)的列表
- merge(p1, p2):
 将p1和p2指向
 的索引列表合
 并然后返回

```
1) B \rightarrow B_1 \mid A \mid B_2
                                \{ backpatch(B_1.falselist, M.instr); \}
                                   B.truelist = merge(B_1.truelist, B_2.truelist);
                                   B.falselist = B_2.falselist; }
     B \rightarrow B_1 \&\& M B_2  { backpatch(B<sub>1</sub>.truelist, M.instr);
                                   B.truelist = B_2.truelist;
                                   B.falselist = merge(B_1.falselist, B_2.falselist); }
    B \rightarrow ! B_1
                                \{B.truelist = B_1.falselist;
                                   B.falselist = B_1.truelist; }
    B \rightarrow (B_1)
                                { B.truelist = B_1.truelist;
                                   B.falselist = B_1.falselist; }
     B \to E_1 \text{ rel } E_2
                                \{ B.truelist = makelist(nextinstr); \}
                                   B.falselist = makelist(nextinstr + 1);
                                   gen('if' E_1.addr rel.op E_2.addr'goto \_');
                                   gen('goto _'); }
    B \to \mathbf{true}
                                \{ B.truelist = makelist(nextinstr); \}
                                  gen('goto _'); }
     B \to \mathbf{false}
                                \{ B.falselist = makelist(nextinstr); \}
                                  gen ('goto _'); }
     M \to \epsilon
                                \{ M.instr = nextinstr. \}
                                                                                   100
```

回填和非回填方法的比较(1)

```
B \rightarrow E_1 \text{ rel } E_2 \qquad B.code = E_1.code \mid\mid E_2.code \\ \mid\mid gen('\text{if'} \ E_1.addr \ \text{rel.op} \ E_2.addr 'goto' \ B.true) \\ \mid\mid gen('\text{goto'} \ B.false)
5) \quad B \rightarrow E_1 \text{ rel } E_2 \qquad \left\{ \begin{array}{l} B.truelist = makelist(nextinstr); \\ B.falselist = makelist(nextinstr + 1); \\ gen('\text{if'} \ E_1.addr \ \text{rel.op} \ E_2.addr 'goto \ \_'); \\ gen('\text{goto} \ \_'); \end{array} \right\}
```

- 比较
 - 生成指令坯,然后加入相应的list
 - 原来跳转到B.true的指令,现在加入到B.truelist中
 - 原来跳转到B.false的指令,现在加入到B.falselist中

回填和非回填方法的比较(2)

```
B \rightarrow B_1 \mid\mid B_2 B_1.true = B.true B_1.false = newlabel() B_2.true = B.true B_2.false = B.false B.code = B_1.code \mid\mid label(B_1.false) \mid\mid B_2.code
```

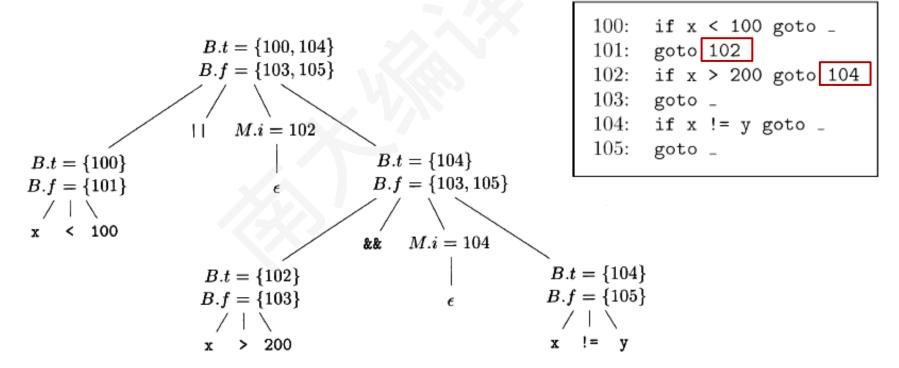
```
1) B \rightarrow B_1 \mid \mid M B_2 { backpatch(B_1.falselist, M.instr); B.truelist = merge(B_1.truelist, B_2.truelist); B.falselist = B_2.falselist; }
```

• true/false属性的赋值,在回填方案中对应为相应的truelist/falselist的赋值或者merge

布尔表达式的回填例子

• $x < 100 \mid | x > 200 \&\& x != y$

100: if x < 100 goto _
101: goto _
102: if x > 200 goto _
103: goto _
104: if x != y goto _
105: goto _



Break、Continue的处理

- 虽然break、continue在语法上是一个独立的句子, 但是它的代码和外围语句相关
- 方法: (break语句)
 - 跟踪外围循环语句S
 - 生成一个跳转指令坯
 - 将这个指令坯的索引加入到S的nextlist中

总结

- 中间代码表示
 - 中间代码表示的作用
 - 三地址代码
- 数据流语句的翻译
 - 变量声明
 - 基本数据类型的运算与数组访问
 - 类型转换
- 控制流语句的翻译
 - 控制流语句
 - 布尔表达式
 - 回填