| Участник | Баллы по задачам | | | | | | Сумма | Медаль |
|------------------------|------------------|---|---|---|---|---|-------|------------|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | | |
| Григорьев Михаил | 7 | 7 | 5 | 7 | 7 | 0 | 33 | гологая |
| Кальмынин Александр | 7 | 7 | 0 | 7 | 7 | 0 | 28 | ватолог |
| Клоев Даниил | 7 | 7 | 7 | 7 | 7 | 0 | 35 | ватолог |
| Крачун Дмитрий | 7 | 7 | 3 | 7 | 7 | 1 | 32 | гологая |
| Матушкин Александр | 7 | 7 | 3 | 7 | 1 | 1 | 26 | серебряная |
| Шабанов Лев | 7 | 0 | 3 | 6 | 0 | 7 | 23 | серебряная |

Руководители команды благодарят Д.Ю.Дойхена, который много лет оказывает поддержку команде России в международных математических соревнованиях 1. Дан треугольник ABC; точка Ј является центром вневписанной окружности, соответствующей вершине А. Эта вневписанная окружность касается отрезка ВС в точке М, а прямых АВ и АС – в точках К и L соответственно. Прямые LM и ВЈ пересекаются в точке F, а прямые КМ и СЈ пересекаются в точке G. Пусть S – точка пересечения прямых АF и ВС, а Т – точка пересечения прямых АG и ВС. Докажите, что точка М является серединой отрезка ST. Греция усмотрению множество S, состоящее из целых положительных

чисел (возможно, это множество уже было указано в одном из предыдущих вопросов), и спрашивает игрока A, принадлежит ли число x множеству S. Игрок B может задать столько вопросов, сколько он хочет. На каждый вопрос игрока B игрок A должен сразу ответить «да» или «нет», при этом ему разрешается соврать столько раз, сколько он хочет; единственное ограничение состоит B том, что из любых B 1 подряд идущих ответов хотя бы один ответ должен быть правдивым. После того как B задаст столько вопросов, сколько он сочтет нужным, он должен указать множество B0, содержащее не более B1, то игрок B2 выиграл; иначе B3 проиграл. Докажите, что: