



Pracovní listy

Matematika k přijímačkám

Askold Horčíčka

2025/2026

Jméno:

1 Celá čísla, zlomky, mocniny a odmocniny

V této kapitole si projdeme základní matematické operace s celými čísly a následně i se zlomky. Projdeme si také, jak se pracuje s mocninami a odmocninami.

1.1 Operace s celými čísly

Celá čísla jsou množina čísel obsahující **množinu přirozených čísel**, k těmto číslům **čísla opačné** (čísla záporná) a **nulu**. **Pozor:** při operacích s čísly dbejte na pořadí operací, tedy že první zpracujeme **závorky** a následně **násobení a dělení** má **přednost** před **sčítáním a odčítáním**.

1.1.1 Sčítání celých čísel

Číslům, která sčítáme, říkáme **sčítance**. Výsledkem sčítání je **součet** a ten může být buďto **kladné číslo** (číslo větší než 0), **záporné číslo** (číslo menší než 0) a nebo **nula**.

Sčítání čísel je **komutativní**, což znamená, že **nezáleží** na pořadí sčítanců:

$$a + b = b + a$$

Sčítání čísel je i **asociativní**, což znamená, že **nezáleží**, jak sčítance uzavorkujeme:

$$a + (b + c) = (a + b) + c$$

1.1.2 Odčítání celých čísel

Číslům, která odečítáme říkáme **menšenec** (první číslo) a **menšitel** (druhé číslo), výsledkem odečítání je **rozdíl** těchto dvou čísel. Rozdíl může být buďto **kladné číslo**, **záporné číslo** nebo **nula**.

U odečítání **záleží** na pořadí čísel:

$$a - b \neq b - a$$

1.1.3 Násobení celých čísel

Číslům, která násobíme, říkáme **činitelé**. Výsledkem násobení je **součin**.

Výsledky násobení dvou celých čísel:

první činitel	druhý činitel	součin
kladný	kladný	kladný
kladný	záporný	záporný
záporný	kladný	záporný
záporný	záporný	kladný
0	cokoli	0
cokoli	0	0
0	0	0

Násobení dvou čísel je **komutativní**, tedy **nezáleží** na pořadí činitelů (násobených čísel).

$$a \cdot b = b \cdot a$$

Násobení dvou čísel je **asociativní**, tedy **nezáleží** jak činitele uzavorkujeme.

$$a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c$$

Násobení dvou čísel je **distributivní vzhledem ke sčítání**, tedy můžeme **roznásobit** závorku.

$$a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$$

1.1.4 Dělení celých čísel

Číslům, která dělíme říkáme **dělenec** (první číslo) a **dělitel** (druhé číslo). Výsledkem dělení je **podíl**.

Při dělení **záleží** na pořadí čísel:

$$a \div b \neq b \div a$$

Výsledky dělení dvou celých čísel:

dělenec	dělitel	podíl
kladný	kladný	kladný
kladný	záporný	záporný
záporný	kladný	záporný
záporný	záporný	kladný
0	cokoli	0
cokoli	0	nelze

1.2 Zlomky

Zlomek je jinak zapsané dělení: $a \div b = \frac{a}{b}$. Každý zlomek má **čitatele** (horní číslo), **zlomkovou čáru** a **jmenovatele** (spodní číslo). **Pozor:** Jmenovatel zlomku nemůže být nula, jelikož nulou nelze dělit. Pojmem **zlomek v základním tvaru** máme na mysli zlomek, kdy jeho číselník a jmenovatel jsou **nesoudělná čísla**, tedy jejich nejvyšší společný dělitel roven 1. Obecně **výsledky** příkladů se zlomky chceme převést na zlomek v základním tvaru.

1.2.1 Sčítání a odčítání zlomků

Zlomky sčítáme a odečítáme tak, že je nejdříve převedeme na **společného jmenovatele** a následně sečteme nebo odečteme **čitatele**: $\frac{2}{3} + \frac{2}{5} = \frac{10+6}{15} = \frac{16}{15}$.

1.2.2 Násobení a dělení zlomků

Pro určení znaménka násobení nebo dělení zlomků **platí stejná pravidla** jako při násobení celých čísel. **Pozor:** Častou chybou u násobení zlomků je ignorování znaménka, hlavně znaménka mínus, před jedním zlomkem. Zlomky **dělíme** tak, že násobíme zlomkem **převráceným** (tedy zlomkem, kde prohodíme číselník a jmenovatele). Zlomky **násobíme** tak, že vynásobíme **mezi sebou** číselník a jmenovatele. Při násobení můžeme **krátit** a to **pod sebou** či do **kříže**.

$$\frac{1}{3} \div \frac{2}{5} = \frac{1}{3} \cdot \frac{5}{2} = \frac{5}{6}$$
$$\frac{2}{4} \cdot \frac{3}{9} = \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$$

1.2.3 Převody

Převod **zlomku** na **desetinné číslo** provádíme buďto přímo **dělením** číselníku jmenovatelem, dokud zbytek po dělení není nula, a nebo se cifry nezačnou opakovat: $\frac{13}{5} \rightarrow 13 \div 5 = 2.6$, nebo **převédeme** zlomek na **desetinný zlomek** (což je zlomek, který má ve jmenovateli mocniny desítky) a jednoduše převedeme na desetinné číslo: $\frac{3}{5} = \frac{6}{10} = 0.6$.

Převod **desetinného čísla** na **zlomek** provedeme jednoduše převedením na **desetinný zlomek**: $0.7 = \frac{7}{10}$ nebo třeba $0.123 = \frac{123}{1000}$.

Porovnávání zlomků provádíme převedením na společného jmenovatele, pak je větší zlomek ten, co má větší číselník: $\frac{2}{3} ? \frac{3}{4} \rightarrow \frac{8}{12} ? \frac{9}{12} \rightarrow \frac{8}{12} < \frac{9}{12} \rightarrow \frac{2}{3} < \frac{3}{4}$.

Smíšené číslo nebo i **smíšený zlomek** je označení pro číslo zapsané pomocí **celého čísla** a zlomku **menšího** než 1:

$$2\frac{3}{5} = \frac{2 \cdot 5 + 3}{5} = \frac{13}{5}$$
$$\frac{16}{3} = \frac{15 + 1}{3} = 5\frac{1}{3}$$

1.3 Mocniny a odmocniny

1.3.1 Druhá mocnina

Druhá mocnina čísla a je číslo $a \cdot a = a^2$. Číslu a říkáme **základ mocniny** a dvojka je **mocnitel** (jinak exponent).

Druhá mocnina je vždy nezáporné číslo. **Pozor**, poslední příklad vyjde záporně (-9), protože mínus je před celou mocninou:

$$3^2 = 3 \cdot 3 = 9$$
$$(-3)^2 = (-3) \cdot (-3) = 9$$
$$0^2 = 0$$
$$-3^2 = -(3 \cdot 3) = -9$$

Druhé mocniny čísel 1-20:

$1^2 = 1$	$5^2 = 25$	$9^2 = 81$	$13^2 = 169$	$17^2 = 289$
$2^2 = 4$	$6^2 = 36$	$10^2 = 100$	$14^2 = 196$	$18^2 = 324$
$3^2 = 9$	$7^2 = 49$	$11^2 = 121$	$15^2 = 225$	$19^2 = 361$
$4^2 = 16$	$8^2 = 64$	$12^2 = 144$	$16^2 = 256$	$20^2 = 400$

Druhá mocnina čísla **končící nulou** má **dvojnásobný počet nul** než dané mocněné číslo:

$$10^2 = 100$$
$$400^2 = 160\,000$$
$$5000^2 = 25\,000\,000$$

Druhá mocnina **desetinného čísla** má dvojnásobný počet desetinných míst než dané mocněné číslo:

$$0.1^2 = 0.01$$
$$0.001^2 = 0.0001$$
$$0.008^2 = 0.000064$$

Druhou mocninu **zlomku** získáme tak, že **umocníme čitatele i jmenovatele zvlášť**:

$$\left(\frac{a}{b}\right)^2 = \frac{a^2}{b^2}$$

Druhou mocninu **součinu** můžeme "rozložit" na: $(a \cdot b)^2 = a^2 \cdot b^2$.

1.3.2 Mocniny s přirozeným mocnitelem

Přirozený mocnitel je **kladné celé číslo**, můžeme jít tedy dále než jen k druhé mocnině. Často používání jsou ale jen malí mocnitelé, např. čísla 3, 4,

$$a^3 = a \cdot a \cdot a$$
$$a^4 = a \cdot a \cdot a \cdot a$$
$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdots a}_{n \text{ krát}}$$

1.3.3 Druhá odmocnina

Druhá odmocnina nezáporného čísla a je takové nezáporné číslo b , které splňuje: $b^2 = a$, tedy $\sqrt{a} = b$. Druhá odmocnina ze záporného čísla **neexistuje** (v množině reálných čísel). Často si pamatujeme mocniny nějakých čísel, když tuhle mocninu někde vidíme, tak si rovnou uvědomíme i základ této mocniny a tedy víme i odmocninu.

Druhá odmocnina čísla **končícími nulami** má **poloviční** počet nul než dané číslo:

$$\begin{aligned}\sqrt{100} &= 10 \\ \sqrt{1\,000\,000} &= 1000 \\ \sqrt{9\,000\,000} &= 3000\end{aligned}$$

Druhá odmocnina **desetinného čísla** má **poloviční** počet desetinných míst než dané číslo:

$$\begin{aligned}\sqrt{0.01} &= 0.1 \\ \sqrt{0.0001} &= 0.01 \\ \sqrt{0.0009} &= 0.03\end{aligned}$$

Druhou odmocninu ze **zlomku** získáme odmocněním čitatele i jmenovatele zvlášť:

$$\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$$

Druhou odmocninu ze **součinu** můžeme "rozložit" na: $\sqrt{a \cdot b} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$.

1.3.4 Mocniny a odmocniny v geometrii

Pythagorova věta: Pro každý pravoúhlý trojúhelník s přeponou c (nejdelší strana) a odvěsnami a a b (dvě kratší strany) platí: $c^2 = a^2 + b^2$.

Obsah čtverce: $S = a^2 \rightarrow a = \sqrt{S}$.

Povrch krychle: $S = 6 \cdot a^2 \rightarrow a = \frac{S}{6}$.

Obsah kruhu: $S = \pi \cdot r^2 \rightarrow r = \frac{S}{\pi}$.

1.4 Příklady k procvičení

1. Vypočtěte.

$$(3 - 2) \cdot (-4) + 2 - 5 \cdot (-2) =$$

2. Vypočtěte.

$$\frac{5}{3} + \frac{8}{4} =$$

3. Vypočtěte.

$$\frac{7}{2} \cdot \frac{1}{3} + \frac{5}{6} =$$

4. Vypočtěte.

$$7 - 4 \cdot (-1) - [2 + 4 \div (-2)] =$$

5. Vypočtěte.

$$5 - 2 \cdot 4 - 1 \cdot (-6) =$$

6. Vypočtěte

$$4 - 2 \cdot 5 - 2 + 3 \cdot (-4) =$$

7. Vypočtěte.

$$4 \div \frac{2}{5} - 0.5 =$$

8. Vypočtěte.

$$\frac{3}{5} \cdot 15 + 0.6 =$$

9. Vypočtěte.

$$\frac{\frac{1}{4} - \frac{2}{3}}{0.2 \cdot \frac{1}{3}} =$$

10. Vypočtěte.

$$\frac{\frac{4}{5}}{0.5 - \frac{1}{3}} =$$

11. Vypočtěte.

$$\frac{5^2}{\sqrt{16}} - \left(\frac{3}{2}\right)^2 =$$

12. Vypočtěte

$$\frac{\sqrt{4}}{2^2} \cdot \left(\frac{-1}{2}\right)^2 - \frac{2^2}{3} \cdot \sqrt{1} =$$

13. Vypočtěte.

$$\sqrt{\frac{25}{16}} - \left(\frac{1}{2}\right)^2 =$$

14. Vypočtěte

$$\sqrt{5^2 - 3^2} =$$

15. Vypočtěte a výsledek запиšte desetinným číslem.

$$\frac{\frac{1}{3} - \frac{3}{4}}{\frac{5}{6}} =$$

16. Vypočtěte a výsledek запиšte desetinným číslem.

$$\frac{\frac{1}{2} - \frac{3}{4}}{\frac{1}{2} + \frac{1}{3}} =$$

17. Rozhodněte zda platí či nikoli.

$$\left(\frac{1}{3}\right)^2 < 0.3$$

18. Rozhodněte zda platí či nikoli.

$$\left(\frac{1}{2}\right)^2 = 0.25$$

19. Je dán výraz $z = \frac{x^2 - x}{2}$. Rozhodněte o každém z následujících tvrzení jestli platí či nikoli.
- (a) Hodnota výrazu z pro $x = 3$ je rovna 3.
 - (b) Hodnota výrazu pro z pro $x = -2$ je záporná.
 - (c) Hodnota výrazu pro z pro $x = \frac{1}{2}$ je kladná.
20. Na parkovišti je 80 parkovacích míst, z nich je $\frac{1}{20}$ vyhrazena pro zdravotní postižené a další 4 místa pro rodiny s dětmi. Vyjádřete zlomkem, jaká část parkoviště je volně dostupná pro vozidla bez uvedených specifikací.
21. Vypočtěte a запиšte výsledek zlomkem v základním tvaru.
- (a) $\frac{2 - 3(-2) + 3(-1)}{3 + 2(-4) - 4(-5)} =$
 - (b) $\frac{3(-4 - 2) - 2(3 - 6)}{6[2 - (-2)] - 3(3 - 7)} =$
22. Na disku o velikosti 64 GB jsou uloženy soubory různého typu. Čtvrtina kapacity disku je obsazena soubory s videi, jedna osmina hudebními soubory, 10 GB soubory jiného typu a zbytek disku je prázdný. Jak velká je prázdná část disku (v GB)?
23. Máme papírovou krabici tvaru krychle. Na její výrobu bylo spotřebováno 2400 cm^2 . Ohyby při lepení stěn zanedbáme. Jaký je objem této krabice?

24. Doplněte číslo do rámečku tak, aby platila rovnost:

(a) $\boxed{} - 15 \cdot (-20) = 450$

(b) $-200 + 5 \cdot \boxed{} = -100$

(c) $-8 \cdot (-20 + \boxed{}) = -32$

25. Vypočtěte.

(a) $0.4 - (0.2 - 0.35) =$

(b) $1.75 \div (0.15 \div 0.3) =$

(c) $0.025 \cdot 40 - 0.2 \div (-0.25) =$

26. Vypočtěte a výsledek zapište jako zlomek v základním tvaru.

$$\frac{3}{2} \cdot \left(\frac{5}{9} - \frac{2}{3} \right) + \frac{3}{4} =$$

27. Vypočtěte a výsledek zapište desetinným číslem.

$$\frac{12}{18} \div \frac{10}{15} - \frac{12}{8} =$$

28. Vypočtěte.

$$\left(-\frac{1}{2} \right) \cdot \left(-\frac{1}{3} \right)^2 =$$

29. Vypočtěte.

$$\sqrt{3 - \frac{11}{9}} =$$

30. Vypočtěte druhou mocninu rozdílu čísel $\frac{5}{6}$ a $1\frac{2}{3}$. Výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

31. Vypočtěte druhou mocninu součtu čísel $2\frac{1}{2}$ a $\frac{1}{4}$. Výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

32. Vypočtěte

$$-30 - 60(-60 - 90) \cdot 2 =$$

33. Vypočtěte

$$[-2 \cdot (-4 + 3)] - 2 \cdot [-8 + 4(4 - 7)] =$$

34. Vypočtěte

$$\frac{\frac{2}{3} - \frac{4}{5}}{\frac{7}{10} \div \frac{21}{8}} =$$

35. Vypočtěte

$$\frac{\frac{1}{3} \cdot \left(\frac{5}{6} - \frac{1}{2}\right)}{\frac{1}{2} \cdot \left(1 - \frac{2}{3}\right)} =$$

36. Vypočtěte.

$$\frac{4 - \frac{7}{3}}{2 \cdot \frac{2}{3}} - \frac{\frac{2}{5}}{1 - \frac{2}{5}} \cdot \frac{9}{10} =$$

37. Vypočtěte.

$$\frac{\frac{1}{4} \cdot \frac{12}{15} + \frac{2}{5}}{\frac{3}{4} + \frac{3}{2} \div \frac{2}{3}} =$$

38. Doplněte kladné číslo do rámečku tak, aby platila rovnost.

$$(a) \left(\frac{2}{3} \cdot \boxed{}\right)^2 = 11\frac{1}{9}$$

$$(b) \sqrt{\frac{9}{4} + \boxed{}} = 2.5$$

39. Rozhodněte o každém z následujících tvrzení zda je pravdivé či nikoli.

$$(a) \left(\frac{3}{4}\right)^2 \cdot \left(\frac{8}{9}\right)^2 = \left(\frac{2}{3}\right)^2 \dots \text{Pravda/Npravda}$$

$$(b) \sqrt{\frac{16}{25}} + \sqrt{\frac{9}{25}} = \sqrt{1} \dots \text{Pravda/Npravda}$$

$$(c) \sqrt{\frac{1}{16} + \frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{1}{16} + \frac{1}{2}} \dots \text{Pravda/Npravda}$$