ساختمان داده:

عليرضا سلطاني نشان 8 / 07 / 99

فصل اول، زير برنامه هاي بازگشتي .

فصل دوم، آرایه و رشته، مرتب سازي.

فصل سوم، پشته و صف.

فصل چهارم، ليست پيوندي .

فصل پنجم، درحت .

فصل ششم، گراف.

طبق امتحان

امتحان از بیست نمرست.

پروژه 3 تا 5 نمرست.

فهرست مطالب

3	توابع بازگشتی:
3	فاكتوريل يك عدد
5	تابع بازگشتی جمع دو عدد:
5	تابع بازگشتی فیبوناچی:
6	
6	انجام عمل توان به وسیله توابع بازگشتی
را در تعداد 50 بار جمع رادیکال 6 ، بدست بیاورد 7	تابع بازگشتی بنویسید که بتواند حاصل مسئله مقابل
8	
8	جزء صحیح برای عدد 25
9	مسئله زیر را تریس کنید:
10	مسئله زیر را بررسی کنید
11	جست و جو ها
11	جست و جوی خطی
11	جست و جوی دودویی
12	ماتریس اسپارس
13	مرتب سازی
13	مرتب سازی انتخابی
14	مرتب سازی حبابی
16	مرتب سازی درجی
17	مرتب سازی سریع
19	پشته و صف:
19	ىشتە:

توابع بازگشتی:

توابعی که خودشان را با ورودی متفاوت صدا میکنند.

فاكتوريل يك عدد

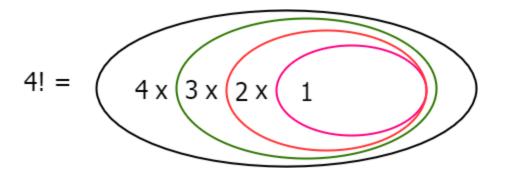
در حالت کلی برای داشتن یک فاکتوریل، به صورت زیر عمل میکنیم.

```
    const getFact = (n) => {
    var fact = 1
    for(let i = 1; i <= n; i++){</li>
    fact *= i
    }
    return fact
    }
    console.log(getFact(4))
```

همانطور که می دانید، برای داشتن فاکتوریل عدد 4 می بایست این عدد را تا عدد یک باهم ضرب کنیم، که در نهایت مانند کد خط بالا عمل میکنیم و به چنین نتیجه ای خواهیم رسید:

```
    24
    // In math 4 x 3 x 2 x 1 = 24
    [Done] exited with code=0 in 0.129 seconds
```

اما توابعی به نام توابع بازگشتی یا (Recursive Functions) که همزمان با اجرای خود آن تابع، در کد خطی دیگر صدا میشوند، وجود دارند. توجه داشته باشید که اگه توابع بازگشتی را که نوشته ایم را دیباگ کنیم، متوجه میشیم که برنامه در تابع مربوطه به محض اینکه خودش را صدا میکند، اگه کد خطی بعد از آن باشد صورت نمیگیرد و آن خطی که تابع را صدا زده با ورودی متفاوت صورت میگیرد، تا زمانی که بالاخره، توسط یک شرطی، بقای این حلقه (باطنی) تمام شود، و به آن خطی که تابع خودش را صدا میزد مقداری برگردانده شود، که بوسیله ساختاری که در حافظه استک ساخته شده، نتیجه آن قسمت هایی که صورت نگرفته محاسبه شود.



برنامه نوشته با زبان جاوا اسکریپت:

```
    const fact = (a) => {
    if (a <= 1) {</li>
    return 1
    }else {
    var factorial = a * fact(a - 1)
    return factorial
    }
```

یا به نحوی بهتر:

```
function \rightarrow return n x fact(n - 1)
```

```
4! = 4 \times fact(3)fact(3) = 3 \times fact(2)
```

 $fact(2) = 2 \times fact(1)$

با توجه به روندی که صورت گرفته، از پایین به بالا آنرا باهم بررسی میکنیم: (از راست به چپ)

همانطور که گفته شد تا زمانی که شرطی وجود نداشته باشد تا این حلقه را بشکند، این حلقه بی نهایت خواهد شد و به نتیجه ای نمی رسید، با توجه به شرط نوشته، اگر ورودی ما خود یک یا کوچک تر از 1 باشد، سریعا عدد یک ریترن خواهد شد، همین که یک Return برای تابع داریم کارمان را آسان میکند، پس از پایین، fact(2) برابر با 2 میشود، در مرحله

بعد با وجود داشتن جواب، (Fact(2) که میدانیم 2 به ما میدهد، 2 در 3 برابر 6 و در مرحله آخر هم همین صورت اتفاق میوفتد که در نهایت به عدد 24 خواهیم رسید.

تابع بازگشتی جمع دو عدد:

```
    const p = (a, b) =>{
    if (b == 0) return a
    else return 1 + p(a, b-1)
    }
    console.log(pluser(3, 5))
```

تريس مسئله بالا: (از پايين به بالا بخوان)

```
p(3, 5)
p(3, 5) \rightarrow (3, 4) + 1 \rightarrow (3, 4) \rightarrow 7 + 1 = 8
p(3, 4) \rightarrow (3, 3) + 1 \rightarrow (3, 3) \rightarrow 6 + 1 = 7
p(3, 3) \rightarrow (3, 2) + 1 \rightarrow (3, 2) \rightarrow 5 + 1 = 6
p(3, 2) \rightarrow (3, 1) + 1 \rightarrow (3, 1) \rightarrow 4 + 1 = 5
p(3, 1) \rightarrow (3, 0) + 1 \rightarrow (3, 0) \rightarrow 3 + 1 = 4
```

تابع بازگشتی فیبوناچی:

```
    const fib = (a) => {
    if (a == 1 | | a == 2)
    return 1
    else {
    const fibonacci = fib(a - 1) + fib(a - 2)
    return fibonacci
    }
```

تريس مسئله بالا اگر تعداد نمايش دنباله عدد 5 باشد.

```
fib(5) \rightarrow fib(4) + fib(3) \rightarrow fib(4) = 3 + fib(3) = 2 \rightarrow 5
fib(4) \rightarrow fib(3) + fib(2) \rightarrow fib(3) = 2 + fib(2) = 1 \rightarrow 3
fib(3) \rightarrow fib(2) + fib(1) \rightarrow fib(2) = 1 + fib(1) = 1 \rightarrow 2
```

ضرب دو عدد با استفاده از تابع بازگشتی

در نوشتن این گونه تابع بازگشتی باید توجه داشته باشیم که نیاز به یک پایان دهنده داریم که بر اساس شرطی منطقی انجام تکرار، متوقف شود، در این تابع در ضرب دو عدد نیاز به دو عدد داریم که برای مثال من از عدد دوم استفاده کرده ام که در هربار یکی از آن کم شود، اگر به صفر رسید، صفر را بر گرداند، که در آخر وقتی آن عدد صفر را با عدد اول خود جمع می کنیم و این مراحل را تا مرحله مناسب تکرار کنیم، به ضرب دو عدد می رسیم، یا به نوعی دیگر مثلا 3 x 2 در تابع بازگشتی مانند سه بسته دوتایی عمل می کند:

```
    1. 1. # Q1
    2. # a * b
    3. def mul(a=8, b=9):
    4. if b == 0:
    5. return 0
    6. else:
    7. return a + mul(a, b - 1)
    8.
    9. print(mul()) # 17
```

انجام عمل توان به وسیله توابع بازگشتی

در انجام این نوع تابع، من عدد توان را به عنوان عامل اصلی و شرط بقا انتخاب کردم که وقتی به عدد کوچکتر از 1 رسید بتواند عدد یک را برگرداند تا در مراحل بعدی به عنوان عامل ضرب استفاده شود:

```
1. 1.# Q2
2. # a ^ b
```

```
3. def pow(a=16, b=3):
      if b < 1:
5.
        return 1
6.
      else:
        return a * pow(a, b - 1)
7.
8.
9.
10.print(pow()) # 4096
```

$$\sqrt{6}$$
 تابع بازگشتی بنویسید که بتواند حاصل مسئله مقابل را در تعداد 50 بار جمع **رادیکال 6**، بدست

بياور د.

در این مسئله هر بار نسبت به عدد وارد شده، تابع خودش را صدا میکند تا زمانی که به مقدار صفر برسد که عدد صفر را برگرداند و بعد از آن صفر با رادیکال 6 آخرین مرحله (اولیه مرحله از پایین) جمع میشود و وارد مراحل بالاتر خود خواهد شد.

```
1. 1.
             # Q3
2. # SQRT recursion
3. def sqrt(n=6, r=50):
4. if r == 0:
5.
        return math.sqrt(n)
     else:
        return math.sqrt(n +sqrt(n, r - 1))
7.
10.print(sqrt()) # 3.0
```

مسئله زير را تريس كنيد.

```
# Q4
1. 1.
2. # Tst
3. def t(x=5, y=2):
      if x <= y \text{ or } y == 0:
5.
          return x
      elif y == 1:
6.
7.
          return t(x - 1, y) + 1
8.
       else:
          return t(t(y, x), y - 1) + 2
9.
10.
11.
12.print(t()) #4
                                                                                   شرح مسئله بالا:
  T(5, 2) = T(T(y=2, x=5), y-1=1) + 2 \rightarrow T(T(2, 5) = 2, 1) \rightarrow T(2, 1) + 2.13
  T(2, 1) = \{T(1, 1)\} = 1\} + 1 \rightarrow 2.14
```

 $T(2, 1) = 2 + 2 \rightarrow 4.15$

جزء صحیح برای عدد 25

```
L(n) = {
0 n = 1
L([n/2])+1 n>1
} L(25)
```

```
1. 1.# Q5
2. # floor division for recursive def
3. def fd(n=25):
4.
     if n == 1:
5.
         return 0
6.
      else:
```

```
7. return fd(n // 2) + 1
8.
9. print(fd()) #4
```

از پایین به بالا:

$$I(25) = I([25/2]) + 1 \rightarrow [12.5] \rightarrow 12 \rightarrow 3 + 1 = 4$$

$$I(12) = I([12/2]) + 1 \rightarrow [6] \rightarrow 6 \rightarrow 2 + 1 = 3$$

$$I(6) = I([6/2]) + 1 \rightarrow [3] \rightarrow 1 + 1 = 2$$

$$I(3) = I([3/2]) + 1 \rightarrow [1.5] \rightarrow 1 \rightarrow 0 + 1 = 1$$

مسئله زیر را تریس کنید:

```
    int f (int a, int b) {
    if (b==0) return a;
    else return f(b, a%b)
    }
```

راه سریعی برای فهمیدن این که این مسئله چه نتیجه ای را میدهد، وجود دارد، اول به قسمت else نگاهی کنیم، هیچ عملیاتی (جمع، تفریق، ضرب، تقسیم، جزء صحیح، رادیکال وغیره) انجام نمی شود، یعنی اگر B به صفر برسد خود عدد a را بر میگرداند، و این یعنی اگر ما عدد 3 و 4 را به ترتیب برای a و b در نظر بگیریم، دوباره سه 3 میرسیم، و این نتیجه یعنی: باقی مانده 3 بر 4 میشود خود 3.

مسئله زیر را بررسی کنید.

(اثبات از پایین به بالا)

$$A(m,n) = \begin{cases} n+1, & m=0\\ A(m-1,1), & n=0\\ A(m-1,A(m,n-1)), outher\ points \end{cases}$$

A(1,3)

$$A(1, 3) = A(0, A(1, 2)) \rightarrow A(0, (A(1, 2)=4)) = m=0, n=4 \rightarrow n+1 = 5$$

$$A(1, 2) = A(0, A(1, 1)) \rightarrow A(0, (A(1, 1)=3)) = m=0, n=3 \rightarrow n+1 = 4$$

$$A(1, 1) = A(0, A(1, 0)) \rightarrow A(0, (A(1, 0)=2)) = m=0, n=2 \rightarrow n+1=3$$

$$A(1, 0) = A(0, 1) \rightarrow n + 1 \rightarrow 2$$

: n = 7 و x = 2 و x = 2 مسئله زیر را تریس کنید. با فرض

$$f(2, 7) = 2 * f(2, 6) \rightarrow 2 * 16 = 32$$

$$f(2, 6) = 2 * f(2, 3) \rightarrow 2 * 8 = 16$$

$$f(2, 3) = 2 * f(2, 2) \rightarrow 2 * 4 = 8$$

$$f(2, 2) = 2 * f(2, 1) \rightarrow 2 * 2 = 4$$

$$f(2, 1) = 2$$

جست و جو ها

دو نوع جست و جو وجود دارد:

جست و جوی خطی

```
    data = [1, 5, 58, 12, -9, 42, 33, 44, 87, 54]
    def linearSearch(ls, sk):
    for i in range(len(ls)):
    if ls[i] == sk:
    return ls[i], i
    return -1
    linearSearch(data, -9) # (-9, 4)
```

جست و جوی دودویی

```
1. data = [1, 5, 58, 12, -9, 42, 33, 44, 87, 54]
2. def binarySearch(ls, sk):
3.
     ls.sort()
4.
     low = 0
5.
     high = len(ls) - 1
     while(low <= high):</pre>
6.
         middle = (low + high) // 2
7.
         if sk > ls[middle]:
8.
9.
            low = middle + 1
10.
         elif sk < ls[middle]:</pre>
11.
           high = middle - 1
12.
         else: return ls[middle], middle
13.
      return -1
14.binarySearch(data, 42) # (42, 5)
```

ماتریس اسیارس

$$Sparse\ matrix = \begin{bmatrix} 15\ 0\ 0\ 27\ 0-15 \\ 0\ 11\ 3\ 0\ 0\ 0 \\ 0\ 0\ 0-60\ 0 \\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0 \\ 91\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0 \\ 0\ 0\ 28\ 0\ 0\ 0 \end{bmatrix}$$

در این نوع ماتریکس در بیشتر ستون و سطر ها دارای مقدار صفر هستیم، در مثال بالا یک ماتریکس 6 در 6 داریم که 36 مقدار دارد که فقط 8 مقدار واقعی در آن غیر از صفر است، برای بر طرف کردن صفر های بیخودی میتوانیم به صورت زیر عمل کنیم:

	سطر	ستون	مقدار غیر صفر
1	6	6	8
2	0	0	15
3	0	3	27
4	0	5	-15
5	1	1	11
6	1	2	3
7	2	3	6
8	4	0	91
9	5	2	28

3x9 = 29 < 6x6 = 36 پس در نتیجه خواهیم داشت که

مرتب سازی

مرتب سازی انت**خ**ابی ¹

```
1. def selectionSorting(arr):
      for i in range(len(arr)-1, 0, -1):
         max i = 0
4.
         max v = 0
         for j in range(i):
            if arr[j] > max v:
7.
               \max v = arr[j]
               \max_{i=1}^{n} i = i
         if arr[i] < max v:</pre>
9.
10.
            temp = arr[i]
            arr[i], arr[max i] = arr[max i], temp
11.
12.
      return arr
13.selectionSorting([11, 33, 55, 22, 22, 92, 44])
```

```
11 33 55 22 22 92 44
```

11 33 **55** 22 22 **44** 92

11 33 **44** 22 **22 55** 92

11 33 22 **22 44** 55 92

11 **22 22 33** 44 55 92

11 22 22 33 44 55 92

در مرتب سازی، انتخابی ما میتوانیم به راحتی از آخرین عدد اقدام به عملیات زیر کنیم:

- 1) عدد اخر را نگه میداریم.
- 2) به دنبال بزرگ ترین عدد میرویم.
- 3) در نهایت عدد بزرگی که پیدا کردیم را با عدد اخر مقایسه میکنیم.
- 4) اگر عدد اخری که نگهداشتیم کوچک بود، با آن عدد جابه جا میکنیم، در غیر این صورت به سراغ عدد سمت چپی میرویم.

¹ Selection sort

2 مرتب سازی حبابی

مرتب سازی حبابی در حالت کلی مقایسه هر عدد با همه است، یعنی چی؟

یعنی اینکه برای چند مرحله ما از اولین عدد تا آخرین عدد را با هم مقایسه میکنیم اگر عدد خانه 0 بزرگتر از عدد خانه 1 بود جای این دو خانه را تغییر میدهیم، این کار تا انتهای لیست اتفاق خواهد افتاد، بعد از مرحله اول مرحله دوم دوباره همین کار ادامه پیدا میکنید تا زمانی که حلقه اول به انتها لیست برسد که میتوانیم مطمئن شویم که لیست برای چند مرتبه به صورت حبابی برای مرتب سازی مورد بررسی قرار گرفته است.

اعداد امتحاني :

3 1 7 20 2 6

1 3 7 20 2 6

1 3 **7 20** 2 6

1 3 7 **20 2** 6

1 3 7 2 **20 6**

1 3 7 2 6 20

پایان مرحله اول

1 3 7 2 6 20

1 3 7 2 6 20

1 3 **7 2** 6 20

1 3 2 7 6 20

1 3 2 6 7 20

1 3 2 6 7 20

² Bubble sort

پایان مرحله دوم

```
1 3 2 6 7 20
```

1 **3 2** 6 7 20

1 **2 3** 6 7 20

پایان مرحله سوم

اما اینجا پایان عملیات نیست بلکه حلقه اول تا زمانی که به انتها برسد این کار را تکرار میکند.

كد الگوريتم مرتب سازي حبابي:

3 مرتب سازی درجی

در این نوع مرتب سازی همانطور که از نامش معلوم است، اعداد را از اول با هم بررسی میکنیم، همین که متوجه شدیم عددی در خانه ای نسبت به عدد قبلی خود کوچکتر است با ان خانه جا به جا خواهیم کرد و دوباره این مقایسه را با خانه بغلی آن (از سمت راست به چپ) انجام میدهیم.

مثال، اعداد داده شده زیر را به روش درجی مرتب کنید.

```
      35
      51
      27
      85
      66
      23

      35
      51
      27
      85
      66
      23

      35
      51
      27
      85
      66
      23

      27
      35
      51
      85
      66
      23

      27
      35
      51
      85
      66
      23

      27
      35
      51
      66
      85
      23

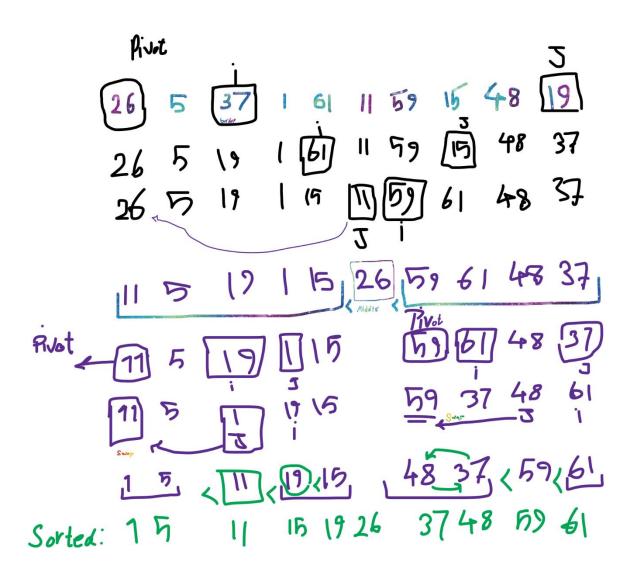
      23
      27
      35
      51
      66
      85
```

برای درک بهتر کد آن در زیر نوشته شده است:

³ Insertion sort

4 مرتب سازی سریع

در این نوع مرتب سازی اولین عدد را **لولا** 5 مینامیم، از چپ به راست، اولین عدد بزرگ نسبت به لولا را انخاب می کنیم و به عنوان i علامت می گذاریم، از راست به چپ اولین عدد کوچک را نسبت به لولا انتخاب می کنیم و به عنوان i علامت گذاری میکنیم، و در نهایت جای آنها را با هم تغییر می دهیم. این کار را تا جایی انجام می دهیم که i از i بگذرد، در نهایت عدد i را با عدد لولا تغییر خواهیم داد، که متوجه می شویم، عددی که به عنوان لولا در قسمت i قرار گرفته است، اعداد قبل آن کوچکتر از آن و اعداد بعد از آن بزرگتر از آن می باشد.



⁴ Quick sort

⁵ Pivot

کد آن:

```
1. def quickSort(ls, low, high):
       if len(ls) == 1:
           return ls
       if low < high:</pre>
           pivot = partition(ls, low, high)
           quickSort(ls, low, pivot - 1)
           quickSort(ls, pivot + 1, high)
1. def partition(ls, low, high):
       pivot = ls[high]
       for j in range(low, high):
           if ls[j] <= pivot:</pre>
               ls[i], ls[j] = ls[j], ls[i]
       ls[i + 1], ls[high] = ls[high], ls[i + 1]
1. data_for_quick_sort= [35, 51, 27, 85, 66, 23]
2. quickSort(data_for_quick_sort, 0, len(data_for_quick_sort)-1)
4. data for quick sort
```

پشته و صف:⁶

یشته:

پشته فضاهایی رو رم هستند که در آن ها یکسری از دستورعمل ها قرار میگیرند، قرارگیری این دستور عمل ها از پایین به بالا هست و سیستم خواندن آن بر اساس اخرین ورودی، اولین خروجی، یعنی LIFO یا Last Input First Output مانند قرارگیری ظروف است، آخرین ظرف چیده شده روی هم به عنوان اولین ظرف استفاده میشود.

وقتی که بخواهیم در این فضا داده ای را اضافه یا بنویسیم، به این عمل push میگویند.

وقتی بخواهیم از این فضا داده ای را حذف یا بخوانیم، به این عمل pop میگویند.

شبه کد اضافه کردن داده به یشته:

```
1. function push_data(k: list){
2.    int top = 0;
3.   while (top != stack.length-1){
4.         stack[top] = k[top];
5.         top += 1;
6.   }
7. }
```

شبه کد حذف و خواندن از حافظه پشته:

```
1. function pop_data () {
2.    int top = stack.length-1;
3.    while (top != 0) {
4.         k = stack[top];
5.         top -= 1;
6.    }
7. }
```

⁶ Stack and queue