**ساختمان داده:**

**علیرضا سلطانی نشان**

**8 / 07 / 99**

**فصل اول،** زير برنامه هاي بازگشتي .

**فصل دوم،** آرايه و رشته، مرتب سازي.

**فصل سوم،** پشته و صف.

**فصل چهارم،** ليست پيوندي .

**فصل پنجم،** درخت .

**فصل ششم،** گراف.

**طبق امتحان**

امتحان از بیست نمرست.

پروژه 3 تا 5 نمرست.

فهرست مطالب

[**توابع بازگشتی:** 4](#_Toc58398206)

[**فاکتوریل یک عدد** 4](#_Toc58398207)

[**تابع بازگشتی جمع دو عدد:** 6](#_Toc58398208)

[**تابع بازگشتی فیبوناچی:** 6](#_Toc58398209)

[**ضرب دو عدد با استفاده از تابع بازگشتی** 7](#_Toc58398210)

[**انجام عمل توان به وسیله توابع بازگشتی** 7](#_Toc58398211)

[تابع بازگشتی بنویسید که بتواند حاصل مسئله مقابل را در تعداد 50 بار جمع **رادیکال 6**، بدست بیاورد. 8](#_Toc58398212)

[مسئله زیر را تریس کنید. 8](#_Toc58398213)

[**جزء صحیح برای عدد 25** 9](#_Toc58398214)

[**مسئله زیر را تریس کنید:** 10](#_Toc58398215)

[**مسئله زیر را بررسی کنید.** 10](#_Toc58398216)

[**جست و جو ها** 11](#_Toc58398217)

[**جست و جوی خطی** 11](#_Toc58398218)

[**جست و جوی دودویی** 12](#_Toc58398219)

[**ماتریس اسپارس** 12](#_Toc58398220)

[**مرتب سازی** 14](#_Toc58398221)

[**مرتب سازی انتخابی**  14](#_Toc58398222)

[**مرتب سازی حبابی** 15](#_Toc58398223)

[**مرتب سازی درجی** 17](#_Toc58398224)

[**مرتب سازی سریع** 18](#_Toc58398225)

[**پشته و صف:** 20](#_Toc58398226)

[**پشته:** 20](#_Toc58398227)

[**صف:** 21](#_Toc58398228)

[**میانوند، پیشوند، پسوند** 27](#_Toc58398229)

[**لیست پیوندی:** 33](#_Toc58398230)

[**درخت:** 36](#_Toc58398231)

**توابع بازگشتی:**

توابعی که خودشان را با ورودی متفاوت صدا میکنند.

**فاکتوریل یک عدد**

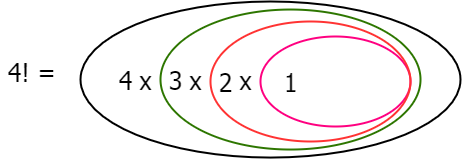
در حالت کلی برای داشتن یک فاکتوریل، به صورت زیر عمل میکنیم.

1. const getFact = (n) => {
2. var fact = 1
3. for(let i = 1; i <= n; i++){
4. fact \*= i
5. }
6. return fact
7. }
9. console.log(getFact(4))

همانطور که می دانید، برای داشتن فاکتوریل عدد 4 می بایست این عدد را تا عدد یک باهم ضرب کنیم، که در نهایت مانند کد خط بالا عمل میکنیم و به چنین نتیجه ای خواهیم رسید:

1. 24
2. // In math 4 x 3 x 2 x 1 = 24
3. [Done] exited with code=0 in 0.129 seconds

اما توابعی به نام **توابع بازگشتی** یا (**Recursive** **Functions**) که همزمان با اجرای خود آن تابع، در کد خطی دیگر صدا میشوند، وجود دارند. توجه داشته باشید که اگه توابع بازگشتی را که نوشته ایم را دیباگ کنیم، متوجه میشیم که برنامه در تابع مربوطه به محض اینکه خودش را صدا میکند، اگه کد خطی بعد از آن باشد صورت نمیگیرد و آن خطی که تابع را صدا زده با ورودی متفاوت صورت میگیرد، تا زمانی که بالاخره، توسط یک شرطی، بقای این حلقه (باطنی) تمام شود، و به آن خطی که تابع خودش را صدا میزد مقداری برگردانده شود، که بوسیله ساختاری که در حافظه استک ساخته شده، نتیجه آن قسمت هایی که صورت نگرفته محاسبه شود.



برنامه نوشته با زبان جاوا اسکریپت:

1. const fact = (a) => {
2. if (a <= 1) {
3. return 1
4. }else {
5. var factorial = a \* fact(a - 1)
6. return factorial
7. }
8. }

  یا به نحوی بهتر:

function 🡺 return n x fact(n -1)

4! = 4 x fact(3)

fact(3) = 3 x fact(2)

fact(2) = 2 x fact(1)

با توجه به روندی که صورت گرفته، از پایین به بالا آنرا باهم بررسی میکنیم: (از راست به چپ)

همانطور که گفته شد تا زمانی که شرطی وجود نداشته باشد تا این حلقه را بشکند، این حلقه بی نهایت خواهد شد و به نتیجه ای نمی رسید، با توجه به شرط نوشته، اگر ورودی ما خود یک یا کوچک تر از 1 باشد، سریعا عدد یک ریترن خواهد شد، همین که یک Return برای تابع داریم کارمان را آسان میکند، پس از پایین، fact(1) بما یک بر میگرداند که با 2 میشه 1، در نهایت fact(2) برابر با 2 میشود، در مرحله بعد با وجود داشتن جواب، Fact(2) که میدانیم 2 به ما میدهد، 2 در 3 برابر 6 و در مرحله آخر هم همین صورت اتفاق میوفتد که در نهایت به عدد 24 خواهیم رسید.

**تابع بازگشتی جمع دو عدد:**

1. const p = (a, b) =>{
2. if (b == 0) return a
3. else return 1 + p(a, b-1)
4. }
5. console.log(pluser(3, 5))

  تریس مسئله بالا: (از پایین به بالا بخوان)

p(3, 5)

p(3, 5) 🡺 (3, 4) + 1 🡺 (3, 4) 🡺 7 + 1 =8

p(3, 4) 🡺 (3, 3) + 1 🡺 (3, 3) 🡺 6 + 1 = 7

p(3, 3) 🡺 (3, 2) + 1 🡺 (3, 2) 🡺 5 + 1 = 6

p(3, 2) 🡺 (3, 1) + 1 🡺 (3, 1)🡺 4 + 1 = 5

p(3, 1) 🡺 (3, 0) + 1 🡺 (3, 0)🡺 3 + 1 = 4

**تابع بازگشتی فیبوناچی:**

1. const fib = (a) => {
2. if (a == 1 || a == 2)
3. return 1
4. else {
5. const fibonacci = fib(a - 1) + fib(a - 2)
6. return fibonacci
7. }
8. }

 تریس مسئله بالا اگر تعداد نمایش دنباله عدد 5 باشد.

fib(5) 🡺 fib(4) + **fib(3) 🡺** fib(4) = 3 + fib(3) = 2 🡺 5

fib(4) 🡺 **fib(3)** + **fib(2)** 🡺 fib(3) = 2 + fib(2) = 1 🡺 3

fib(3) 🡺 **fib(2)** + fib(1) 🡺 fib(2) = 1 + fib(1) = 1 🡺 2

**ضرب دو عدد با استفاده از تابع بازگشتی**

در نوشتن این گونه تابع بازگشتی باید توجه داشته باشیم که نیاز به یک پایان دهنده داریم که بر اساس شرطی منطقی انجام تکرار، متوقف شود، در این تابع در ضرب دو عدد نیاز به دو عدد داریم که برای مثال من از عدد دوم استفاده کرده ام که در هربار یکی از آن کم شود، اگر به صفر رسید، صفر را بر گرداند، که در آخر وقتی آن عدد صفر را با عدد اول خود جمع می­کنیم و این مراحل را تا مرحله مناسب تکرار کنیم، به ضرب دو عدد می­رسیم، یا به نوعی دیگر مثلا 2 x 3 در تابع بازگشتی مانند سه بسته دوتایی عمل می­کند:

1. 1. # Q1
2. # a \* b
3. def mul(a=8, b=9):
4. if b == 0:
5. return 0
6. else:
7. return a + mul(a, b - 1)
9. print(mul()) # 17

**انجام عمل توان به وسیله توابع بازگشتی**

در انجام این نوع تابع، من عدد توان را به عنوان عامل اصلی و شرط بقا انتخاب کردم که وقتی به عدد کوچکتر از 1 رسید بتواند عدد یک را برگرداند تا در مراحل بعدی به عنوان عامل ضرب استفاده شود:

1. 1. # Q2
2. # a ^ b
3. def pow(a=16, b=3):
4. if b < 1:
5. return 1
6. else:
7. return a \* pow(a, b - 1)

10. print(pow()) # 4096

تابع بازگشتی بنویسید که بتواند حاصل مسئله مقابل را در تعداد 50 بار جمع **رادیکال 6**، بدست بیاورد.

در این مسئله هر بار نسبت به عدد وارد شده، تابع خودش را صدا میکند تا زمانی که به مقدار صفر برسد که عدد صفر را برگرداند و بعد از آن صفر با رادیکال 6 آخرین مرحله (اولیه مرحله از پایین) جمع میشود و وارد مراحل بالاتر خود خواهد شد.

1. 1. # Q3
2. # SQRT recursion
3. def sqrt(n=6, r=50):
4. if r == 0:
5. return math.sqrt(n)
6. else:
7. return math.sqrt(n +sqrt(n, r - 1))

10. print(sqrt()) # 3.0

مسئله زیر را تریس کنید.

1. 1. # Q4
2. # Tst
3. def t(x=5, y=2):
4. if x <= y or y == 0:
5. return x
6. elif y == 1:
7. return t(x - 1, y) + 1
8. else:
9. return t(t(y, x), y - 1) + 2
10. print(t()) #4

 شرح مسئله بالا:

1. T(5, 2) = T(T(y=2, x=5), y-1=1) + 2 🡺 T(T(2, 5) = 2, 1) 🡺 T(2, 1) + 2
2. T(2, 1) = {T(1, 1)] = 1} + 1 🡺 2
3. T(2, 1) =2 + 2 🡺 4

**جزء صحیح برای عدد 25**

**L(n) = {**

**0 n = 1**

**L([n/2])+1 n>1**

**} L(25)**

1. 1. # Q5
2. # floor division for recursive def
3. def fd(n=25):
4. if n == 1:
5. return 0
6. else:
7. return fd(n // 2) + 1
9. print(fd()) #4

 از پايين به بالا:

l(25) = l([25/2]) +1 🡺 [12.5] 🡺 12 🡺 3 + 1 = **4**

l(12) = l([12/2]) + 1 🡺 [6] 🡺6 🡺 2 + 1 = 3

l(6) = l([6/2]) +1 🡺 [3] 🡺 1 + 1 = 2

l(3) = l([3/2]) + 1 🡺 [1.5] 🡺 1 🡺0 + 1 = 1

**مسئله زیر را تریس کنید:**

1. function f (int a, int b){
2. if (b==0) return a;
3. else return f(b, a%b)
4. }

 راه سريعی برای فهمیدن این که این مسئله چه نتیجه ای را میدهد، وجود دارد، اول به قسمت else نگاهی کنیم، هیچ عملیاتی (جمع، تفریق، ضرب، تقسیم، جزء صحیح، رادیکال وغیره) انجام نمی شود، یعنی اگر B به صفر برسد خود عدد a را بر میگرداند، و این یعنی اگر ما عدد 3 و 4 را به ترتیب برای a و b در نظر بگیریم، دوباره سه 3 میرسیم، و این نتیجه یعنی: باقی مانده 3 بر 4 میشود خود 3.

**مسئله زیر را بررسی کنید.**

(اثبات از پایین به بالا)

A(1,3)

A(1, 3) = A(0, A(1, 2)) 🡺 A(0, (A(1, 2)=4)) = m=0, n=4 🡺 n+1 = 5

A(1, 2) = A(0, A(1, 1)) 🡺 A(0, (A(1, 1)=3)) = m=0, n=3 🡺 n+1 = 4

A(1, 1) = A(0, ) 🡺 A(0, (A(1, 0)=2)) = m=0, n=2 🡺 n+1 = 3

A(1, 0) = **A(0, 1) 🡺 n + 1 🡺 2**

مسئله زیر را تریس کنید. با فرض x = 2 و n = 7 :

1. int f(int x, int n){
2. if (n == 1) return x;
3. else if (n % 2 == 0) return x \* f(x, n/2);
4. else return 2 \* f(x, n-1);
5. }

  sd

f(2, 7) = 2 \* f(2, 6) 🡺 2 \* 16 = 32

f(2, 6) = 2 \* f(2, 3) 🡺 2 \* 8 = 16

f(2, 3) = 2 \* f(2 ,2) 🡺 2 \* 4 = 8

f(2, 2) = 2 \* f(2, 1) 🡺 2 \* 2 = 4

f(2, 1) = **2**

**جست و جو ها**

دو نوع جست و جو وجود دارد:

**جست و جوی خطی**

1. data = [1, 5, 58 , 12, -9, 42, 33, 44, 87, 54]
2. def linearSearch(ls, sk):
3. for i in range(len(ls)):
4. if ls[i] == sk:
5. return ls[i] , i
6. return -1
7. linearSearch(data, -9) # (-9, 4)

**جست و جوی دودویی**

1. data = [1, 5, 58 , 12, -9, 42, 33, 44, 87, 54]
2. def binarySearch(ls, sk):
3. ls.sort()
4. low = 0
5. high = len(ls) - 1
6. while(low <= high):
7. middle = (low + high) // 2
8. if sk > ls[middle]:
9. low = middle + 1
10. elif sk < ls[middle]:
11. high = middle - 1
12. else: return ls[middle], middle
13. return -1
14. binarySearch(data, 42) # (42, 5)

**ماتریس اسپارس**

در این نوع ماتریکس در بیشتر ستون و سطر ها دارای مقدار صفر هستیم، در مثال بالا یک ماتریکس 6 در 6 داریم که 36 مقدار دارد که فقط 8 مقدار واقعی در آن غیر از صفر است، برای بر طرف کردن صفر های بیخودی میتوانیم به صورت زیر عمل کنیم:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| مقدار غیر صفر | ستون | سطر |  |
| 8 | 6 | 6 | 1 |
| 15 | 0 | 0 | 2 |
| 27 | 3 | 0 | 3 |
| 15- | 5 | 0 | 4 |
| 11 | 1 | 1 | 5 |
| 3 | 2 | 1 | 6 |
| 6 | 3 | 2 | 7 |
| 91 | 0 | 4 | 8 |
| 28 | 2 | 5 | 9 |

پس در نتيجه خواهيم داشت که 3x9 = 29 < 6x6 = 36

**مرتب سازی**

**مرتب سازی انتخابی [[1]](#footnote-1)**

1. def selectionSorting(arr):
2. for i in range(len(arr)-1, 0, -1):
3. max\_i = 0
4. max\_v = 0
5. for j in range(i):
6. if arr[j] > max\_v:
7. max\_v = arr[j]
8. max\_i = j
9. if arr[i] < max\_v:
10. temp = arr[i]
11. arr[i], arr[max\_i] = arr[max\_i], temp
12. return arr
13. selectionSorting([11, 33, 55, 22, 22, 92, 44])

در مرتب سازی، انتخابی ما میتوانیم به راحتی از آخرین عدد اقدام به عملیات زیر کنیم:

* 1. عدد اخر را نگه میداریم.
  2. به دنبال بزرگ ترین عدد میرویم.
  3. در نهایت عدد بزرگی که پیدا کردیم را با عدد اخر مقایسه میکنیم.
  4. اگر عدد اخری که نگهداشتیم کوچک بود، با آن عدد جابه جا میکنیم، در غیر این صورت به سراغ عدد سمت چپی میرویم.

**مرتب سازی حبابی[[2]](#footnote-2)**

مرتب سازی حبابی در حالت کلی مقایسه هر عدد با همه است، یعنی چی؟

یعنی اینکه برای چند مرحله ما از اولین عدد تا آخرین عدد را با هم مقایسه میکنیم اگر عدد خانه 0 بزرگتر از عدد خانه 1 بود جای این دو خانه را تغییر میدهیم، این کار تا انتهای لیست اتفاق خواهد افتاد، بعد از مرحله اول مرحله دوم دوباره همین کار ادامه پیدا میکنید تا زمانی که حلقه اول به انتها لیست برسد که میتوانیم مطمئن شویم که لیست برای چند مرتبه به صورت حبابی برای مرتب سازی مورد بررسی قرار گرفته است.

اعداد امتحانی :

**پایان مرحله اول**

**پایان مرحله دوم**

**پایان مرحله سوم**

اما اینجا پایان عملیات نیست بلکه حلقه اول تا زمانی که به انتها برسد این کار را تکرار میکند.

کد الگوریتم مرتب سازی حبابی:

1. def bubbleSort (ls):
2. for i in range (len(ls)):
3. for j in range (len(ls)-1):
4. if ls[j] > ls[j+1]:
5. temp = ls[j]
6. ls[j], ls[j+1] = ls[j+1], temp
7. return ls
8. data\_test\_b\_3 = [3, 1, 7, 20, 2, 6]

**مرتب سازی درجی[[3]](#footnote-3)**

در این نوع مرتب سازی همانطور که از نامش معلوم است، اعداد را از اول با هم بررسی میکنیم، همین که متوجه شدیم عددی در خانه ای نسبت به عدد قبلی خود کوچکتر است با ان خانه جا به جا خواهیم کرد و دوباره این مقایسه را با خانه بغلی آن (از سمت راست به چپ) انجام میدهیم.

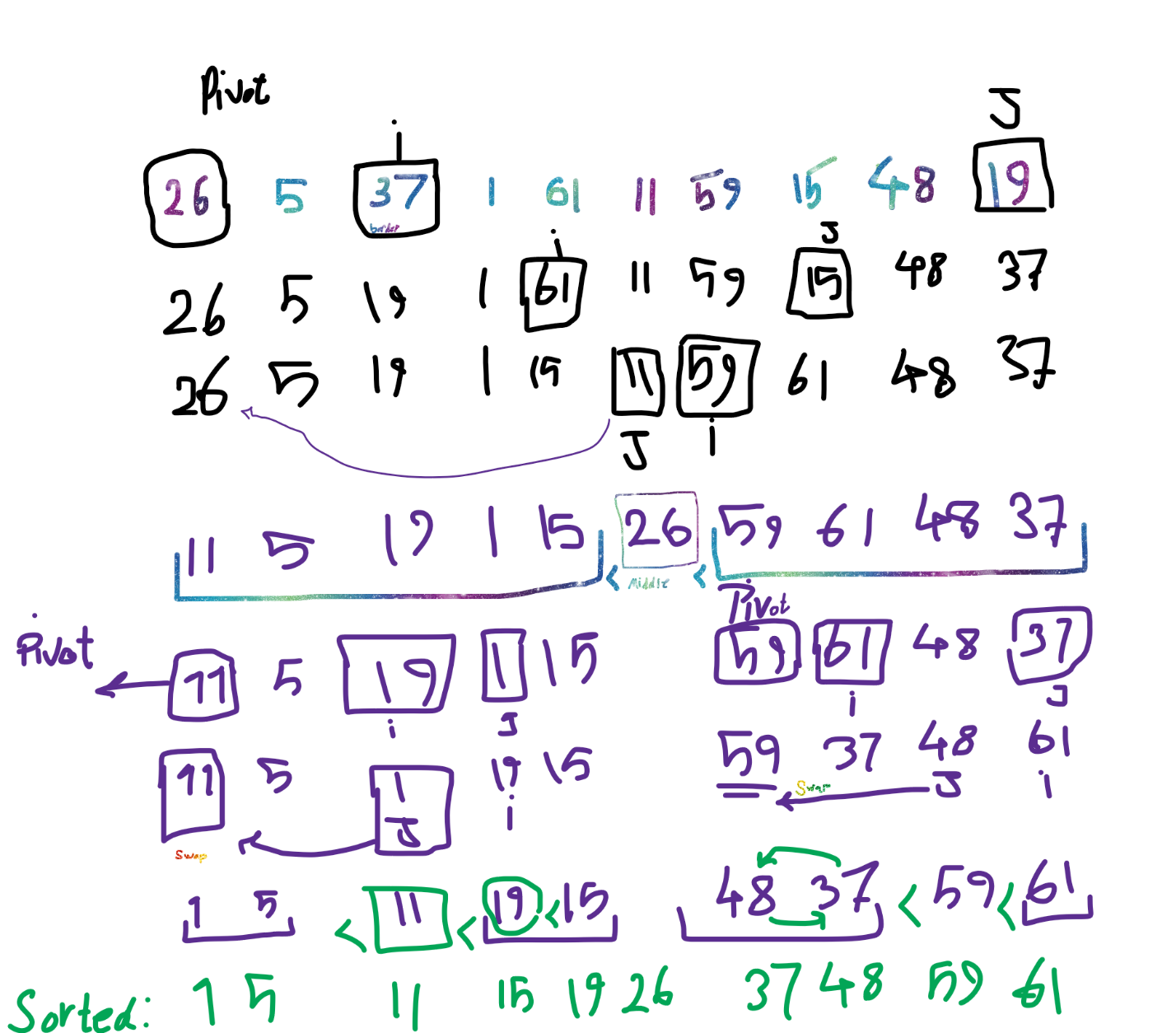
مثال، اعداد داده شده زیر را به روش درجی مرتب کنید.

برای درک بهتر کد آن در زیر نوشته شده است:

1. def insertionSort(ls):
2. for i in range (len(ls)):
3. for j in range(i, 0, -1):
4. if ls[j] < ls[j-1]:
5. temp = ls[j]
6. ls[j], ls[j-1] = ls[j-1] , temp
7. return ls
8. data\_test\_2 = [35, 51, 27, 85, 66, 23]

**مرتب سازی سریع[[4]](#footnote-4)**

در این نوع مرتب سازی اولین عدد را **لولا** [[5]](#footnote-5)می­نامیم، از چپ به راست، اولین عدد بزرگ نسبت به لولا را انخاب می­کنیم و به عنوان **i** علامت می­گذاریم، از راست به چپ اولین عدد کوچک را نسبت به لولا انتخاب می­کنیم و به عنوان **j** علامت گذاری میکنیم، و در نهایت جای آنها را با هم تغییر می­دهیم. این کار را تا جایی انجام می­دهیم که i از j بگذرد، درنهایت عدد **j** را با عدد لولا تغییر خواهیم داد، که متوجه می­شویم، عددی که به عنوان لولا در قسمت **j** قرار گرفته است، اعداد قبل آن **کوچکتر** از آن و اعداد بعد از آن **بزرگتر** از آن می­باشد.



**کد آن:**

1. def quickSort(ls, low, high):
2. if len(ls) == 1:
3. return ls
5. if low < high:
6. pivot = partition(ls, low, high)
7. quickSort(ls, low, pivot - 1)
8. quickSort(ls, pivot + 1, high)
9. def partition(ls, low, high):
10. i = low - 1
11. pivot = ls[high]
13. for j in range(low, high):
14. if ls[j] <= pivot:
15. i += 1
16. ls[i], ls[j] = ls[j], ls[i]
17. ls[i + 1], ls[high] = ls[high], ls[i + 1]
18. return i + 1
19. data\_for\_quick\_sort= [35, 51, 27, 85, 66, 23]
20. quickSort(data\_for\_quick\_sort, 0, len(data\_for\_quick\_sort)-1)
22. data\_for\_quick\_sort

**پشته و صف:[[6]](#footnote-6)**

**پشته:**

پشته فضاهایی رو رم هستند که در آن ها یکسری از دستورعمل ها قرار میگیرند، قرارگیری این دستور عمل ها از پایین به بالا هست و سیستم خواندن آن بر اساس اخرین ورودی، اولین خروجی، یعنی **LIFO** یا **Last Input First Output**، مانند قرارگیری ظروف است، **آخرین** ظرف چیده شده روی هم به عنوان **اولین** ظرف استفاده میشود.

وقتی که بخواهیم در این فضا داده ای را اضافه یا بنویسیم، به این عمل **push** میگویند.

وقتی بخواهیم از این فضا داده ای را حذف یا بخوانیم، به این عمل **pop** میگویند.

شبه کد اضافه کردن داده به پشته:

1. function push\_data(k: list){
2. int top = -1;
3. while (top < stack.length){
4. top += 1;
5. stack[top] = k[top];
6. }
7. }

 شبه کد حذف و خواندن از حافظه پشته:

1. function pop\_data (){
2. int top = stack.length-1;
3. while (top <= 0){
4. k = stack[top];
5. top -= 1;
6. }
7. }

**صف:**

وقتی در مورد صف ها صحبت می­کنیم دقیقا منظور همان صف­های واقعی هستند که می­تواند متشکل از گروهی از انسان ها باشد که برای رسیدن به چیزی یا انجام کاری به صورت مرتب صف شده اند، برعکس **پشته** که براساس الگوریتم اخرین ورودی به عنوان اولین خروجی خواهد بود، مانند ظروف یک آشپزخانه که برای شسته شدن روی هم قرار گرفته اند و آخرین ظرف به عنوان اولین ظرف برای شست­وشو استفاده می­شود. در صف­ها براساس الگوریتم اولین ورودی، اولین خروجی [[7]](#footnote-7)عمل می­کنیم، یعنی مانند صف نانوایی که هرکسی اول باشد به عنوان اولین نفر کارش انجام میشود و می­رود.

**دو مفهوم اصلی در صف وجود دارد:**

**First**: در حقیت به ابتدای صف اشاره می­کند.

**Rear**: به پشت و انتهای صف اشاره می­کند.

عمل نوشتن، (**خواندن** و **حذف**) کردن توسط این دو اصطلاح انجام میشود.

برای نوشتن در صف از rear استفاده می­شود، یعنی rear پیشرونده به جلو خواهد و دیتا به همراه آن درج خواهد شد.

برای خواندن یا حذف کردن از first استفاده می­شود، آن هم مانند rear به صورت پیشرونده است اما در هنگام حذف کردن از سمت چپ به جلو خواهد آمد.

شبه کد نوشتن در صف به صورت زیر است:

1. **def** addq (k):
2. **while** rear < len(queue):
3. rear+=1
4. queue[rear] = k

**مراحل اضافه کردن مقدار به صف**

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 | Index |
|  |  |  |  | 3 | R | F | **Value/status** |
|  |  |  |  | R |  | | |

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 | Index |
|  |  |  | 5 | 3 | R | F | **Value/status** |
|  |  |  | R |  |  | | |

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 | Index |
|  |  | 5 | 5 | 3 | R | F | **Value/status** |
|  |  | R |  |  |  | | |

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 | Index |
|  | 10 | 5 | 5 | 3 | R | F | **Value/status** |
|  | R |  |  |  |  | | |

در نتيجه ممکن است از ما بخواهند که Rear در چه خانه در انتها قرار خواهد گرفت؟ با اين وجود در خانه read[3] قرار دارد که مقدار آن را قبلا پر کرده است.

شبه کد خواندن و حذف کردن از صف:

1. **def** delq (k):
2. **while** first < rear :
3. first+=1
4. k = queue[first]

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 | Index |
|  | 10 | 5 | 5 | 3 | R | F | **Value/status** |
|  | R |  |  | F |  | | |

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 | Index |
|  | 10 | 5 | 5 |  | R | F | **Value/status** |
|  | R |  | F |  |  | | |

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 | Index |
|  | 10 | 5 |  |  | R | F | **Value/status** |
|  | R |  | F |  |  | | |

که در نهايت ميتوان نوشت که First در خانه First[1] مقدارش را خوانده و سپس حذف کرده است.

مثال:

addq(15), addq(7), addq(-12), delq(A), delq(B), addq(3)

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  |  |  |  | R | F |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  |  |  | 15 |  | F |
|  |  |  |  | R |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  |  | 7 | 15 |  | F |
|  |  |  | R |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  | -12 | 7 | 15 |  | F |
|  |  | R |  |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  | -12 | 7 | 15 |  |  |
|  |  | R |  | F |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  | -12 | 7 |  |  |  |
|  |  | R | F |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  | -12 |  |  |  |  |
|  |  | R | F |  |  |  |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  | 3 | -12 |  |  |  |  |
|  | R |  | F |  |  |  |

**R [ 3 ] , F [ 1 ]**

در همين لحظه نوع دیگری از صف وجود دارد به نام صف **حلقوی**، که مانند قبل عمل می­کند متنها وقتی که فضای صف پر می­شود اگر توسط F فضای قبل از R حذف شده باشد، در صورت نبود فضای مناسب در انتها، به اتبدای (سمت چپ به راست) آن صف اضافه می­شود.

مثال:

addq(10), addq(20), addq(30), addq(40), delq(A), delq(B), addq(50), addq(60)

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  |  |  |  | R | F |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  |  |  | 10 |  | F |
|  |  |  |  | R |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  |  | 20 | 10 |  | F |
|  |  |  | R |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  |  | 30 | 20 | 10 |  | F |
|  |  | R |  |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  | 40 | 30 | 20 | 10 |  | F |
|  | R |  |  |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  | 40 | 30 | 20 | 10 |  |  |
|  | R |  |  | F |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  | 40 | 30 | 20 |  |  |  |
|  | R |  | F |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
|  | 40 | 30 |  |  |  |  |
|  | R |  | F |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
| 50 | 40 | 30 |  |  |  |  |
| R |  |  | F |  |  |  |

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | 3 | 2 | 1 | 0 | -1 | -1 |
| 50 | 40 | 30 |  | 60 |  |  |
|  |  |  | F | R |  |  |

**میان­وند[[8]](#footnote-8)، پیشوند[[9]](#footnote-9)، پسوند[[10]](#footnote-10)**

معمولا در عبارت ریاضی مورد استفاده قرار میگیرند.

ما به صورت پیشفرض در مسائل ریاضی از میان­وند استفاده میکنیم بطوری که مسائل خود را به این شکل می نویسیم:

**A +B**

در پیشوند همان طور که از نامش پیداست، به صورت زیر خواهیم نوشت:

**+AB**

در پسوند به صورت زیر:

**AB+**

به عبارت ریاضی زیر توجه، کنید، یک عبارت **میان­وند** است:

اول بايد توجه کنیم که حتما اولیت حساب را تعین کرده باشیم، و با استفاده از پرانتز آنرا مشخص کنیم:

**(A\*(B-D)/E)-(F\*(G+(H/K)))**

پسوند آن:

**ABD-\*E/FGHK/+\*-**

پیشوند آن:

**-/\*A-BDE\*F+G/HK**

INFIX: (((A/B)-C)+(((D\*E)-A)\*E))

POSTFIX: AB/C- DE\*A-E\*+

PREFIX: +-/ABC \*-\*DEAE

تبدیل پسوند به میان­وند توسط استک ها ميتواند انجام گیرد:

در اين تبديل ما از سمت چپ به راست استک ها را کامل خواهیم کرد.

**POSTFIX:** ab/c-de\*+

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 |
|  | | e |  | |
| b | c | d | (d\*e) |  |
| a | a/b | (a/b)-c | (a/b)-c | ((a/b)-c)+(d\*e) | |

**INFIX:** (((a/b)-c)+(d\*e))

مسئله زیر را حل کنید (از پسوند به میان­وند ببرید)

62/2-42\*+

**INFIX:** (((6/2)-2)+(4\*2)) = 9

عبارت زیر را به پسوند ببرید:

**-3^4**

34^-

**نکته:** اين مسئله بالا بیانگر آن است که اول سه به توان چهار خواهد رسید و منفی در آن ضرب می­شود اما اگر 3- در حالت کلی (3-) باشد، خب آن را به این صورت مینویسیم:

(-3)4^

تبدیل پیشوند به میان­وند.

در این تبدیل، تبدیل از سمت راست به چپ در استک مورد بررسی قرار میگیرد:

PREFIX: +-/abc\*de 🡨

INFIX: (((a/b)-c)+(d\*e))

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | **/** |  |  |  |
| **a** |
| **b** | **a/b** |
| **e** | **c** | **C** | **((a/b)-c)** |
| **d** | **d\*e** | **d\*e** | **d\*e** | **(((a/b)-c)+(d\*e))** |

مسئله زیر را از پیشوند به پسوند ببرید:

PREFIX: ^-\*+ABC-DE+FG

INFIX: (((A+B)\*C)-(D-E))^(F+G))

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  | **+** |  |  |
|  |  | **\*** | **B** |  |  |
|  | **-** | **C** | **A** | **-** |  |
| **^** | **((A+B)\*C)** | **(A+B)** | **C** | **E** | **+** |
| **(((A+B)\*C)-(D-E))** | **(D-E)** | **(D-E)** | **(D-E)** | **D** | **G** |
| **(F+G)** | **(F+G)** | **(F+G)** | **(F+G)** | **F+G** | **F** |

INFIX: ((((A+B)\*C)-(D-E))^(F+G))

POSTFIX: AB+C\*DE--FG+^

مسئله زیر را از پسوند به پیشوند ببرید:

POSTFIX: AB^C\*D-EF/GH+/+

حل:

INFIX: ((A^B)\*C-D) + ((E/F) / (G+H)))

PREFIX: +-\*^ABCD //EF +GH

مسئله:

PREFIX: ++A/B-CD/-AB  -+C\*D5/A-BC

حل:

INFIX: ((A+(B/(C-D))+((A-B))/(C+(D\*5))-(A/(B-C)))

POSTFIX: ABCD-/+AB-CD5\*+ABC-/-/+

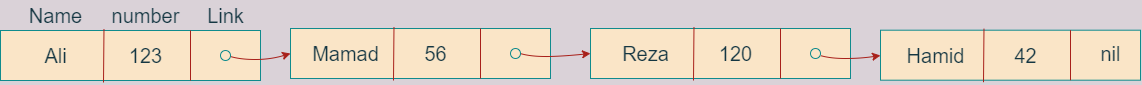
**لیست پیوندی:**

داده هایی که میخواهیم روی سیستم ذخیره کنیم به صورت آرایه ای این کار انجام می­شود، آرایه به طور کلی خیلی پویا نیست چرا که داده ها به صورت پشت سر هم ذخیره میشود و حذف و اضافه از این آرایه کار سختی است. راهی که برای این کار وجود دارد آن است که داده ها را به صورت لیستی ذخیره کنیم.

برای مثال جدول زیر یک نوع ساختار آرایه ای در وارد کردن و خواندن اطلاعات است»

|  |  |
| --- | --- |
| Name | number |
| Ali | 123 |
| Mamad | 56 |
| Reza | 120 |
| Hamid | 42 |

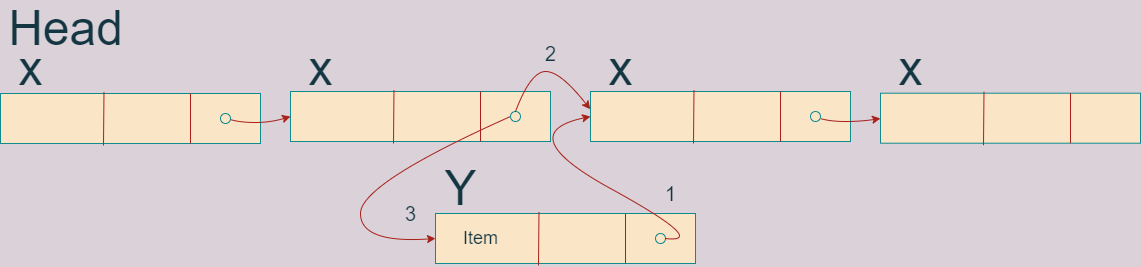
ساختار ليستی این آرایه به صورت زیر است:



الگوریتم این ساختار:

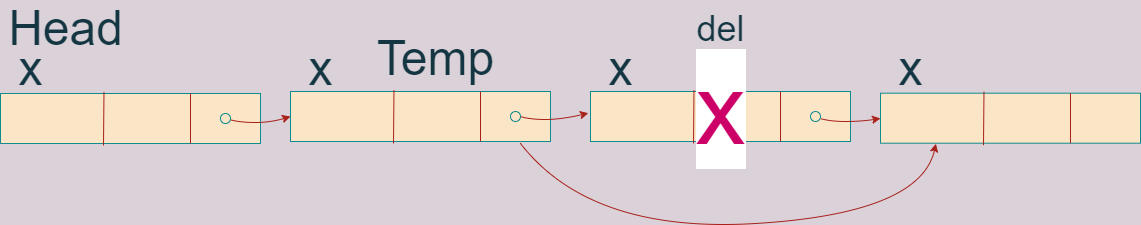
1. // define some var
2. type p\_node = ^node;
3. node = record
4. String name [20];
5. int num ;
6. link = p\_node;
7. end;
8. var x, y = p\_node;
9. begin:
10. new(x):
11. x^.name = “Ali”
12. x^.num = 120;
13. x^.link = nil;
14. new(y):
15. y^.name = “mamad”
16. y^.num = 56;
17. y^.link = nil;
18. x^.link = y;
19. end;

**الگوریتم اضافه کردن به لیست یک طرفه:**



1. new(Y):
2. Y^.data = item;
3. if head == nil {
4. print(‘list is empty’);
5. }
6. begin
7. head = Y;
8. Y^.link = nil;
9. and else
10. begin
11. y^.link = X^link;
12. X^.link=Y;
13. end

**الگوریتم حذف از لیست یکطرفه:**



1. temp = head;
2. while(temp^.link != x){
3. temp = temp^.link;
4. temp^.link = x^.link;
5. dispose(x); // delete and destroy node!!
6. }

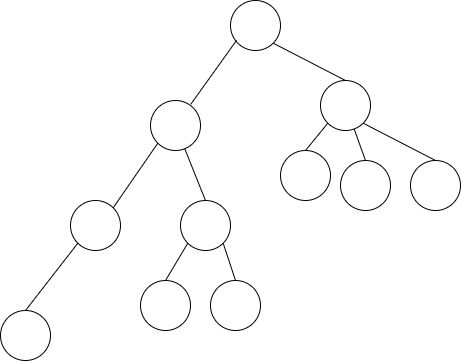
**کامپیوتر عمل ریاضی زیر را چگونه انجام می­دهید؟**

بصورت لیست پیوندی مانند زیر:

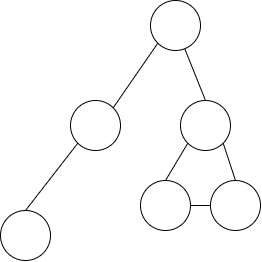


**درخت:**

درخت یک ساختار سلسله مراتبی دارد که بر اساس والد و فرزندی میتوان بین هر جز تفاوت قائل شد.

گراف زیر یک درخت را نمایش می دهد.

اما شکل زیر یک درخت نمیباشد.



**تعریف گره:**

به هر کدام از دایره ها گره یا Node گفته می­شود.

**درجه یک گره:**

تعداد فرزندان یک گره را درجه گره میگویند. مانند شکل بالا که گره اول دارای دو درجه و گره دوم سمت راست دارای سه درجه است.

**درجه یک درخت:**

درجه یک درخت از طریق از بیشترین درجه یک گره که دارای آن است بدست می­آید.

**برگ:**

به هر گره ای گفته می­شود که هیچ شاخه شاخه ای ندارد یعنی به فرزندان و محصولات دیگری انشعاب ندارد، یا اینکه دیگر درجه آن صفر است. مانند شکل درست بالا در انتهای هر شاخه که روی هم 6 تا برگ هستند.

**همزاد یا همنیا:**

فرزندان یک گره را همزاد گویند. در شکل بالا 4 همزاد یا همنیا وجود دارد، و در انتها که در سمت چپ اخرین نود، تک فرزند است و همزادی ندارد.

**اجداد یک گره:**

گره هایی هستند در مسیر طی شده از ریشه تا آن گره وجود دارد.

**ارتفاع یا عمق یک درخت:**

به سطوح یک درخت گفته می­شود.

**یال:**

یال به فاصله دو گره گفته میشود.

**مسیر:**

مسیر رسیدن از یک گره به گره­ای دیگر گفته می­شود.

**شاخه:**

مسیری که به برگ ختم شده باشد را شاخه می­گویند.

**درخت مرتب:**

درختی که ترتیب زیر درخت در آن مهم است. یعنی تمام سطح هایش در یک وزن باشند، یا اینکه بهتر بگوییم یه طرف از طرف دیگر سنگین تر نباشد، درخت مرتب است.

**درخت مشابه:**

درختی که شبیه درخت جاری باشد (از نظر شکلی نه از نظر محتوایی).

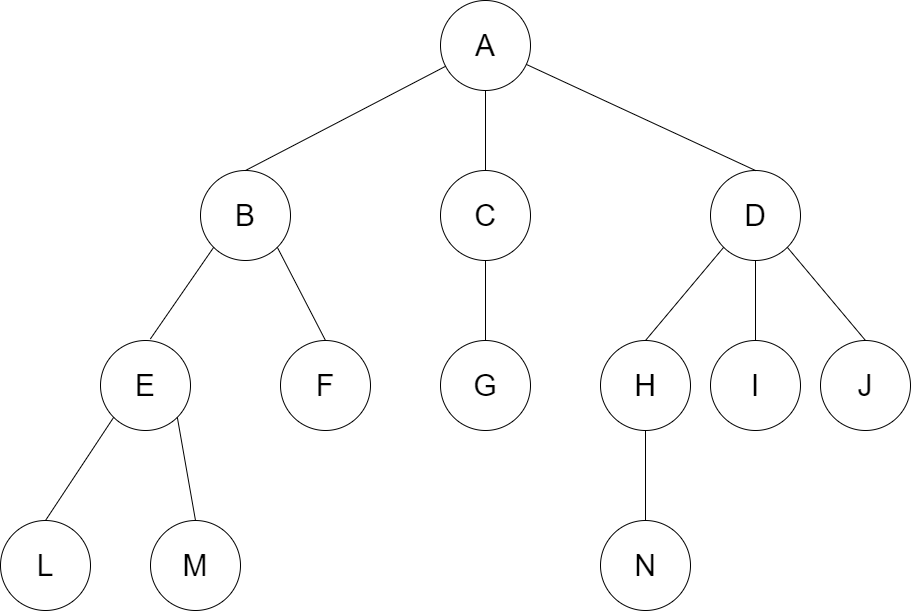
**درخت کاپی:**

نه تنها مشابه درخت بلکه محتوای آن هم مانند درخت ما باشد.

**شکل پرانتزی درخت:**

باتوجه والد هر فرزند به راحتی آن را به صورت فرم پرانتزی نمایش خواهیم داد.

با توجه به درخت زیر به سوالات زیر پاسخ دهید:



1. این درخت چند تا گره دارد؟
2. عمق این درخت چقدر است؟
3. همزاد های (A, B, C, D) را مورد بررسی قرار دهید:
4. این درخت چندتا برگ دارد؟
5. این درخت چند شاخه دارد؟
6. آیا این درخت مرتب است؟
7. درجه کل درخت چند است؟
8. درجه گره های ABCD و اگر کودکانی دارد را مورد بررسی قرار دهید.
9. مسیر بین A تا M و بعد از آن D تا N را بنویسید.
10. اجداد L را بررسی کنید.
11. اجداد N را بررسی کنید.
12. فرم پرانتزی این درخت را بنویسید.
13. این درخت 13 تا نود یا گره دارد.
14. با توجه به وزن آن، ارتفاع این درخت 4 است.
15. همزاد های A B C D:

A(n) = 3

B(n) = 2

C(n) = تک فرزند

D(n) = 3

1. این درخت 7 تا برگ دارد.
2. این درخت 7 تا شاخه نسبت به ريشه اصلی A دارد:

ABEL, ABEM, ABEF, ACG, ADHN, ADI, ADJ

این درخت میتواند در نقاطی نزدیک تر هم شاخه داشته باشد، مانند:

BEL, EM, EF, CG, DHNM, DI, DJ

1. بله درخت تا حدودی مرتب است چرا که وزن دو بازوی آن تعادل نسبی دارند.
2. با توجه به بیشترین درجه نود A و D این درخت 3 درجه دارد.
3. درجه های آن به صورت زیر است:

A(n) = 3

B(n) = 2

* + E(n) = 2

C(n) = 1

D(n) = 3

* + H(n) = 1

1. مسير A تا M، ABEM و مسير D تا H، DHN

10) اجداد L: EBA

11) اجداد N : HDA

12) فرم پراتزی این درخت به صورت زیر است:

(A(B(E(L, M),F), C(G), D(H(N), I, J))

1. Selection sort [↑](#footnote-ref-1)
2. Bubble sort [↑](#footnote-ref-2)
3. Insertion sort [↑](#footnote-ref-3)
4. Quick sort [↑](#footnote-ref-4)
5. Pivot [↑](#footnote-ref-5)
6. Stack and queue [↑](#footnote-ref-6)
7. First in First output [↑](#footnote-ref-7)
8. Infix [↑](#footnote-ref-8)
9. Prefix [↑](#footnote-ref-9)
10. Postfix [↑](#footnote-ref-10)