

#### SESSION #9 회귀분석

정재근 Date \_ 2018.0519

# 목치

- 1. 회귀분석의 기본(단순,다중)
  - 선형 회귀의 의미
  - 기본 가정
- 2. 로지스틱 회귀분석
  - 로지스틱 회귀분석의 의미
  - 로지스틱 함수의 도출
- 2+ 회귀분석의 심화
  - 더미변수
  - 상호작용항
  - 위계적 회귀분석

3. 회귀분석 추정 및 검정

4. Code & Quest

# OO 몸풀기

통계관련 함수 만들기

mean(x)

quantile(x,p)

median(x)

Cf) sum(x),len(x),sorted(x)

#### OO 몸풀기

통계관련 함수 만들기2

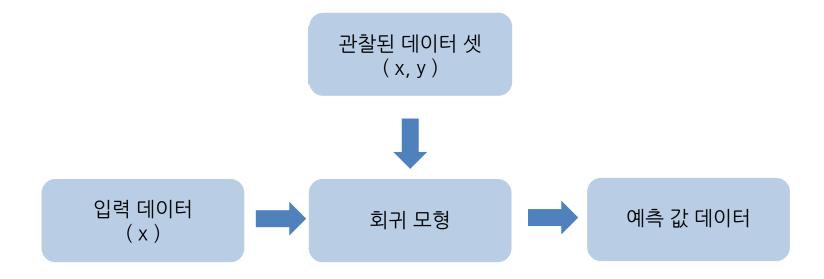
de\_mean(x)

variance(x)

standard\_deviation(x)

Cf) sum\_of\_squares(x),len(x),math.sqrt(x)

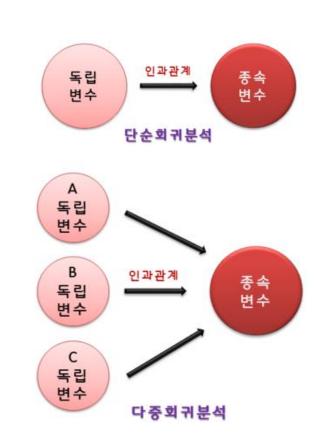
#### 회귀분석이란?



종속변수에 대해 하나 혹은 그 이상의 독립변수가 미치는 영향을 추정하는 통계기법 변수들 간의 함수관계를 <mark>회귀 모형</mark>(회귀 식)으로 표현 과거 데이터를 이용해 미래에 발생할 일을 예측할 수 있음

# 회귀분석의 기본모델

- ① 단순회귀분석 두 변수 간의 인과관계를 조사하는 방법
- ② 다중회귀분석 두 개 이상의 독립변수들과 하나의 종속변 수의 관계를 분석하는 기법으로 단순 회귀 분석을 확장한 것



### 회귀분석의 기본모델

엄밀히 말하면 인과 관계 분석이 아니다.

학문 마다 다르지만 통계학에서 말하는 인과관계

- 1. 상관관계
- 2. 시간의 전후
- 3. 제 3의 변수

# 회귀분석의 기본모델

엄밀히 말하면 인과 관계 분석이 아니다.

학문 마다 다르지만 통계학에서 말하는 인과관계

- 1. 상관관계
- 2. 시간의 전후
- 3. 제 3의 변수

회귀직선의 유의성에 대한 가설

$$H_0$$
:  $\beta = 0$   $v.s$   $H_1$ :  $\beta \neq 0$ 

# 회귀분석이란?

변수들간의 함수적인 관련성을 규명하기 위하여 어떤 수학적 모형을 가정하고, 이 모형을 측정된 변수들의 자료로부터 추정 하는 통계적 분석방법

- 추정된 모형을 사용하여 필요한 예측을 하거나 관심있는 통계적 추정과 검정을 실시함
- 회귀분석의 목적 : 설명변수와 반응변수의 관계를 구체적인 함수 형태로 나타내고, 설명변수의 값으로부터 반응변수의 값을 예측하는 것으로 두 변수 사이의 함수관계를 분석.
- x를 설명변수(explanatory variable) 또는 독립변수(independent variable) y를 반응변수(response variable) 또는 종속변수(dependent variable)

# 회귀분석의 기본 식

단순 : 
$$Y = \alpha_0 + \alpha_1 X_1 + \varepsilon$$

다중: 
$$Y = \alpha_0 + \alpha_1 X_1 + \alpha_2 X_2 + \varepsilon$$

$$h_{\Theta}(x) = \Theta_{O} + \Theta_{1}x_{1} + \Theta_{2}x_{2} + \Theta_{3}x_{3} + \Theta_{4}x_{4}$$

$$h_{\Theta}(x) = 8D + O \cdot 1x_{1} + O \cdot 01x_{2} + 3x_{3} - 2x_{4}$$

$$\uparrow \qquad \uparrow \qquad \uparrow$$

#### Multiple features (variables).

Size (fe	et²)	Number of bedrooms	Number of floors	Age of home (years)	Price (\$1000)	
×1		×5	×3	* * * * * * * * * * * * * * * * * * *	<u> </u>	
2104	4	5	1	45	460 7	
1416	6	3	2	40	232 + M = 47	
1534	4	3	2	30	315	
852	:	2	1	36	178	
 Notation:	  -  -	 *	 1	<b>1</b>	" ] \ [1416]	
⇒ $n$ = number of features $n=4$ ⇒ $x^{(i)}$ = input (features) of $i^{th}$ training example.						
$\rightarrow x_j^{(i)}$ = value of feature <u>j</u> in <u>i</u> th training example. $x_j = 2$						

GH와 통계학

제대로 알고 쓰는게 아니면 안하느니만 못하다.

회귀분석: 접속 수의 증가는 매출의 원인이 된다.

T-test: A집단과 B집단은 접속 수에 차이가 있다.

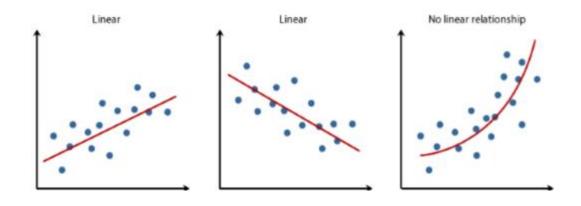
ANOVA: A집단과 B집단은 접속 수에 차이가 있다.

#### 선형 회귀 기본 가정

- 1. 선형성
- 2. 비상관성
- 3. 정규성
- 4. 등분산성 > 오차항
- 5. 독립성

#### 선형 회귀 기본 가정

#### 1. 선형성



독립변수(x)와 종속변수(y)는 서로 선형적 관계가 있어야 한다. 즉, x와 y는 비선형 관계에 있어서는 안 된다.

#### 선형 회귀 기본 가정

2. 비상관성\*\*

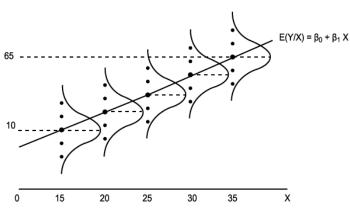
독립변수(x)들이 서로 상관관계에 있어서는 안 된다. (다중 공선성 확인이 필요함)

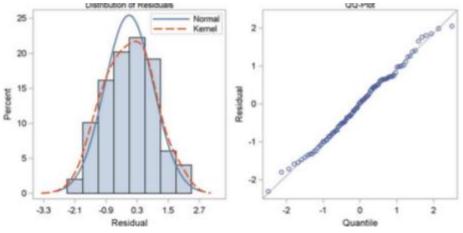
- \*다중 공선성이란 (multicollinearity)?
  - p개의 독립변수(x1,x2,···,xp)와 종속변수(y)로 데이터가 구성되어 있을 때 독립변수들 사이에 상관관계가 크게 존재하는 상태를 의미한다. VIF 즉, 분산팽창계수가 10 이상 일 때, 다중공선성이 존재한다고 판단한다.

#### 선형 회귀 기본 가정

#### 3. 정규성





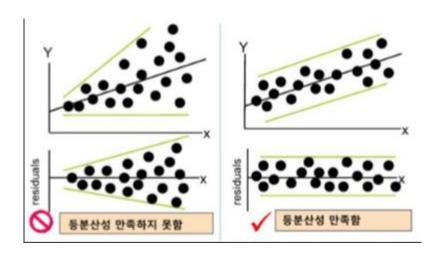


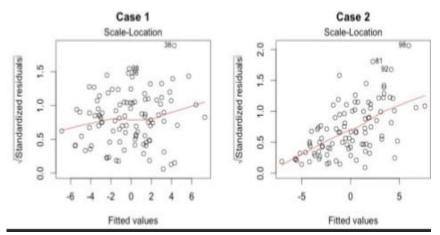
- 오차항이 평균 0, 분산 시그마 제곱인 정규분포를 따른다.

사지축과 http://www.ssacstat.com/hase/c/sc, 55,php?com\_board\_basic=read\_form&com\_board\_ida=293&topmenu=5&left=5&&com\_board\_search\_code=&com\_board\_search\_value1=&com\_

# 선형 회귀 기본 가정

#### 4. 등분산성

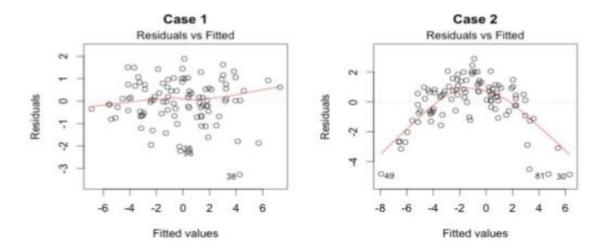




오차항의 분산이 동일하다

#### 선형 회귀 기본 가정

#### 5. 독립성



- 오차항이 서로 독립이다
- 잔차산점도에서 잔차가 중심선 주위에서 랜덤 패턴으로 변동해야 한다.
- 가정이 위배되는 경우 자기상관이 서로 존재한다
   자기상관이 존재하는 경우에는 잔차들 간에 어떠한 함수관계가 존재하게 된다.

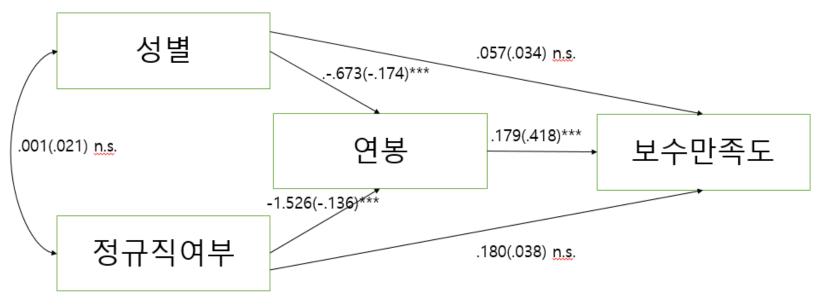
#### 다중회귀식의 해석

```
Coefficients:
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
                   24.7851
                               1.8309
                                        13.54
                                                <2e-16 ***
grades$study_hour
                    7.4865
                               0.3112
                                        24.06
                                                <2e-16 ***
Coefficients:
                      Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
                                    4.347 14.021
                                                    <2e-16 ***
                        60.958
grades$Private.lesson
                                    6.086
                         5.762
                                            0.947
                                                     0.349
Coefficients:
                      Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
(Intercept)
                       21.9975
                                   1.7914 12.279 4.03e-16
grades$study_hour
                        7.4805
                                   0.2762 27.083 < 2e-16
grades$Private.lesson
                        5.5248
                                   1.4946
                                            3.697 0.00058 ***
```

단순과 다중의 차이 공부시간이 통제 되었을 때 과외 유무는 영향을 준다.

# 경로 분석은 단점을 보완해 준다.

#### AMOS 경로분석



참고1. 비표준화계수(표준화계수)

참고2. \* p<.05; \*\* p<.01; \*\*\*p<.001

# 02 로지스틱 회귀분석

영향을 주는 변수 (독립 변수) 영향을 받는 변수 (종속 변수)

분석 방법

연속형 자료

선형관계 파악

단순 회귀분석

다중 회귀분석

연속형 자료

범주형 자료

분류(Classification)

로지스틱 회귀분석

**SVM** 

# 02 로지스틱 회귀분석

#### 로지스틱 회귀분석이란?

어떤 사건이 발생하는지 (예를 들어, 구매를 하는지 안 하는지)를 직접 예측하는 것이 아니라, 그 사건이 발생활 확률을 예측한다. 따라서 종속 변수 값은 0과 1사이의 값을 갖는다. (일반적으로 이항, 다항도 존재함)

즉, 확률이 0.5보다 크면 그 사건이 일어나며, 0.5보다 작으면 그 사건이 일어나지 않는 것으로 예측한다.



# 선형회귀 분석 📥 로지스틱 회귀분석

1. 선형 회귀식

$$y = ax + b$$
 (inf  $\langle = x,y \langle =inf \rangle$ )

2. Y를 확률값 p로 바꾼다

$$P = ax + b$$
 (0 <= P <=1)

\* 좌우항의 범위가 맞지 않으므로 P를 변형시켜 좌항의 범위가 무한대로 되도록 한다.

- 3. P대신 Odds를 넣어보자
  - \* Odds란?

$$\frac{\text{성공확률}}{\text{실패확률}} = \frac{\text{성공확률}}{1-\text{성공확률}} = \frac{P}{1-P}$$

$$Odds = \frac{P}{1-P} = ax + b$$

- \* 0 <= Odds <= infinite 값을 가지므로 좌우식의 범위가 여전히 맞지 않다.
- 4. 따라서, Odds에 로그를 씌어준다. (inf <= 좌우식 <= inf)

$$log_{\varepsilon}(Odds) = log_{\varepsilon}(\frac{P}{1-P}) = ax + b$$

5. 선형 회귀식을 구한다.

Y는 log Odds이지만 이를 무시하고 최소 제곱법으로 y =ax + b의 선형 회귀식의 회기 계수 a와 y절편 b를 구한다.

6. P에 관하여 수식을 정리한다.

최종적으로 구하는 것은 P이므로 P에 관하여 수식을 정리한다.

7. 로그 Odds에 관한 선형관계식

$$log_e(\frac{P}{1-P}) = ax + b$$

8. e를 씌운다.

$$e^{\log_a(\frac{P}{1-P})} = e^{ax + b}$$

$$\frac{P}{1-P} = e^{ax + b}$$

9. 역수를 취한다.

$$\frac{1-P}{P} = \frac{1}{e^{ax+b}}$$

$$\frac{1}{P} - 1 = \frac{1}{e^{ax + b}}$$

10. +1을 한다.

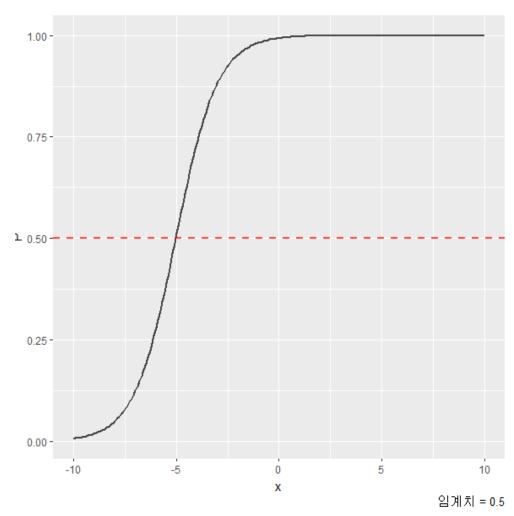
$$\frac{1}{P} = \frac{1}{e^{ax + b}} + 1$$

$$\frac{1}{P} = \frac{1 + e^{ax + b}}{e^{ax + b}}$$

11. 다시 역수를 취한다.

$$P = \frac{e^{ax + b}}{1 + e^{ax + b}}$$

#### 〈로지스틱 곡선〉



#### 〈최적의 임계치 찾기〉

- 일반적으로 p = 0.5 기준으로 0.5보다 크면 A로 분류하고 작으면 B로 분류한다. 이 때, 0.5라는 수치를 임계치라고 부른다.
- 하지만, 이 임계치는 항상 0.5로 정해져 있는 것은 아니고 **더 잘 분류할 수 있는 임계치**를 분석가가 찾아야 한다.

- 최적의 임계치는 항상 0.5가 아니라 data에 따라 달라질 수 있다.

■ 모조 변인(dummy variable) 회귀

범주화된 변인을 변인으로 사용하기.

예) 인종, 지역 등 1 = 강북 2 = 강동 3 = 강서 4 = 강남

기준을 잡고 0과1로 분류

	강북변수	강동변수	강서변수	강남변수(X)
강남	0	0	0	0
강북	1	0	0	0
강동	0	1	0	0
강서	0	0	1	0

모조 변인(dummy variable) 회귀

#### 지역에 따른 소득 회귀식을 만들어보자

N = 강북 E = 강동 W= 강서 기준=강남

Y= 45.9 -0.6 N -5.4 E -4.7 W

상호작용 항

상호작용 효과 : 독립변수 X1 와X2가 독립적으로 갖는 각각의 영향력 이상의 효과

Y = a + b1X1 + b2X2 + b3X1X2

#### 상호작용 항

#### coefficients:

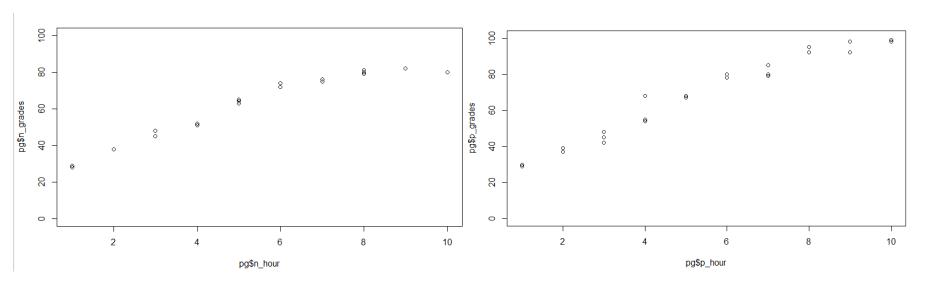
	Estimate	Std. Error	t value	Pr(> t )	
(Intercept)	21.9975	1.7914	12.279	4.03e-16	***
grades\$study_hour	7.4805	0.2762	27.083	< 2e-16	食食食
grades\$Private.lesson	5.5248	1.4946	3.697	0.00058	<b>按按按</b>

#### Coefficients:

	Estimate Std.	Error	t value	Pr(> t )	
(Intercept)	26.613	2.168	12.277	5.79e-16	***
grades\$study_hour	6.594	0.372	17.727	< 2e-16	食食食
grades\$Private.lesson	-3.003	2.968	-1.012	0.31706	
grades\$interaction	1.633	0.505	3.233	0.00229	**

상호작용항 성적에 대한 공부시간의 효과는 과외 유무에 따라 달라진다. 절편을 바꾸느냐 기울기를 바꾸느냐의 차이

상호작용 항



즉 공부 못하는 아이들은 과외로 큰 차이를 만들지 못하지만 공부 잘하는 애들은 과외 유무가 큰 차이를 만든다.

#### 위계적 회귀분석

삶의 만족에 영향을 미치는 요소: 위계적 회귀모델

	모델1	모델2	모델3	모델4	
	b(s.e)	b(s.e)	b(s.e)	b(s.e)	
 통제변인	, ,		, ,		
연령	-0.006 (0.014)	-0.000 (0.013)	0.022 (0.015)	0.013 (0.013)	
배우자	0.342 (0.249)	0.269 (0.235)	0.101 (0.237)	-0.161 (0.212)	
가족과 동거	0.554* (0.251)	0.561** (0.237)	0.686** (0.248)	0.584** (0.222)	
질병 및 장애					
만성질환		-0.087 (0.056)	-0.088 (0.056)	-0.071 (0.050)	
인지건강		0.513*** (0.110)	0.464*** (0.114)	0.458*** (0.101)	
신체 · 인지기능					
IADL			0.069 (0.069)	-0.027 (0.061)	
ADL			0.034 (0.039)	-0.014 (0.035)	
교육			0.091** (0.030)	0.037* (0.027)	
사회활동참여					
직업활동				0.664* (0.388)	
교육.복지프로그램				-0.022 (0.094)	
종교활동				0.130** (0.050)	
사회적 소외				-0.075*** (0.008)	
F test	F(3, 306)=5.06**	F(5, 304)=11.50***	F(8, 301)=9.04***	F(12, 297)=15.20***	
R square	0.0472	0.1591	0.1937	0.3805	

<sup>\*</sup>p<.05; \*\*p<01; \*\*\*p<.001

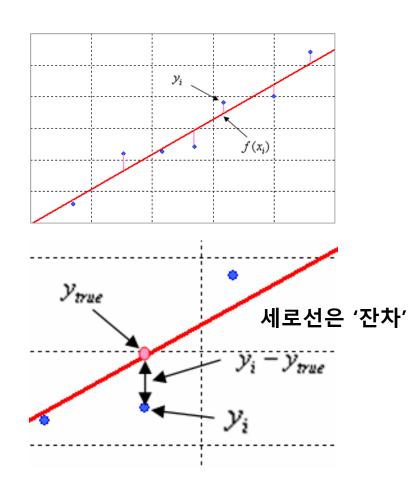
# O3 단순·다중 회귀분석

# 최소제곱법(LSE)

오차의 제곱(自乘,square)의 총합을 최소화(least)하는 방법(method)

$$\sum_{i=1}^{n} (y_i - f(x_i))^2$$
가 최소화되도록 하는 함수를 찾는 것

이렇게 해서 구해진 함수 y=f(x)는 측정값들의 관계에 가장 적합한 함수라고 할 수 있다

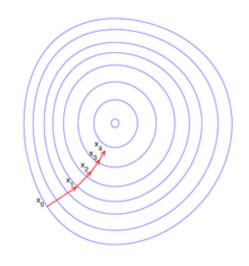


### O3 단순·다중 회귀분석

# ■ 경사 하강법(Gradient descent)

비용 함수cost function를 정의하고 이 함수의 값이 최소화되는 파라미터를 찾는 방법

함수의 최솟값을 찾기 위해 현재 위치(보통 임의의 위치)에서 시작해서 함수의 기울기(경사)를 구하여 기울기가 낮은 쪽으로 계속 이동시켜서 극값에 이를 때까지 반복시키는 것



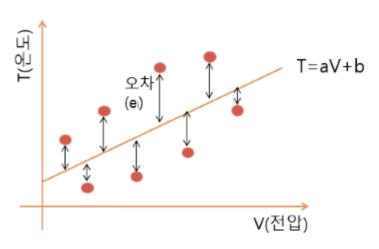
[장점]

모든 차원과 모든 공간에서의 적용가능 무한 차원상에서도 쓰일 수 있음 [단점]

정확성을 위해서 극값으로 이동함에 있어 매우 많은 단계를 거쳐야함 주어진 함수에서의 곡률에 따라서 거의 같은 위치에서 시작했음에도 불구하고 완전히 다른 결과로 이어질 수도 있음

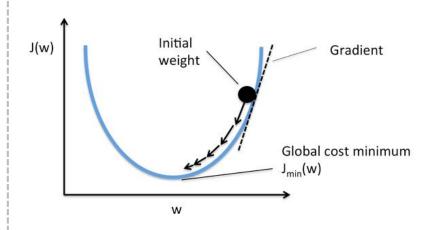
# O3 단순·다중 회귀분석

# 경사 하강법(Gradient descent)



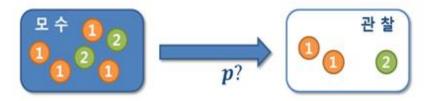
오차 제곱의 합의 평균이 '비용'

Error<sub>(m,b)</sub> = 
$$\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (y_i - (mx_i + b))^2$$

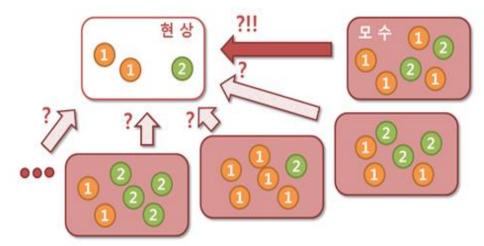


#### 최대우도추정법(MLE)

A. 확률(probability): 모수로부터 다음과 같이 관찰될 확률은?



B. 우도(likelihood): 현상에 대해 가장 가능성이 높은(우도가 높은) 모수는?



http://dermabae.tistory.com/188

#### 최대우도추정법(MLE)

#### Likelihood(우도)

주어진 현상을 가지고 이 현상이 추출될 가능성

최대 우도 추정법(MLE)

Maximum Likelihood는 Likelihood를 최대로 하는 파라미터를 찾는 방법

→ Likelihood를 구성한 다음 이를 maximize하면 됨

ex. 동전 던지기 성공 확률 구하기

동전을 4번 던진다고 생각해 보세요. 동전던지기는 베르누이시행(Bernoull's trial)인데 각각의 사건(event)이 서로 독립이며 발생가능한 경우의 수는 앞, 뒤의 2가지입니다.

Cf. 베르누이 실행 확률실험의 결과가 성공아 니면 실패즉 두가지 결과로 나타나는 실험

#### 최대우도추정법(MLE)

4번의 동전던지기에서 (앞면, 앞면, 뒷면, 뒷면)이 나왔다고 하고, 앞면이 나올 확률, 즉 성공확률을 p라고 표현하면

```
Likelihood = p^*p^*(1-p)^*(1-p)
= p^2(1-p)^2
= p^2(1-2p^*p^2)
= p^4-2p^3+p^2
```

위의 Likelihood를 maximize하는 값이 MLE에서 찾는 P

#### 최대우도추정법(MLE)

#### Likelihood(우도)

- 확률의 반대 개념이나, 비슷하게 볼 수 있음. (해석하면 '가능성')
- sample이 발생하는 것은 모집단의 확률분포에 따라 발생하는 것으로, 회귀분석 (regression)에서는 Normal분포에 따라 사건, 즉 sample이 발생하는 것으로 파악
- 가장 큰 차이는, Likelihood에서 모수(parameter)는 변수이지만, probability에서 모수(parameter)는 fixed되어 있다는 것.
- → Likelihood에서는 모수가 변수이므로 Likelihood를 maximize하는 모수를 찾을 수 있으나 probability에서는 fixed되어 있으므로 maximize하는 값을 찾는 것은 개념적으로 불가함.

#### 최대우도추정법(MLE)

#### 로그 우도

$$egin{aligned} L( heta|x) &= \prod_{i=1}^n f(x_i| heta) \ &= \prod_{i=1}^n L( heta|x_i) \end{aligned}$$

$$egin{aligned} l( heta|x) &= \log \prod_{i=1}^n f(x_i| heta) \ &= \sum_{i=1}^n \log f(x_i| heta) = \sum_{i=1}^n \ l( heta|x_i). \end{aligned}$$

독립변수와 종속변수가 선형 관계에 있지 않은 일반화 선형 모형에서 회귀식을 추정 할 때 자주 사용.

**우도비 검정 (likelihood ratio test)**: 변수를 추가하면서 모델 간의 우도를 비교 하여 우도를 높이는 유의한 변수를 추가하 는 주요한 방법

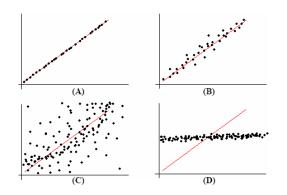
#### 모델 적합도 판단 - 결정 계수(r²)

회귀 직선이 실제 데이터를 얼마나 잘 설명 하고 있는가를 나타내는 지수

총 변동(SS total)에 대한 회귀의 변동(SSR) 비율 범위는  $0 \le r^2 \le 1$ 

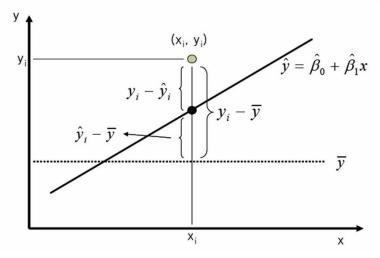
 $r^2$ 이 1에 가까울수록 모델이 데이터에 적합함

Cf 변수가 많아지면  $r^2$ 값이 자연스레 증가할 수 밖에 없음



$$y_i - \overline{y} = (y_i - y_i^-) + (y_i^- - \overline{y}^-)$$
 
$$\sum_{i=1}^n (y_i - \overline{y}^-)^2 = \sum_{i=1}^n (y_i - y_i^-)^2 + \sum_{i=1}^n (y_i^- - \overline{y}^-)^2$$
 총제곱합 잔차제곱합 회귀제곱합 SST SSE SSR  $n-1$   $n-2$  1 (자유도)

- \*SST (Total sum of squares)
- \*SSR (Regression sum of squares)



#### Predict함수와 최소자승법

```
from future import division
from probability import mean, correlation, standard deviation, de mean
from gradient descent import minimize stochastic 2, minimize stochastic
import random
from matplotlib import pyplot as plt
def predict(alpha, beta, x i):
    return beta * x i + alpha
##추정치
def error(alpha, beta, x i, y i):
    return y i - predict(alpha, beta, x i)
## 실제값 - 추정치
def sum of squared errors(alpha, beta, x, y):
    return sum(error(alpha, beta, x i, y i) ** 2
              for x i, y i in zip(x, y)
## (실제값 - 추정치)^2
def least squares fit(x, y):
    """given training values for x and y,
    find the least-squares values of alpha and beta"""
    beta = correlation(x, y) * standard deviation(y) / standard deviation(x)
    alpha = mean(y) - beta * mean(x)
    return alpha, beta
```

## ■ 결정계수(r^2)

```
def total sum of squares(y):
    """the total squared variation of y i's from their mean"""
    return sum(v ** 2 for v in de mean(y))
##SST (실제값-평균)^2
def r squared(alpha, beta, x, y):
    """the fraction of variation in y captured by the model, which equals
    1 - the fraction of variation in y not captured by the model"""
    return 1.0 - (sum of squared errors(alpha, beta, x, y) /
                 total sum of squares(y))
##결정계수(r^2) = 1- (SSE/SST)
def squared error(x i, y i, theta):
    alpha, beta = theta
    return error(alpha, beta, x i, y i) ** 2
def squared error gradient(x i, y i, theta):
    alpha, beta = theta
    return [-2 * error(alpha, beta, x i, y i), # alpha partial derivative
            -2 * error(alpha, beta, x i, y i) * x i] # beta partial derivative
```

#### ■ 최소자승법으로 적합시키기 & 결정계수 구하기

num\_friends\_good 과 daily\_minutes\_good 은 data 폴더 참조

```
alpha, beta = least_squares_fit(num_friends_good, daily_minutes_good)
print("alpha", alpha)
print("beta", beta)

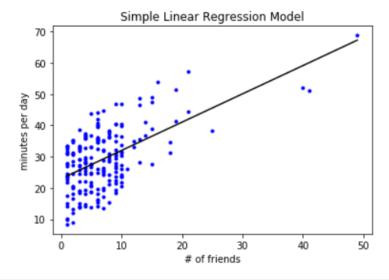
print("r-squared", r_squared(alpha, beta, num_friends_good, daily_minutes_good))
```

alpha 22.94755241346903 beta 0.903865945605865 r-squared 0.3291078377836305

#### result

```
In [14]:
    def yfit(alpha, beta, x):
        return [predict(alpha, beta, i) for i in x]

plt.scatter(num_friends_good, daily_minutes_good, marker = '.', color = 'blue')
    plt.plot(num_friends_good, yfit(alpha, beta, num_friends_good), color = 'k')
    plt.title("Simple Linear Regression Model")
    plt.xlabel("# of friends")
    plt.ylabel("minutes per day")
    plt.show()
```



#### O4 단순 선형 회귀분석

#### 경사하강법(SGD)

#### 04 다중 선형 회귀분석

#### estimate\_beta(x, y)

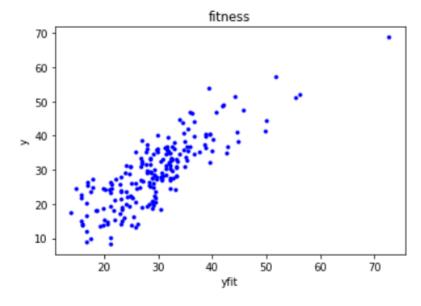
```
random.seed(0)
In [5]:
         beta = estimate beta(x, daily minutes good) # [30.63, 0.972, -1.868, 0.911]
         print("beta", beta)
         print("r-squared", multiple r squared(x, daily minutes good, beta))
        27
        False
        28
        False
        29
        False
        30
        False
        31
        False
        32
        False
        33
        False
        34
        False
        35
        beta [30.522657701970747, 1.0111632007085694, -1.8416213803688282, 0.7515629864517557]
        r-squared 0.6784650836048222
```

#### 04 다중 선형 회귀분석

#### estimate\_beta(x, y)

```
In [6]: def yfit(x, beta):
    return [predict(x_i, beta) for x_i in x]

plt.scatter(yfit(x, beta), daily_minutes_good, marker = '.', color = 'blue')
plt.xlabel("yfit")
plt.ylabel("y")
plt.title("fitness")
plt.show()
```



scikit-learn

http://scikit-learn.org/stable/index.html

```
In [3]:
        import matplotlib.pyplot as plt
        import numpy as np
        from sklearn import datasets, linear model
        from sklearn.metrics import mean squared error, r2 score
        # Load the diabetes dataset
        diabetes = datasets.load diabetes()
        print(diabetes.data.shape)
        print(diabetes.data)
        (442, 10)
        [ 0.03807591 0.05068012 0.06169621 ..., -0.00259226 0.01990842
          -0.01764613]
         [-0.00188202 -0.04464164 -0.05147406 ..., -0.03949338 -0.06832974
          -0.09220405]
         [ 0.08529891  0.05068012  0.04445121 ..., -0.00259226  0.00286377
          -0.02593034]
         . . . ,
         0.04170844 0.05068012 -0.01590626 ..., -0.01107952 -0.04687948
           0.01549073
         [-0.04547248 -0.04464164 0.03906215 ..., 0.02655962 0.04452837
          -0.02593034]
         [-0.04547248 -0.04464164 -0.0730303 ..., -0.03949338 -0.00421986
           0.00306441]]
```

```
# Use only one feature
diabetes X = diabetes.data[:, np.newaxis, 2]
print(diabetes X)
# Split the data into training/testing sets
diabetes X train = diabetes X[:-20]
diabetes X test = diabetes X[-20:]
[[ 0.06169621]
 [-0.05147406]
 [ 0.04445121]
 [-0.01159501]
 [-0.03638469]
 [-0.04069594]
 [-0.04716281]
 [-0.00189471]
 [ 0.06169621]
```

```
# Split the targets into training/testing sets
diabetes y train = diabetes.target[:-20]
print(diabetes y train)
diabetes v test = diabetes.target[-20:]
# Create linear regression object
regr = linear model.LinearRegression()
# Train the model using the training sets
regr.fit(diabetes X train, diabetes y train)
# Make predictions using the testing set
diabetes y pred = regr.predict(diabetes X test)
[ 151.
        75.
             141.
                   206.
                         135.
                                 97.
                                      138.
                                             63.
                                                  110.
                                                        310.
                                                              101.
                                                                     69.
 179.
       185.
             118.
                         166.
                                     97.
                                                   68.
                                                               68.
                                                                   245.
                   171.
                               144.
                                            168.
                                                         49.
             137. 85. 131.
 184.
       202.
                                283.
                                      129.
                                             59.
                                                  341.
                                                         87.
                                                               65. 102.
 265.
       276.
             252.
                    90.
                         100.
                                 55.
                                       61.
                                             92.
                                                  259.
                                                         53.
                                                              190.
                                                                   142.
  75.
       142.
            155.
                   225.
                        59.
                                104.
                                      182.
                                            128.
                                                   52.
                                                         37.
                                                              170. 170.
```

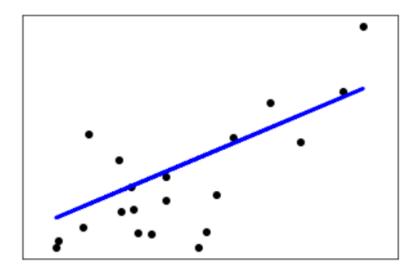
#### eklearn linear model LinearRegression()

```
In [6]: # The coefficients
        print('Coefficients: \n', regr.coef )
        # The mean squared error
        print("Mean squared error: %.2f"
              % mean squared error(diabetes y test, diabetes_y_pred))
        # Explained variance score: 1 is perfect prediction
        print('Variance score: %.2f' % r2 score(diabetes y test, diabetes y pred))
        # Plot outputs
        plt.scatter(diabetes X test, diabetes y test, color='black')
        plt.plot(diabetes X test, diabetes y pred, color='blue', linewidth=3)
        plt.xticks(())
        plt.yticks(())
        plt.show()
        Coefficients:
```

[ 938.23786125]

Mean squared error: 2548.07

Variance score: 0.47





```
In [16]: import matplotlib.pyplot as plt
                                                                   import numpy as np
                                                                   from sklearn import datasets, linear model
                                                                   from sklearn.metrics import mean squared error, r2 score
 In [43]: f = open("reg quest.csv", "r")
                                                                   lines = f.readlines()
                                                                   del lines[0]
                                                                   self1=[]
                                                                   re1=[]
                                                                   symtot=[]
                                                                   for line in lines:
                                                                                               data = line.strip().split(',')
                                                                                               self1.append([float(data[1])])
                                                                                               symtot.append([float(data[13])])
                                                                                               re1.append(data[5])
                                                                   f.close()
                                                                   print(self1,symtot,re1)
                                                                   [[5.0], [5.0], [3.0], [4.0], [5.0], [4.0], [4.0], [5.0], [3.0], [5.0], [3.0], [4.0], [5.0], [5.0], [5.0], [3.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0],
                                                                   [4.0], [4.0], [3.0], [5.0], [4.0], [4.0], [3.0], [5.0], [4.0], [4.0], [5.0], [5.0], [5.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [6.0], [
                                                                   [4.0], [3.0], [4.0], [4.0], [3.0], [4.0], [5.0], [3.0], [3.0], [4.0], [5.0], [4.0], [4.0], [4.0], [3.0], [2.0], [5.0], [5.0],
                                                                   [3.0], [5.0], [5.0], [4.0], [1.0], [5.0], [4.0], [5.0], [4.0], [4.0], [4.0], [2.0], [4.0], [5.0], [5.0], [5.0], [5.0],
                                                                   [4.0], [5.0], [5.0], [5.0], [5.0], [4.0], [4.0], [5.0], [3.0], [5.0], [4.0], [5.0], [5.0], [5.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [
                                                                   [4.0], [4.0], [5.0], [5.0], [4.0], [4.0], [3.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [
                                                                   [3.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [5.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [
                                                                   [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [2.0], [3.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [
                                                                   [5.0], [4.0], [4.0], [2.0], [4.0], [5.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [3.0], [
                                                                   [5.0], [4.0], [1.0], [5.0], [5.0], [4.0], [5.0], [4.0], [3.0], [3.0], [4.0], [4.0], [3.0], [3.0], [4.0], [3.0], [4.0], [5.0],
                                                                   [3.0], [5.0], [5.0], [2.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [5.0], [3.0], [2.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0], [4.0],
```

#### # StatsModel

#### StatsModel: statistics in python

```
In [12]: import numpy as np
        import pandas as pd
        import statsmodels.api as sm
        import statsmodels.formula.api as smf
        import matplotlib.pyplot as plt
In [13]: url = 'reg_quest.csv'
        data = pd.read csv(url)
In [ ]:
In [29]: results = smf.ols('symtot ~ re1 + self1', data=data).fit()
In [30]: print(results.summary())
                                  OLS Regression Results
        Dep. Variable:
        Model:
                                     OLS Adj. R-squared:
                                                                           0.111
        Method:
                            Least Squares F-statistic:
                                                                           19.51
        Date:
                           Wed, 16 May 2018 Prob (F-statistic):
                                                                        1.11e-08
        Time:
                                   12:22:05 Log-Likelihood:
                                                                         -364.31
        No. Observations:
                                       297 AIC:
                                                                          734.6
        Df Residuals:
                                       294
                                             BIC:
                                                                           745.7
        Df Model:
                                         2
        Covariance Type:
                                 nonrobust
                        coef std err
        Intercept
                      2.7284
                                 0.241 11.312
        re1
                      0.1909
                             0.045 4.199
                                                     0.000
                                                                0.101
                                                                           0.280
        self1
                     -0.2331
                             0.049 -4.762
                                                     0.000
                                                               -0.329
                                                                          -0.137
        Omnibus:
                                     6.785 Durbin-Watson:
                                  0.034 Jarque-Bera (JB):
        Prob(Omnibus):
                                                                           6.841
        Skew:
                                   0.344 Prob(JB):
                                                                          0.0327
        Kurtosis:
                                     2.719 Cond. No.
```

## # Quest

Quest

Sklearn혹은 StatsModel을 이용하여 reg\_quest.csv에 있는데이터들을 이용하여 단순/다중 회귀를 돌려보기

# THANK YOU!