

Bottom up Parsing

2022년 5월 25일 수요일 오후 12:16

1. LR Parsers

- Bottom-up parsers ✓
- Rightmost derivation in reverse.
- LR parsing
 - (1) LL parsing 보다 더 powerful
 - (2) 대부분의 programming languages 구문분석 가능.
- LR parser는 수작업으로 구현하기 어려움
=> parser 생성기 이용

화면 캡처: 2022-05-25 오후 12:16

Rightmost dervation의 역순으로 진행한다

LL parsing 보다 powerful 하다

대부분의 programming languages 구문 분석 가능

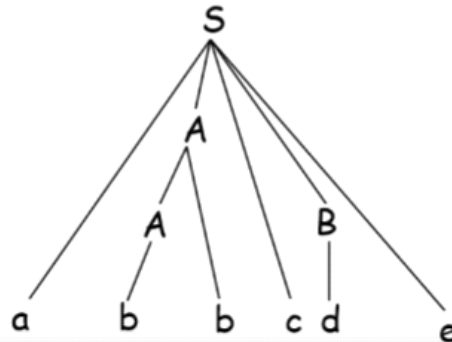
Bottom-up Parsing

ex) $G: (1) S \rightarrow aAcBe$
 (2) $A \rightarrow Ab$
 (3) $A \rightarrow b$
 (4) $B \rightarrow d$

input : **abbcd**e

rm derivation

$S \Rightarrow aAcBe$
 1
 $\Rightarrow aAcde$
 4
 $\Rightarrow aAbcde$
 2
 $\Rightarrow abbcde$
 3



parsing

abbcde \Rightarrow a**Ab**cde
 3
 \Rightarrow aAc**d**e
 2
 \Rightarrow **aAcBe**
 4
 \Rightarrow S
 1

화면 캡처: 2022-05-25 오후 12:18

Handle을 non terminal로 치환 -> handle pruning

Bottom-up Parsing

Input string을 start symbol로 reduce 한다.

정의

reduce: $A \rightarrow \beta$ 인 경우 $\beta \Rightarrow A$ 의 역변환을 **reduce** 라고 한다.

handle: $S \Rightarrow \alpha A \omega \Rightarrow \alpha \beta \omega$ 라면, β 를 $\alpha \beta \omega$ 의 **handle** 이라고 한다.

handle pruning

$\alpha A \omega \Rightarrow \alpha \beta \omega$ 의 역변환, 즉, handle β 를 A로 reduce하는 것을 **handle pruning** 이라고 한다.

LR parsing은 handle pruning을 반복하여 start symbol로

= handle pruning 이라고 한다.

LR parsing은 handle pruning 을 반복하여 start symbol로 reduce 한다.

$$\begin{array}{ccccccc} S & \Rightarrow & r_0 & \Rightarrow & r_1 & \Rightarrow & \dots \Rightarrow r_{n-1} \Rightarrow r_n = \omega \\ \text{rm} & & \text{rm} & & \text{rm} & & \text{rm} \end{array}$$
$$\omega \Rightarrow r_{n-1} \Rightarrow r_{n-2} \Rightarrow \dots \Rightarrow S$$

화면 캡처: 2022-05-25 오후 12:23

Reduce

$A \rightarrow \beta$ 인 경우 $\beta \Rightarrow A$ 의 역변환을 reduce라고 한다

Handle

$abbcde \Rightarrow aAbcde$ 역변환 할때 handle b를 non terminal A로 치환함

Handle을 non terminal로 치환하는것을 **Handle pruning**이라고 한다

LR parsing은 handle pruning을 계속 하는 과정이다

ex) $G: E \rightarrow E + T \mid T$
 $T \rightarrow T * F \mid F$
 $F \rightarrow (E) \mid a$

string : $a + a * a$

$E \Rightarrow E + T$
 $\Rightarrow E + T * F \Rightarrow E + T * a \Rightarrow E + F * a \Rightarrow E + a * a \Rightarrow T + a * a$
 $\Rightarrow F + a * a \Rightarrow a + a * a$

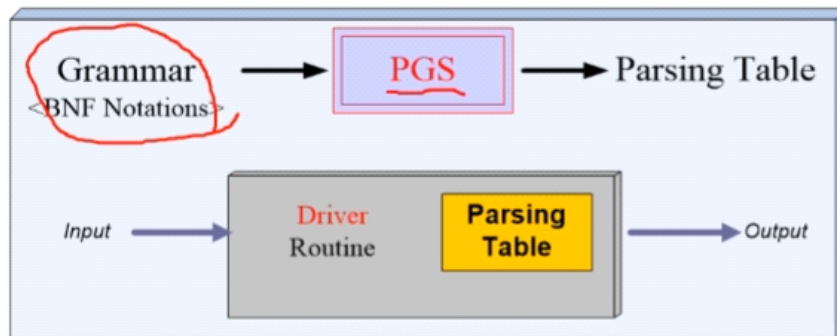
$E \Rightarrow \underline{E} + T$
 $\Rightarrow E + \underline{T * F}$
 $\Rightarrow E + T * \underline{a}$
 $\Rightarrow E + \underline{F} * a$
 $\Rightarrow E + \underline{a} * a$
 $\Rightarrow \underline{T} + a * a$
 $\Rightarrow \underline{F} + a * a$
 $\Rightarrow \underline{a} + a * a$

화면 캡처: 2022-05-25 오후 12:25

E를 aaa로 바꿀때 Rightmost derivation 사용하고 있음을 알 수 있다

a가 handle이 되어서 a가 F로 바뀌고 F+A가 T로 바뀌면서 계속 handle pruning을 수행한다
 결국 E가 된다

- Parser Generating System 모형 ✓



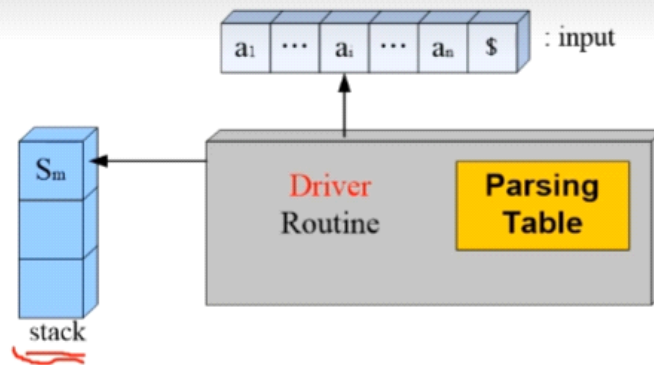
- Driver routine 은 생성되는 모든 parser에서 동일
- Parsing table만 Grammar에 따라 달라짐

화면 캡처: 2022-05-25 오후 12:28

PushDown(stack) automata

PUSHdown Automata

- LR parser



- Parser Configuration

$$(S_0 X_1 S_1 \cdots X_m S_m, a_i a_{i+1} \cdots a_n \$)$$

stack
input

S_i : state, $X_i \in V$.

화면 캡처: 2022-06-06 오후 6:50

Parsing Table 구조

- Parsing Table 구조 (**ACTION** table + **GOTO** table)

		ACTION Table		GOTO Table	
states	symbols	<Terminals>		<Nonterminals>	
	⋮		⋮		⋮

- The LR parser actions :

1. shift
2. reduce
3. accept
4. error

화면 캡처: 2022-06-06 오후 6:54

Configuration: $(S_0 X_1 S_1 \cdots X_m S_m, a_i a_{i+1} \cdots a_n \$)$

1. $ACTION[S_m, a_i] = \text{shift } S$

$\Rightarrow (S_0 X_1 S_1 \cdots X_m S_m a_i S, a_{i+1} \cdots a_n \$)$

2. $ACTION[S_m, a_i] = \text{reduce } A \rightarrow a$

Suppose that $|a| = r$ and $GOTO(S_{m-r}, A) = S$

$\Rightarrow (S_0 X_1 S_1 \cdots X_{m-r} S_{m-r} AS, a_i a_{i+1} \cdots a_n \$)$

3. $ACTION[S_m, a_i] = \text{accept, parsing 완료.}$

4. $ACTION[S_m, a_i] = \text{error, 구문 오류 발생, recovery 실시.}$

화면 캡처: 2022-06-06 오후 6:56

예를 보면서 파싱하면 위의 설명 이해 가능하다

Example

ex) G: 1. LIST \rightarrow LIST , ELEMENT
 2. LIST \rightarrow ELEMENT
 3. ELEMENT \rightarrow a

Parsing Table :

states \ symbols	a	,	\$	LIST	ELEMENT
0	s3			1	2
1		s4	acc		
2		r2	r2		
3		r3	r3		
4	s3				5
5		r1	r1		

s3 means **shift input** and push state 3,
r2 means **reduce** by production 2,
acc means **accept**,
blank means **error**.

화면 캡처: 2022-06-06 오후 6:57

a
 a,a,
 a,a,a
 생성할수있는 언어이다

Terminal

a , \$ ==> Action Table

Non terminal

List, Element => GOTO table

S3의 의미 shift input and push state 3

그러면 S2는 shift input and push state 2

R2의 의미 reduce by production 2 => 규칙 2번에 의해 reduce 되었다는 의미

acc의 의미는 accept

Blank(빈칸)의 의미는 error => error Recovery해야한다

Parser의 동작

- G: 1. LIST \rightarrow LIST , ELEMENT
 2. LIST \rightarrow ELEMENT
 3. ELEMENT \rightarrow a

STACK	INPUT	ACTION
0	a,a\$	s3
0 a 3	,a\$	r3 GOTO 2
0 ELEMENT 2	,a\$	r2 GOTO 1
0 LIST 1	,a\$	s4
0 LIST 1, 4	a\$	s3
0 LIST 1, 4 a 3	\$	r3 GOTO 5
0 LIST 1, 4 ELEMENT 5	\$	r1 GOTO 1
0 LIST 1	\$	accept

states \ symbols	a	,	\$	LIST	ELEMENT
0	s3			1	2
1		s4	acc		
2		r2	r2		
3		r3	r3		
4	s3				5
5		r1	r1		

input program: **a, a**

화면 캡처: 2022-06-06 오후 7:07

Input program : a,a

0이 시작 상태

Step 1

Stack top의 상태와 입력 기호를 가지고 action table을 찾아본다

0과 a를 가지로 action table 찾아본다 -> S3 [input을 shift 하고 3을 push 한다]

Input을 shift한다는 것은 지금 입력 a를 shift하면 stack에 a가 들어가게 된다 그리고 3을 push하게 되면

Stack의 상태가 0 a 3이 된다 input은 ,a\$가 된다

Step2

3과 , 가지고 action table을 찾으면 r3가 나온다 3번 규칙으로 reduce하라

3번 규칙은 Element -> a니까 reduce하면 a가 Element가 된다

Reduce된 대상과 상태를 stack에서 pop한다 stack에 a와 3이 pop이 되고 a는 Element로 바뀐다

그러면 0 Element가 stack상태가 되는데 non terminal 나왔으니까 GOTO table을 살펴 본다
0과 Element를 참고 해서 GOTO table을 찾으면 2가 나온다 이걸 stack에 push하면
최종 stack 상태는 0 Element 2가 된다

Setp 3

이제 2와 , 를 가지고 action table검색하면 r2가 나옴

2번 규칙 List -> Element 가지고 reduce한다 이때 상태도 같이 pop하고 바뀐다

Stack에 Element는 List로 바뀐다

stack상태는 0 List가 된다 0과 list가지고 GOTO table검색하면 1이 나온다 나온 결과 1을 다시 stack에 push한다

최종 stack 상태는 0 List 1

Step 4

1과 ,을 action table에서 찾으면 S4가 나온다 이러면 input ,을 shift한다 그리고 상태 4를 저장한다

Step 5

4와 a를 action table에서 찾는다 S3가 나옴 a를 shift 하고 3을 추가한다

최종 stack은 0 LIST 1,4 a 3이 된다

Step 6

3과 \$를 action table에서 찾으면 r3가 된다 r3는 3번 규칙으로 reduce하니까 a를 ELEMENT로 reduce한다
Stack이 0 LIST 1,4 ,ELEMENT 가 된다

4와 element 통해서 GOTO가면 5가 되니까 5를 추가 한다

최종 stack은 0 LIST 1,4 ,ELEMENT 5

Step 7

5와 \$를 보면 r1이 나온다

List -> list,element로 reduce한다

List , Element와 상태 1 4 5를 pop하고 list로 바꾼다

List의 상태 ,의 상태 element의 상태 번호도 같이 pop하는 작업이다

최종 stack은 0 list 이된다.

Step 8

0과 list 검색해서 들어가면 1이 추가 된다

Stack : 0 list 1

Step 9

1과 \$가 되면 accept된다

5. LR Parser 종류

- Simple LR(SLR), Canonical LR(CLR), Look-Ahead LR(LALR)
- Parsing table의 크기는 상태 수에 비례
 - parsing table의 크기 : $|states| \times |V|$
 - 일반적인 프로그래밍 언어 문법 :
 - $|V| = 100$, $|states| = 300$, parsing table 크기 = 30,000 entries
- parsing 능력
CLR > LALR > SLR
- parsing table의 크기:
- CLR >> LALR \approx SLR

종류 3가지

Simple LR

Canonical LR

Look ahead LR

6. Ambiguous Grammar의 파싱

- 모호한 문법: LR 이 아님 -> **conflicts** 발생
- **shift-reduce conflict**: shift와 reduce 모두 가능한 상황
reduce-reduce conflict: 두 가지 이상의 rule로 reduce 가능
- 모호한 문법임을 사용할 경우가 있음 - eg. *dangling-else*

⇒ **conflicts** 는 **precedence** 와 **associativity** 를 이용하여 해결 가능

① Precedence : higher ⇒ **shift**
 lower ⇒ **reduce**

② Associativity : left ⇒ **reduce**
 right ⇒ **shift**

화면 캡처: 2022-06-06 오후 8:37

LALR은 모호한 문법 파싱 못한다

모호한 문법에다가 LR적용하면 conflicts가 발생하기 때문이다.

모호한 문법임에도 사용하는 경우가 있다 -> *dangling else*

Conflict는 precedence와 associativity를 이용하여 해결 가능

Conflict 종류

- **Shift reduce conflict**
 - Shift와 reduce 모두 가능한 상황
- **Reduce- reduce conflict**
 - 두가지 이상의 rule로 reduce 가능

