

Inteligência Artificial

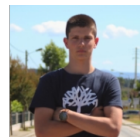
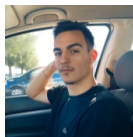
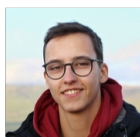
Relatório do Trabalho Prático - Fase 1

LEI - 2022/2023

Descrição do Desenvolvimento e Resultados Obtidos

Grupo 15

Rui Chaves Maurício Pereira Afonso Bessa Martim Ribeiro
A83693 A95338 A95225 A96113



Universidade do Minho

Índice

| | | |
|---|--|----|
| 1 | Introdução | 3 |
| 2 | Descrição do Problema | 4 |
| 3 | Formulação do Problema | 6 |
| 4 | Estrutura do Projeto | 8 |
| 5 | Tarefas Realizadas | 10 |
| | 5.1 Circuitos <i>VectorRace</i> | 11 |
| | 5.2 Representação do Circuito em forma de Grafo | 13 |
| | 5.3 Limitação - Implementação de Velocidade Crescente .. | 14 |
| | 5.4 Estratégia de Procura | 15 |
| 6 | Demonstração dos Resultados Obtidos | 16 |
| | 6.1 Manual de Instruções do Menu | 20 |

1 Introdução

No âmbito da Unidade Curricular de **Inteligência Artificial** foi proposto o desenvolvimento, conceção e implementação de diversos Algoritmos de Procura para a resolução do jogo *VectorRace*.

O seguinte relatório irá retratar e expor algumas tomadas de decisão, bem como, objetivos superados e acontecimento menos conseguidos durante a resolução deste Projeto.

2 Descrição do Problema

O *VectorRace* é um jogo de simulação de carros simplificado, que contém um conjunto de movimentos e regras associadas.

O movimento do carro no *VectorRace* é bastante fácil e elementar, uma vez que, as ações desenvolvidas são equivalentes a um conjunto de Acelerações.

O conjunto de Acelerações possível é **-1**, **0** ou **1**, ou seja, considerando a notação **l** que representa a linha e **c** a coluna para os vetores, num determinado instante, o carro pode acelerar -1 ,0 ou 1 unidades em cada direção.

Consequentemente, para cada uma das direções, o conjunto de acelerações possíveis com $a = (a_l, a_c)$ a representar a aceleração de um carro nas duas direções num determinado instante, é o seguinte:

- $a = (1,1)$
- $a = (1,0)$
- $a = (1,-1)$
- $a = (0,1)$
- $a = (0,0)$
- $a = (0,-1)$
- $a = (-1,1)$
- $a = (-1,0)$
- $a = (-1,-1)$

Tendo em consideração **p** como tuplo que indica a Posição de um carro numa determinada Jogada, j

$$j(p^j = (p_l, p_c))$$

Figura 1.

e \mathbf{v} , o tuplo que indica a Velocidade do carro nessa Jogada,

$$(\mathbf{v}^j = ((v_l, v_c)))$$

Figura 2.

na seguinte Jogada, o carro irá estar na posição:

$$\begin{aligned} p_l^{j+1} &= p_l^j + v_l^j + a_l \\ p_c^{j+1} &= p_c^j + v_c^j + a_c \end{aligned}$$

Figura 3.

A velocidade do carro num determinado instante é calculada:

$$\begin{aligned} v_l^{j+1} &= v_l^j + a_l \\ v_c^{j+1} &= v_c^j + a_c \end{aligned}$$

Figura 4.

Sendo uma simulação de corrida de carros, existe sempre a possibilidade de o carro se despistar e sair da pista, sendo que, quando tal ocorrer, o carro terá de voltar para a Posição anterior, assumindo um valor de Velocidade zero. Cada movimento de um carro numa determinada Jogada, de uma certa Posição para outra, terá um custo de uma unidade, de modo a que, quando o mesmo sair dos limites da pista, o custo é de vinte e cinco unidades.

3 Formulação do Problema

Após uma leitura cuidadosa do enunciado, da sua análise e estudo conjugado com o debate entre todos os elementos do grupo, definimos as seguintes características dos problemas.

- **Estado Inicial:** Ponto de Partida (x,y) , posição inicial onde o Jogador 'P' se encontra definido nas coordenadas cartesianas.
- **Estado Final/Teste Objetivo:** Cruzar a meta, ou seja, o Jogador 'P' sobrepor a meta 'F', igualmente definido por coordenadas cartesianas.
- **Operadores:**
 - Esquerda
O jogador com Velocidade v e Aceleração a deseja movimentar-se para a esquerda. Se a posição estiver livre, identificada por '-', o Jogador movimenta-se, aumentando a sua Velocidade e atualizando a sua Posição. Caso esteja ocupada, identificada por 'X', o Jogador fica com Velocidade igual zero e mantém-se na mesma posição;
 - Direita
O jogador com Velocidade v e Aceleração a deseja movimentar-se para a direita. Se a posição estiver livre, identificada por '-', o Jogador movimenta-se, aumentando a sua Velocidade e atualizando a sua Posição. Caso esteja ocupada, identificada por 'X', o Jogador fica com Velocidade igual zero e mantém-se na mesma posição;
 - Cima
O jogador com Velocidade v e Aceleração a deseja movimentar-se para cima. Se a posição estiver livre, identificada por '-', o Jogador movimenta-se, aumentando a sua Velocidade e atualizando a sua Posição. Caso esteja ocupada, identificada por 'X', o Jogador fica com Velocidade igual zero e mantém-se na mesma posição;
 - Baixo
O jogador com Velocidade v e Aceleração a deseja movimentar-se para baixo. Se a posição estiver livre, identificada por '-', o Jogador movimenta-se, aumentando a sua Velocidade e atualizando a sua Posição, Caso esteja ocupada, identificada por

'X', o Jogador fica com Velocidade igual zero e mantém-se na mesma posição;

- **Estado Possíveis:**

- Parado após bater em obstáculo;
- Parado após sair dos limites da pista;
- Movimentar-se para a frente;
- Movimentar-se para trás;
- Movimentar-se para a esquerda;
- Movimentar-se para a direita;
- Movimentar-se para a diagonal superior esquerda;
- Movimentar-se para a diagonal superior direita;
- Movimentar-se para a diagonal inferior esquerda;
- Movimentar-se para a diagonal inferior direita;

- **Custo da Solução:**

Como já mencionado anteriormente, cada ação bem sucedida custa uma unidade, caso saia dos limites da pista este tem um custo de vinte e cinco unidades.

```
|----- FORMULACAO DO PROBLEMA -----|

Estado Inicial: Ponto de Partida (x,y), posição inicial onde o Jogador P se encontra definido nas coordenadas cartesianas.

Estado Final/Teste Objetivo: Cruzar a meta, ou seja, o Jogador P sobrepor a meta F, igualmente definido por coordenadas cartesianas.

Operadores:
-> Esquerda: O jogador com Velocidade v e Aceleração a deseja movimentar-se para a esquerda. Se a posição estiver livre, identificada por -,
o Jogador movimenta-se, aumentando a sua Velocidade e atualizando a sua Posição. Caso esteja ocupada, identificada por X, o Jogador fica com Velocidade igual zero e mantém-se na mesma posição;
-> Direita: O jogador com Velocidade v e Aceleração a deseja movimentar-se para a direita. Se a posição estiver livre, identificada por -,
o Jogador movimenta-se, aumentando a sua Velocidade e atualizando a sua Posição. Caso esteja ocupada, identificada por X, o Jogador fica com Velocidade igual zero e mantém-se na mesma posição;
-> Cima: O jogador com Velocidade v e Aceleração a deseja movimentar-se para cima. Se a posição estiver livre, identificada por -,
o Jogador movimenta-se, aumentando a sua Velocidade e atualizando a sua Posição. Caso esteja ocupada, identificada por X, o Jogador fica com Velocidade igual zero e mantém-se na mesma posição;
-> Baixo: O jogador com Velocidade v e Aceleração a deseja movimentar-se para baixo. Se a posição estiver livre, identificada por -,
o Jogador movimenta-se, aumentando a sua Velocidade e atualizando a sua Posição, Caso esteja ocupada, identificada por X, o Jogador fica com Velocidade igual zero e mantém-se na mesma posição.

Estado Possíveis:
-> Parado após bater em obstáculo;
-> Parado após sair dos limites da pista;
-> Movimentar-se para a frente;
-> Movimentar-se para trás;
-> Movimentar-se para a esquerda;
-> Movimentar-se para a direita;
-> Movimentar-se para a diagonal superior esquerda;
-> Movimentar-se para a diagonal superior direita;
-> Movimentar-se para a diagonal inferior esquerda;
-> Movimentar-se para a diagonal inferior direita.

Custo da Solução: Cada ação bem sucedida custa uma unidade, caso saia dos limites da pista este tem um custo de vinte e cinco unidades.

Prima ENTER para continuar|
```

Figura 5. Opção 1 do Menu - Formulação do Problema

4 Estrutura do Projeto

O Projeto encontra-se partido em dez ficheiros *.py*, bem como, uma pasta Circuitos onde se encontram os ficheiros *.txt*

No *main.py* encontra-se o código para a execução inicial do programa e é aqui que está presente o Menu que será apresentado ao utilizador. Menu este, que possui o tópico já abordado, Formulação do Problema, tal como, Criar *VectorRace*, Pista em Forma de Grafo e Estratégias de Procura, temas que irão de seguida ser abordados.

Nos ficheiros *tk.py*, *track.py*, *vectorrace-criar.py* e *vectorrace-ler.py* encontra-se todo o código necessário à representação gráfica dos Circuitos. O primeiro e o segundo ficheiros têm a configuração necessária para o *Tkinter* representar o Circuito da maneira que planeamos. Os dois últimos são semelhantes na sua estrutura, diferindo apenas na parte em que um interpreta um ficheiro *.txt* e o mostra numa interface gráfica e o outro que cria de raiz um Circuito através do input do utilizador e o apresenta também na interface gráfica. De notar que, ao tentar ler um Circuito, está implementado um sistema que impede que isto seja feito caso o mesmo não seja válido, sendo devidamente fornecido *feedback* na forma de *output* pelo sistema. Um circuito pode ser inválido pelas mais diversas razões, nomeadamente apresentar mais do que um Checkpoint.

Já nos ficheiros *Node.py* e *Graph.py* encontram-se as definições de nodos e grafos, respetivamente, e ainda algumas funções indispensáveis e fundamentais para a resolução dos problemas, como, por exemplo, *calcula-custo*, que dado um caminho calcula o custo do mesmo.

O ficheiro *readFile.py* envolve todas as funções necessárias e fundamentais para a leitura, demonstração e determinação de pontos num *.txt*.

O ficheiro *map-creation-tool.py* recorre de novo à *package Tkinter* apresentando ao utilizador uma interface gráfica interativa baseada em botões, em que é possível a criação de um Circuito, fornecendo o número de colunas e linhas do mesmo, ou a alteração de um já existente na pasta Circuitos.

Por último, no *Race.py* estão presentes as funções relativas à construção do grafo, com principal destaque para a função *cria-grafo*, que, tal o nome indica, cria o grafo respetivo ao *Circuito.txt* dado,

através da associação de adjacências, não passando mais do que uma vez em cada Posição do *txt*.
mas mudanças

5 Tarefas Realizadas

Inicialmente, para começar a implementar o problema formulado, foi necessário a instalação das *packages python* `matplotlib`, `networkx` e `tkinter` através dos seguintes comandos:

```
$ pip install networkx
$ pip install matplotlib
$ pip install tkinter
```

5.1 Circuitos *VectorRace*

O grupo decidiu que, primeiramente, após algum debate de possíveis ideias, iriam ser representados graficamente os circuitos e, para isso, partiu-se de dois cenários distintos:

- Gerar um *VectorRace* a partir de um ficheiro *.txt*;
- Permitir a criação de um *VectorRace*, com posterior geração de um *.txt*, dada a informação necessária, como, por exemplo, ponto inicial ou tamanho do Circuito.

No entanto, antes de chegar a estas duas hipóteses, preparamos as representações gráficas.

Gráficos:

Após alguma ponderação e investigação *online*, foi óbvia a escolha da biblioteca *Tkinter* para a resolução do problema em causa. Depois de implementar o *Tkinter* de forma a conseguir representar o desejado, foi necessário definir alguns pontos.

Esta biblioteca foi utilizada para representar um circuito, o qual definimos numa classe *Track*. Cada *Track* tem uma dimensão e é constituída por uma outra classe *Point*, que é, de forma simplificada, um tuplo a representar coordenadas. Há, ainda, a possibilidade de implementar barreiras (que definimos numa classe *LineSegment*, que seriam linhas entre dois *Points* e dariam o efeito de barreira pretendido) e de um checkpoint (que seria um ponto de passagem obrigatória).

Com isto tudo implementado e operacional para criar um circuito *VectorRace*, basta chamar a classe *Track* passando como argumento as dimensões, o ponto de chegada juntamente com o ponto de partida, uma lista de barreiras e um checkpoint (os dois opcionais).

Gerar *VectorRace* a partir de um ficheiro:

Com a informação explicada em cima, foi necessário dar uso à classe *Track*. Primeiramente, adaptamos um Circuito no formato *.txt* para uma representação gráfica. Assim, lemos o ficheiro linha a linha e vamos processando e tratando a sua informação. Primeiro, fazemos uma pequena verificação para garantir que o ficheiro cumpre alguns requisitos, entre os quais:

- Confirmar que todo o contorno do circuito corresponde a uma barreira (existe apenas uma exceção no caso de o ponto de partida ou de chegada se encontrarem nestas posições);
- Confirmar que só existe um ponto de partida e um ponto de chegada;
- Confirmar que todas as linhas têm o mesmo tamanho.

De seguida, extraímos as coordenadas de partida e de chegada e, por fim, extraímos as barreiras. Posto isto, é apenas necessário chamar a classe *Track* com toda a informação recolhida.

Criar *VectorRace*:

Criar um *VectorRace* com informação recebida por input revelou-se um pouco mais trabalhoso, complicado e desafiante do que o ponto dois, uma vez que, apesar de não termos que processar a informação, tivemos de gerar um ficheiro *.txt* de raiz.

Partindo o problema em partes: a informação é recolhida por inputs. À medida que estes inputs vão sendo chamados, vão também sendo chamadas funções que vão construindo o ficheiro *.txt*, começando pela dimensão, pontos de partida e chegada e acabando nas barreiras. Este ficheiro é, posteriormente, guardado na diretoria Circuitos.

5.2 Representação do Circuito em forma de Grafo

Após levantadas algumas questões relativas ao modo de implementação do Grafo do respetivo Circuito, o grupo decidiu, primeiramente, rever a Ficha3 e, mais precisamente, o código do ficheiro *Baldes.py*, uma vez que este servia de motor para a resolução deste tópico.

Inicialmente, partindo totalmente da ideia demonstrada pela equipa docente, idealizamos um ficheiro com o construtor *init*, onde este tinha na sua constituição:

```
def __init__(self):  
    self.g = Grafo(directed=True)  
    self.custo = 0  
    self.posicao = "(0,0)"  
    self.velocidade = "(0,0)"  
    self.aceleracao = "(0,0)"
```

Da mesma maneira que no ficheiro *Baldes.py*, teríamos um Grafo orientado uma vez que queríamos saber a direção do nodo, grafo esse que seria importado do ficheiro *Graph.py* também disponibilizado pelos docentes, um inteiro relativo ao custo inicialmente a zero, uma *string* que indicava a Posição atual, uma *string* que indicava a Velocidade atual e, por último, uma *string* que indicava a Aceleração atual. O restante código referia-se à construção do Grafo e funções necessárias para o movimento do Carro de Posição.

Após algum debate e análise, deparamo-nos que para este tópico não iríamos precisar do custo, uma vez que apenas pretendemos construir o gráfico resultante de partir do Ponto Inicial até todos os nodos (ou até a meta neste caso), com velocidades a serem alteradas.

Seguidamente, depois de vários pensamentos e erros obtidos, verificamos que, para cada movimento realizado, a aceleração pode tomar uma das nove opções mencionadas no tópico dois. Desse modo, poderíamos remover a Aceleração do construtor *init* e por cada movimento avançado teríamos que considerar as nove possibilidades, o que nos levou a concluir que na função principal *criar_grafo* teríamos de possuir uma maneira de guardar nós visitados anteriormente de maneira a não termos ciclos ou repetição de nodos desnecessari-

amente. Assim, na função *cria-grafo* apenas avançávamos para a Posição seguinte caso a mesma já não tivesse sido visitada.

Após novos erros e incapacidade de completar o grafo na totalidade e por sugestão dos docentes da UC no Enunciado, reformulamos o código e implementamos tudo o que se caracterizava por coordenadas geográficas através do tipo de dados *tuple* mas após termos encontrado algumas dificuldades a manipular listas de tuplos (possivelmente pela inexperiência em desenvolvimento na Linguagem *python*) foi decidido pelo grupo de trabalho alterar o código para um modelo de *strings* juntamente com *arrays* e listas de *arrays*, nomeadamente para armazenar o conteúdo de um ficheiro *.txt*.

5.3 Limitação - Implementação de Velocidade Crescente

Infelizmente, tivemos alguma dificuldade em implementar a velocidade como nos foi proposto no enunciado. Desta forma, apesar de termos muito código pronto para a implementação da mesma e após o termos tentado incessantemente, atualmente a velocidade é tomada como zero em todos os pontos, apenas sendo, no fundo, considerados os 9 valores da aceleração para a definição dos pontos adjacentes. Apesar de termos obtido diversos resultados com os vários testes feitos com a velocidade implementada deparamo-nos principalmente com os problemas de o carro "sobrevolar" barreiras e não respeitar *checkpoints* definidos. Em seguida, exemplos dos problemas anteriores:

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|----|----|----|----|
| 0 | | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 1 | | X | X | - | 1 | 2 | - | 3 | - | - | - | - | - | X | X |
| 2 | | X | X | - | - | - | - | - | 4 | - | - | - | - | X | X |
| 3 | | X | X | - | - | - | - | - | - | - | - | - | - | X | X |
| 4 | | X | X | - | - | - | - | - | - | - | 5 | - | - | X | X |
| 5 | | X | X | - | - | - | - | - | - | - | - | - | - | X | X |
| 6 | | X | X | - | - | X | - | - | - | - | 6 | - | - | X | X |
| 7 | | X | X | X | - | X | X | - | X | X | - | X | X | X | X |
| 8 | | X | X | X | X | X | - | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 9 | | X | X | X | X | - | - | - | - | - | 7 | - | X | X | X |
| 10 | | X | X | - | - | - | - | X | X | - | - | - | X | X | X |
| 11 | | X | X | - | - | - | - | - | - | - | - | - | X | X | X |
| 12 | | X | X | - | - | - | - | - | X | - | 8 | - | X | X | X |
| 13 | | X | X | - | - | - | - | - | - | - | - | - | X | X | X |
| 14 | | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X |

Figura 6. Avanço de barreiras indevido entre 6 e 7

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 1 | X | X | - | - | - | - | - | - | - | X |
| 2 | X | X | - | - | - | - | - | - | - | X |
| 3 | X | X | - | - | X | X | X | - | - | X |
| 4 | X | X | - | - | X | X | X | - | - | X |
| 5 | X | X | - | - | X | X | X | - | - | X |
| 6 | X | X | - | - | X | X | X | - | - | X |
| 7 | X | X | - | - | - | 1 | 2 | - | - | X |
| 8 | X | X | - | - | X | X | X | - | - | X |
| 9 | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X |

Figura 7. Ciclo de P para F imediato, não respeitando *Checkpoints*

| | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X |
| 1 | X | 1 | 2 | - | 3 | - | - | - | - | X |
| 2 | X | X | X | X | X | - | 4 | - | X | X |
| 3 | X | X | X | X | X | X | X | - | - | X |
| 4 | X | - | - | - | - | - | 5 | - | - | X |
| 5 | X | X | X | X | - | - | 7 | 6 | X | X |
| 6 | X | X | X | X | X | X | X | X | X | X |

Figura 8. Situação Estranha de ignorar movimentação direta de 5 para 7

5.4 Estratégia de Procura

Nesta primeira fase do projeto, optamos por implementar uma estratégia não informada. Desse modo, escolhemos o **Algoritmo de Procura em Largura** (BFS).

Num primeiro plano tínhamos como objetivo implementar as duas estratégias não informadas, o **Algoritmo de Procura em Profundidade** e o **Algoritmo de Procura em Largura**. Porém, durante o desenvolvimento destes métodos, surgiu-nos um problema relativamente à DFS. Resumidamente, na execução dos dois algoritmos, isto é, na execução do DFS anteriormente ao BFS, por algum motivo o sistema conservava alguns dos nodos visitados na primeira estratégia e imprimia esses mesmos nodos na execução da segunda estratégia. Devido ao elevado grau de fragilidade destas funções, não conseguimos descobrir o motivo da errada impressão das ações do **Carro**.

Deste modo, conservou-se, então, como estratégia final implementada, e 100% funcional, o **Algoritmo de Procura em Largura** (BFS). Ficando, assim, o objetivo de implementar todas as estratégias de procura (informada e não informada) na entrega da segunda fase. De notar que o algoritmo BFS tem em conta o caso de existir um Checkpoint no Circuito, tornando obrigatória a pas-

```
Introduza a sua Opção -> 4
----- ALGORITMOS -----
- 1 -> Algoritmo em Profundidade(DFS) -
--- 2 -> Algoritmo em Largura(BFS) ---
----- 3 -> Algoritmo A* -----
----- 4 -> Algoritmo Greedy -----
----- 9 -> Voltar -----
----- 0 -> Sair -----

Introduza a sua Opção -> 1
  0  1  2  3  4  5  6  7  8  9
-----
0 | X X X X X X X X X X
1 | X 1 2 3 4 5 6 7 8 X
2 | X X X X X - 10 9 X X
3 | X X X X X X X 11 12 X
4 | X - - 17 16 15 14 13 - X
5 | X X X X 18 19 20 - X X
6 | X X X X X X X X X X

Prima ENTER para continuar
```

Figura 9. Erro na DFS

sagem pelo mesmo e indicando o caminho percorrido e o custo total completos, desde o ponto de início até ao do fim.

6 Demonstração dos Resultados Obtidos

Da mesma maneira que no tópico 5.2, inicialmente, reutilizamos o código fornecido pelos docentes nas aulas práticas para servirem como exemplo para o que desejávamos efetuar.

Assim tínhamos como ponto de partida um *main* bastante simples onde era apenas possível **Imprimir Grafo**, ou seja, imprimia no terminal todos os nodos e suas ligações a outros nodos do grafo, **Desenhar Grafo**, com recurso à biblioteca *matplotlib* abria-se um novo separador onde era representada a construção do grafo, **Imprimir Nodos do Grafo**, melhor dizendo, no *output* era possível verificar todos os nodos presentes no grafo, **Imprimir Arestas do Grafo**, em outras palavras, imprimia todos as arestas nas ligações entre nodos presentes no grafo e por fim, os **Algoritmos DFS e BFS** falados no tópico 5.3.

```
1-Imprimir grafo
2-Desenhar Grafo
3-Imprimir  nodos de Grafo
4-Imprimir arestas de Grafo
5-DFS
6-BFS
7 -Outra solução
0-Sair
```

Figura 10.

Após uma avaliação e análise do que iríamos ou não manipular, o grupo decidiu elaborar um *main* bastante mais apelativo, bem como, mais elaborado, organizado e requintado. Assim, inicialmente, começou por melhorar a elegância do *output* acrescentando alguns pormenores nas bordas que fazem toda a diferença.

```
|-----|
|----- 1 -> Imprimir Grafo -----|
|-----|
|----- 2 -> Desenhar Grafo -----|
|-----|
|---- 3 -> Imprimir nodos de Grafo ----|
|-----|
|--- 4 -> Imprimir arestas de Grafo ---|
|-----|
|----- 0 -> Sair -----|
|-----|
Introduza a sua opção-> |
```

Figura 11.

Posteriormente, ficou decidido que seria necessário acrescentar a representação gráfica do Grafo, bem como, a possibilidade de imprimir o *circuito.txt*. Assim, foram criados três novos tópicos: **Imprimir Circuito.txt**, **Imprimir VectorRace** e **Criar VectorRace**. Ficando o *main* com todas estas possibilidades:

```
|----- MENU -----|
|----- 1 -> Imprimir Circuito.txt -----|
|----- 2 -> Imprimir VectorRace -----|
|----- 3 -> Criar VectorRace -----|
|----- 4 -> Imprimir Grafo -----|
|----- 5 -> Desenharr Grafo -----|
|---- 6 -> Imprimir Nodos de Grafo ----|
|--- 7 -> Imprimir Arestas de Grafo ---|
|----- 0 -> Sair -----|
```

Figura 12.

Com o avançar do Projeto, verificamos que ter apenas um Circuito iria ser demasiado básico e incompleto, levando o grupo a reunir e a decidir que iríamos ter também a possibilidade da criação de um novo Circuito, para além de ter a liberdade de escolher um dos nosso dez Circuitos já disponíveis para usar. Este novo Circuito não tem qualquer restrição e o resultado final está apenas dependente do utilizador.

```
|----- MENU -----|
|----- 99 -> Escolher Circuito -----|
|----- Atual: circuito0.txt -----|
|----- 1 -> Formulação do Problema -----|
|----- 2 -> Circuito VectorRace -----|
|----- 3 -> Pista em Forma de Grafo -----|
|----- 4 -> Estratégia de Procura -----|
|----- 0 -> Sair -----|
```

Figura 13.

Em suma, após todos estes passos chegamos ao resultado final do nosso *main*. Um *main* constituído por todo o Projeto desde a sua Formulação até às Estratégias de Procura, passando pelo Circuito *VectorRace* e Pista em forma de Grafo. De notar que algumas funcionalidades, apesar de já estarem disponíveis as respetivas opções, ao seleccionar apenas é indicado que irá ainda ser implementado. De seguida, através de *prints*, iremos mostrar um exemplo para um *Circuito.txt* e um Manual de Instruções de como utilizar o Menu:

6.1 Manual de Instruções do Menu

Através do input 99, é-nos apresentado o Menu em que é possível escolher qualquer um dos Circuitos na pasta Circuitos. Considerando que o número destes presente na pasta vai variando, a lista de opções apresentada é, também, dinâmica. O circuito inicial é tomanho como sendo o Circuito0.txt e o escolhido, em caso de alteração, mantém-se e serve de base para todas as funcionalidade do menu. Em seguida podemos ver um *print* exemplificativo do mesmo.

```
|----- MENU -----|
|----- 99 -> Escolher Circuito -----|
|----- Atual: circuito0.txt -----|
|----- 1 -> Formulação do Problema -----|
|----- 2 -> Circuito VectorRace -----|
|----- 3 -> Pista em Forma de Grafo -----|
|----- 4 -> Estratégia de Procura -----|
|----- 0 -> Sair -----|
|-----|
| Introduza a sua Opção -> █ |
```

Figura 14.

O menu correspondente à escolha da opção N^o2, resposta ao input "2", apresenta as opções Imprimir CircuitoX.txt, *VectorRace* do CircuitoX.txt e Criar *VectorRace*. Em seguida, apresentamos o output destas.

```
Introduza a sua Opção -> 2

|----- VECTOR RACE MENU -----|
|----- 1 -> Imprimir circuito0.txt ----|
|-- 2 -> VectorRace do circuito0.txt --|
|----- 3 -> Criar VectorRace -----|
|----- 9 -> Voltar -----|
|----- 0 -> Sair -----|
|-----|

Introduza a sua Opção -> █
```

Figura 15.

Através do ponto 3 ("3 - Pista em forma de Grafo") do Menu é possível correr as funções explicadas anteriormente, **Imprimir nodos do Grafo** e **Imprimir arestas do Grafo**, mas também podemos pedir uma representação gráfica em forma de Grafo do Circuito, estando representados as adjacências e o custo das mesmas. É, também, possível representar estas adjacências de forma textual através da seleção da opção 1 - Imprimir Grafo, sendo apresentados os diversos Nodos e as respetivas associações e custo. Em seguida, podemos ver o resultado da execução destas opções.

```

Introduza a sua Opção -> 3

|----- GRAFOS -----|
|----- 1 -> Imprimir Grafo -----|
|----- 2 -> Desenhar Grafo -----|
|---- 3 -> Imprimir nodos de Grafo ----|
|--- 4 -> Imprimir arestas de Grafo ---|
|----- 9 -> Voltar -----|
|----- 0 -> Sair -----|
|-----|

Introduza a sua Opção -> █

```

Figura 16.

Em seguida, e por último, através do input 4, podemos ver o Menu dos Algoritmos onde é possível escolher de entre os quatro que terão que estar devidamente implementados na segunda fase. Neste momento, como já foi explicado anteriormente, apenas a opção 2 está funcional, obtendo o seguinte output para o *Circuito0.txt*.

```

Introduza a sua Opção -> 4

|----- ALGORITMOS -----|
|----- 1 -> Algoritmo em Profundidade(DFS) -----|
|----- 2 -> Algoritmo em Largura(BFS) -----|
|----- 3 -> Algoritmo A* -----|
|----- 4 -> Algoritmo Greedy -----|
|----- 9 -> Voltar -----|
|----- 0 -> Sair -----|
|-----|

Introduza a sua Opção -> 2

Caminho encontrado: (1,1) -> (1,2) -> (1,3) -> (1,4) -> (1,5) -> (1,6) -> (2,7) -> (3,8) ->
(4,9) -> (4,10) -> (5,11) -> (6,12)
Custo Total: 11

   0  1  2  3  4  5  6  7  8  9 10 11 12 13
-----
0 | X  X  X  X  X  X  X  X  X  X  X  X  X  X
1 | X  1  2  3  4  5  6  -  -  X  X  X  X  X
2 | X  -  -  -  -  -  7  -  -  -  -  X  X  X
3 | X  X  X  X  X  -  -  -  8  X  X  X  X  X
4 | X  -  -  -  -  -  -  -  9 10  -  -  X  X
5 | X  X  -  -  -  X  X  X  -  - 11  -  X  X
6 | X  -  -  -  X  X  X  X  -  - 12  -  X  X
7 | X  X  X  X  X  X  X  X  X  X  X  X  X  X

```

Figura 17.

Conclusões

Estratégias

Após uma longa análise dos algoritmos apresentados, nesta primeira fase, concluímos que a melhor estratégia para a formulação deste problema seria o Algoritmo de Procura em Largura (BFS). Conseguimos a implementação deste algoritmo na sua totalidade e com a máxima funcionalidade.

Apesar de, analisando os testes, os dois algoritmos de procura não informada não serem muito diferentes a BFS acaba por ter um custo reduzido, perto do custo real. Admitimos que esta conclusão poderá ser diferente se o grafo aumentar, dependendo se este aumenta em profundidade ou em largura.

Comentário Final

Em conclusão, gostaríamos de realçar a importância que tiveram os métodos de formulação e resolução de problemas no nosso crescimento, não só dentro desta Unidade Curricular, mas também no espectro mais geral. O grupo de trabalho encontra-se bastante satisfeito por todo o trabalho produzido e todo o esforço dedicado de modo a obter o melhor resultado possível, apesar da estratégia de procura incompleta, bem como, a impossibilidade de mudança de velocidade na criação do Grafo. De certo que para a próxima fase esses resultados menos alcançados serão corrigidos e resolvidos. Estamos desta maneira prontos para enfrentar a próxima fase que aí se avizinha.

Referências Bibliográficas

1. Draw.io: Ferramenta para construção gráfica da Topologia
2. StackOverflow: Ferramenta para resolver problemas relacionados com código e erros associados
3. Tkinter: Documentação consultada como auxílio na construção da parte gráfica