ESAME SCRITTO, PARTE I

1. Risolvere il seguente sistema lineare

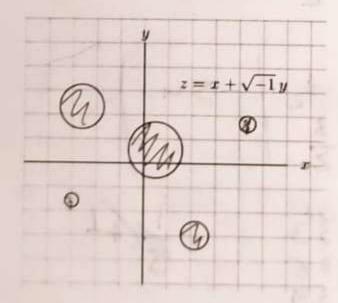
$$\begin{cases} 2x + y - z + 3t = 0 \\ 2x - y + 4t = 9 \\ y + z = 18 \\ x - y + z + t = 27 \end{cases}$$

2. Considerare in $\mathbb{R}_3[x]$ il prodotto scalare dato da

$$\langle p(x), q(x) \rangle = \int_{-1}^{1} p(x)q(x) dx.$$

Determinare il valore di $k \in \mathbb{R}$ tale che il polinomio $p(x) = x^3 + x^2 + x + 1$ è ortogonale a q(x) = x + k.

- 3. Ricordiamo che una matrice quadrata A è simmetrica se e sole se $A = A^t$. Qual'è la dimensione dello spazio delle matrici 3x3 simmetriche?
- 4. Sia A una matrice 5×5 con i seguenti dischi di Gershgorin.



Quale delle seguenti affermazioni è vera:

- A è diagonalizzabile ma possibilmente non invertibile.
- (b) A è invertibile ma possibilmente non diagonalizzabile.
- (c) A è diagonalizzabile e invertibile.
- (d) Le affermazioni (a), (b) e (c) sono false