

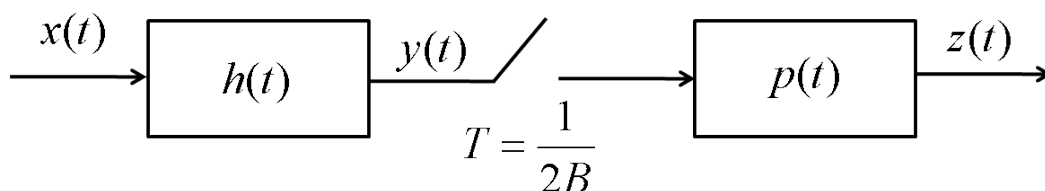
# Compito di Comunicazioni Numeriche

5 Giugno 2015 - FILA B

**Es. 1** - Dato il processo Gaussiano stazionario  $X(t)$  avente densità spettrale di potenza  $S_x(f) = N_0 \text{rect}\left(\frac{f}{B}\right) + 9\delta(f)$ , verificare che il processo  $Y(t) = \frac{dX(t-2)}{dt} + 5$  è stazionario e calcolarne la densità spettrale di potenza e potenza.

**Es. 2** - Si consideri il sistema in Figura 1. Sia  $x(t) = 2AB\text{sinc}^2(Bt) + 2AB\text{sinc}^2(Bt)\cos(2\pi Bt) + 2AB\text{sinc}^2(Bt)\cos(4\pi Bt)$ ,  $h(t)$  un filtro passabasso ideale di banda  $2B$  e  $p(t) = 2B\text{sinc}(2Bt)$ . Il campionatore campiona il segnale  $y(t)$  con passo di campionamento  $T = \frac{1}{2B}$ . Calcolare:

- 1) l'espressione analitica del segnale  $y(t)$
- 2) dire se la sequenza  $y[n]$  è ottenuta campionando alla frequenza di Nyquist
- 3) calcolare l'espressione analitica di  $z(t)$



**Es. 3** - Al ricevitore di Figura 2 è applicato il segnale PAM  $r(t) = \sum_n x[n]p(t - nT) + w(t)$  dove i simboli  $x[n]$  appartengono all'alfabeto  $A = [-1, 2]$  e sono indipendenti ed equiprobabili. Il rumore  $w(t)$  è Gaussiano bianco a media nulla e con DSP  $S_w(f) = \frac{N_0}{2}$  e l'impulso trasmesso è definito come  $p(t) = 2B\text{sinc}(2Bt) + B\text{sinc}(Bt)$ . Il filtro in ricezione è  $H_r(f) = \text{rect}\left(\frac{f}{2B}\right)$ . La soglia di decisione del decisore è  $\lambda = 1$ . Calcolare:

- 1) Es: energia media per simbolo trasmesso
- 2) L'istante di campionamento ottimo per non avere ISI
- 3) la Probabilità di errore sul simbolo

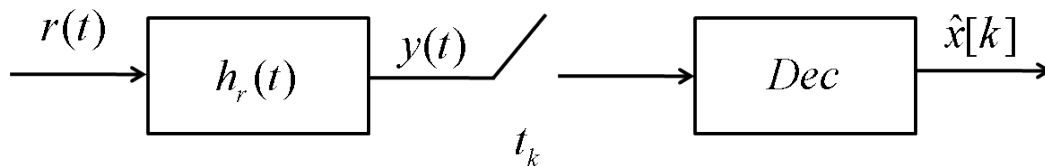


Figura 2

**Es. 4** - Dimostrare che se un processo Gaussiano è stazionario in senso lato lo è anche in senso stretto.

**Es. 5** - Enunciare il criterio di Nyquist nel dominio della frequenza e dimostrarlo a partire dallo stesso nel dominio del tempo.