#### CRITTOGRAFIA 2015/16 - Appello del 30 maggio 2016

Nome e Cognome:

Matricola:

# Esercizio 1 – RSA [14 punti]

- 1. **Spiegare** in cosa consiste il cifrario RSA, **definendone** i parametri e **indicando** le operazioni eseguite per ottenerli e la loro complessità computazionale.
- 2. **Dimostrare** che il cifrario è corretto per qualunque messaggio m.
- 3. **Indicare** in quali intervalli, in ordine di grandezza, devono essere scelti i parametri  $p \in q$ .

# Esercizio 2 – Cifrari a composizione di blocchi [8 punti]

Si consideri un cifrario simmetrico a blocchi. Nel metodo FSM (Fischer Spiffy Mixer) ogni blocco  $m_i$  del messaggio in chiaro viene cifrato come

$$c_i = m_{i-1} \oplus C(m_i \oplus c_{i-1}, k), i \ge 1$$

usando due sequenze di inizializzazione fissate (e pubbliche)  $m_0$  e  $c_0$ .

- 1. **Descrivere** come eseguire la decifrazione di un blocco.
- 2. Nel caso in cui il blocco di crittogramma  $c_i$  sia danneggiato, quali blocchi di testo in chiaro diventano indecifrabili?

#### Esercizio 3 – Firma digitale [8 punti]

Descrivere un protocollo di firma digitale resistente agli attacchi di tipo man-in-the-middle.

Esercizio 4 – [1 punto]

**Decifrare** 

LOCE LOCE LOCE

LOCE LOCE LOCE LOCE LOCE LOCE LOCE

[Suggerimento: 5, 6]

## CRITTOGRAFIA 2015/16 - Appello del 21 giugno 2016

Nome e Cognome:

Matricola:

#### Esercizio 1 – Cifrari [12 punti]

**Discutere** in massimo trenta righe quali sono le differenze d'impiego tra i tre cifrari One-Time Pad, AES e RSA, **giustificando** le affermazioni fatte.

#### Esercizio 2 – Scambio di chiavi [12 punti]

L'algoritmo DH per lo scambio pubblico di chiavi è basato sull'uso di un primo p e di un generatore g di  $Z^*p$ .

- 1. **Descrivere** l'algoritmo e sviluppare un esempio numerico utilizzando il numero primo p = 11 e il generatore g = 7 di  $Z^*_{11}$ .
- 2. **Descrivere** un attacco di tipo *man-in-the-middle* al protocollo DH.

# Esercizio 3 – RSA [6 punti]

Si supponga che Eve intercetti un crittogramma  $c = m^e \mod n$  diretto ad Alice. Si supponga inoltre che Alice sia disposta a decifrare per Eve qualsiasi crittogramma c', a patto che c' sia diverso da c.

**Descrivere** come Eve possa decifrare m in tempo polinomiale, richiedendo ad Alice la decifrazione del crittogramma  $c' = c x^e$ , dove x < n è un intero casuale, co-primo con n.

### CRITTOGRAFIA 2015/16 - Appello del 14 luglio 2016

Nome e	Cognome

Matricola:

# Esercizio 1 – Cifrari perfetti [12 punti]

- 1. **Definire** i cifrari perfetti, e **spiegare** a parole il significato di tale definizione.
- 2. **Definire** il cifrario One-Time Pad e le assunzioni standard su di esso.
- 3. **Dimostrare** che il cifrario del punto 2 è perfetto.
- 4. Spiegare se la crittoanalisi statistica può essere usata per attaccare One-Time Pad

# Esercizio 2 – Cifrari storici [6 punti]

In riferimento ai cifrari a griglia;

- 1. spiegare in cosa consiste un tale cifrario;
- 2. dimostrare quante chiavi diverse si possono costruire per una griglia  $q \times q$ ;
- 3. discutere (senza pretesa di profondità) la propria opinione sulla possibilità di un attacco statistico per cifrari a griglia.

## Esercizio 3 – Crittografia ellittica [12 punti]

Impiegando una curva ellittica  $E_P(a,b)$  su un campo finito:

- 1. **Spiegare** come si esegue in modo efficiente la moltiplicazione di un punto *P* per una costante intera *k*.
- 2. **Spiegare** cosa si intende per "logaritmo discreto" (se esiste) di un punto R in base P.
- 3. **Descrivere** un algoritmo di scambio di chiavi basato sulla crittografia ellittica e **spiegare** perché può ritenersi sicuro.

# CRITTOGRAFIA 2015/16 - Appello del 7 settembre 2016

Nome:		
Cognome:		
Matricola:		

### Esercizio 1 – Crittografia ellittica [12 punti]

Impiegando una curva ellittica  $E_p(a,b)$  su un campo finito:

- 1. **Descrivere** l'algoritmo di Koblitz per trasformare un messaggio *m,* codificato come numero intero, in un punto di una curva ellittica prima.
- 2. **Spiegare** cosa si intende per "logaritmo discreto" (se esiste) di un punto *R* in base *P*.
- 3. **Descrivere** un algoritmo di scambio di messaggi cifrati e **spiegare** perché può ritenersi sicuro.

## Esercizio 2 – Identificazione [10 punti]

**Indicare** un protocollo di identificazione basato su un protocollo Zero Knowledge e **spiegare** vantaggi e svantaggi che un tale protocollo offre rispetto a uno basato su un cifrario a chiave pubblica.

### Esercizio 3 – RSA [8 punti]

- 1. Spiegare perché nel cifrario RSA il parametro e deve essere scelto primo con  $\Phi(n)$ .
- 2. **Spiegare** se nel cifrario RSA la scelta dei parametri  $\mathbf{p}$ ,  $\mathbf{q}$  tale che sia  $|\mathbf{p} \mathbf{q}| = \mathbf{\Theta} ((\log \mathbf{n})^2)$  è da considerarsi opportuna.