Corso di Laurea: Ingegneria Informatica

 $Testo\ n.43$ - Esame di Fisica Generale sessione del 12/06/2020

Nome: Matricola:

Cognome: Anno di Corso:

ESERCIZIO.1 - Meccanica

Il disco forato in Figura è di spessore trascurabile, di materiale omogeneo, ha raggio R=42 cm e massa M=9.3 kg . I fori praticati nel disco corrispondono a due circonferenze di raggio (R/4) e due finestre rettangolari di dimensioni $(R/8)\times(R/2)$ e sono disposti come in Figura.

I centri dei fori circolari e rettangolari giacciono su di una circonferenza (tratteggiata in Figura) di raggio r=R/2.

Al centro del disco è attaccata una molla di massa trascurabile e di costante elastica $k=285\ N/m$.

Nell'ipotesi in cui il disco rotola senza strisciare sulla superfice orizzontale, si calcoli:

1) La massa rimossa dal disco pieno (m_{2c}) corrispondente ai 2 fori circolari

$$m_{2c} = \dots$$

2) Il momento di inerzia del disco forato per rotazioni rispetto al suo baricentro (I_{CM}^{tot})

$$I_{CM}^{tot} = \dots$$

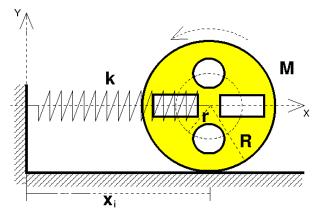
Suggerimento: per una lastra rettangolare sottile di massa m, lati a e b e densità di massa superficiale costante $\sigma = \frac{m}{ab}$, il momento di inerzia I_{cm}^r rispetto ad un asse ortogonale al piano che contiene la lastra e passante per il suo CM al centro del rettangolo è dato da:

$$I_{cm}^{r} = \frac{m}{12} \left(a^{2} + b^{2} \right)$$

Il disco è lasciato libero da fermo dalla posizione (x_i) in cui la molla è allungata di $\Delta x = 11.3$ cm

3) Si calcoli l'energia cinetica di traslazione del disco (E_k^{tra}) nell'istante in cui il centro di massa del disco forato passa per la posizione di equilibrio della molla, per la quale l'allungamento della molla è nullo.

$$E_k^{tra} = \dots \dots$$



(Figura qualitativa e non in scala a scopo illustrativo)

ESERCIZIO.2 – Elettromagnetismo

Nella Figura(a) è rappresentata una spira MNPQ con i lati NP, PQ e QM di lunghezza variabile nel tempo. Il lato MN ha una lunghezza L=131 cm e una resistenza elettrica R=939 m Ω .

Questa spira variabile giace in un piano orizzontale ed è immersa in un campo magnetico uniforme e costante di intensità B = 12.7 T diretto come in Figura(a).

Le equazioni orarie delle coordinate orizzontali degli estremi del lato PQ sono rispettivamente:

- $x_P(cm) = 524.0 + 65.5 \cos(0.527 t)$
- $x_Q(cm) = 524.0 + 65.5 \cos(0.844 t)$

La spira, instantaneamente indeformabile, è vincolata a giacere nel piano xy e non può ne ruotare ne traslare.

1) Determinare l'espressione del flusso del campo magnetico (Φ_m) attraverso la spira in funzione del tempo.

$$\Phi_m = \dots$$

2) Determinare la corrente indotta nella spira MNPQ all'istante $t^*=15.2 \text{ s}$

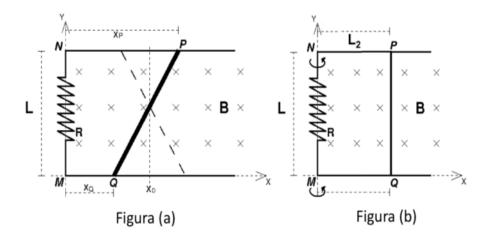
$$i(t^*) = \dots$$

Consideriamo ora una spira che si ottiene da quella di prima con le lunghezze dei lati uguali $NP=MQ=65.5~{\rm cm}$, immersa come la prima nello stesso campo magnetico di intensità B = 12.7 T vedi Figura(b)

Per t=0 s la spira viene messa in rotazione con una velocità angolare $\overrightarrow{\Omega}=0.326~\hat{y}$ rad/s

3) Determinare la corrente i_{rot} che circola nella spira al tempo $t^{**}=9.6$ s

$$i_{rot}(t^{**}) = \dots$$



(Figure qualitative e non in scala a scopo illustrativo)