591AA 21/22 - ELENCO DEI PROBLEMI 17

Problema 1. Trova una radice decima primitiva dell'unità. Richiama questo $\cos(\pi/5) = (1 + \sqrt{5})/4$.

Problema 2. Trova il polinomio caratteristico della matrice di adiacenza del grafico

 $\bf Problema~3.~$ Trova il polinomio caratteristico della mappa lineare

$$L: P_3[x] \to P_3[x], \qquad L(f) = 2\frac{d^2f}{dx^2} - 2x\frac{df}{dx} + f(x)$$

Problema 4. Trova i dischi Gershgorin per i problemi 2 e 3.

Problema 5. Verificare che

$$U = \{ u \in \mathbb{C}^3 \mid \langle u, (1, i, 1+i) \rangle = 0 \}$$

è un sottospazio di \mathbb{C}^3 e trova una base per U costituita dai vettori u e v tali che < u, v>=0.