- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 15 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

7 gennaio 2021

(Cognome)										-			(No	me)			=	ume	ro d	i ma	trice	ola)			

ABCDE

1	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
2	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
3	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
4	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
5	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	

1. Sia $f(x) = x^{(x^x)}$, allora $\lim_{x \to 0^+} f(x)$ vale

 $A: +\infty$ B: 1 C: 0 D: N.E. E: N.A.

2. Sia z=1+i. La parte reale del numero complesso $\frac{1}{z^2+2z+\|z\|^2}$ vale

A: -1 B: 8 C: N.A. D: $\frac{1}{2}$ E: $\frac{1}{8}$

3. La soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y'(x) = x y(x) \log(y(x)) \\ y(0) = e \end{cases}$$

è

A: ex + e B: e^{x+1} C: N.A. D: $e^{e^{x^2/2}}$ E: $y(x) = e + \log(1+x)$

4. L'integrale (generalizzato)

$$\int_0^1 \frac{\cos(\sqrt{x})}{\sin^\alpha(x^2)} \, dx$$

risulta convergente per

A: $\alpha > 1$ B: $\alpha > 1/4$. C: N.A. D: $-1 < \alpha < 1$ E: $\alpha < 1$

5. La funzione

$$f(x) = \left| \sin(x^2) - \frac{\pi^2}{9} \right| \qquad x \in \mathbb{R}$$

A: è sempre derivabile B: N.A. C: non è limitata inferiormente D: è monotona decrescente E: non è limitata superiormente

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 15 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

7 gennaio 2021

																							L				
(Cognome)										_			(No	me)			_		ume		atrico						

1	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
2	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
3	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
4	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
5	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	

1. La soluzione del problema di Cauchy

$$\begin{cases} y'(x) = x y(x) \log(y(x)) \\ y(0) = e \end{cases}$$

è A:
$$e^{e^{x^2/2}}$$
 B: $ex + e$ C: N.A. D: e^{x+1} E: $y(x) = e + \log(1+x)$

2. L'integrale (generalizzato)

$$\int_0^1 \frac{\cos(\sqrt{x})}{\sin^\alpha(x^2)} \, dx$$

risulta convergente per

A:
$$-1 < \alpha < 1$$
 B: N.A. C: $\alpha > 1/4$. D: $\alpha < 1$ E: $\alpha > 1$

3. Sia z=1+i. La parte reale del numero complesso $\frac{1}{z^2+2z+\|z\|^2}$ vale

A:
$$\frac{1}{8}$$
 B: 8 C: $\frac{1}{2}$ D: -1 E: N.A.

4. La funzione

$$f(x) = \left| \sin(x^2) - \frac{\pi^2}{9} \right| \qquad x \in \mathbb{R}$$

A: è sempre derivabile B: è monotona decrescente C: non è limitata superiormente N.A. E: non è limitata inferiormente

5. Sia $f(x) = x^{(x^x)}$, allora $\lim_{x\to 0^+} f(x)$ vale

A: 0 B:
$$+\infty$$
 C: N.A. D: 1 E: N.E.

7 gennaio 2021



1	0	\bigcirc	•	\bigcirc	0	
2	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	•	
3	0	\bigcirc	\bigcirc	•	\bigcirc	
4	0	\bigcirc	•	\bigcirc	\bigcirc	
5			\bigcirc			

7 gennaio 2021

																				L				
(Cognome)													(No	me)				ume		trice	ola)			

1		\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
2	0		\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
3	•	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
4	•	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
5		\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 15 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

7 gennaio 2021

																				L				
(Cognome)													(No	me)				ume		trice	ola)			

1	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
2	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
3	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
4	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
5	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	

1. Il polinomio di Taylor di $f(x) = \sin(x^2)$ di grado 6, relativo al punto $x_0 = 0$ vale A: N.A. B: $x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!}$ C: $x^2 - \frac{x^6}{3}$ D: $1 + \frac{x}{2} + \frac{x^2}{3} + \frac{x^3}{4}$ E: $x^2 - \frac{x^6}{6}$

2. La soluzione particolare dell'equazione differenziale

$$x''(t) - x'(t) = \cos(t)$$

è

A: $t\cos(t)$ B: $-\frac{1}{2}(\cos(t)+\sin(t))$ C: N.A. D: $1+\cos(t)+\sin(t)$ E: $-\frac{1}{2}e^t$

3. L'integrale (generalizzato)

$$\int_0^1 \frac{\sin^\alpha(x^2)}{\cos(\sqrt[3]{x})} \, dx$$

risulta convergente per

A: $\alpha > 1$ B: $\alpha > -1/2$ C: N.A. D: $\alpha < -1/2$. E: $-1 < \alpha < 1$

4. La funzione

$$f(x) = \left| \sin(x) - \frac{\pi}{3^2} \right| \qquad x \in \mathbb{R}$$

A: N.A. B: non è limitata inferiormente C: è monotona decrescente D: è sempre derivabile E: non è limitata superiormente

5. L'insieme di convergenza della serie

$$\sum_{n=-1}^{\infty} \left(2^{-x}\right)^{nx}$$

è

A: -2 < x < 1 B: N.A. C: x < 1 D: $x \neq 0$ E: |x| < 1

- Scrivere subito nome e cognome e matricola sul foglio risposte e preparare il libretto sul banco per il controllo.
- Tempo 15 minuti. Durante la prova non si può uscire dall'aula.
- Non si possono consultare libri, appunti, manuali.
- Non si possono usare calcolatrici, computer di ogni genere o telefoni cellulari.
- Consegnare solo il foglio risposte.
- Le risposte valide sono SOLO quelle segnate sul foglio che si consegna.
- Ogni domanda ha una e una sola risposta giusta.
- N.A. significa "nessuna delle altre", mentre N.E. significa "non esiste"
- Non usare matite e/o penne rosse sul foglio risposte.
- Indicare la risposta nell'apposita maschera con una "X".
- Per effettuare correzioni, barrare tutta la linea e scrivere CHIARAMENTE e INEQUIVOCABILMENTE la risposta corretta a destra della linea stessa.

7 gennaio 2021

																				L				
(Cognome)													(No	me)				ume		trice	ola)			

ABCDE

1	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
2	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
3	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
4	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
5	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	

1. La soluzione particolare dell'equazione differenziale

$$x''(t) - x'(t) = \cos(t)$$

è

A:
$$t\cos(t)$$
 B: $1 + \cos(t) + \sin(t)$ C: N.A. D: $-\frac{1}{2}e^t$ E: $-\frac{1}{2}(\cos(t) + \sin(t))$

2. L'insieme di convergenza della serie

$$\sum_{n=-1}^{\infty} \left(2^{-x}\right)^{nx}$$

è

A:
$$x < 1$$
 B: N.A. C: $|x| < 1$ D: $-2 < x < 1$ E: $x \neq 0$

3. L'integrale (generalizzato)

$$\int_0^1 \frac{\sin^\alpha(x^2)}{\cos(\sqrt[3]{x})} \, dx$$

risulta convergente per

A:
$$-1 < \alpha < 1$$
 B: $\alpha > -1/2$ C: N.A. D: $\alpha < -1/2$. E: $\alpha > 1$

4. La funzione

$$f(x) = \left| \sin(x) - \frac{\pi}{3^2} \right| \qquad x \in \mathbb{R}$$

A: non è limitata superiormente B: è sempre derivabile C: N.A. D: non è limitata inferiormente E: è monotona decrescente

5. Il polinomio di Taylor di $f(x) = \sin(x^2)$ di grado 6, relativo al punto $x_0 = 0$ vale

A: N.A. B:
$$1 + \frac{x}{2} + \frac{x^2}{3} + \frac{x^3}{4}$$
 C: $x - \frac{x^3}{3!} + \frac{x^5}{5!}$ D: $x^2 - \frac{x^6}{6}$ E: $x^2 - \frac{x^6}{3}$

7 gennaio 2021



1	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	•	
2	0		\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
3	0		\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
4	•	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
5	0	\bigcirc	\bigcirc	•	\bigcirc	

7 gennaio 2021

(Cognome)										(Nome)								(Numero di matricola)												

1	0	0	\bigcirc	\bigcirc	•	
2	0	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	•	
3	0	•	\bigcirc	\bigcirc	\bigcirc	
4	0	\bigcirc	•	\bigcirc	\bigcirc	
5			\bigcirc			