

# Corrente alternata

- ✓ La corrente si dice **alternata** (AC, 'alternate current'); se il suo **verso di percorrenza nel circuito cambia periodicamente nel tempo**
- ✓ dunque a differenza della corrente continua (DC, 'direct current'), la **corrente alternata non ha una polarità definita e un verso definito**
- ✓ Molti **usi comuni dell'energia elettrica si basano sulla corrente AC**; ad esempio la corrente proveniente dalle centrali elettriche che alimenta abitazioni, uffici, industrie, luoghi di lavoro è sempre AC
- ✓ Nella **rete cittadina l'intensità varia sinusoidalmente nel tempo**; per le reti europee la **frequenza è 50 Hz**, ovvero la corrente compie 50 cicli (periodi) al secondo; dunque essa cambia verso 100 volte al secondo; negli USA la frequenza è 60 Hz

## Vantaggi della corrente alternata

- ✓ Si adatta meglio a **meccanismi rotanti, quali generatori e motori elettrici**
- ✓ Con la corrente, anche **il campo magnetico da essa generato cambia verso: ciò permette applicazioni pratiche basate sull'induzione magnetica**
- ✓ E' funzionale all'utilizzo del **trasformatore**, uno strumento estremamente importante nell'elettronica moderna, in particolare per quanto riguarda il **trasporto di energia elettrica a grandi distanze**

# Il circuito LC

- ✓ Il circuito  $LC$  è lo **strumento fondamentale** per la **generazione**, la **manipolazione**, e l'**utilizzo di correnti alternate**
- ✓ Connettendo il circuito  $LC$  ad un asta metallica, si ottengono **antenne trasmettenti e riceventi di onde elettromagnetiche**
- ✓ Nei circuiti  $LC$  sono presenti **induttori** e **condensatori** (in realtà la resistenza è ineliminabile, per cui sono sempre di fatto  $RLC$ ).
- ✓ A differenza dei circuiti  $RC$  ed  $RL$ , caratterizzati da un breve regime transiente seguito dal regime di corrente costante, negli  $LC$  le **grandezze fondamentali variano indefinitamente nel tempo**
- ✓ **L'andamento temporale** delle grandezze fondamentali (carica, corrente e potenziali) è **sinusoidale**, con periodo ( $T$ ) e frequenza di oscillazione ( $\omega$ ) caratteristiche del circuito; di conseguenza, anche il **campo elettrico** nel condensatore ed il **campo magnetico** nell'induttore **oscillano nel tempo**
- ✓ Vedremo che:

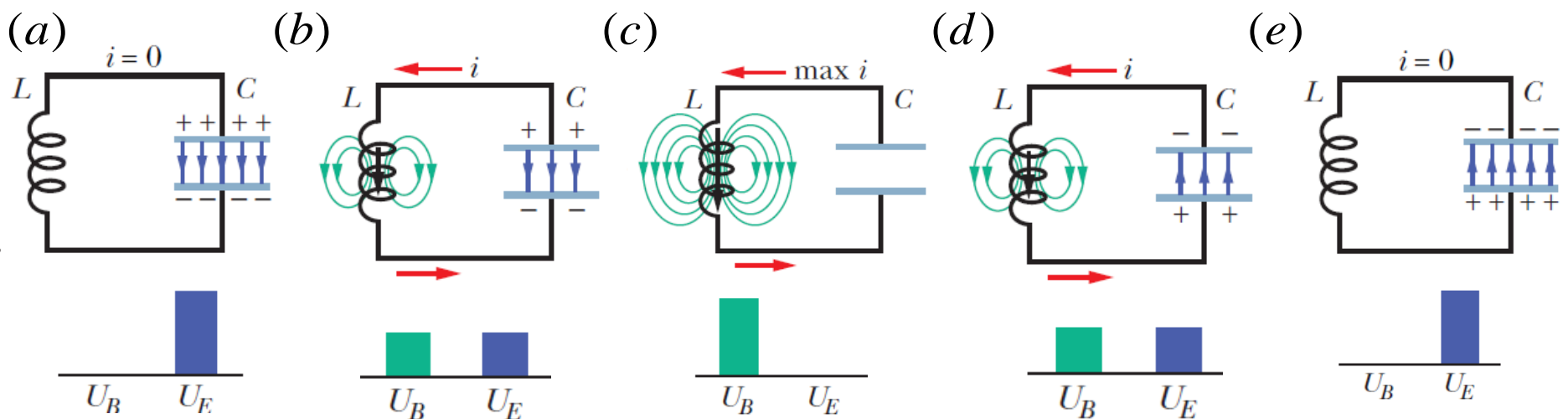
$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} \qquad T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi\sqrt{LC}$$

- ✓ Come in qualsiasi altro circuito, negli  $LC$  valgono in ogni istante le leggi di Kirchhoff e, in assenza di resistenze, vale la **conservazione dell'energia totale**:

$$U_C + U_L = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} + \frac{1}{2} Li^2 \qquad \textbf{COSTANTE NEL TEMPO}$$

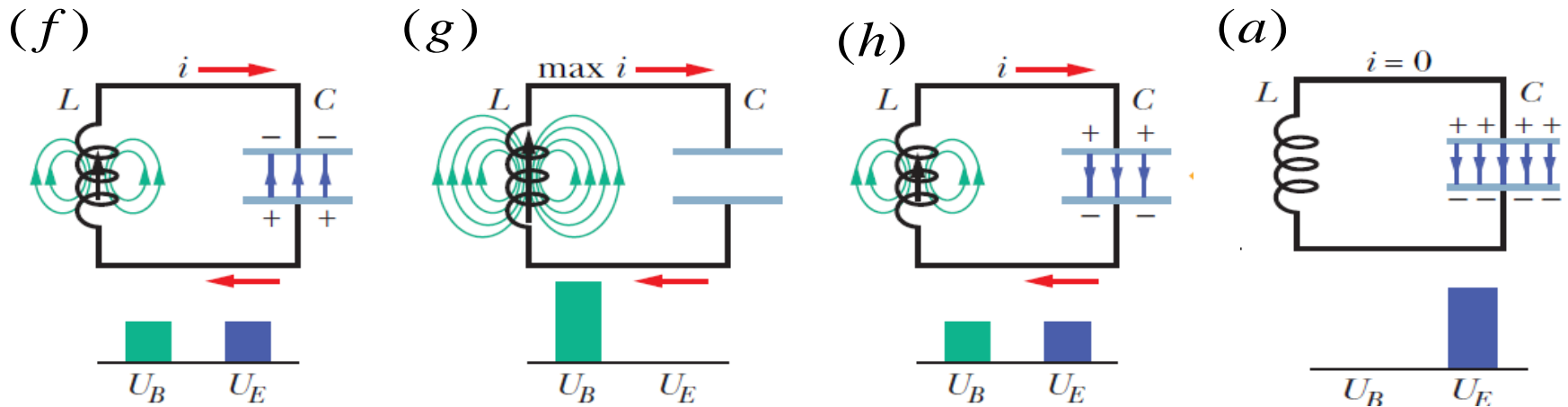
# Il circuito LC: primo semiperiodo

- a) Partiamo dalla configurazione iniziale  $i=0$  con  $C$  **totalmente carico** ( $U_E$  massima) ed  $L$  **completamente scarico** ( $U_L=0$ )
- b) la corrente fluisce in senso antiorario:  $C$  inizia a scaricarsi, e l'energia si trasferisce progressivamente da  $C$  ad  $L$ :  $U_E$  decresce ed  $U_L$  cresce ma  $U_E + U_L$  rimane costante
- c)  $C$  è **totalmente scarico**,  $i$  è massima, il campo magnetico in  $L$  è anch'esso al suo massimo valore; l'energia è totalmente accumulata in  $L$ .
- d) la corrente inizia a decrescere:  $L$  reagisce compensando la diminuzione con la corrente indotta;  $i$  continua a fluire nello stesso verso, caricando i piatti di  $C$  con cariche opposte a quelle iniziali
- e)  $C$  è **di nuovo totalmente carico**, ma con campo elettrico opposto a quello iniziale; corrente e campo magnetico in  $L$  sono nulli, tutta l'energia è di nuovo in  $C$



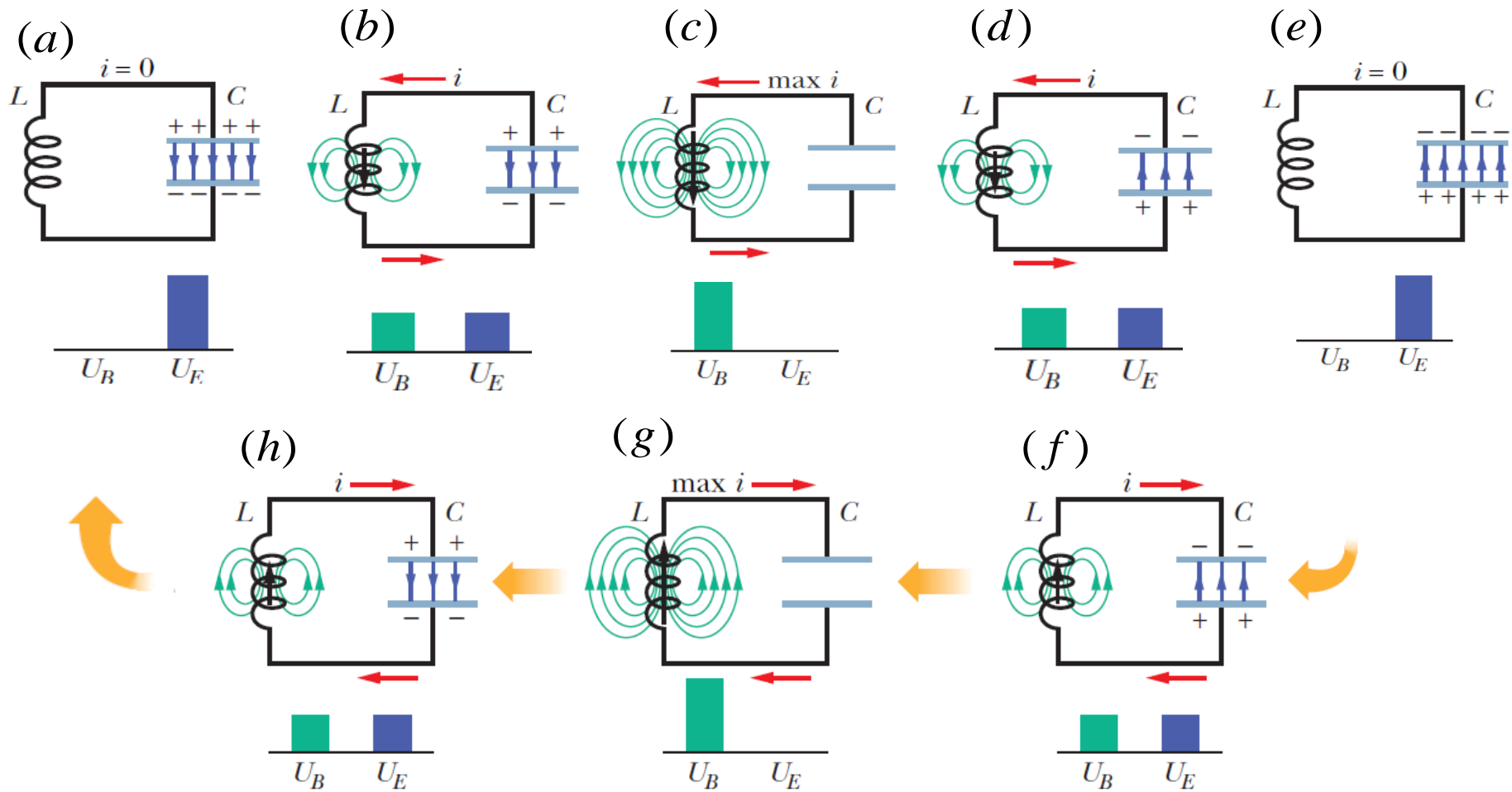
# Il circuito LC: secondo semiperiodo

- f) Inizia il processo inverso, caratterizzato da una corrente di verso orario:  $C$  si scarica, cresce la corrente ed il campo magnetico in  $L$
- g) corrente e campo magnetico sono di nuovo al loro massimo,  $C$  è scarico
- h) la corrente diminuisce, inizia il processo di ricarica del condensatore che riporta il sistema allo stato di partenza (a)



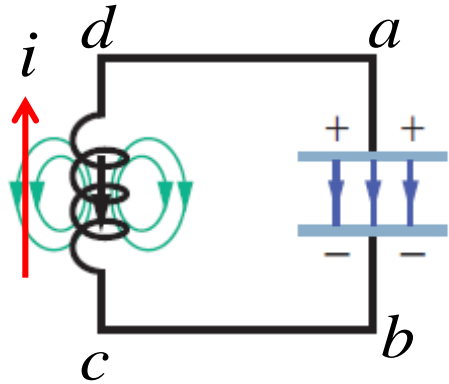
**In assenza di resistenze che dissipano energia, il processo si ripete indefinitamente con una frequenza caratteristica.**

# Il circuito LC: periodo completo



# Equazioni del circuito oscillatore LC

- ✓ Consideriamo il circuito **LC** in figura; nei circuiti AC non esiste un verso assoluto della corrente positiva; assumiamo convenzionalmente che la **corrente positiva scorra in verso orario**, e scriviamo l'equazione di Kirchhoff:



$$\Delta V_C + \Delta V_L = 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{q}{C} + L \frac{di}{dt} = 0$$

Risolvendo rispetto alla carica sui piatti del condensatore, si ottiene:

$$\frac{q}{C} + L \frac{d^2 q}{dt^2} = 0$$

- ✓ equazione differenziale del 2° ordine in  $q(t)$ , detta anche **equazione dell'oscillatore**
- ✓ Si dimostra che questa equazione è soddisfatta dalla funzione sinusoidale:

$$q(t) = Q \cos(\omega t + \phi)$$

- ✓  $Q$  è il **valore massimo della carica sui piatti** del condensatore
- ✓  $\omega$  è la **frequenza caratteristica del circuito**
- ✓  $\phi$  è una **fase arbitraria** fissata dalla condizione iniziale: ponendo  $\phi = 0$  assumiamo che all'istante  $t=0$  il condensatore sia totalmente carico

# Equazioni dell'oscillatore LC

- ✓ Dimostrazione: calcoliamo le derivate della carica:

derivata 1°

$$\frac{dq}{dt} = -\omega Q \cos(\omega t + \phi)$$

derivata 2°

$$\frac{d^2 q}{dt^2} = -\omega^2 Q \cos(\omega t + \phi)$$

- ✓ Sostituiamo nell'equazione dell'oscillatore:

$$-L\omega^2 Q \cos(\omega t + \phi) + \frac{1}{C} Q \cos(\omega t + \phi) = 0 \quad \Rightarrow \quad -\omega^2 L + \frac{1}{C} = 0$$

- ✓ L'equazione è soddisfatta per  $\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$  **frequenza dell'oscillatore LC**

- ✓ La frequenza angolare ha dimensione fisica uguale all'inverso del tempo:

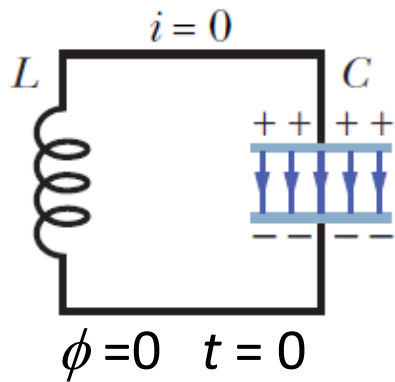
$$[L] = s \Omega \quad [C] = C / V \rightarrow [LC] = s \Omega C / V = s \Omega C / \Omega A = s^2$$

- ✓ Carica del condensatore:  $q(t) = Q \cos(\omega t + \phi)$

- ✓ Corrente nel circuito:  $i(t) = -\omega Q \sin(\omega t + \phi) = -I \sin(\omega t + \phi)$

- ✓  $I$  e  $Q$  sono i **valori massimi** di corrente e carica durante l'oscillazione

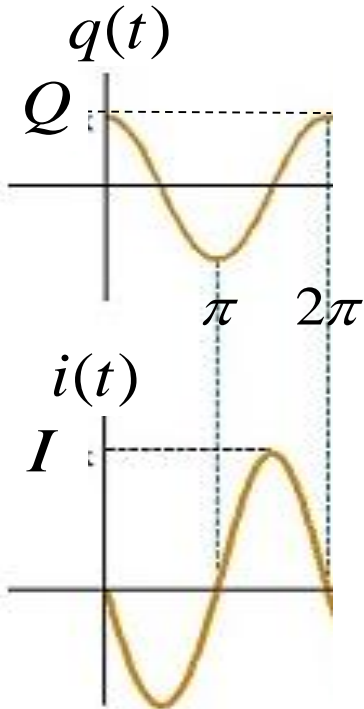
# Oscillatore LC: la fase arbitraria



- ✓ Nella soluzione dell'oscillatore vi è una **fase indeterminata**  $\phi$ , per cui qualsiasi valore di  $\phi$  soddisfa allo stesso modo l'equazione di 2° ordine
- ✓ il valore di  $\phi$  è **fissato dalla condizione iniziale**; ad esempio scegliendo  $\phi = 0$  stabiliamo che per  $t = 0$ , C è totalmente carico e la corrente nulla:

$$q(t) = Q \cos(\omega t) \Rightarrow q(0) = Q$$

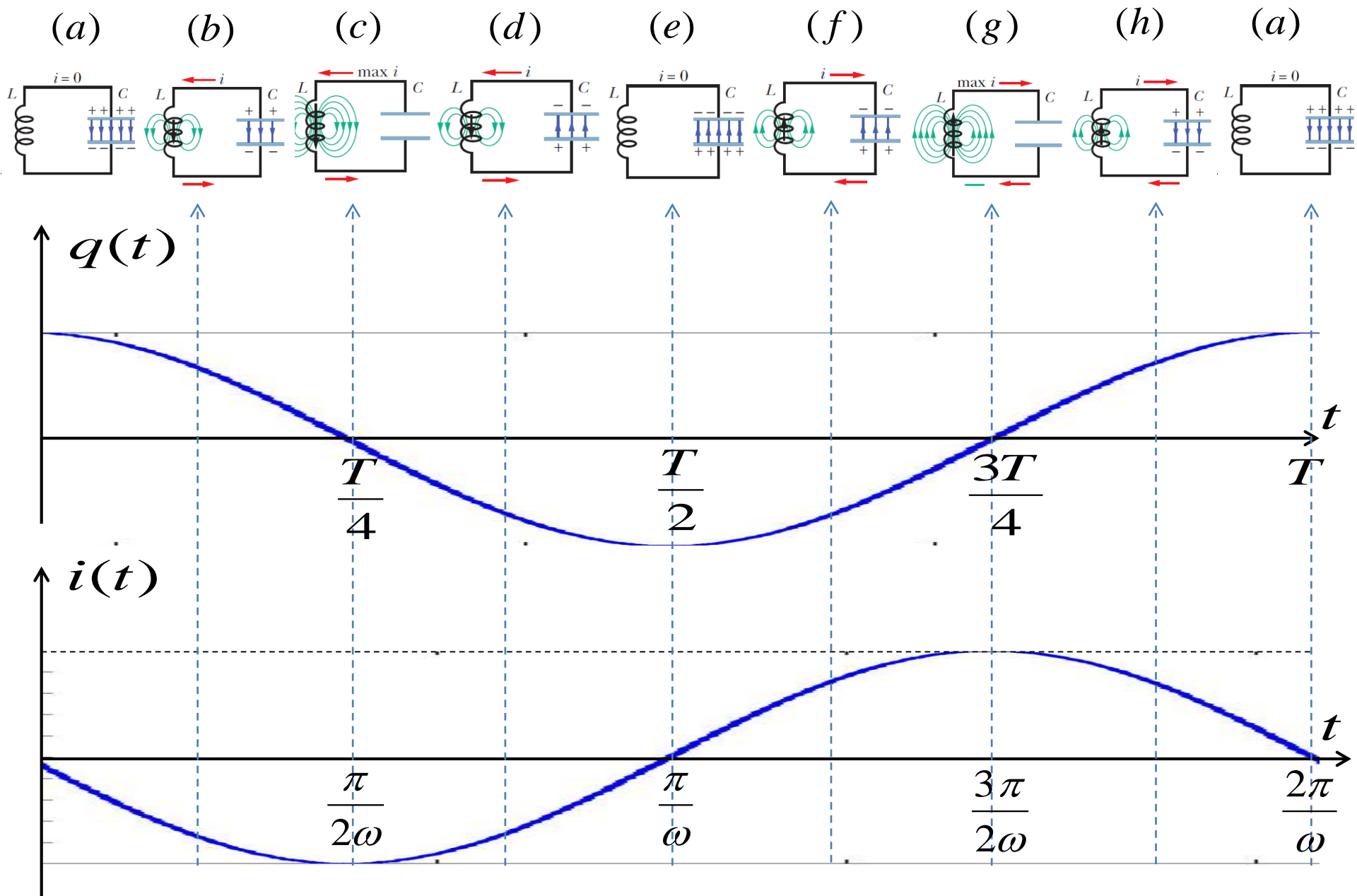
$$i(t) = -\omega Q \sin(\omega t) \Rightarrow i(0) = 0$$



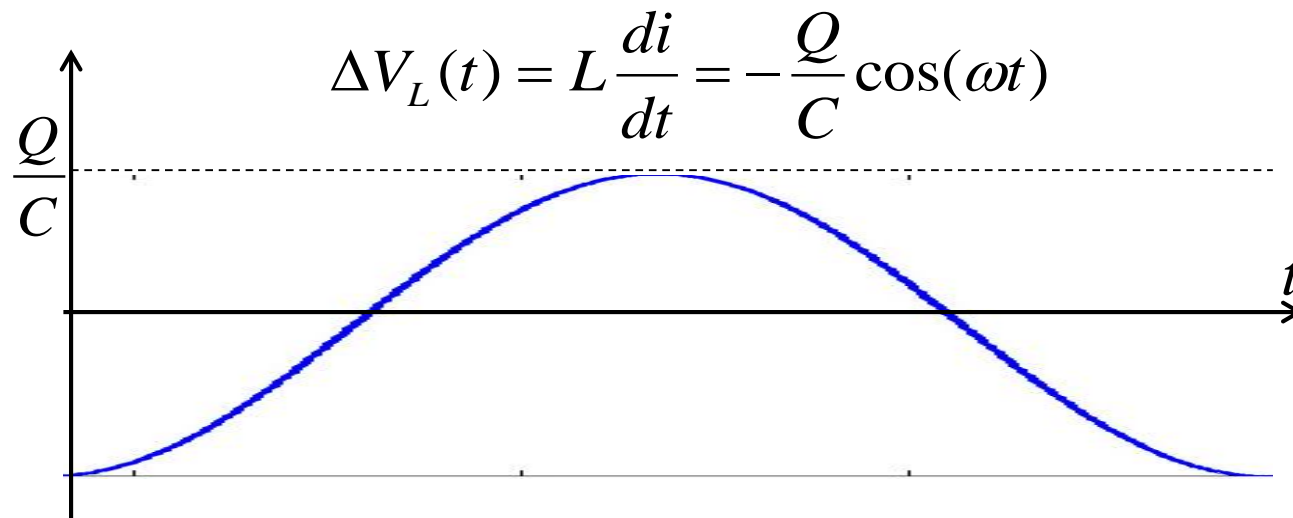
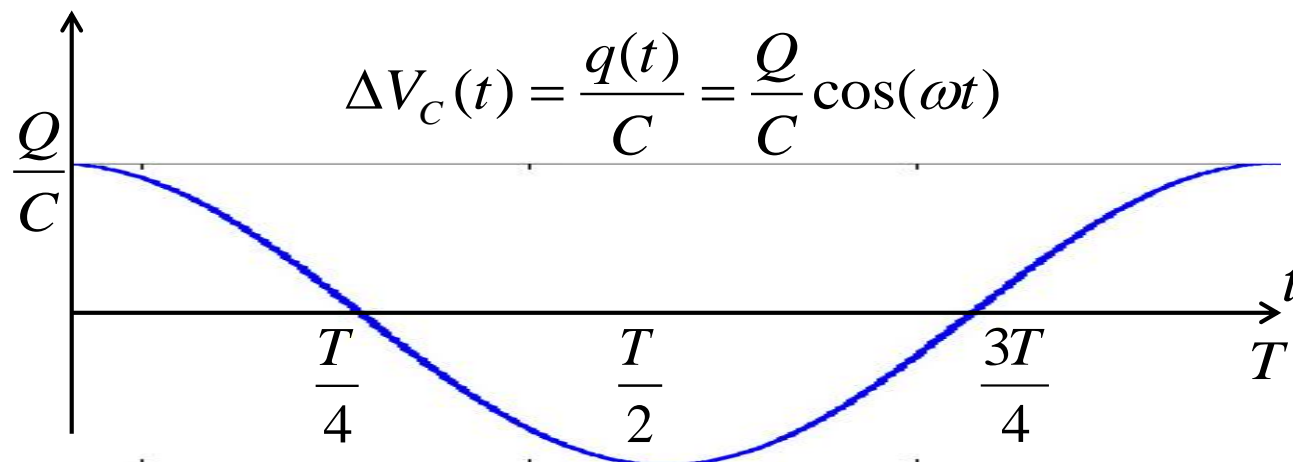
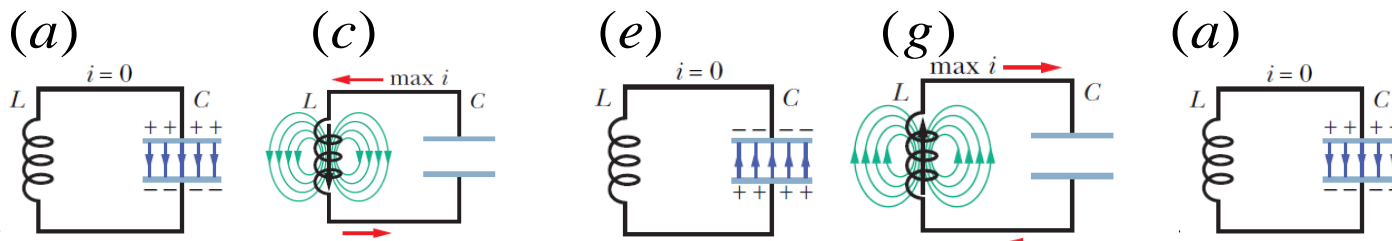
- ✓ Avendo definito **positiva la corrente di verso orario**, il segno  $-$  implica che all'inizio la corrente scorre in verso antiorario
- ✓  $q(t)$  e  $i(t)$  differiscono, oltre che per l'ampiezza dell'oscillazione, per una **fase uguale ad  $\frac{1}{4}$  di periodo**: quando  $q(t) = \pm Q$  la corrente è nulla; quando  $i(t) = \pm I$  la carica sui piatti è nulla
- ✓ Scegliere  $\phi \neq 0$  significa traslare  $i(t)$  e  $q(t)$  lungo l'asse del tempo, ovvero iniziare l'oscillazione da un'altra situazione; ad esempio per  $\phi = \pi$  l'istante  $t = 0$  corrisponde dalla configurazione con  $q(t) = -Q$ ,  $i(t) = 0$



# Oscillatore LC: carica e corrente



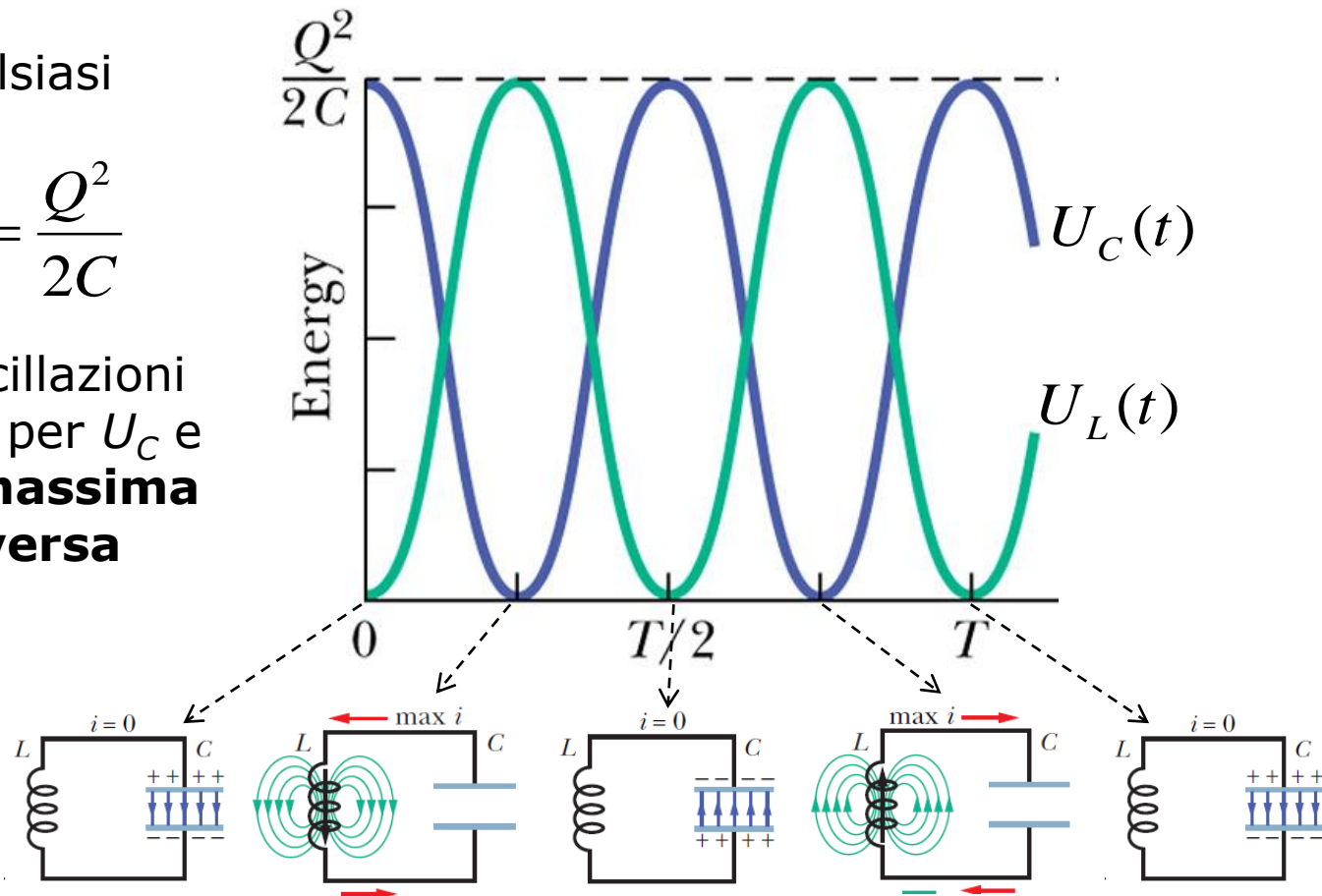
# Oscillatore LC: i potenziali



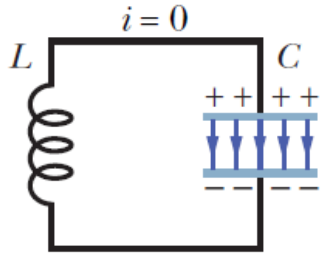
Le d.d.p. ai capi di C ed L sono uguali in ampiezza ma di segno opposto, ovvero differiscono per una **fase uguale ad 1/2 di periodo**. In questo modo ad ogni istante la loro somma è sempre nulla, come imposto dall'equazione di Kirchhoff

# Oscillatore LC: l'energia

- ✓ Energia elettrica:  $U_C(t) = \frac{q(t)^2}{2C} = \frac{Q^2}{2C} \cos^2(\omega t)$
- ✓ Energia magnetica:  $U_L(t) = \frac{Li(t)^2}{2} = \frac{\omega^2 Q^2 L}{2} \sin^2(\omega t) = \frac{Q^2}{2C} \sin^2(\omega t)$
- ✓ **L'energia totale è conservata:** in qualsiasi istante  $t$ :
$$U_C(t) + U_L(t) = \frac{Q^2}{2C}$$
- ✓ l'ampiezza delle oscillazioni  $Q^2/(2C)$  è la stessa per  $U_C$  e  $U_L$ ; **quando  $U_C$  è massima  $U_L$  è nulla, e viceversa**



# Problema 31.1



Consideriamo un circuito  $LC$  con  $L = 20 \text{ mH}$  e  $C = 2 \text{ } \mu\text{F}$ ; all'istante  $t=0$  il condensatore è totalmente carico, con la carica positiva sul piatto superiore, e tensione  $\Delta V_C = 50 \text{ V}$

❑ Calcolare la frequenza caratteristica, il periodo, la carica massima, la corrente massima, e l'energia immagazzinata nel circuito:

✓ frequenza in radianti:

$$\omega = \frac{1}{\sqrt{LC}} = \frac{1}{\sqrt{20 \text{ mH} \times 2 \text{ } \mu\text{F}}} = \frac{1}{\sqrt{4 \times 10^{-8} \text{ s}^2}} = 0.5 \times 10^4 \frac{\text{rad}}{\text{s}} = 5000 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

✓ frequenza:  $\nu = \frac{\omega}{2\pi} = 796 \text{ Hz}$

✓ periodo:  $T = 1/\nu = 1.26 \text{ ms}$

✓ carica massima:  $Q = C \Delta V = 2 \text{ } \mu\text{F} \times 50 \text{ V} = 100 \text{ } \mu\text{C}$

✓ corrente massima:  $I = \omega Q = \frac{5000}{\text{s}} \times 100 \text{ } \mu\text{C} = 0.5 \text{ A}$

✓ Energia:  $U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{1}{2} L I^2 = 10 \text{ mH} \times (0.5 \text{ A})^2 = 2.5 \text{ mJ}$

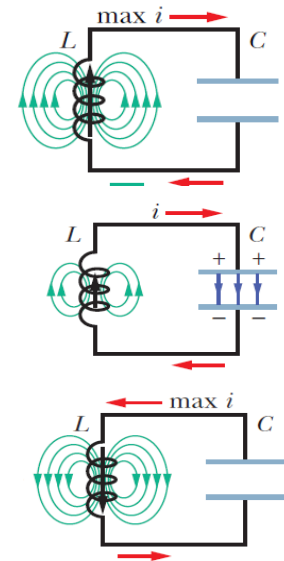
# Problema 31.1

❑ Calcolare la carica del condensatore agli istanti  $t = 1 \text{ s}$ ,  $5 \text{ s}$ ,  $8 \text{ s}$ ; calcolare intensità e verso (orario o antiorario) della corrente agli stessi istanti

$$t = 1 \text{ s} \quad \begin{cases} q = Q \cos(5000 \text{ rad}) = 100 \mu\text{C} \times 0.155 = 15.5 \mu\text{C} \\ i = -I \sin(5000 \text{ rad}) = -0.5 \text{ A} \times (-0.987) = 0.49 \text{ A} \end{cases}$$

$$t = 5 \text{ s} \quad \begin{cases} q = Q \cos(25000 \text{ rad}) = 100 \mu\text{C} \times 0.701 = 70.1 \mu\text{C} \\ i = -I \sin(25000 \text{ rad}) = -0.5 \text{ A} \times (-0.71) = 0.36 \text{ A} \end{cases}$$

$$t = 8 \text{ s} \quad \begin{cases} q = Q \cos(40000 \text{ rad}) = 100 \mu\text{C} \times 0.323 = 32.3 \mu\text{C} \\ i = -I \sin(40000 \text{ rad}) = -0.5 \text{ A} \times 0.94 = -0.47 \text{ A} \end{cases}$$



✓ per  $t = 1 \text{ s}$  e  $t = 5 \text{ s}$  la corrente è positiva (verso orario); per  $t = 8 \text{ s}$  la corrente è negativa (antioraria)

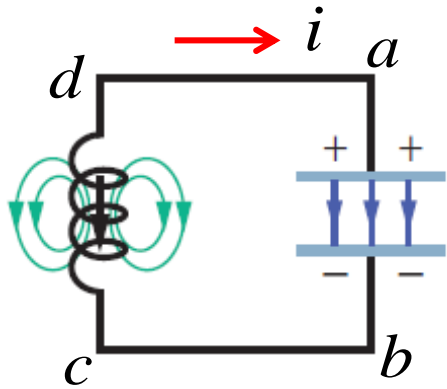
✓  $5000 \text{ rad}$  corrispondono a  $5000/2\pi = 795.77$  oscillazioni; eliminando le oscillazioni complete, si ottiene  $0.77$  oscillazioni, corrispondenti ad una fase  $0.77 \times 2\pi = 1.55 \pi$ ; siamo quindi vicini alla condizione  $i(t)$  massima e positiva e carica ai piatti nulla (fase "g" dell'oscillazione);

✓  $25000/2\pi = 3978.87$ , corrispondente alla fase  $0.87 \times 2\pi = 1.75 \pi$ ; siamo tra  $3/2 \pi$  e  $2\pi$ , nella fase "h" dell'oscillazione

✓  $40000/2\pi = 6366.2$ , corrispondente alla fase  $0.2 \times 2\pi = 0.4 \pi$ ; dunque poco prima di  $\pi/2$ ; la corrente è vicina al suo massimo negativo, fase "c"

# Problema 31.1

- ❑ Calcolare la f.e.m. autoindotta agli istanti  $t = 1 \text{ s}$ ,  $5 \text{ s}$ ,  $8 \text{ s}$ ; ad ogni istante indicare se la corrente autoindotta è concorde o discorde con la corrente presente in quegli istanti nel circuito



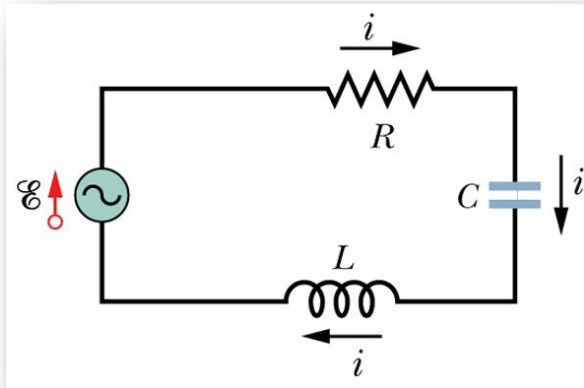
$$\frac{di}{dt} = -\omega^2 Q \cos(\omega t)$$

$$\mathcal{E}_L = -L \frac{di}{dt} = \frac{Q}{C} \cos(\omega t) = 50V \cos(\omega t)$$

$t = 1 \text{ s}$	$\mathcal{E}_L = 50V \cos(5000 \text{ rad}) = 50V \times 0.155 = 7.73V$	concorde con $i$
$t = 5 \text{ s}$	$\mathcal{E}_L = 50V \cos(25000 \text{ rad}) = 50V \times 0.70 = 35V$	concorde con $i$
$t = 8 \text{ s}$	$\mathcal{E}_L = 50V \cos(40000 \text{ rad}) = 50V \times 0.32 = 16.13V$	discorde da $i$

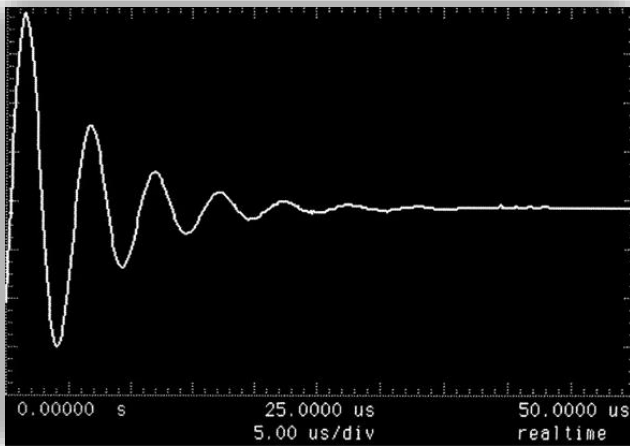
- ✓ per  $t = 1 \text{ s}$ ,  $t = 5 \text{ s}$   $i(t)$  è positiva (oraria),  $di/dt$  è negativa: la corrente si riduce, per cui la corrente autoindotta è concorde con  $i(t)$
- ✓ per  $t = 8 \text{ s}$   $i(t)$  è negativa (antioraria),  $di/dt$  è negativa: ciò significa che  $i(t)$  **in valore assoluto è in aumento** per cui la corrente autoindotta deve essere discorde da  $i(t)$

# Il circuito 'reale' RLC



- ✓ Nel circuito  $LC$ , l'energia oscilla indefinitamente, **trasferendosi da condensatore ad induttore e viceversa**
- ✓ Ovviamente nei circuiti reali c'è sempre una seppur piccola resistenza; dunque, un  **$LC$  in realtà è sempre  $RLC$** .

- ✓ Le resistenze dissipano energia, per cui **l'effettivo andamento è oscillatorio smorzato**, come nel grafico della corrente in figura: dopo alcune oscillazioni l'energia iniziale del circuito è totalmente dissipata e la corrente si estingue
- ✓ Per avere oscillazioni durevoli nel tempo è necessario inserire nel circuito un **generatore di corrente alternata**, variabile sinusoidalmente nel tempo, che compensi la perdita di energia dovuta alle resistenze

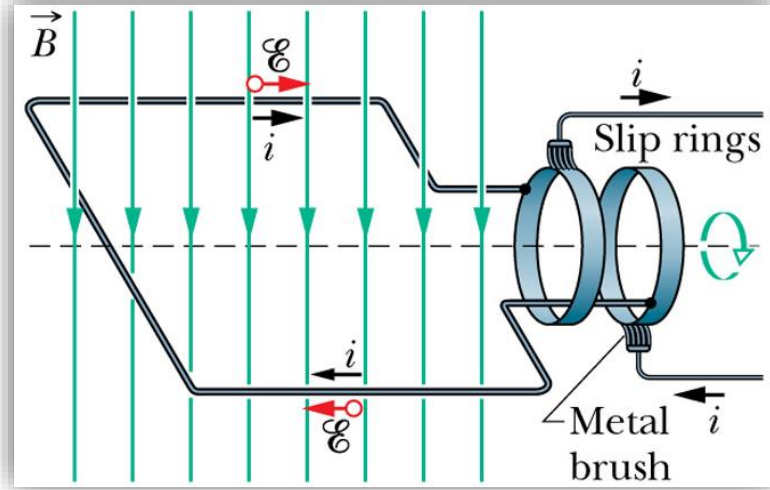


Al fine di avere la massima ampiezza di corrente è necessario che il generatore eroghi una corrente di frequenza  $\omega_g$  uguale alla frequenza caratteristica del circuito  $LC$ , ovvero che sia:

$$\omega_g = \omega = \frac{1}{\sqrt{LC}}$$

**condizione di risonanza**

# Il generatore di corrente alternata



- ✓ Una spira conduttiva è immersa in un campo magnetico uniforme
- ✓ Una **forza meccanica** ruota la spira con frequenza uniforme  $\omega_g$
- ✓ Ne deriva un flusso magnetico variabile nel tempo attraverso il piano A della spira:

$$\Phi_B(t) = BA \cos(\omega_g t)$$

- ✓ e dunque una **f.e.m. indotta ed una corrente indotta** generate nella spira:

$$\mathcal{E}(t) = -\frac{d\Phi_B}{dt} = BA \omega_g \sin(\omega_g t) = \mathcal{E}_{\max} \sin(\omega_g t)$$

$$i(t) = \frac{\mathcal{E}_{\max}}{R} \sin(\omega_g t) = I \sin(\omega_g t)$$

- ✓ Vediamo che f.e.m. e corrente indotta sono **alternate**, ed hanno **stesso andamento sinusoidale e stessa frequenza** della variazione del flusso, ovvero della rotazione meccanica della spira
- ✓ Gli estremi della spira terminano con due **anelli conduttori connessi mediante delle spazzole metalliche al circuito esterno**: durante la rotazione della spira le spazzole restano in contatto col resto del circuito, permettendo alla corrente prodotta di trasferirsi all'esterno

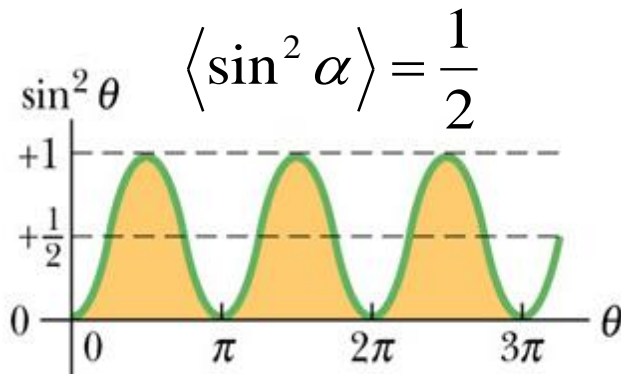


# Potenza media nel circuito RLC

- ✓ Nel circuito *RLC* la **potenza istantanea dissipata su *R*** è:

$$P(t) = Ri^2(t) = RI^2 \sin^2(\omega_g t)$$

- ✓ Dalla potenza istantanea calcoliamo la **potenza media** dissipata su *R* nel tempo di un periodo (il valor medio di  $\sin^2$  e  $\cos^2$  è  $1/2$ ):



$$\overline{P} = R\overline{i^2} = RI^2 \langle \sin^2(\omega_g t) \rangle = R \frac{I^2}{2}$$

- ✓ Possiamo riscrivere questo risultato in modo più compatto utilizzando il concetto di **valore quadratico medio**: per la corrente:

$$I_{qm} = \sqrt{\langle i^2(t) \rangle} = \sqrt{\frac{I^2}{2}} = \frac{I}{\sqrt{2}} \quad \Rightarrow \quad \overline{P} = R I_{qm}^2$$

- ✓ Ritroviamo quindi la stessa formula della potenza valida per le grandezze costanti nel tempo, considerando però valori quadratici medi
- ✓ Per qualsiasi grandezza variabile sinusoidalmente nel tempo, **il valore quadratico medio corrisponde al valore massimo diviso  $\sqrt{2}$**

# Potenza media nel circuito RLC

- ✓ Dalla **potenza istantanea erogata dal generatore**:

$$P(t) = i(t) \mathcal{E}_g(t) = I \mathcal{E}_{\max} \sin^2(\omega_g t)$$

- ✓ Ricaviamo la **potenza media erogata dal generatore**:

$$\overline{P} = R \overline{i^2} = I \mathcal{E}_{\max} \langle \sin^2(\omega_g t) \rangle = I \mathcal{E}_{\max} \frac{1}{2} = \frac{I}{\sqrt{2}} \frac{\mathcal{E}_{\max}}{\sqrt{2}} = I_{qm} \mathcal{E}_{qm}$$

- ✓ Avendo definito valori quadratici medi:

$$\mathcal{E}_{qm} = \frac{\mathcal{E}_{\max}}{\sqrt{2}}$$

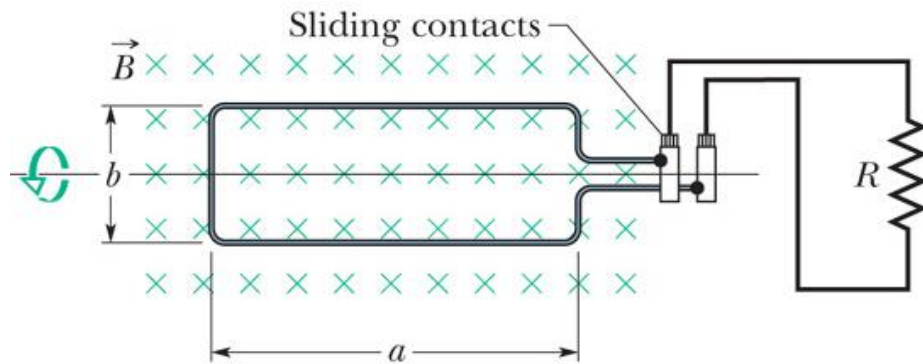
$$I_{qm} = \frac{I}{\sqrt{2}}$$

$$\Delta V_{qm} = \frac{\Delta V_{\max}}{\sqrt{2}}$$

- ✓ Se si considerano valori quadratici medi, **le relazioni fondamentali tra le grandezze di un circuito AC (leggi di Ohm e di Kirchhoff) hanno la stessa forma di quelle di un circuito DC**
- ✓ i valori tipici di tensione e corrente negli AC sono sempre riferiti a valori *qm*; per esempio, nelle abitazioni  $\Delta V_{qm} = 220 \text{ V}$ ;  $I_{qm} = 16 \text{ A}$

# Problema 30.13

- ✓ Un generatore di corrente alternata è composto da una bobina rettangolare con  $N=100$  spire, di lati  $a = 50$  cm e  $b = 30$  cm, immersa in un campo magnetico uniforme di intensità  $B=1$  T, perpendicolare uscente dalla pagina; il generatore è connesso ad un carico resistivo esterno  $R=1$  K $\Omega$
- ✓ A  $t=0$  il sistema è in equilibrio, col campo magnetico parallelo alla normale del piano della spira; la spira viene poi messa in rotazione attorno all'asse orizzontale con frequenza uniforme  $\nu = 100$  Hz
- ✓ Calcolare i valori **massimi e quadratici medi** di f.e.m. e corrente indotta nella bobina, e la **potenza media** erogata dal generatore



Durante la rotazione, il flusso magnetico attraverso l'area della bobina è dato da:

$$\Phi_B = \int_A \vec{B} \cdot d\vec{A} = BA \cos(\theta)$$

All'istante iniziale l'angolo tra campo e vettore areale è nullo, per cui deve essere:

$$\theta = \omega t = 2\pi\nu t \quad \Rightarrow \quad \Phi_B = BA \cos(\omega t)$$

# Problema 30.13

✓ la f.e.m. indotta nella bobina:

$$\mathcal{E}_i = -N \frac{d\Phi_B}{dt} = NabB\omega \sin(\omega t) = \mathcal{E}_{\max} \sin(\omega t)$$

✓ i valori di picco di f.e.m. e corrente indotta sono:

$$\mathcal{E}_{\max} = NabB\omega = 100 \times 0.15 m^2 \times 1 T \times 2\pi \times \frac{100}{s} = 9.4 kV \qquad I = \frac{\mathcal{E}_{\max}}{R} = 9.4 A$$

i valori di picco si hanno per  $\sin(\theta) = \pm 1$ , ovvero  $\theta = \pm \pi/2$ , ovvero quando la normale al piano della spira ed il campo magnetico sono perpendicolari

✓ I valori quadratici medi:  $\mathcal{E}_{qm} = 6.65 kV$   $I_{qm} = 6.65 A$

✓ La potenza media prodotta dal generatore:

$$\overline{P} = I_{qm} \mathcal{E}_{qm} = 6.65 A \times 6.65 kV = 44.18 kW$$



# Trasmissione di Energia

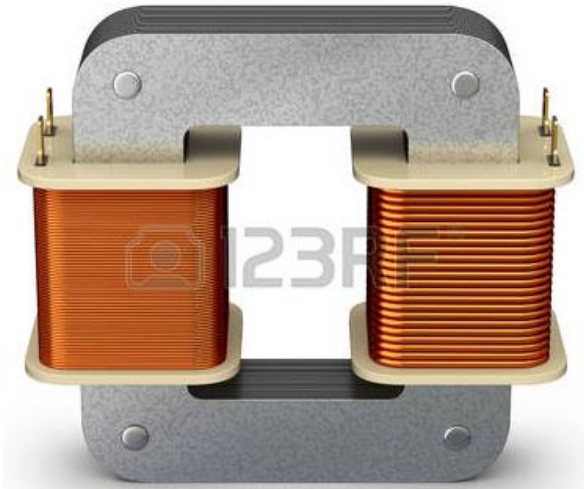
- ✓ Si è visto che, nei circuiti AC (in seguito omettiamo il pedice 'qm', dando per scontato che correnti e tensioni siano valori  $qm$ ):

$$\overline{P} = \Delta V I$$

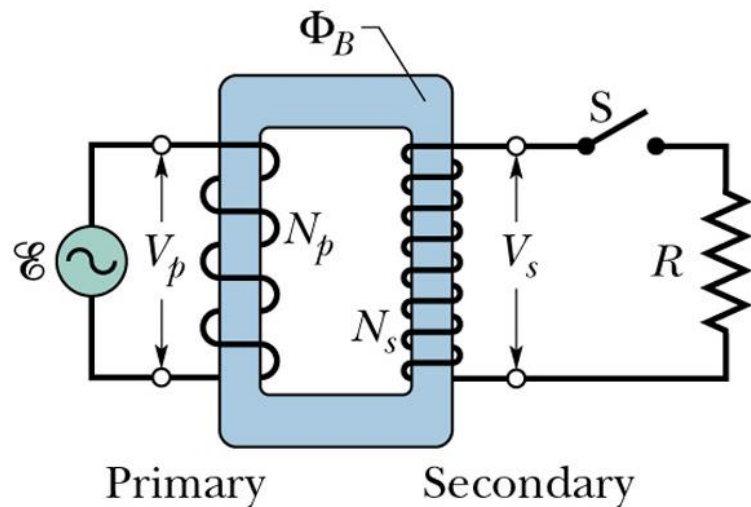
- ✓ Ovviamente la **stessa potenza media può essere erogata da correnti elevate a basso voltaggio, oppure basse correnti ad alta tensione**
- ✓ Per ragioni di sicurezza ed efficienza, è preferibile avere, sia nell'impianto di produzione (la centrale termoelettrica o idroelettrica), sia nel luogo di utilizzo (abitazione o ufficio), **basse d.d.p. e alte correnti**.
- ✓ Di contro, se l'energia deve essere **trasportata attraverso grandi distanze**, per la legge di Joule è molto sconveniente avere alte correnti, poiché la potenza dissipata lungo il cavo dipende dal quadrato della corrente; si preferisce dunque trasportare **piccole correnti ad alta tensione (fino a 500 KV !)**
- ✓ Il problema è risolto mediante l'uso del **trasformatore**, uno strumento in grado di **trasformare potenze elettriche di alta tensione e basso voltaggio in bassa tensione ed alto voltaggio, e viceversa**
- ✓ **Il trasformatore funziona soltanto con correnti AC:** dunque per il trasporto di energia su grandi distanze la corrente AC è preferita alla DC

# Il trasformatore ideale

- ✓ Il funzionamento del trasformatore ideale si basa sull'induzione magnetica e **funziona soltanto per correnti alternate** (AC); di contro, trasformare correnti continue (DC) richiede metodi molto più complessi

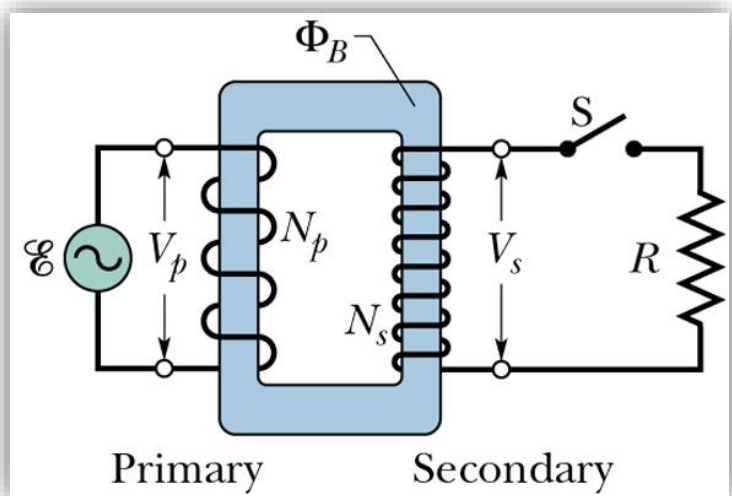


- ✓ Il trasformatore è costituito da **2 bobine avvolte attorno ad un nucleo di ferro**; la bobina primaria ha  $N_p$  spire, quella secondaria  $N_s$  spire. La **primaria è connessa con un generatore di corrente alternata**, la **secondaria è chiusa su un carico resistivo**.
- ✓ La corrente alternata nel circuito primario produce un **campo magnetico ed un flusso variabile**  $\Phi_B$  nella bobina primaria; poiché il **ferro è un materiale ferromagnetico**
- ✓ il flusso  $\Phi_B$  si trasmette uniformemente in tutto il nucleo di ferro; dunque **nella regione della bobina secondaria è presente lo stesso flusso**  $\Phi_B$ ; ne deriva che **su ogni singola spira delle due bobine agisce la stessa f.e.m.**



# Trasformazione della tensione

- ✓ Dall'uguaglianza del flusso magnetico attraverso ciascuna spira delle due bobine, segue che le d.d.p. ai capi della bobina nel circuito primario ( $\Delta V_p$ ) e secondario ( $\Delta V_s$ ) sono:



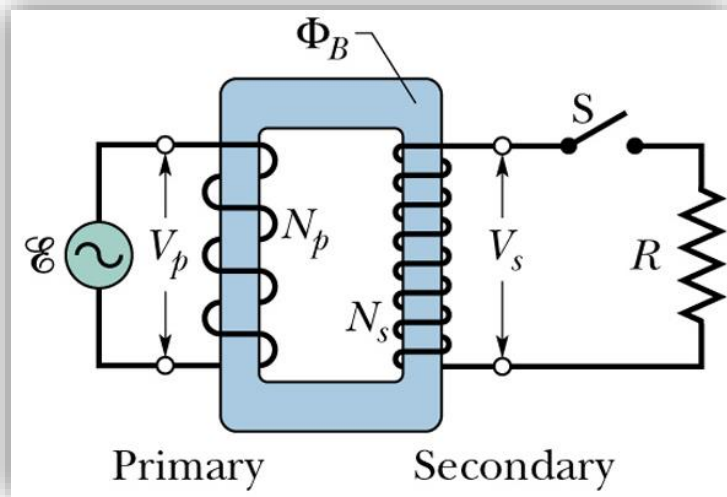
$$\Delta V_p = N_p \frac{d\Phi_B}{dt} \quad \Delta V_s = N_s \frac{d\Phi_B}{dt}$$
$$\Rightarrow \frac{\Delta V_s}{\Delta V_p} = \frac{N_s}{N_p} \Rightarrow \Delta V_s = \Delta V_p \left( \frac{N_s}{N_p} \right)$$

**Legge di trasformazione della tensione**

- ✓  $\Delta V_p$  è fissata dal generatore, per cui possiamo considerarla la **tensione di input**;  $\Delta V_s$  è la **tensione di output** ottenuta dalla trasformazione, e dipende dal rapporto tra le spire delle bobine
- ✓ per  $N_s > N_p$  il trasformatore è detto **elevatore**, poiché eleva la tensione d'ingresso  $\Delta V_p$  ad un valore più alto
- ✓ se invece  $N_p > N_s$  il trasformatore riduce la tensione d'ingresso ed è detto **riduttore**; in figura vediamo chiaramente lo schema di un elevatore

# Trasformazione della corrente

- ✓ Determiniamo le correnti nel circuito primario ( $I_p$ ) e secondario ( $I_s$ ) utilizzando il **principio di conservazione dell'energia**
- ✓ Sappiamo che le induttanze non dissipano energia se supponiamo trascurabili le loro resistenze interne rispetto al carico  $R$ ; dunque, **tutta la potenza erogata dal generatore nel circuito primario deve essere dissipata sulla resistenza del circuito secondario.**



- ✓ potenza erogata nel primario:

$$P_g = I_p \mathcal{E}_g = I_p \Delta V_p$$

- ✓ potenza dissipata nel secondario:

$$P_d = I_s^2 R = I_s \Delta V_s$$

- ✓ conservazione dell'energia:

$$I_p \Delta V_p = I_s \Delta V_s$$

$$\Rightarrow I_s = I_p \left( \frac{\Delta V_p}{\Delta V_s} \right) = I_p \left( \frac{N_p}{N_s} \right)$$

**Legge di trasformazione  
della corrente**