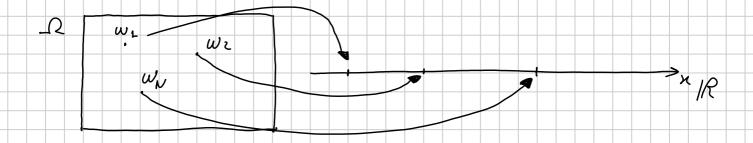
VARIABILI ALEATORIE

Il concello di N.2. si introduce per astravre da quelli che possono esseve i vavi esperimenti casuali.

Und variabile alcalorial pro essere ad esemplo definital per rappresentare il risultato di un esperimento, ad esemplo il lancio di un dado. In questo caso il risultato X sara una variabile ale pro assumere un valore numerica E { 1, 2, 3, 4, 5, 6 }.

DEFINIZIONS



Definito uno spazio campiore II, la corrispondenza X (Wi), che mappa un insultato di un esperimento casuale sull'asse dei numeri reali, è una variabile aleatoria se l'insieme dei risultati per cui si verifical che X (W) & a V a arbitravio è un evento.

Le variabili de atorie si indicheranno con le lettere
maioscole X, Y, Z, omettendo la dependenza dal visultato
dell'esperimento casuale "a".

Le v.a. s. vi. lizzano per rappresentare i risultati di un esperimento il cui visultato non e predic. Sile.

Essendo le v.a. rappresentative d. nisultati di un esp.
casulc, come si misura la probabilità in questa nuova
rappresentazione?

$$X \leqslant a \qquad e' \text{ suppresentativo do un evento per avi}$$

$$definiamo$$

$$F_{X}(k) = P\{X \leqslant x\} \qquad FUUZIONE DISTRIBUZIONE$$

$$DI PROBABILITA$$

$$La F_{X}(h) \text{ rappresenta la probabilità obe la u.a. sia minore o al più visuale ad un valore x generizo
$$PROPRIETA^{\lambda}$$

$$0 \leqslant F_{X}(h) \leqslant 1$$

$$1 \text{ Norm } F_{X}(h) \leqslant 1$$

$$1 \text{ Norm } F_{X}(h) = 0$$

$$1 \text{ Norm } F_{X}(h) = 0$$

$$1 \text{ Norm } F_{X}(h) = F_{X}(h) \qquad (untimuta' da destra)$$

$$1 \text{ Norm } F_{X}(h) = F_{X}(h) \qquad (untimuta' da destra)$$

$$1 \text{ Norm } F_{X}(h) = F_{X}(h) \qquad (untimuta' da destra)$$

$$1 \text{ Norm } F_{X}(h) = F_{X}(h) = F_{X}(h) \qquad (untimuta' da destra)$$

$$1 \text{ Norm } F_{X}(h) = F_{X}(h) = F_{X}(h) = P\{X = K\}$$

$$2 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (ONTIMUE, FRISTE}$$

$$2 \text{ Normal Alleators of the primal species in } F_{X}(h) = F_{X}(h) = F_{X}(h) = F_{X}(h) = F_{X}(h)$$

$$1 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (ONTIMUE, FRISTE}$$

$$2 \text{ Normal Alleators of the primal species in } F_{X}(h) = F_{X}(h) = F_{X}(h) = F_{X}(h)$$

$$2 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (ONTIMUE, FRISTE}$$

$$3 \text{ Normal Alleators of the primal species in } F_{X}(h) = F_{X}(h) = F_{X}(h) = F_{X}(h)$$

$$2 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$3 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$3 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

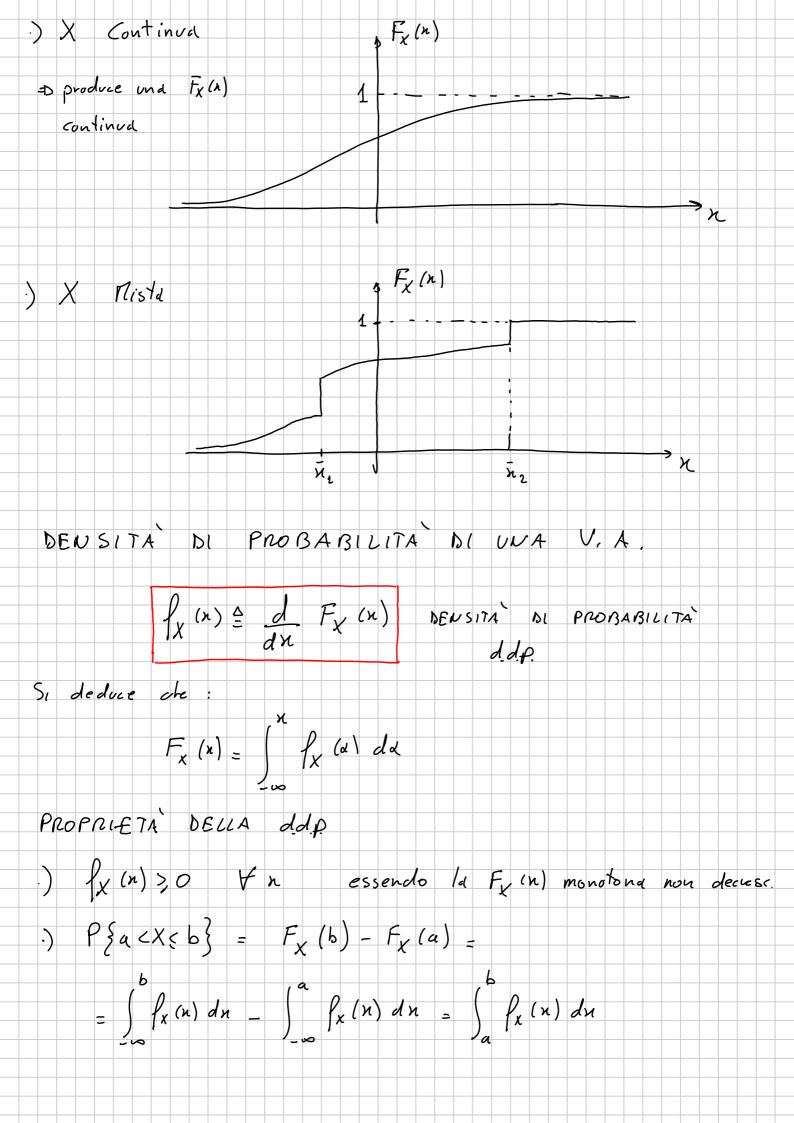
$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

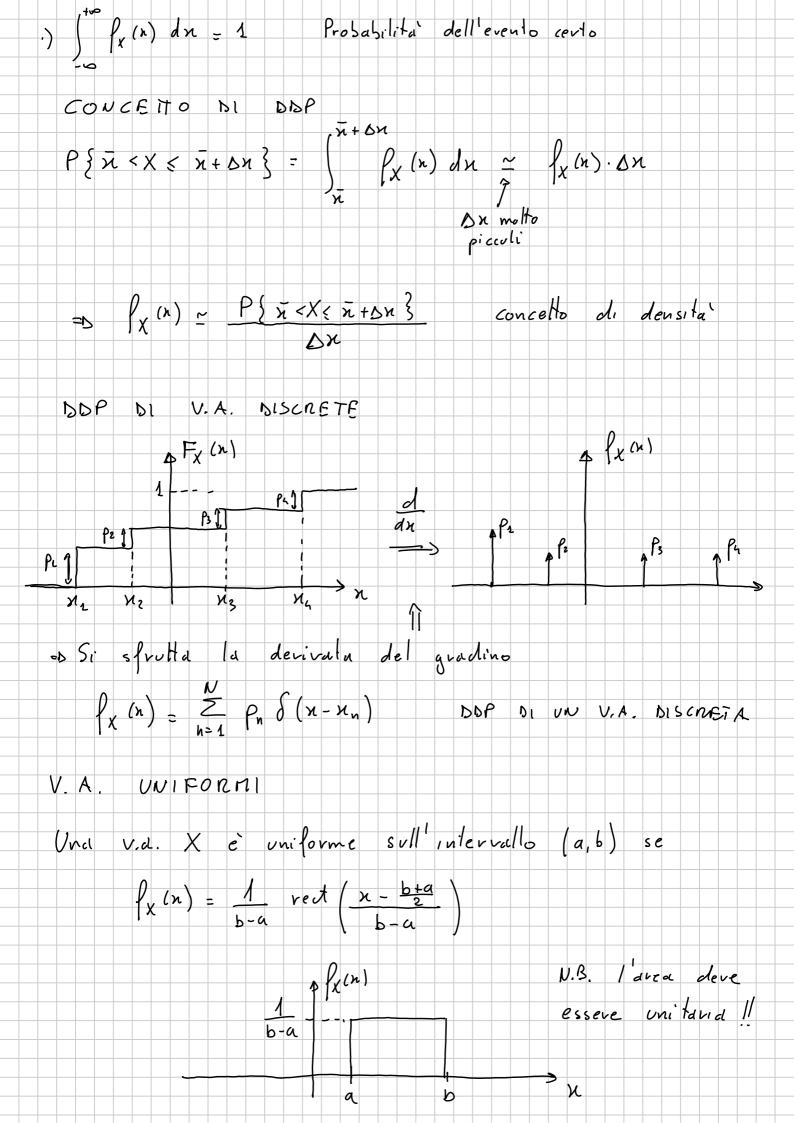
$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE}$$

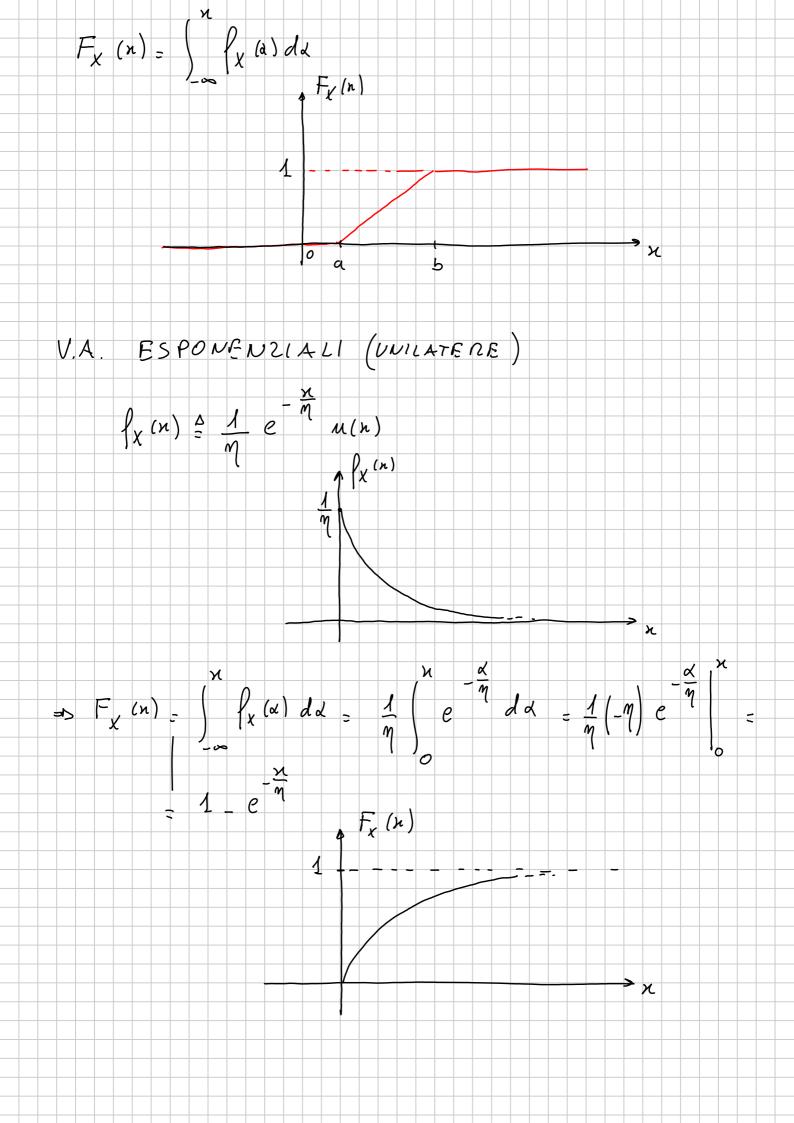
$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE)}$$

$$4 \text{ Normal BILL ALEATO RE DISCRETE, (untimute, FRISTE)}$$

$$4$$$$







V.A. DI POISSON (DISCRETA)

$$\int_{X} (n) = \sum_{K=0}^{100} e^{-\Lambda} \sum_{K!}^{K} \delta(x-K)$$

$$= \sum_{K=0}^{100} f_{K} \delta(x-K)$$

$$\int_{X} e^{-\Lambda} \sum_{K!}^{K!} \delta(x-K)$$

$$\int_{X} e^{-\Lambda} \sum_{K!}^{K!} \int_{X!}^{K!} \int_{X!}^{A} \int_{X!}$$

V.A. GAUSSIANA STANDARDS

$$X \in \mathcal{N}(0,1)$$
 $M_{2}:0$, $\delta_{x}^{2}:1$
 $f_{U}(x) = \frac{1}{2}e^{-\frac{x^{2}}{2}}$
 $f_{U}(x) = \frac{1}{2}e^{-\frac{x^{2}}{2}}$
 $f_{U}(x) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{0}^{\infty} (x) dx$
 $f_{U}(x) = \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} (x) dx$
 $f_{U}(x) = \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty}$

2) Se nel punto n=n la devivata prima g(n) e nulla si hanno due casi: e quindi se $f_x(x) \neq 0 = 0$ $f_y(y) \rightarrow +\infty$.) à appartiere ad un intervallo I nel quale la gin) assume un valore costante. In questo caso la U.A. Y assume il valore y = g(\overline{n}) con probabilità e se tale probabilità e non nulla allora la V.A. Y e' mistal. INDICI CARATTERISTICI DI UNA DISTRIBUZIONE La conoscenza della ddp di una V.A. e'il massimo one si possa conoscere di essa. Spesso però non e ottenibile allows ai si prò decontentare di corescere alcuni pavametri statistici (o indici statistici). VALOR MEDIO (O SPERANZA, O ATTESA) MX =) X (n) dn E CHA SURIA DI CACCOLD NX = DI UN CENTRO DI MASSA PER V.A. DISCRETE $\eta_{x} = \int_{-\infty}^{+\infty} x \, \int_{x}^{+\infty} (n) \, dn = \int_{x}^{+\infty} x \, \sum_{\kappa=1}^{+\infty} \rho_{\kappa} \, S(x-x_{\kappa}) \, dn = \sum_{\kappa=1}^{+\infty} \rho_{\kappa} \, \sum_{\kappa=1}^{+\infty} \, \sum_{\kappa=1}^{+\infty} \rho_{\kappa} \, \sum_{\kappa=1}^{+\infty} \rho_{\kappa} \, \sum_{\kappa=1}^{+\infty} \rho_{\kappa$

OPERATORE "VALOR TIEBLO"

$$M_{X} = E[X]$$
, E sta per Expectation (Aspethatica)

 $M_{X} = E[X]$; $n f_{X}(x) dn$

TEORETA DEL VALOYZ TIEBLO

Se et presente una trasformazione di V.a. $Y = g(X)$
 $M_{Y} = E[Y] = \int_{-\infty}^{\infty} y f_{Y}(y) dy = \int_{-\infty}^{\infty} g(x) f_{X}(x) dx = E[g(x)]$

PROPRIETA' DI LINEARITA'

 $Y = a g(X) + b h(X)$
 $M_{Y} = a E[g(X)] + b E[h(X)]$

VARIANZA DI UNA V.A.

 $G_{X} = E[(X - M_{X})^{2}] = \int_{-\infty}^{\infty} (x - M_{X})^{2} f_{X}(x) dx$
 $G_{X} = G_{X}(x) + G_{X}(x)$
 $G_{X} = G_{X}(x) + G_{X}(x)$
 $G_{X} = G_{X}(x) + G_{X}(x)$
 $G_{X} = G_{X}(x)$

$$\delta_{\chi} \triangleq \sqrt{\delta_{\chi}^{2}}$$

$$\int_X (x) = S(X - M_x) = S S_x^2 = 0$$

$$m_{\chi}^{2} = E\left[\chi^{2}\right] = \int_{-\infty}^{+\infty} \chi \left(\chi\right) d\chi$$

$$S_{x}^{2} = E\left[\left(X - \eta_{x}\right)^{2}\right] = E\left[X^{2} + \eta_{x}^{2} - 2\eta_{x}X\right] =$$

$$= E\left[X^{2}\right] + \eta_{x}^{2} - 2\eta_{x}E\left[X\right] =$$

$$= m_X - \eta_X$$

INDIA CARATIERISTICI DI V.A. GAUSSIAME

VALUR MEDIO
$$f(x) = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{2\pi \delta_{x}^{2}}} e^{-\frac{(x-M_{x})^{2}}{2\delta_{x}^{2}}} dx = \frac{1}{\sqrt{2\pi \delta_{x}^{2}}}$$

SOSTITUZIONE:

$$\begin{bmatrix}
\frac{1}{\sqrt{2\pi}G_{x}^{2}} & \frac{1}{\sqrt{2\pi}G_{x}^{$$

RELAZIONE TRA V.A. GAUSSIANE STANDARD & NUN-STANDARD Und generica v.a. Gaussiana può esseve ottenuta come una trasformation lineau di una ud. Gaussiana standard $X = \delta_{x} N + \eta_{x}$, $N \in \mathcal{N}(0,1)$ $X \in \mathcal{N}(M_X, G_X^2)$ in.

So applica il teo. fondumentale $P_N(n) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{n^2}{2}}$, $X = g(N) = \delta_X N + M_X$ $\Rightarrow N = \frac{X - M_X}{\delta_X}$ (una soluro) Dim. $\int_{X} (n) = \frac{\int_{U} (n_{i})}{|g'(n_{i})|} = \frac{\int_{V} (n_{i})^{2}}{|\nabla x|} = \frac{\int_{V} (n_{i})^{2}}{|\nabla x|^{2}} = \frac{\int_{V} (n_{i})^{2}}{|\nabla x|^{2}}$ CALCOLO DI PROBABILITÀ TRAPITE LA FUNZIONE À $P\{a < X \leq b\} = F_X(b) - F_X(a) - \overline{\phi}\left(\frac{b - m_X}{\sigma_X}\right) - \overline{\phi}\left(\frac{a - m_X}{\sigma_X}\right)$ LA FUNZIONE "ERFC" - CONPLETIGNARI ERROR FUNCTION $evfc(n) \stackrel{?}{=} \frac{2}{\sqrt{|T|}} e^{2} dO = 1 - evf(n)$

/ evf(n) Perfc(n) ≯ પ RELAZIONE TRA \$ e ERF $\overline{P}(x) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \operatorname{erf}(\frac{x}{\sqrt{z}})$ La probabilità in un intervallo è guindi calcolabile in questo medo: P{a<X < b} = \$\overline{\psi} \begin{picture}(\beta - \mathred{\psi}) - \overline{\psi} \begin{picture}(\alpha - \mathred{\psi}) - \overline{\psi} \begin{picture}(\alpha - \mathred{\psi}) - \overline{\psi} \big(\alpha - \mathred{\psi} \big) - \overline{\psi} \big(\alpha - \mathred{\psi}) - \overline{\psi} \big(\alpha - \mathred{\psi} \big) - \overline{\psi} \big(\alpha - \mathred{\psi} \big(\alpha - \mathred{\psi} \big) - \overline{\psi} \big(\alpha - \mathred{\psi} \big) - \overline{\psi $-\frac{1}{2} + \frac{1}{2} ev \left(\frac{b - \eta_x}{\sqrt{2\sigma_x^2}} \right) - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} ev \left(\frac{a - \eta_x}{\sqrt{2\sigma_x^2}} \right) =$ $= \frac{1}{2} \operatorname{erf}\left(\frac{b - Mx}{\sqrt{26x^2}}\right) - \frac{1}{2} \operatorname{erf}\left(\frac{a - Mx}{\sqrt{26x^2}}\right)$ LA FUNZIONS "Q" - QUEVE (COM) $Q(n) = 1 - \overline{Q}(n) = 1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} erf(\frac{n}{\sqrt{2}}) =$ $=\frac{1}{2}-\frac{1}{2}\operatorname{erf}\left(\frac{n}{\overline{v}}\right)=\frac{1}{2}\left(1-\operatorname{erf}\left(\frac{n}{\sqrt{2}}\right)\right)=\frac{1}{2}\operatorname{erfc}\left(\frac{n}{\sqrt{2}}\right)$ V.A. CONDIZIONATE $P\{X \leq n\} = F_X(n)$ P{X|B < n} = F_{X|B} (x|B) = P{X < n, B}
P{B} DISTRIBUZIONE CONSIZIONAJA

DENSITA DI PROBABILITÀ COUSIZIONATA PXIB (n/B) = d FXIB (n/B) Le proprietà delle funzioni di distribuzione e di densità soro le stesse di quelle non condizionale (marginali) SISTEMI DI DUE V.A. Considerationo esperimenti composti da dre visultati. Ad ogni visultato e quindi associato un numero reale altraverso und variabile dealond. Br. Br. DISTRIBUZIONE DI P { X < n , Y < y } = Fxy (n,y) PROBABILITA CONGIUNTA Mentre le distribusioni marginali Fx(n) e Fyly) non dicoro niente sulla Fy (n,y), è vero il viceversa, ouvero le Fx(n) e Fy(y) sono vicavabili dalla Fxy (n,y) PROPRIETA DELLA FXY (n,y) 0 < Fxy(n,y) < 1 Fxy(x, yo) e monotona non decrescente della variabile x e continua da destra . Lo stesso vale per Fxy (xo, y) $F_{XY}(-\infty,y) = P\{X \leq -\infty, Y \leq n\} = 0$ Fxy (x,-0)= P {X < n, Y < -03} =0

 $F_{xy}\left(-\infty,-\infty\right)=0$ $F_{Y}(y) = F_{XY}(+\infty, y)$ Fx (n) - Fxy (n, +0) Fxy (+00,+00) = 1 La probabilità dell'evento vettangolare R = {x1 e X e x2, y2 e y2} si può ca colare come segre P{R} = Fxy (x2, y2) - Fxy (x1, y2) - Fxy (x2, y2) + Fxy (x2, x2) Fxy (M2, 1/2) Y Fxy (N2, 142) Fxy (n2, 1/2) .) Per un rettangolo molto piccolo P{x<X< n+Dn, y<Y< y+Dy} = $= F_{xy} \left(\bar{x} + \Delta x, \bar{y} + \Delta y \right) - F_{xy} \left(\bar{x}, \bar{y} + \Delta y \right) - F_{xy} \left(\bar{x} + \Delta n, \bar{y} \right)$ + Fxy (n, y) = = Fxy (n + sn , y + sy) - Fxy (n, y + sy) - [Fxy (\bar{n} + \delta n , \bar{y}) - Fxy (\bar{n} , \bar{y})] =

$$= \frac{\partial}{\partial x} F_{xy} (\bar{x}, \bar{y} + \delta y) \cdot \delta x - \frac{\partial}{\partial x} F_{xy} (\bar{x}, \bar{y}) \delta x =$$

$$= \frac{\partial}{\partial x} F_{xy} (\bar{x}, \bar{y}) \delta x \cdot \delta y$$

PROPRIETA DELLA DDP CONCIUNTA

$$\frac{1}{2} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \left(n, y \right) dn dy = 1$$

$$\frac{1}{2} \int_{x}^{+\infty} \left(x \right) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{x}^{+\infty} \left(x, y \right) dy$$

$$\int_{Y} \left(y \right) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{XY} \left(n_{1} y \right) dn$$

$$P \{(X,Y) \in D \} = \left\{ \int_{XY} (n,y) dn dy \right\}$$

$$F_{xy}(n,y) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_{-\infty}^{y} f_{xy}(\alpha,\beta) d\alpha d\beta$$

TRASFORMAZIONE BI UNA COPPIA DI V.A. Il problema della trasformazione d' una coppia di v.a. rizuarda il calcolo della dalp della nuova v.a. note che 1) La trasformazione Z = g (X, Y) 2) La ddp congrunta de X e Y fxy (x,y) La distribuzione di probabilità della vaviabile 2 e scrivibile come F2 (3) = P{Z< 2} = P{g(X,Y) < 2} $F_2(z) = \int \int \int_{XY} (n,y) dn dy$ dove R(z) e la regione del piano (x,y) dove e venificatal la relazione $g(x,y) \le z$ Quindi si può attenere la f2 (2) per derivazione $f_2(z) = \frac{d}{dz} F_2(z)$ ESEMPIO lissato un valore di z 2 = X + Ysi ottiene una retta P2 (2) = 7 sul piano (x, y) semipidno per cui n+y & Z

$$F_{Z}(z) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{XY}^{2-x} \left(x,y\right) dx dy = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{2} \left[x_{Y}\left(x,y^{-x}\right) dx dy\right]$$

$$= \int_{-\infty}^{+\infty} \left[x_{Y}\left(x,z^{-x}\right) dx\right]$$

$$= \int_{-\infty}^{+$$

$$C_{xY} \cong E\left[\left(X - M_{x}\right)\left(Y - M_{y}\right)\right] = \int_{-\infty}^{+\infty} \left(x - M_{x}\right)\left(y - M_{y}\right) f_{xY}\left(x, y\right) dx dy$$

COVARIANZA

SIGNIFICATO DELLA COVARIANZA

La covarianza tra due v.a. X e Y mette in evidenza,
e quantifica, l'esistenza di una relazione lineare tra le
due variabili.

-) Covavianze grandi tendono ad indicare grandi scostament.

 dai valuri medi di entrambe le variabili.
- Covananze positive indicano spostament nello stesso verso respetto di valori medi.

 Esempio: se si valdavo con X l'altezza di una persona

Esempio: se si valutavo con X / altezza di una personal
e con Y il suo peso, allora una covariduza
positival indica che una persona più dia della
media sava probabilmente anche più pesante della
media

IN CORRELA ZIONE TRA V.A.

Due V.d. X e Y si dicono INCORRELATE se Cxy = 0

COEFFICIENTE DI CORRELAZIONE

$$\int_{XY} = \frac{C_{XY}}{\delta_{X}\delta_{Y}} = \frac{V_{XY} - \eta_{X}\eta_{Y}}{\delta_{X}\delta_{Y}}$$

PROPMETA

) fxy = 0 solo se le due v.d. sono incorrelate

) | fxy = 1 solo sc le due v.d. sono linearmente dipendent N.B. quando | Pxx = 1 significal che se è noto il visutato di una V.a. è noto anche il visuttato dell'altra Il coefficiente di correlazione è una covarianza normalizzata. Questo serve al definir una quantità che esprime il luello di correlazione tra die v.d. indipendente mente dalle loro carattenstiche individuali. INDIPENDENZA ED INCORNECAZIONE TRA U.A. Se due v.d. sono indipendenti, allora Pxy (x,y) = Px (x) Py (y) Quindi $xy = \int_{-\infty}^{\infty} (xy) dx dy = \int_{-\infty}^{\infty} (xy) dx dx dy dx dy = \int_{-\infty}^{\infty} (xy) dx dx dy = \int_{-\infty}^{\infty} (xy) dx dx dy dx dy = \int_{-\infty}^{\infty} (xy) dx dx dy dx dy$ = (xy fxn) fyly) dn dy = $= \left(\begin{array}{c} x \\ x \\ \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} x \\ x \end{array} \right) \left(\begin{array}{c}$ => Cxy = Vxy - MxMy = O Se due v.d. sono insipensenti allora sono anche monnellaTE INDIPENDENZA - IN CORRELAZIONE

Non è vero il contravio: NB INCORRELAZIONE - INDIPENDENZA Esempio: Sid O una v.d. uniformemente distribuità tra O ezT $O \in \mathcal{U}(0, 2\pi)$ siano: $\begin{cases} X = \cos \theta \\ Y = \sin \theta \end{cases}$ Calcolan Cxy $V_{XY} = E[XY] = \int_{-\infty}^{+\infty} \cos \theta \sin \theta \, f_{\theta}(\theta) \, d\theta$ $\frac{1}{2\pi} \left(\cos \theta \sin \theta d\theta = \frac{1}{2\pi} \left(\frac{1}{2} \sin(2\theta) d\theta = 0 \right) \right)$ $M_X = E[X] = \frac{1}{2\pi} \left(\cos \theta \, d\theta = 0 \right)$ $M_{i} = E[Y] = \frac{1}{2\pi} \int_{\lambda}^{2\pi} \sin \theta \, d\theta = 0$ $\leq_{xy} = V_{xy} - \eta_x \eta_y = 0$ Le N.a. X e Y sono INCORNELATE N.B. $X^2 + Y^2 = 1$, quind, le due v.a. dipendono

I una dall'altra (esemplo $X = -1\sqrt{1-Y^2}$) QUINNI NUN SOMO INDIPENSENTI

SISTETII DI N V.A. (VEITURI ALEATORI)
Si definisce come distribuzione di probabilità di n N.d. $F_{X_1,X_2,...,X_N}$ $(x_1,x_2,...,x_N) \triangleq P\{X_1 \leq x_1, X_2 \leq x_2, ..., X_N \leq x_N\}$ $\int_{X_{1}} (x_{1}) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} (x_{1}, x_{2}, \dots, x_{N}) dx_{2} dx_{3} \dots dx_{N}$ $\begin{cases} \chi_{j}(x_{j}) = \int_{-\infty}^{+\infty} \int_{-\infty}^{+\infty} \left(\chi_{1}, \chi_{2}, \dots, \chi_{N} \left(\chi_{1}, \chi_{2}, \dots, \chi_{N} \right) d\chi_{1} \dots d\chi_{j-1} d\chi_{j+1} \dots d\chi_{N} \right) \right)$ B.D.P. CONDIZIONATE $P_{\{X_i, 3\}, \{X_i, 3\}, \{$ Es. con 5 V.A. $\begin{cases} X_1, X_3, X_4 \mid X_2, X_5 \end{cases} \begin{pmatrix} x_1, x_2, x_4 \mid x_2, x_5 \end{pmatrix} = \begin{cases} X_1, \dots, X_5 \\ X_2, X_5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1, x_2, x_5 \\ x_2, x_5 \end{pmatrix}$ INSIPENDENZA BI W V.A. N N.d. si dicoro indipendenti se $\int_{\{X_i, \{1\} \times X_j\}} (\{x_i, \{1\} \times X_j\}) = \int_{\{X_i, \{1\} \times X_j\}} (\{x_i, \{1\} \times X_j\}) \quad \forall \quad \{X_i, \{1\} \times X_j\}$

In questo caso la dop conginta si può scriere (x2,..., XN (x2,..., XN) = (x2 (x2) /x2 (x2) (xN) VETTORF ALFATORIO $X \stackrel{\triangle}{=} X_2 = [X_1, X_2, \dots, X_N]^T$ SIMBOLD GIA $F_{\underline{X}}(\underline{x})$ ·) /x (x) INDICI CARATTERISTICI $\eta_{X} = \eta_{X_{N}}$ VETTORE VALOR MEDIO MATRICE SI CORRELAZIONE (NXD) VXNX1 ··· --- VXNXN

N.B. sulla diagonale a sono i valori quadratici mech delle singole v.d.

$$m_{Xi} = E\left[X_{i}X_{i}\right]$$

$$= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{1}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{1}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{1}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1} & Cx_{1}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \\ Cx_{2}x_{1} & Cx_{2}x_{2} & \cdots & Cx_{n}x_{n} \end{bmatrix}$
 $= \begin{bmatrix} Cx_{1}x_{1}$

This form the zeroms the 2 a 2 V.A.

$$\begin{cases} V_{1}V_{2} & (Y_{1}, Y_{2}) = \frac{\int_{X_{1}X_{2}} (X_{2}i, X_{2}i)}{\int_{X_{1}}^{3} (X_{1}i)} \frac{1}{J_{3}} \frac{1}{J_{$$

 $= > \left(\chi_{1} \chi_{2} \left(\chi_{1} \chi_{2} \right) \right) = \left(\frac{1}{2} \left[\chi_{1} - \chi_{2} \right] + \frac{\left(\chi_{2} - \chi_{2} \right)^{2}}{\left(2 \pi \right)^{2} \delta_{\chi_{1}^{2}} \delta_{\chi_{2}^{2}}} \right]$ $\frac{\left(\chi_{1} - \chi_{1}\right)^{2}}{2\delta\chi_{1}^{2}} = \frac{\left(\chi_{2} - \chi_{2}\right)^{2}}{2\delta\chi_{2}^{2}} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\delta\chi_{2}^{2}} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\delta\chi_{2}^{2}}$ $= \left\{ \chi_1 \left(\lambda_1 \right) \right\} \left\{ \chi_1 \left(\lambda_2 \right) \right\}$.) Un qualunque vellore vidolto di X es. $Y = [X_1, X_2, ..., X_K]$ K < Ne ancora un vellore Gaussiano N.B. per K=1 => si ottengovo le probabilitale marginali, che soro a loro volta Gaussiane .) Il vellore alentorio Y ottenuto per trasformazione lineare di un veltore X Gaussiaro è ancora Gaussiaro Y = A X + b , A = matrice di tuniformazione Il valor medio di Y si pro ottenere come segre My = A Mx + = i) II vettore de atomo condizionato [{Xi}] {Xj}]

e dicord congiuntamente Gaussiano qualunque siano
gli insiemi di v.d. {Xi} e i loro cordizionamenti {Xj}