## Impulsi a coseus malzato

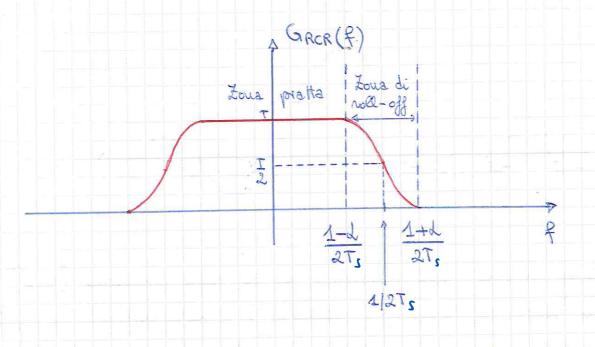
Abbramo in precedente visto come l'impulso di Nyquist di bondo mumino 1/2Ts ma

$$g(t) = mnc(t/T_s)$$

e abbre transformate di Fourier G(f) rettaugolore.
Sebbeni tale impulso garantisca la mugliare efficienza
spettrale al sistema di communicazione, esso in general
mon viene utilizzato per i sequenti due motivi:

- 1) nou à faculmente implementatorle, voste le duscontraute che G(F) presente in P= ± 1/27.
- 2) He lobs molto pronunciale nel dominio del femp, e pundo rende il noteme molto sensibile ad eventibile eneri de timing

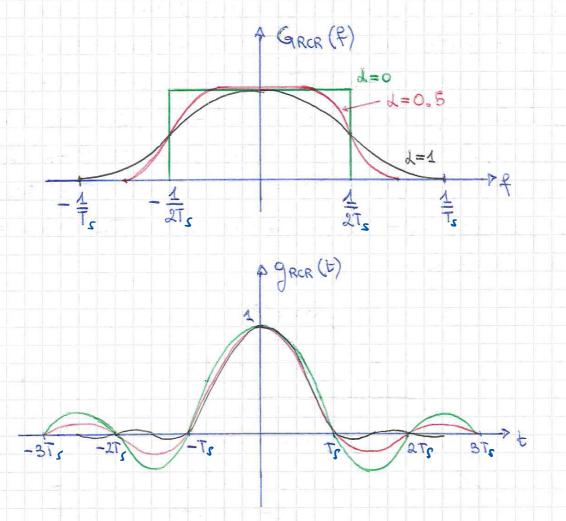
Al sus posts, or who 22200 i cost delh Impuln a coseus nalzato, viducati con la sople RCR (Raised Cosine Roll-off). Em costituiscono une famiglie di impuln, caralteri 222ti de un parametro de [0,1] detto fattore di Roll-off. Le loro trasformate di Forner presento une ponte prette di salare T5, che m'estende fruo alla framuza (1-d)/2T5. A tale ponte prette, fa seguito la cosiddetta Zone di soll-off (Zona di soto 2 lamento), che m'estende fino alla framenza (1+d)/2T5, e derionte la puble G(f) scende del valore T5 a Zero. Alla framuza f= 1/2T5, G(f) tie valore T5/2 indepen= deribenne de d.



Nel douvrire del temps, l'impulse a coseur rializate ha le requeute espremone

$$\frac{\partial}{\partial RCR}(t) = \frac{\int RCR(\pi t/T_s)}{\int \pi t/T_s} \cdot \frac{\cos(d\pi t/T_s)}{1 - (2dt/T_s)^2}$$

e sucordous un impulso typo sinc $(t/T_g)$ , cou i lobs lakeroli che tendono però a ridurer mon meno che d 2 menta. Le figuri sequent mostrono Graca (f) e graca (t) per 3 valori di d  $(d=0, d=\frac{1}{2}, d=1)$ .



Come or vede, all'avmentare di d' mell'intervalla [0,1]

la bouda di Grece (f) avmenta e i lobo laterale du grece (t)

duminuiscana in amprezza. La scelhe del fattore du noll-off

de deve qui di enere effettuata tenendo conto da un lato

della efferenza spettrale che mugliora al decrescere di

d, dall'altro lato tenendo conto della sensibilità all'enore

di hinio, che duminisce al crescere di l.

## Filtro adattato

Si è visto come un visteme di communicazione PAM ma costituto de un filtro di trasmissione di visposte impulsiva 97 (t) è de un filtro di vicezione di visposte impulsiva 98 (t). A questo printo sorge il probleme di come de come battere il più efficacemente possibile sie l'ISI che il remore termico. Per affrantiare tale pro= bleme, occorre prima vichiamare la tecna del filtro adattato (metched filter).

Un impulso p(t) di forme mota, immerso in numere toranco w(t) (mon mecani amente Gournamo) con densite mpelhola di potenza Sw(t) = No/2. Il seguale è invisto in ingrano ad un mistema lunice e tempo invancute con respecta la misto la mato istonte to, ottenendo il comproner ad un mestrato in figure seguente.

P(t) >(t) x(t) x(to)

Er vole determonere h (t) in modo che voa marrimo il napporto segnale/remone sul camprone x (to).

A tale scops, or calcole l'uscite x(t) del fotto h(t), che è esperimente nella farma

$$\chi(t) = S(t) + m(t)$$

dale s(t) è il contribute di p(t), ovven

$$S(t) = p(t) \otimes h(t) = \int_{-\infty}^{\infty} h(z)p(t-z)dz$$

wente

$$m(t) = w(t) \otimes h(t) = \int_{-\infty}^{\infty} h(s) m(t-s) ds$$

e il contributo del rumore termico. Il comprone in uscite del filtro è allere

$$x(t_0) = s(t_0) + m(t_0)$$

CON

$$S(t_0) = \int_{-\infty}^{\infty} R(s) p(t_0 - s) ds$$

$$m_0 = \int_{-\infty}^{\infty} h(z) w(t_0 - z) dz$$

Ml rapporto requale/numere rel comprone x(to) è definito de

$$\frac{Su}{Nu} = \frac{s^2(t_0)}{E\{m^2(t_0)\}}$$

dove

$$E\{m^{2}(t_{0})\}=\int_{-\infty}^{\infty}S_{m}(t)dt=\int_{-\infty}^{\infty}\frac{N_{0}}{2}|H(t)|^{2}dt$$

enseudo H(f) la trasformate di Fourier di h(t). Tenendo conto del teoreme di Parseval, on ha

$$E\left\{m^2(t_0)\right\} = \frac{N_0}{2} \int_{-\infty}^{\infty} h^2(t) dt$$

per au Sulvu può enere riscritto come

$$\frac{Su}{Nu} = \frac{\int_{-\infty}^{\infty} h(t) p(t_0 - t) dt}{\int_{-\infty}^{\infty} h(t) p(t_0 - t) dt}$$

Mobbramo oro individuare la (t) in modo che Sulva ora marrino. A tal proposito, vicorriamo alla diseignoplianza di Schwartz, recondo la puele visulta

$$\begin{bmatrix}
\int_{-\infty}^{\infty} R(t) p(t_0 - t) dt
\end{bmatrix}^{2} \leq \int_{-\infty}^{\infty} R^{2}(t) dt \cdot \int_{-\infty}^{\infty} p^{2}(t_0 - t) dt$$

de mans et in extralganque il anger le mas

$$h(t) = K p(t_0 - t)$$

con K mouero reale mon mullo. Sostificado tale disagne = glienze nella espremone di Su/Na or a Niene

$$\frac{Su}{Nu} \leqslant \frac{2}{N_0} \int_{-\infty}^{\infty} p^2(t_0 - t) dt$$

OVVeio

$$\frac{Su}{Nu} \leqslant \frac{2Ep}{No}$$

dole Ep è l'energie dell'impulso p (t). Déduación che il marrous rapports seguele/rumere otheritarle sul com = prove x(to) vale

ed è obsuitable pubudo vale la relazione  $h(t) = p(t_0 - t)$ 

He feltro h (t) la cui resposta impulsiva è  $h(t) = p(t_0 - t)$ or due "ADATTATO" all'impulso p(t), e moundaire el rapporto seguale numere alla sua uscite all'estante to aucod is anarpai is evenus li obucus. Come ou vede, la resposte impulsive del feltre adattate à la sermone di p(t) rustaire altorne all'ane Servicele e traslate di to. La figure requeute mostra un exempro di impela p(t) e il comspoudente feltro adalleto h(t). 4 p(t) Vale la peux osseware che la componente du republe while S(to) in usabe dal feltra adattata all'ustante to è  $S(t_0) = \int p^2(t_0 - t) dt = E_p$ 

La risposte in frequente del feltro adattato è

 $H(\xi) = TCF\{p(t_0-t)\} = P^*(\xi)e^{-j2\pi\xi t_0}$ 

eneudo P(f) la trasformate di Fourier di p(t). Yl modulo di H(f) è

|H(x) = |P(x) |

per au no osseula come, nel doninio dalla frapuenza, il feltro adattato suplifichi le zone frapuenziali dalle IP(2) è magnici (zone ad elevato rapporto reguale) rimere), e allerne le zone frapuenziali dale IP(2) è munore (zone a barro rapporto repuele/rimore).

## Propetto dei fetti di trasunssione e di mazione

Mn un resteme du communcazione, il conste finco è un generale distorcente, ruel seux che è caraller 222 to da vue Vousposto impulsorra c(t) + &(t). Le pueste conduzioni, il progetto o Musle des filtri di trasmissione e massione (mel neuro delle minimi222271 oue delle probabolità di ence sui suiboli {2i}) vou à persepuible perché 97 (t) e qR (t) serrebbero a dependere de c(t), che hyporcomembe moi è noto in fase progettuale. Una streda matros per il dunen socionento di 97 (t) e  $g_R(t)$  course mell assumere che  $c(t) = \delta(t)$ , ovver che il coule ma mon disposente. The presto modo, come ore Secheux, e possibile dimensionare à filtri de trasmissione e Mosseire prescuidende del reele valore di c(t). Ouelore por il moderne du comunicazione così progettato ni trans ad operare su ou coucle dustroute, Verianno prese delle preconstant al manifore per mitypare le dustorsioni intro= dalle dal coucle.

Supponenda perbento che ria c(t) = 8(t), igli impular mi mareno al fettro di massarie maranno.

$$g_{TC}(t) = g_T(t) \otimes C(t) = g_T(t)$$

e la susposta impularia globale del nistema PAM sanà  $g(t) = g_{TC}(t) \otimes g_R(t) = g_T(t) \otimes g_R(t)$ 

De repuents du condizioni:

## 2) Annulamento dell'ISI

Si delle fare in mode che g (t) no un impulse du Nyquist, Impresensate un impulse a coseur realizate. Si he allow

b) Mamunizzzzvoue del rapporto segnali rumare issulciani=
prione in uscite dal feltro di mazione
si dele fare in modo che il feltro di mazione
gr (t) rez adaltato agli ini pulsi presenti al suo
ingreno, ovven

$$g_R(t) = g_T(-t) \longrightarrow G_R(t) = G_T^*(t)$$

Combinando le due conduzioni 2) e b) e tenendo presente che GRCR(?) è reale e mon megahiz, or obbene

$$G_{T}(\xi) = G_{R}(\xi) = VG_{RCR}(\xi)$$

ovvero le resposte m frequent des filtri de trasue soire e matrione conscidence e sous la radice purchate de vue finzione a cosers realizate. Il correspondent impulsi q<sub>7</sub>(t) e q<sub>8</sub>(t) sous allore detri "Impulsi a radice di

Cosens malizato, e miducatri con l'orcromino RRCR (Root Roused Cosine Roll-off). Vale la peux ossenion che emi mon mono impulsi di Nyquist. È peux un mi= pulso di Nyquist la loro consoluzzarie. La figura sepuente mostra la trasformatia di Fourier di un mi pulso generale.

