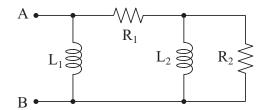
Esercizi di Elettrotecnica

Circuiti in regime sinusoidale



$$R_1 = 4 \Omega$$

$$R_2 = 8 \Omega$$

$$L_1 = 20 \text{ mH}$$

$$L_2 = 8 \text{ mH}$$

$$\omega = 1000 \text{ rad/s}$$

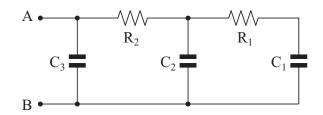
Determinare l'impedenza e l'ammettenza del bipolo A-B.

Risultati

$$Z = 5 + 5i$$

$$Y = 0.1 - 0.1j$$

Esercizio n. 2



$$R_1 = 40 \Omega$$

 $R_2 = 25 \Omega$
 $C_1 = 50 \mu F$
 $C_2 = 10 \mu F$
 $C_3 = 4 \mu F$
 $\omega = 1000 \text{ rad/s}$

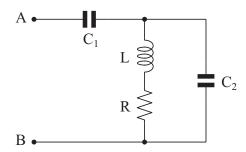
Determinare l'impedenza e l'ammettenza del bipolo A-B.

Risultati

$$Z = 40 - 30j$$

$$\mathbf{Y} = 0.016 + 0.012j$$

Esercizio n. 3



$$R = 1 \Omega$$

$$L = 2 \text{ mH}$$

$$C_1 = 250 \mu\text{F}$$

$$C_2 = 300 \mu\text{F}$$

$$\omega = 1000 \text{ rad/s}$$

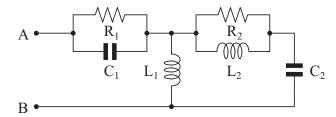
Determinare l'impedenza e l'ammettenza del bipolo A-B.

Risultati

$$Z = 4 - 2j$$

$$Y = 0.2 + 0.1j$$

Esercizio n. 4

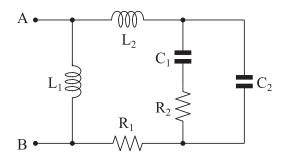


$$R_1 = 10 \ \Omega$$
 $C_1 = 100 \ \mu F$ $R_2 = 8 \ \Omega$ $C_2 = 250 \ \mu F$ $L_1 = 16 \ mH$ $\omega = 500 \ rad/s$

Determinare l'impedenza del bipolo A-B.

Risultato

$$Z = 16 - 4j$$



$$R_1 = 4 \Omega$$

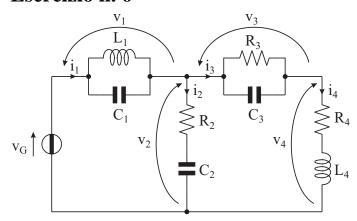
 $R_2 = 8 \Omega$
 $L_1 = 2.5 \text{ mH}$
 $L_2 = 4 \text{ mH}$
 $C_1 = 125 \mu\text{F}$
 $C_2 = 125 \mu\text{F}$
 $\omega = 2000 \text{ rad/s}$

Determinare l'ammettenza del bipolo A-B.

Risultato

$$\mathbf{Y} = 0.1 - 0.3j$$

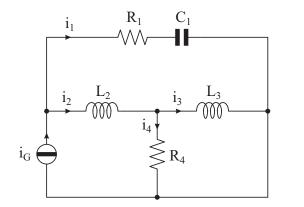
Esercizio n. 6



$$\begin{split} L_1 &= 10 \text{ mH} \\ C_1 &= 200 \text{ } \mu\text{F} \\ R_2 &= 10 \text{ } \Omega \\ C_2 &= 200 \text{ } \mu\text{F} \\ R_3 &= 20 \text{ } \Omega \\ C_3 &= 100 \text{ } \mu\text{F} \\ R_4 &= 10 \text{ } \Omega \\ L_4 &= 60 \text{ mH} \\ v_G(t) &= 60\sqrt{2} \cos(500t + \frac{\pi}{4}) \quad V \end{split}$$

Determinare le tensioni e le correnti indicate in figura.

$$\begin{array}{lll} \mathbf{V_1} = -20 + 60 \mathbf{j} & \mathbf{v_1}(t) = 63.25 \cos(500t + 1.89) & \mathbf{V} \\ \mathbf{V_2} = 80 & \mathbf{v_2}(t) = 80 \cos(500t) & \mathbf{V} \\ \mathbf{V_3} = -40 \mathbf{j} & \mathbf{v_3}(t) = 40 \cos(500t - \pi/2) & \mathbf{V} \\ \mathbf{V_4} = 80 + 40 \mathbf{j} & \mathbf{v_4}(t) = 89.44 \cos(500t + 0.46) & \mathbf{V} \\ \mathbf{I_1} = 6 + 2 \mathbf{j} & \mathbf{i_1}(t) = 6.32 \cos(500t + 0.32) & \mathbf{A} \\ \mathbf{I_2} = 4 + 4 \mathbf{j} & \mathbf{i_2}(t) = 5.66 \cos(500t + \pi/4) & \mathbf{A} \\ \mathbf{I_3} = 2 - 2 \mathbf{j} & \mathbf{i_3}(t) = 2.83 \cos(500t - \pi/4) & \mathbf{A} \\ \mathbf{I_4} = 2 - 2 \mathbf{j} & \mathbf{i_4}(t) = 2.83 \cos(500t - \pi/4) & \mathbf{A} \\ \end{array}$$



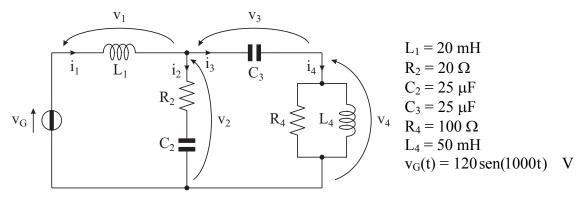
$$\begin{split} R1 &= 1 \; \Omega \\ C1 &= 100 \; \mu F \\ L2 &= 200 \; \mu H \\ L3 &= 400 \; \mu H \\ R4 &= 2 \; \Omega \\ i_G(t) &= 10 \sqrt{2} \cos(5000t - \frac{3}{4}\pi) \quad A \end{split}$$

Determinare le correnti indicate in figura e la potenza attiva e reattiva erogata dal generatore.

Risultati

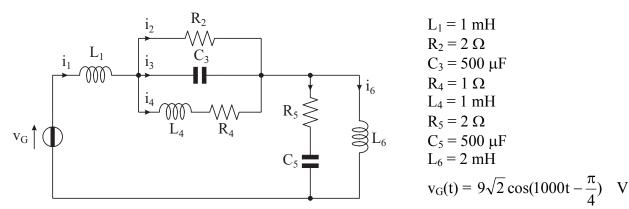
$$\begin{split} \mathbf{I_1} &= 5 - 15 \mathbf{j} & i_1(t) = 5\sqrt{10}\cos(5000t - 1.25) \quad \mathbf{A} \\ \mathbf{I_2} &= -15 + 5 \mathbf{j} & i_2(t) = 5\sqrt{10}\cos(5000t + 2.82) \quad \mathbf{A} \\ \mathbf{I_3} &= -5 + 10 \mathbf{j} & i_3(t) = 5\sqrt{5}\cos(5000t + 2.03) \quad \mathbf{A} \\ \mathbf{I_4} &= -10 - 5 \mathbf{j} & i_4(t) = 5\sqrt{5}\cos(5000t - 2.68) \quad \mathbf{A} \\ \mathbf{P_G} &= 250 \text{ W} & \mathbf{Q_G} &= 0 \text{ VAR} \end{split}$$

Esercizio n. 8



Determinare le tensioni e le correnti indicate in figura e la potenza attiva e reattiva erogata dal generatore.

$$\begin{array}{lll} \mathbf{V_1} = 80 - 80\mathbf{j} & v_1(t) = 80\sqrt{2}\cos(1000t - \pi/4) & V \\ \mathbf{V_2} = -80 - 40\mathbf{j} & v_2(t) = 40\sqrt{5}\cos(1000t - 2.68) & V \\ \mathbf{V_3} = -80 + 160\mathbf{j} & v_3(t) = 80\sqrt{5}\cos(1000t + 2.03) & V \\ \mathbf{V_4} = -200\mathbf{j} & v_4(t) = 200\cos(1000t - \pi/2) & V \\ \mathbf{I_1} = -4 - 4\mathbf{j} & \mathbf{i_1}(t) = 4\sqrt{2}\cos(1000t - 3\pi/4) & A \\ \mathbf{I_2} = -2\mathbf{j} & \mathbf{i_2}(t) = 2\cos(1000t - \pi/2) & A \\ \mathbf{I_3} = -4 - 2\mathbf{j} & \mathbf{i_3}(t) = 2\sqrt{5}\cos(1000t - 2.68) & A \\ \mathbf{I_4} = -4 - 2\mathbf{j} & \mathbf{i_4}(t) = 2\sqrt{5}\cos(1000t - 2.68) & A \\ P_G = 240 & W & Q_G = 240 & VAR \end{array}$$

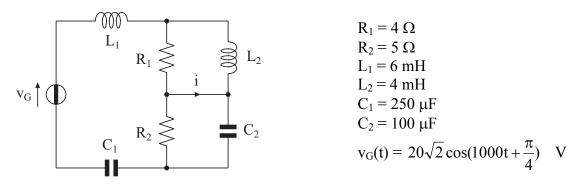


Determinare le correnti indicate in figura e la potenza attiva e reattiva erogata dal generatore.

Risultati

$$\begin{array}{lll} \mathbf{I_1} = -3\mathbf{j} & i_1(t) = 3\cos(1000t - \pi/2) & A \\ \mathbf{I_2} = -1.5\mathbf{j} & i_2(t) = 1.5\cos(1000t - \pi/2) & A \\ \mathbf{I_3} = 1.5 & i_3(t) = 1.5\cos(1000t) & A \\ \mathbf{I_4} = -1.5 - 1.5\mathbf{j} & i_4(t) = 1.5\sqrt{2}\cos(1000t - 3\pi/4) & A \\ \mathbf{I_5} = 3 & i_5(t) = 3\cos(1000t) & A \\ \mathbf{I_6} = -3 - 3\mathbf{j} & i_6(t) = 3\sqrt{2}\cos(1000t - 3\pi/4) & A \\ P_G = 13.5 & W & Q_G = 13.5 & VAR \end{array}$$

Esercizio n. 10

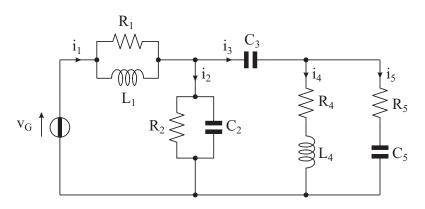


Determinare

- l'impedenza **Z**_T vista dal generatore,
- la potenza attiva a reattiva erogata dal generatore,
- la corrente i(t).

$$\mathbf{Z_T} = 6 + 2j$$

 $P = 60 \text{ W}$ $Q = 20 \text{ VAR}$
 $\mathbf{I} = -3 + 3j$ $\mathbf{i}(t) = 3\sqrt{2}\cos(1000t + 3\pi/4)$ A



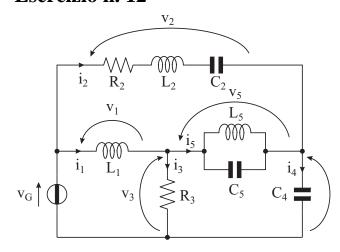
$$\begin{split} R_1 &= 4 \ \Omega \\ L_1 &= 4 m H \\ R_2 &= 5 \ \Omega \\ C_2 &= 400 \ \mu F \\ C_3 &= 500 \ \mu F \\ R_4 &= 2 \ \Omega \\ L_4 &= 4 \ m H \\ R_5 &= 4 \ \Omega \\ C_5 &= 500 \ \mu F \\ v_G(t) &= 10 \sqrt{2} \cos(1000t + \frac{\pi}{4}) \quad V \end{split}$$

Determinare le correnti indicate in figura.

Risultati

$$\begin{split} \mathbf{I_1} &= 4 + 2j & i_1(t) = 2\sqrt{5}\cos(1000t + 0.46) \quad A \\ \mathbf{I_2} &= 2 + 2j & i_2(t) = 2\sqrt{2}\cos(1000t + \pi/4) \quad A \\ \mathbf{I_3} &= 2 & i_3(t) = 2\cos(1000t) \quad A \\ \mathbf{I_4} &= 1 - j & i_4(t) = \sqrt{2}\cos(1000t - \pi/4) \quad A \\ \mathbf{I_5} &= 1 + j & i_5(t) = \sqrt{2}\cos(1000t + \pi/4) \quad A \end{split}$$

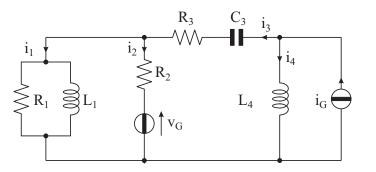
Esercizio n. 12



$$\begin{split} L_1 &= 4 \text{ mH} \\ R_2 &= 2 \ \Omega \\ L_2 &= 4 \text{ mH} \\ C_2 &= 250 \ \mu\text{F} \\ R_3 &= 2 \ \Omega \\ C_4 &= 250 \ \mu\text{F} \\ L_5 &= 4 \ \text{mH} \\ C_5 &= 250 \ \mu\text{F} \\ v_G(t) &= 20 \cos(1000t) \end{split}$$

Determinare le tensioni e le correnti indicate in figura.

$\mathbf{V_1} = 16 + 8\mathbf{j}$	$v_1(t) = 8\sqrt{5}\cos(1000t + 0.46)$	V
$\mathbf{V_2} = 4 + 8\mathbf{j}$	$v_2(t) = 4\sqrt{5}\cos(1000t + 1.11)$	V
$\mathbf{V_3} = 4 - 8\mathbf{j}$	$v_3(t) = 4\sqrt{5}\cos(1000t - 1.11)$	V
$\mathbf{V_4} = 16 - 8\mathbf{j}$	$v_4(t) = 8\sqrt{5}\cos(1000t - 0.46)$	V
$\mathbf{V}_5 = -12$	$v_5(t) = 12\cos(1000t + \pi)$ V	
$\mathbf{I_1} = 2 - 4\mathbf{j}$	$i_1(t) = 2\sqrt{5}\cos(1000t - 1.11)$	A
$\mathbf{I_2} = 2 + 4\mathbf{j}$	$i_2(t) = 2\sqrt{5}\cos(1000t + 1.11)$	A
$\mathbf{I_3} = 2 - 4\mathbf{j}$	$i_3(t) = 2\sqrt{5}\cos(1000t - 1.11)$	A
$\mathbf{I_4} = 2 + 4\mathbf{j}$	$i_4(t) = 2\sqrt{5}\cos(1000t + 1.11)$	A
$\mathbf{I}_{\varepsilon} = 0$	$i_s(t) = 0$ A	



$$R_1 = 20 \Omega$$

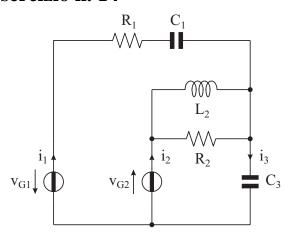
 $L_1 = 20 \text{ mH}$
 $R_2 = 10 \Omega$
 $R_3 = 10 \Omega$
 $C_3 = 100 \mu F$
 $L_4 = 20 \text{ mH}$
 $V_G(t) = 100\sqrt{2}\cos(1000t + \frac{\pi}{4})$ V
 $i_G(t) = 5\cos(1000t)$ A

Determinare le correnti indicate in figura e le potenze attive e reattive erogate dai generatori.

Risultati

$$\begin{array}{lll} \textbf{I_1} = 6 + 3j & i_1(t) = 3\sqrt{5}\cos(1000t + 0.46) & A \\ \textbf{I_2} = -7 - j & i_2(t) = 5\sqrt{2}\cos(1000t - 3) & A \\ \textbf{I_3} = -1 + 2j & i_3(t) = \sqrt{5}\cos(1000t + 2.03) & A \\ \textbf{I_4} = 6 - 2j & i_4(t) = 2\sqrt{10}\cos(1000t - 0.32) & A \\ \text{Generatore di tensione: } P_{GV} = 400 \text{ W} & Q_{GV} = 300 \text{ VAR} \\ \text{Generatore di corrente: } P_{GI} = 100 \text{ W} & Q_{GI} = 300 \text{ VAR} \end{array}$$

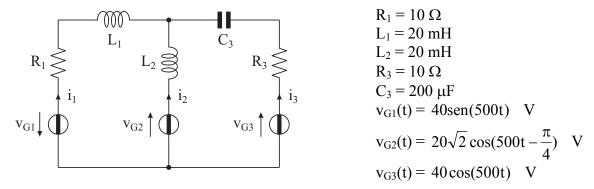
Esercizio n. 14



$$\begin{split} R_1 &= 5 \ \Omega \\ C_1 &= 200 \ \mu F \\ R_2 &= 10 \ \Omega \\ L_2 &= 10 \ mH \\ C_3 &= 200 \ \mu F \\ v_{G1}(t) &= 10\sqrt{2} \cos(1000t - \frac{\pi}{4}) \quad V \\ v_{G2}(t) &= 10\sqrt{2} \cos(1000t - \frac{\pi}{4}) \quad V \end{split}$$

Determinare le correnti indicate in figura e le potenze attive e reattive erogate dai generatori.

$$\begin{split} \mathbf{I_1} &= -1 + j & i_1(t) &= \sqrt{2}\cos(1000t + 3\pi/4) & A \\ \mathbf{I_2} &= 1 - 3j & i_2(t) &= \sqrt{10}\cos(1000t - 1.25) & A \\ \mathbf{I_3} &= -2j & i_3(t) &= 2\cos(1000t - \pi/2) & A \\ P_{G1} &= 10 \text{ W} & Q_{G1} &= 0 \text{ VAR} \\ P_{G2} &= 20 \text{ W} & Q_{G2} &= 10 \text{ VAR} \end{split}$$

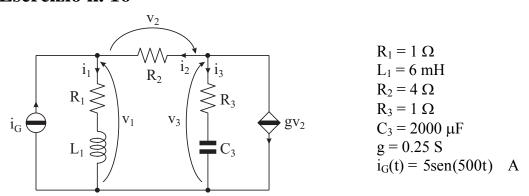


Determinare le correnti indicate in figura e le potenze attive e reattive erogate dai generatori.

Risultati

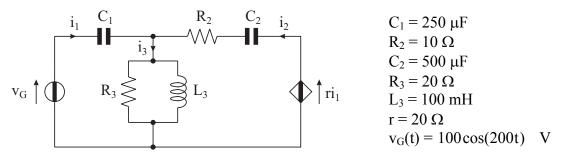
$$\begin{split} \mathbf{I_1} &= 1 + j & i_1(t) = \sqrt{2}\cos(500t + \pi/4) \quad A \\ \mathbf{I_2} &= -4 - 2j & i_2(t) = 2\sqrt{5}\cos(500t - 2.68) \quad A \\ \mathbf{I_3} &= 3 + j & i_3(t) = \sqrt{10}\cos(500t + 0.32) \quad A \\ P_{G1} &= 20 \text{ W} & Q_{G1} &= 20 \text{ VAR} \\ P_{G2} &= -20 \text{ W} & Q_{G2} &= 60 \text{ VAR} \\ P_{G3} &= 60 \text{ W} & Q_{G3} &= -20 \text{ VAR} \end{split}$$

Esercizio n. 16



Determinare le tensioni e le correnti indicate in figura e le potenze attive e reattive erogate dai generatori.

$$\begin{array}{lll} \mathbf{V_1} = 10 & -10 \mathrm{j} & v_1(t) = 10 \sqrt{2} \cos(500 t - \pi/4) & V \\ \mathbf{V_2} = -8 + 4 \mathrm{j} & v_2(t) = 4 \sqrt{5} \cos(500 t + 2.68) & V \\ \mathbf{V_3} = 2 - 6 \mathrm{j} & v_3(t) = 2 \sqrt{10} \cos(500 t - 1.25) & V \\ \mathbf{I_1} = -2 - 4 \mathrm{j} & i_1(t) = 2 \sqrt{5} \cos(500 t - 2.03) & A \\ \mathbf{I_2} = -2 + \mathrm{j} & i_2(t) = \sqrt{5} \cos(500 t + 2.68) & A \\ \mathbf{I_3} = 4 - 2 \mathrm{j} & i_3(t) = 2 \sqrt{5} \cos(500 t - 0.46) & A \\ \text{Generatore indipendente: } P_{GI} = 25 & W & Q_{GI} = 25 & VAR \\ \text{Generatore dipendente: } P_{GD} = 5 & W & Q_{GD} = -5 & VAR \\ \end{array}$$



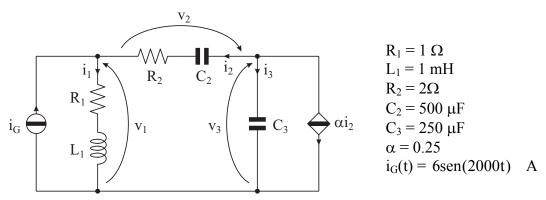
Determinare le correnti indicate in figura e le potenze complesse erogate dai generatori.

Risultati

$$\begin{split} \textbf{I}_1 &= 4 + 2j & i_1(t) = 2\sqrt{5}\cos(200t + 0.46) \quad A \\ \textbf{I}_2 &= 3 - j & i_2(t) = \sqrt{10}\cos(200t - 0.32) \quad A \\ \textbf{I}_3 &= 7 + j & i_3(t) = 5\sqrt{2}\cos(200t + 0.14) \quad A \\ \text{Generatore indipendente: } P_{GI} &= 200 \text{ W} \quad Q_{GI} = -100 \text{ VAR} \end{split}$$

Generatore indipendente: $P_{GI} = 200 \text{ W}$ $Q_{GI} = -100 \text{ VAR}$ Generatore dipendente: $P_{GD} = 100 \text{ W}$ $Q_{GD} = 100 \text{ VAR}$

Esercizio n. 18

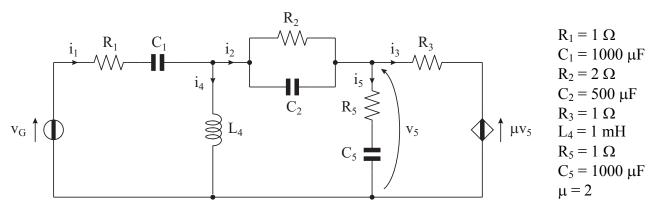


Determinare le tensioni e le correnti indicate in figura e le potenze attive e reattive erogate dai generatori.

Risultati

$$\begin{aligned} \mathbf{V_1} &= 8 - 14 \mathbf{j} & \mathbf{v_1}(t) &= 16.12 \cos(2000t - 1.05) \quad \mathbf{V} \\ \mathbf{V_2} &= -8 + 4 \mathbf{j} & \mathbf{v_2}(t) &= 8.94 \cos(2000t + 2.68) \quad \mathbf{V} \\ \mathbf{V_3} &= -10 \mathbf{j} & \mathbf{v_3}(t) &= 10 \cos(2000t - \pi/2) \quad \mathbf{V} \\ \mathbf{I_1} &= -4 - 6 \mathbf{j} & \mathbf{i_1}(t) &= 7.21 \cos(2000t - 2.16) \quad \mathbf{A} \\ \mathbf{I_2} &= -4 & \mathbf{i_2}(t) &= 4 \cos(2000t + \pi) \quad \mathbf{A} \\ \mathbf{I_3} &= 5 & \mathbf{i_3}(t) &= 5 \cos(2000t) \quad \mathbf{A} \end{aligned}$$

Generatore indipendente: $P_{GI} = 42 \text{ W}$ $Q_{GI} = 24 \text{ VAR}$ Generatore dipendente: $P_{GD} = 0 \text{ W}$ $Q_{GD} = -5 \text{ VAR}$



$$v_G(t) = 2\sqrt{2}\cos(1000t - \pi/4)$$

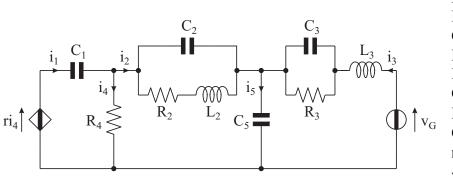
Determinare le correnti indicate in figura e le potenze attive e reattive erogate dei generatori.

Risultati

$$\begin{array}{lll} \textbf{I}_1 = -2j & i_1(t) = 2\cos(1000t - \pi/2) & A \\ \textbf{I}_2 = 2j & i_2(t) = 2\cos(1000t + \pi/2) & A \\ \textbf{I}_3 = -2 + 2j & i_3(t) = 2\sqrt{2}\cos(1000t + 3\pi/4) & A \\ \textbf{I}_4 = -4j & i_4(t) = 4\cos(1000t - \pi/2) & A \\ \textbf{I}_5 = 2 & i_5(t) = 2\cos(1000t) & A \\ \text{Generatore indipendente: } P_{GI} = 2 \text{ W} & Q_{GI} = 2 \text{ VAR} \end{array}$$

Generatore indipendente: $P_{GI} = 2 \text{ W}$ $Q_{GI} = 2 \text{ VAR}$ Generatore dipendente: $P_{GD} = 8 \text{ W}$ $Q_{GD} = 0 \text{ VAR}$

Esercizio n. 20



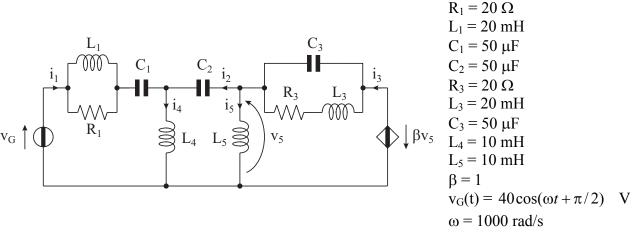
$$C_1 = 50 \ \mu F$$
 $R_2 = 10 \ \Omega$
 $L_2 = 10 \ mH$
 $C_2 = 100 \ \mu F$
 $R_3 = 20 \ \Omega$
 $L_3 = 20 \ mH$
 $C_3 = 50 \ \mu F$
 $R_4 = 20 \ \Omega$
 $C_5 = 50 \ \mu F$
 $r = 40 \ \Omega$
 $V_G(t) = 40\sqrt{2} \cos(\omega t - \pi/4)$
 V
 $\omega = 1000 \ rad/s$

Determinare le correnti indicate in figura e le potenze attive e reattive erogate dai generatori.

Risultati

$$\begin{array}{lll} \mathbf{I_1} = 1 + j & i_1(t) = \sqrt{2}\cos(1000t + \pi/4) & A \\ \mathbf{I_2} = 2j & i_2(t) = 2\cos(1000t + \pi/2) & A \\ \mathbf{I_3} = 2 - 2j & i_3(t) = 2\sqrt{2}\cos(1000t - \pi/4) & A \\ \mathbf{I_4} = 1 - j & i_4(t) = \sqrt{2}\cos(1000t - \pi/4) & A \\ \mathbf{I_5} = 2 & i_5(t) = 2\cos(1000t) & A \\ \text{Generatore indipendente: } P_{GI} = 80 \text{ W} & Q_{GI} = 0 \text{ VAR} \end{array}$$

Generatore indipendente: $P_{GI} = 80 \text{ W}$ $Q_{GI} = 0 \text{ VAR}$ Generatore dipendente: $P_{GD} = 0 \text{ W}$ $Q_{GD} = -40 \text{ VAR}$



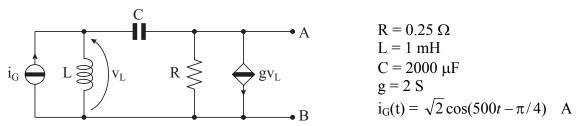
Determinare le correnti indicate in figura e le potenze attive e reattive erogate dai generatori.

Risultati

$$I_1 = 2j$$
 $i_1(t) = 2\cos(1000t + \pi/2)$ A
 $I_2 = 2$ $i_2(t) = 2\cos(1000t)$ A
 $I_3 = 2j$ $i_3(t) = 2\cos(1000t + \pi/2)$ A
 $I_4 = 2 + 2j$ $i_4(t) = 2\sqrt{2}\cos(1000t + \pi/4)$ A
 $I_5 = -2 + 2j$ $i_5(t) = 2\sqrt{2}\cos(1000t + 3\pi/4)$ A
Generators indipendents: $P_{2x} = 40$ W, $Q_{2x} = 0$ VAP

Generatore indipendente: $P_{GI} = 40 \text{ W}$ $Q_{GI} = 0 \text{ VAR}$ Generatore dipendente: $P_{GD} = 20 \text{ W}$ $Q_{GD} = -20 \text{ VAR}$

Esercizio n. 22

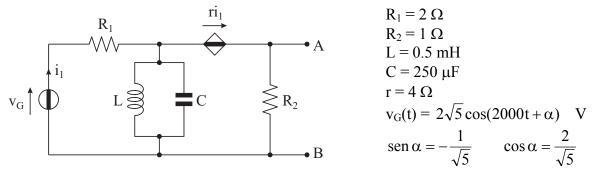


Determinare i parametri dei circuiti equivalenti di Thevenin e Norton del bipolo A-B.

Risultati

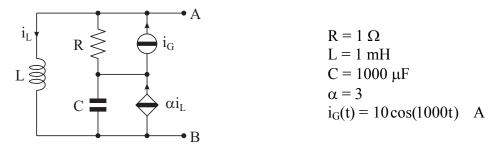
$$\mathbf{V}_0 = -1 + 0.5j$$
 $\mathbf{Z}_{eq} = 0.25 - 0.25j$ $\mathbf{I}_{cc} = -3 - j$

Esercizio n. 23



Determinare i parametri dei circuiti equivalenti di Thevenin e Norton del bipolo A-B.

$$V_0 = 5 + 5j$$
 $Z_{eq} = 1 - j$ $I_{cc} = 5j$

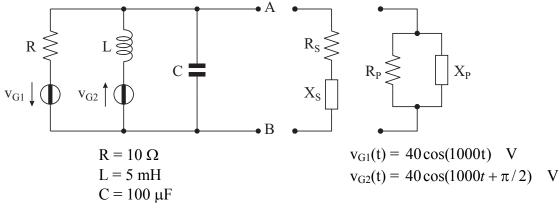


Determinare i parametri dei circuiti equivalenti di Thevenin e Norton del bipolo A-B.

Risultati

$$V_0 = 3 + j$$
 $Z_{eq} = 0.4 - 0.2j$ $I_{cc} = 5 + 5j$

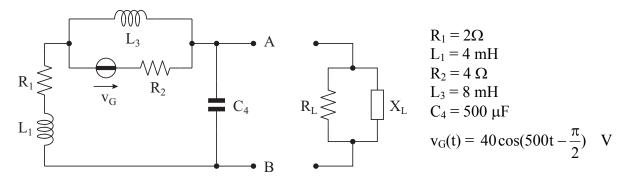
Esercizio n. 25



Determinare la massima potenza attiva erogabile dal bipolo A-B (potenza disponibile) e il valore dell'impedenza di carico \mathbf{Z}_L a cui viene ceduta tale potenza.

Nei due casi in cui $\mathbf{Z_L}$ viene realizzata collegando in serie un resistore R_S e un bipolo reattivo X_S ,oppure collegando in parallelo un resistore R_P e un bipolo reattivo X_P ,determinare il valori della resistenza, indicare se la reattanza può essere ottenuta mediante un condensatore o un induttore e calcolare il valore della capacità o dell'induttanza.

$$P_D = 20 \text{ W}$$
 $Z_L = 5 - 5j$ $R_S = 5 \Omega$ $C_S = 200 \mu F$ $R_P = 10 \Omega$ $C_P = 100 \mu F$



Determinare la potenza disponibile del bipolo A-B e il valore dell'impedenza di carico \mathbf{Z}_L a cui viene ceduta tale potenza.

Assumendo che \mathbf{Z}_L sia realizzata collegando in parallelo un resistore R_L e un bipolo reattivo X_L , determinare il valore della resistenza, indicare se la reattanza X_L può essere ottenuta mediante un condensatore o un induttore e calcolare il valore della capacità o dell'induttanza.

Risultati

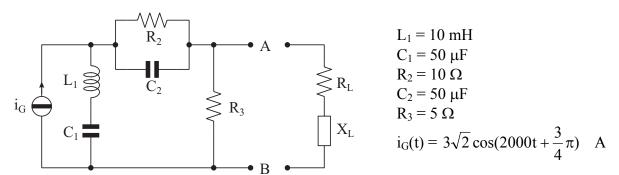
$$P_D = 25 \text{ W}$$

$$\mathbf{Z}_{\mathrm{L}} = 4 + 4\mathbf{j}$$

$$R_L = 8 \Omega$$

$$L_L = 16 \text{ mH}$$

Esercizio n. 27



Determinare la potenza disponibile del bipolo A-B e il valore dell'impedenza di carico \mathbf{Z}_L a cui viene ceduta tale potenza.

Assumendo che \mathbf{Z}_L sia realizzata collegando in serie un resistore R_L e un bipolo reattivo X_L , determinare il valore della resistenza, indicare se la reattanza X_L può essere ottenuta mediante un condensatore o un induttore e calcolare il valore della capacità o dell'induttanza.

Risultati

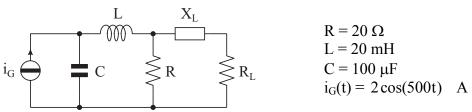
$$P_{\rm D} = 15 {\rm W}$$

$$Z_{\rm I} = 3 - 1$$

$$R_L = 3 \Omega$$

$$C_{L} = 500 \ \mu F$$

Esercizio n. 28



Determinare i valori di R_L e X_L in corrispondenza dei quali risulta massima la potenza assorbita dalla resistenza R_L . Calcolare la massima potenza che può essere ceduta a R_L . Indicare se la reattanza X_L può essere realizzata mediante un induttore o un condensatore e determinare il valore dell'induttanza o della capacità.

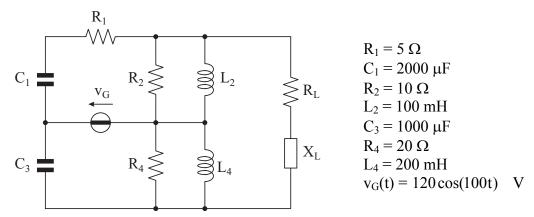
Risultati

 $P_D = 40 \text{ W}$

$$R_L = 4 \Omega$$

$$X_L = 8 \Omega$$

$$L_{L} = 16 \text{ mH}$$



Determinare i valori di R_L e X_L in corrispondenza dei quali risulta massima la potenza assorbita dalla resistenza R_L . Calcolare la massima potenza che può essere ceduta a R_L . Indicare se la reattanza X_L può essere realizzata mediante un induttore o un condensatore e determinare il valore dell'induttanza o della capacità.

Risultati

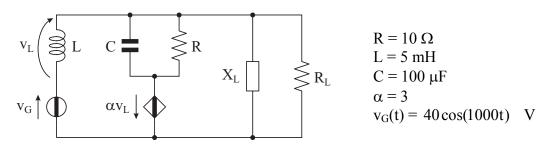
$$P_D = 60 \text{ W}$$

$$R_L = 15 \Omega$$

$$X_L = 10 \Omega$$

$$L_{L} = 100 \text{ mH}$$

Esercizio n. 30



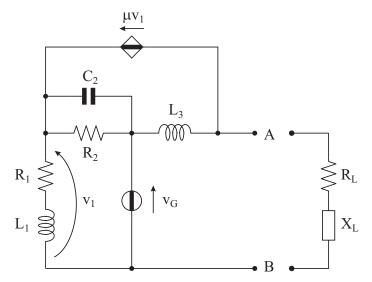
Determinare i valori di R_L e X_L in corrispondenza dei quali risulta massima la potenza assorbita dalla resistenza R_L . Calcolare la massima potenza che può essere ceduta a R_L . Indicare se la reattanza X_L può essere realizzata mediante un induttore o un condensatore e determinare il valore dell'induttanza o della capacità.

$$P_D = 50 \text{ W}$$

$$R_L = 2.5 \Omega$$

$$X_L = 5 \Omega$$

$$L_L = 5 \text{ mH}$$



$$\begin{split} R_1 &= 24 \; \Omega \\ L_1 &= 48 \; mH \\ R_2 &= 16 \; \Omega \\ C_2 &= 125 \; \mu F \\ L_3 &= 8 \; mH \\ \mu &= 0.5 \\ v_G(t) &= 16 \cos(500t - \pi/2) \quad V \end{split}$$

Determinare la potenza disponibile del bipolo A-B e il valore dell'impedenza di carico \mathbf{Z}_L a cui viene ceduta tale potenza.

Assumendo che \mathbf{Z}_L sia realizzata collegando in serie un resistore R_L e un bipolo reattivo X_L , determinare il valore della resistenza, indicare se la reattanza X_L può essere ottenuta mediante un condensatore o un induttore e calcolare il valore della capacità o dell'induttanza.

Risultati

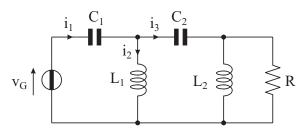
$$P_{\rm D} = 7.5 \ {\rm W}$$

$$Z_{L} = 3 - 3j$$

$$R_L = 3 \Omega$$

$$C_{L} = 667 \ \mu F$$

Esercizio n. 32

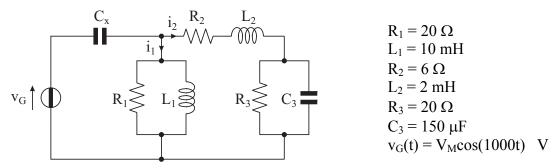


$$\begin{split} R &= 50 \ \Omega \\ L_1 &= 20 \ mH \\ L_2 &= 100 \ mH \\ C_2 &= 25 \ \mu F \\ v_G(t) &= 60 \sqrt{2} \cos(1000 \, t + \frac{\pi}{4}) \quad V \end{split}$$

Determinare:

- il valore da attribuire alla capacità C₁ affinché il generatore eroghi solo potenza attiva,
- la potenza erogata dal generatore,
- le correnti i₁, i₂ e i₃.

$$\begin{array}{ll} C_1 = 50 \; \mu F & P_G = 360 \; W \\ \mathbf{I}_1 = 6 + 6 j & i_1(t) = 6 \sqrt{2} \cos(1000 \, t + \pi/4) \quad A \\ \mathbf{I}_2 = 9 + 3 j & i_2(t) = 3 \sqrt{10} \cos(1000 \, t + 0.32) \quad A \\ \mathbf{I}_3 = -3 + 3 j & i_3(t) = 3 \sqrt{2} \cos(1000 \, t + 3\pi/4) \quad A \end{array}$$

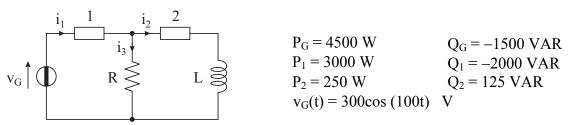


Determinare i valori della capacità C_x e dell'ampiezza della tensione del generatore V_M in modo che il generatore stesso eroghi una potenza puramente attiva pari a 300 W. Determinare inoltre le correnti $i_1(t)$ e $i_2(t)$.

Risultati

$$\begin{aligned} Cx &= 500 \; \mu F & V_M &= 60 \; V \\ \mathbf{I}_1 &= 5 - 5 j & i_1(t) &= 5\sqrt{2} \cos(1000 \, t - \pi/4) \quad A \\ \mathbf{I}_2 &= 5 + 5 j & i_2(t) &= 5\sqrt{2} \cos(1000 \, t + \pi/4) \quad A \end{aligned}$$

Esercizio n. 34



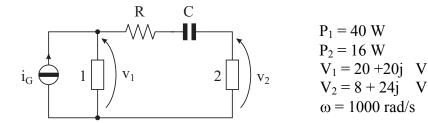
Note:

- la potenza attiva (P_G) e reattiva (Q_G) erogata dal generatore,
- le potenze attive (P_1, P_2) e reattive (Q_1, Q_2) assorbite dai bipoli 1 e 2,
- la tensione del generatore,

determinare:

- le correnti i₁, i₂, i₃,
- i valori della resistenza R e dell'induttanza L.

$$\begin{split} \mathbf{I}_1 &= 30 + 10 \mathrm{j} & i_1(t) = 10 \sqrt{10} \cos(100 \, t + 0.32) \quad A \\ \mathbf{I}_2 &= 10 - 5 \mathrm{j} & i_2(t) = 5 \sqrt{5} \cos(100 \, t - 0.46) \quad A \\ \mathbf{I}_3 &= 20 + 15 \mathrm{j} & i_3(t) = 25 \cos(100 \, t + 0.64) \quad A \\ R &= 4 \, \Omega & L = 60 \, \mathrm{mH} \end{split}$$



$$Q_1 = -40 \text{ VAR}$$

$$Q_2 = 48 \text{ VAR}$$

Note:

- le potenze attive (P_1, P_2) e reattive (Q_1, Q_2) assorbite dai bipoli 1 e 2,
- le tensioni V_1 e V_2 ,

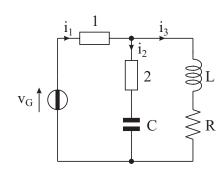
determinare:

- la corrente del generatore,
- i valori della resistenza R e della capacità C.

Risultati

$$\begin{split} \textbf{I}_G &= 4+4j & i_G(t) = 4\sqrt{2}\cos(1000\,t+\pi/4) \quad A \\ R &= 3~\Omega & C = 1000~\mu F \end{split}$$

Esercizio n. 36



$$\begin{split} P_1 &= 10 \text{ W} \\ Q_1 &= -30 \text{ VAR} \\ P_2 &= 5 \text{ W} \\ Q_2 &= 25 \text{ VAR} \\ P_G &= 20 \text{ W} \\ Q_G &= -10 \text{ VAR} \\ v_G(t) &= 10 \cos(1000 \, t) \quad V \\ i_3(t) &= \sqrt{2} \cos(1000 \, t + \pi/4) \quad A \end{split}$$

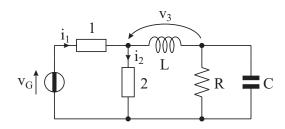
Note:

- la potenza attiva P₁ e reattiva Q₁ assorbita dal bipolo 1,
- la potenza attiva P₂ e reattiva Q₂ assorbita dal bipolo 2,
- la potenza attiva P_G e reattiva Q_G erogata dal generatore,
- la tensione v_G(t) del generatore,
- la corrente i₃(t)

determinare:

- le correnti $i_1(t)$ e $i_2(t)$,
- i valori di R L e C.

$$\begin{split} \textbf{I}_1 &= 4 + 2j & i_1(t) &= 2\sqrt{5}\cos(1000\,t + 0.46) \quad A \\ \textbf{I}_2 &= 3 + j & i_2(t) &= \sqrt{10}\cos(1000\,t + 0.32) \quad A \\ R &= 5\;\Omega & L &= 5\text{mH} & C &= 500\mu\text{F} \end{split}$$



$$\begin{split} P_1 &= 5 \text{ W} \\ Q_1 &= 15 \text{ VAR} \\ P_2 &= 10 \text{ W} \\ Q_2 &= -5 \text{ VAR} \\ P_G &= 20 \text{ W} \\ Q_G &= 10 \text{ VAR} \\ v_G(t) &= 10 \cos(1000 \text{ t}) \text{ V} \\ v_3(t) &= 5\sqrt{2}\cos(1000 \text{ t} + \pi/4) \text{ V} \end{split}$$

Note:

- la potenza attiva P₁ e reattiva Q₁ assorbita dal bipolo 1,
- la potenza attiva P₂ e reattiva Q₂ assorbita dal bipolo 2,
- la potenza attiva P_G e reattiva Q_G erogata dal generatore,
- la tensione v_G(t) del generatore,
- la tensione v₃(t),

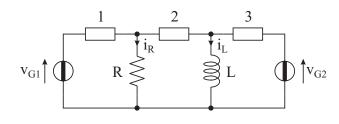
determinare:

- le correnti $i_1(t)$ e $i_2(t)$,
- i valori di R L e C.

Risultati

$$\begin{split} \mathbf{I}_1 &= 4 - 2 \mathbf{j} & i_1(t) &= 2 \sqrt{5} \cos(1000 \, t - 0.46) \quad A \\ \mathbf{I}_2 &= 3 - \mathbf{j} & i_2(t) &= \sqrt{10} \cos(1000 \, t - 0.32) \quad A \\ R &= 10 \, \Omega & L &= 5 \mathrm{mH} & C &= 100 \mu \mathrm{F} \end{split}$$

Esercizio n. 38



$P_1 = 400 \text{ W}$	$Q_1 = -800 \text{ VAR}$
$P_2 = 400 \text{ W}$	$Q_2 = 400 \text{ VAR}$
$P_3 = 400 \text{ W}$	$Q_3 = -800 \text{ VAR}$
$P_{G1} = 800 \text{ W}$	$Q_{G1} = -400 \text{ VAR}$
$P_{G2} = 800 \text{ W}$	$Q_{G2} = -400 \text{ VAR}$
$i_{-} = 10 \sqrt{2} \cos(100t) \pi$	/ / /) /

 $i_R = 10\sqrt{2} \cos(100t - \pi/4)$ A $i_L = 10\sqrt{2} \cos(100t - \pi/4)$ A

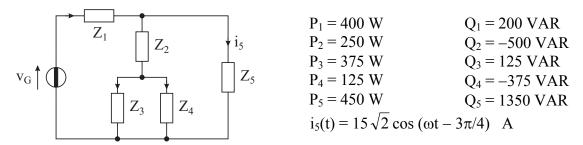
Note:

- le potenze attive (P_1, P_2, P_3) e reattive (Q_1, Q_2, Q_3) assorbite dai bipoli 1 2 e 3,
- le potenze attive (P_{G1}, P_{G2}) e reattive (Q_{G1} e Q_{G2}) erogate dai generatori v_{G1} e v_{G2},
- le correnti $i_R(t)$ e $i_L(t)$,

determinare:

- i valori della resistenza R e dell'induttanza L,
- le tensioni $v_{G1}(t)$ e $v_{G2}(t)$.

$$\begin{array}{ll} R = 4 \; \Omega & L = 40 \; mH \\ \mathbf{V}_{G1} = -40 - 80 \mathrm{j} & v_{G1}(t) = 40 \sqrt{5} \cos(100 \, t - 2.03) \quad V \\ \mathbf{V}_{G2} = 80 - 40 \mathrm{j} & v_{G2}(t) = 40 \sqrt{5} \cos(100 \, t - 0.46) \quad V \end{array}$$



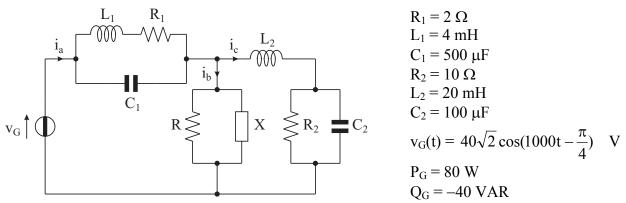
Note:

- le potenze attive e reattive assorbite dalle impedenze,
- la corrente i₅(t), determinare la tensione v_G(t).

Risultato

$$V_G = 80 - 160i$$
 $v_G(t) = 80\sqrt{5}\cos(\omega t - 1.11)$ V

Esercizio n. 40



Determinare la resistenza R e la reattanza X.

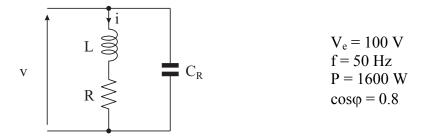
Indicare se la reattanza può essere ottenuta mediante un induttore o un condensatore e calcolare il valore dell'induttanza o della capacità.

Determinare le correnti i_a i_b e i_c.

Risultati

$$\begin{split} R &= 25 \; \Omega \qquad \qquad X = -12.5 \; \Omega \qquad \qquad C = 80 \; \mu F \\ \mathbf{I}_a &= 3 - j \qquad \qquad i_a(t) = \sqrt{10} \cos(1000 \, t - 0.32) \quad A \\ \mathbf{I}_b &= 4 + 2j \qquad \qquad i_b(t) = 2\sqrt{5} \cos(1000 \, t + 0.46) \quad A \\ \mathbf{I}_c &= -1 - 3j \qquad \qquad i_c(t) = \sqrt{10} \cos(1000 \, t - 1.89) \quad A \end{split}$$

Esercizio n. 41



Un bipolo R-L serie, alimentato con una tensione sinusoidale avente valore efficace $V_e = 100 \text{ V}$ e frequenza 50 Hz, assorbe una potenza attiva di 1600 W. Il fattore di potenza del bipolo è 0.8.

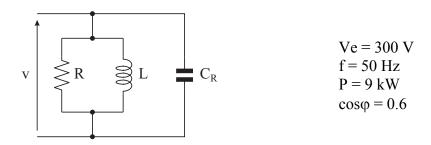
Determinare:

- Il valore efficace della corrente assorbita bipolo.
- La potenza reattiva assorbita dal bipolo.
- I valori della resistenza R e della reattanza X_L dell'induttore.
- Il valore della capacità di rifasamento C_R che consente di avere un fattore di potenza complessivo pari a 0.9.

Risultati

$$I_e = 20 \text{ A}, Q = 1200 \text{ VAR}, R = 4 \Omega, X_L = 3 \Omega, C_R = 135.3 \mu\text{F}$$

Esercizio n. 42



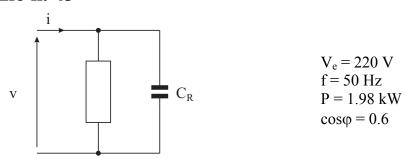
Un bipolo R-L parallelo, alimentato con una tensione sinusoidale avente valore efficace $V_e = 300 \text{ V}$ e frequenza 50 Hz, assorbe una potenza attiva di 9 kW. Il fattore di potenza del bipolo è 0.6. Determinare:

- La potenza reattiva assorbita dal bipolo.
- I valori della resistenza R e della reattanza X_L dell'induttore.
- Il valore della capacità di rifasamento C_R che consente di avere un fattore di potenza complessivo pari a 0.95.

Risultati

$$Q = 12$$
 kVAR, $R = 10$ Ω, $X_L = 7.5$ Ω, $C_R = 319.8$ μF

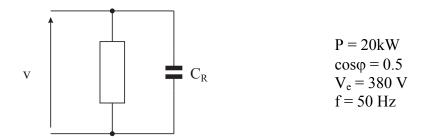
Esercizio n. 43



Un carico ohmico-induttivo con fattore di potenza 0.6, alimentato con una tensione sinusoidale avente valore efficace di 220 V e frequenza 50 Hz, assorbe una potenza attiva pari a 1.98 kW. Determinare:

- La potenza reattiva assorbita dal bipolo.
- I valori C₁ e C₂ da attribuire alla capacità di rifasamento C_R per portare il fattore di potenza rispettivamente a 0.9 e a 1.
- I valori efficaci I_{e0} , I_{e1} e I_{e2} che assume la corrente i, rispettivamente, in assenza del condensatore di rifasamento, per $C_R = C_1$ e per $C_R = C_2$.

$$Q = 2.64 \text{ kVAR}$$
, $C_1 = 111 \mu\text{F}$, $C_2 = 174 \mu\text{F}$, $I_{e0} = 15 \text{ A}$, $I_{e1} = 10 \text{ A}$, $I_{e2} = 9 \text{ A}$.

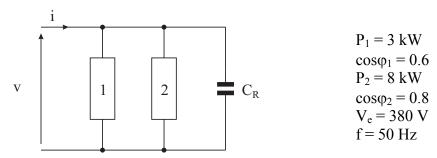


Un carico ohmico-induttivo con fattore di potenza 0.5, alimentato con una tensione sinusoidale avente valore efficace di 380 V e frequenza 50 Hz, assorbe una potenza attiva pari a 20 kW. Determinare il valore da attribuire alla capacità C_R per portare il fattore di potenza a 0.95.

Risultato

$$C_R = 618.7 \mu F$$

Esercizio n. 45



Due carichi ohmico-induttivi aventi fattori di potenza pari a 0.6 e 0.8, alimentati con una tensione sinusoidale di valore efficace 380 V e frequenza 50 Hz, assorbono rispettivamente potenze attive pari a 3 kW e 8 kW.

Determinare:

- Le potenze reattive assorbite dai carichi.
- Il fattore di potenza complessivo dei due carichi in parallelo.
- Il valore da attribuire alla capacità C_R per portare il fattore di potenza complessivo a 0.9.

$$Q_1 = 4 \text{ kVAR}, Q_2 = 6 \text{ kVAR}, \cos \varphi = 0.74, C_R = 103 \mu\text{F}.$$