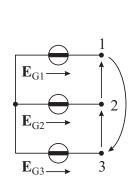
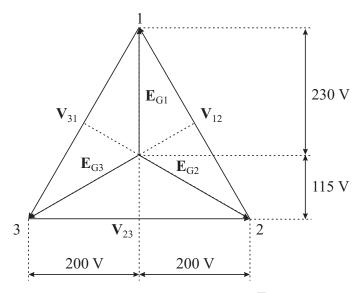
# Esercizi di Elettrotecnica

Sistemi trifase

# Esercizio n. 1



$$v_{23}(t) = 400\sqrt{2} \cos(\omega t) \text{ V}$$



Costruzione grafica approssimata  $(400/\sqrt{3} \cong 230)$ 

Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta. Nota  $v_{23}(t)$ , determinare i fasori delle tensioni concatenate e delle tensioni dei generatori.

#### Risultati

$$\mathbf{V}_{12} = -200 + 345j \text{ V}$$

$$V_{23} = 400 \text{ V}$$

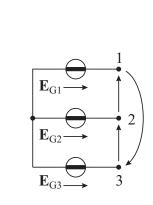
$$V_{31} = -200 - 345j \text{ V}$$

$$\mathbf{E}_{G1} = 230j \ V$$

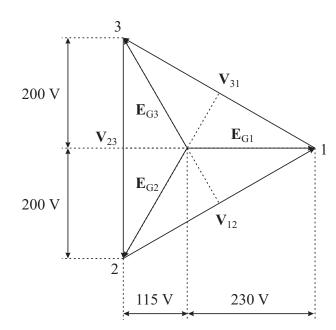
$$E_{G2} = 200 - 115j \ V$$

$$\mathbf{E}_{G3} = -200 - 115j \text{ V}$$

# Esercizio n. 2



$$e_{G1}(t) = 230 \, \sqrt{2} \, \cos(\omega t) \quad V$$



Costruzione grafica approssimata ( $400/\sqrt{3} \approx 230$ )

Le tensioni dei generatori costituiscono una terna simmetrica diretta. Nota  $e_{G1}(t)$ , determinare i fasori delle tensioni concatenate e delle tensioni dei generatori.

$$V_{12} = 345 + 200j V$$

$$V_{23} = -400i V$$

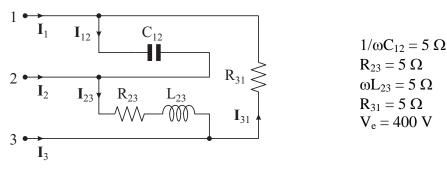
$$V_{31} = -345 + 200i V$$

$$E_{G1} = 230 \text{ V}$$

$$\mathbf{E}_{G2} = -115 - 200j \ V$$

$$\mathbf{E}_{G3} = -115 + 200j \ V$$

# Esercizio n. 3



Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle correnti di fase e delle correnti di linea.

#### Risultati

$$I_{12} = -69 - 40j A$$
  $I_{23} = 40 - 40j A$   $I_{31} = -40 - 69j A$   $I_{1} = -29 + 29j A$   $I_{2} = 109 A$   $I_{3} = -80 - 29j A$ 

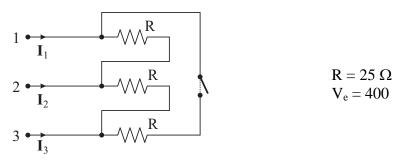
# Esercizio n. 4

Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle tensioni di fase e delle correnti di linea.

#### Risultati

$$\mathbf{E}_1 = 92 + 414 \text{j V}$$
  $\mathbf{E}_2 = 292 + 69 \text{j V}$   $\mathbf{E}_3 = -108 + 69 \text{j V}$   $\mathbf{I}_1 = -9.2 + 4.6 \text{j A}$   $\mathbf{I}_2 = 8.6 - 10.3 \text{j A}$   $\mathbf{I}_3 = 0.6 + 5.7 \text{j A}$ 

# Esercizio n. 5



Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle correnti di linea con l'interruttore aperto e con l'interruttore chiuso.

#### Risultati

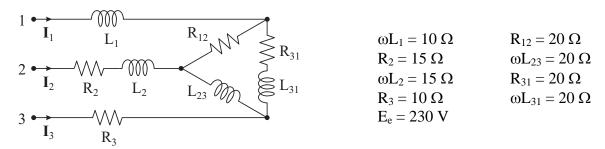
Interruttore aperto

$$I_1 = -8 + 13.8j A$$
  $I_2 = 24 - 13.8j A$   $I_3 = -16 A$ 

Interruttore chiuso

 $I_1 = 27.6j A$   $I_2 = 24 - 13.8j A$   $I_3 = -24 - 13.8j A$ 

# Esercizio n. 6

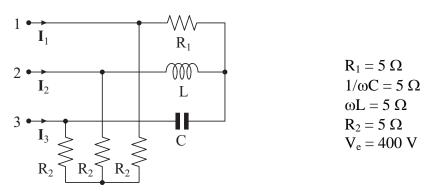


Il sistema è alimentato mediante tre generatori collegati a stella le cui tensioni costituiscono una terna diretta simmetrica con valore efficace 230 V. Assumendo nulla la fase di  $\mathbf{E}_{G1}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

## Risultati

$$I_1 = 8.35 - 12.35j A$$
  $I_2 = -9.45 - 2.55j A$   $I_3 = 1.1 + 14.9j A$   $Q = 6371 Var$ 

## Esercizio n. 7

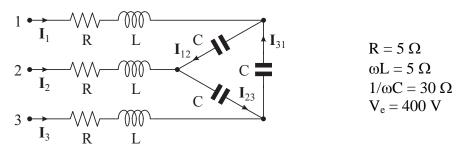


Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

#### Risultati

$$I_1 = 126j A$$
  $I_2 = 51 - 63j A$   $I_3 = -51 - 63j A$   $Q = 0 Var$ 

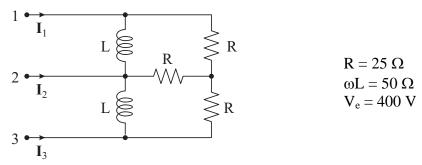
## Esercizio n. 8



Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e delle correnti dei condensatori.

$${f I}_1 = -23 + 23{f j} \ {f A}$$
  ${f I}_2 = 31.5 + 8.5{f j} \ {f A}$   ${f I}_3 = -8.5 - 31.5{f j} \ {f A}$   ${f I}_{12} = -18.14 + 4.86{f j} \ {f A}$   ${f I}_{23} = 13.3 + 13.34{f j} \ {f A}$   ${f I}_{31} = 4.84 - 18.2{f j} \ {f A}$ 

# Esercizio n. 9

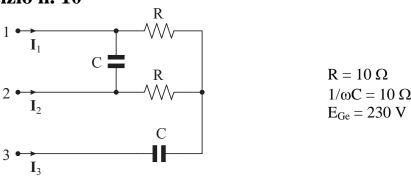


Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

#### Risultati

$$I_1 = 6.9 + 13.2j \text{ A}$$
  $I_2 = 1.1 - 16.6j \text{ A}$   $I_3 = -8 + 3.4j \text{ A}$   $Q = 6381 \text{ Var}$ 

## Esercizio n. 10

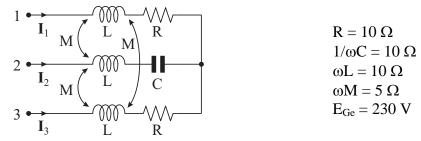


Il sistema è alimentato mediante tre generatori collegati a stella le cui tensioni costituiscono una terna diretta simmetrica con valore efficace 230 V. Assumendo nulla la fase di  $\mathbf{E}_{G1}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

#### Risultati

$$I_1 = 12.7 + 45.5j A$$
  $I_2 = 18.2 - 43.6j A$   $I_3 = -30.9 - 1.8j A$   $Q = -25483 \text{ Var}$ 

# Esercizio n. 11



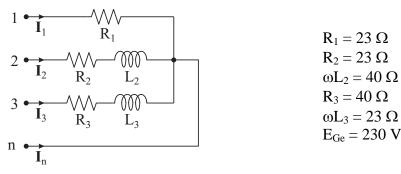
Il sistema è alimentato mediante tre generatori collegati a stella le cui tensioni costituiscono una terna diretta simmetrica con valore efficace 230 V. I tre induttori sono mutuamente accoppiati e tutti i coefficienti di mutua induzione hanno uguale valore M. Assumendo nulla la fase di  $\mathbf{E}_{G1}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

#### Risultati

$${f I}_1 = 11.6 + 16 {f j} \ {f A}$$
  ${f I}_2 = -3.6 - 61.8 {f j} \ {f A}$   ${f I}_3 = -8 + 45.8 {f j} \ {f A}$   ${f Q} = -6400 \ {f Var}$ 

Sistemi trifase

# Esercizio n. 12

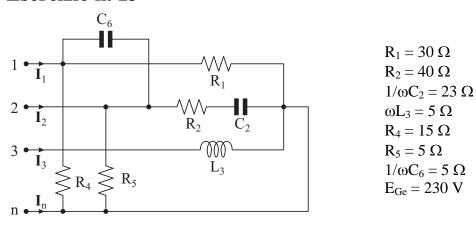


Il sistema è alimentato mediante tre generatori collegati a stella con neutro le cui tensioni costituiscono una terna diretta simmetrica con valore efficace 230 V. Assumendo nulla la fase di  $\mathbf{E}_{G1}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

#### Risultati

$${f I}_1 = 10 \ {f A}$$
  ${f I}_2 = -5 \ {f A}$   ${f I}_3 = 5j \ {f A}$   ${f I}_n = -5 - 5j \ {f A}$   ${f Q} = 1575 \ {f Var}$ 

## Esercizio n. 13

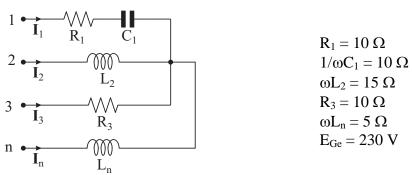


Il sistema è alimentato mediante tre generatori collegati a stella con neutro le cui tensioni costituiscono una terna diretta simmetrica con valore efficace 230 V. Assumendo nulla la fase di  $\mathbf{E}_{G1}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

#### Risultati

$$I_1 = -17 + 69j A$$
  $I_2 = 17 - 114j A$   $I_3 = 40 + 23j A$   $I_n = -40 + 22j A$   $P = 16935 W$   $O = 21735 Var$ 

# Esercizio n. 14



Il sistema è alimentato mediante tre generatori collegati a stella con neutro le cui tensioni costituiscono una terna diretta simmetrica con valore efficace 230V. Assumendo nulla la fase di  $\mathbf{E}_{G1}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

### **Risultati**

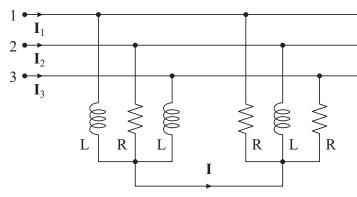
$$I_1 = 21.2 + 16.9j A$$
  
P = 9945 W

$${f I}_2 = -16.2 - 2.4 j \ A$$
  ${f I}_3 = 3.6 + 15.7 j \ A$   ${f I}_n = -8.6 - 30.2 j \ A$   ${f Q} = 1603 Var$ 

$$I_3 = 3.6 + 15.7j A$$

$$I_n = -8.6 - 30.2j$$
 A

# Esercizio n. 15



$$R = 5 \ \Omega$$
 
$$\omega L = 5 \ \Omega$$
 
$$V_e = 400 \ V$$

Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e della corrente I.

## Risultati

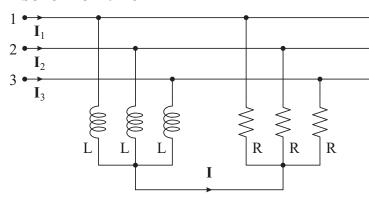
$$I_1 = 46 + 46j A$$

$$I_2 = 17 - 63j A$$

$$I_3 = -63 + 17j A$$

$$I = 63 + 17j A$$

# Esercizio n. 16



$$R = 5 \ \Omega$$
 
$$\omega L = 5 \ \Omega$$
 
$$V_e = 400 \ V$$

Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e della corrente I.

#### Risultati

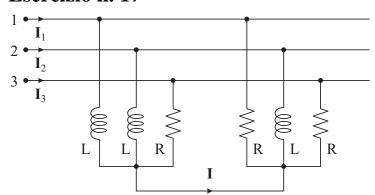
$$I_1 = 46 + 46j A$$

$$I_2 = 17 - 63j A$$

$$I_3 = -63 + 17i A$$

$$\mathbf{I} = 0 \mathbf{A}$$

# Esercizio n. 17



$$R = 5 \Omega$$

$$\omega L = 5 \Omega$$

$$V_e = 400 \text{ V}$$

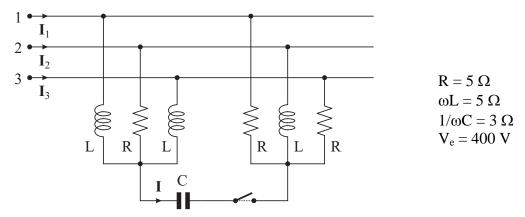
Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle correnti di linea e della corrente I.

#### Risultati

$$I_1 = 72.67 + 72.67j A$$
  $I_2 = 7.33 - 80j A$   $I_3 = -80 + 7.33j A$ 

# I = 36.33 - 36.33j A

# Esercizio n. 18



Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo nulla la fase di  $V_{23}$ , determinare i fasori delle correnti di linea con l'interruttore aperto, i fasori della corrente I e delle correnti di linea con l'interruttore chiuso.

#### **Risultati**

*Interruttore aperto* 

$$I_1 = 39.2 + 71.2j A$$

$$I_2 = 30.6 - 113.4j$$
 A

$$I_2 = 30.6 - 113.4j A$$
  $I_3 = -69.8 + 42.2j A$ 

Interruttore chiuso

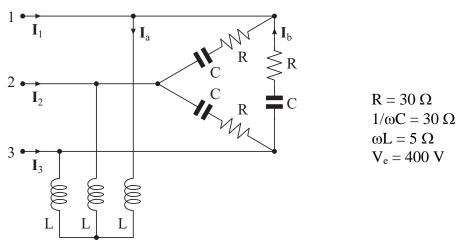
$$I_1 = 71.2 + 52.8j A$$

$$I_2 = -33.4 - 76.6j$$
 A

$$I_3 = -37.8 + 23.8 j A$$

$$I = 46 + 80j A$$

# Esercizio n. 19

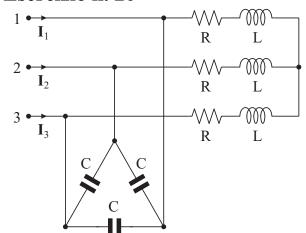


Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Determinare:

- il valore efficace delle correnti di linea;
- i valori efficaci delle correnti **I**<sub>a</sub>, **I**<sub>b</sub>;
- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

$$\begin{array}{ll} I_{e} = 36.37 \; A & I_{ae} = 46 \; A & I_{be} = 9.39 \; A \\ P = 7.94 \; kW & Q = 23.8 \; kVar \end{array}$$

# Esercizio n. 20



$$R = 10~\Omega$$
 
$$\omega L = 10~\Omega$$
 
$$1/\omega C = 15~\Omega$$
 
$$E_{Ge} = 100~V$$

Il sistema è alimentato mediante tre generatori collegati a stella le cui tensioni costituiscono una terna diretta simmetrica con valore efficace 100 V. Determinare:

- il valore efficace delle correnti di linea;
- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

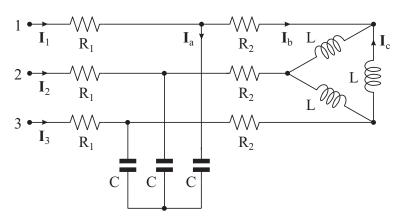
#### **Risultato**

 $I_e = 15.81 A$ 

P = 1.5 kW

Q = -4.5 kVar

# Esercizio n. 21



$$R_1 = 3 \ \Omega$$
 
$$R_2 = 4 \ \Omega$$
 
$$\omega L = 6 \ \Omega$$
 
$$1/\omega C = 2 \ \Omega$$
 
$$V_e = 400 \ V$$

Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Determinare:

- il valore efficace delle correnti di linea;
- i valori efficaci delle correnti I<sub>a</sub>, I<sub>b</sub>, I<sub>c</sub>;
- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

$$I_e = 51.43 \ A$$

$$I_{ae} = 57.5 A$$

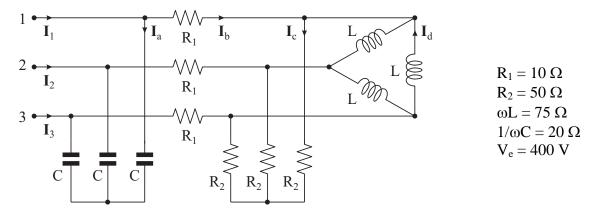
$$I_{be}=25.72\ A$$

$$I_{ce}=14.85\ A$$

$$P = 31.74 \text{ kW}$$

$$Q = -15.87 \text{ kVar}$$

# Esercizio n. 22

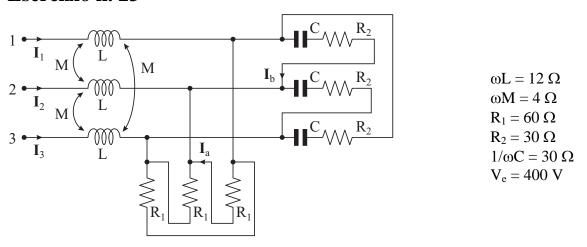


Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Determinare:

- il valore efficace delle correnti di linea;
- i valori efficaci delle correnti **I**<sub>a</sub>, **I**<sub>b</sub>, **I**<sub>c</sub>, **I**<sub>d</sub>;
- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

#### Risultati

# Esercizio n. 23



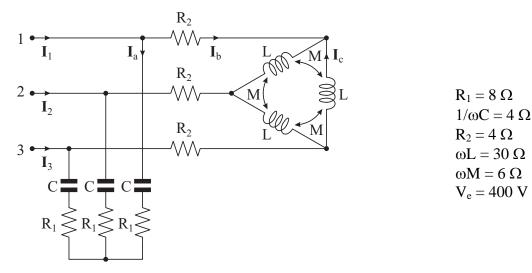
Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. I tre induttori sono mutuamente accoppiati e tutti i coefficienti di mutua induzione hanno uguale valore M. Determinare:

- il valore efficace delle correnti di linea;
- i valori efficaci delle correnti **I**<sub>a</sub>, **I**<sub>b</sub>;
- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

#### Risultati

 $\begin{array}{ll} I_{e} = 25.72 \; A & I_{ae} = 6.64 \; A & I_{be} = 9.39 \; A \\ P = 15.87 \; kW & Q = 7.94 \; kVar \end{array}$ 

# Esercizio n. 24



Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. I tre induttori sono mutuamente accoppiati e tutti i coefficienti di mutua induzione hanno uguale valore M. Determinare:

- il valore efficace delle correnti di linea;
- i valori efficaci delle correnti I<sub>a</sub>, I<sub>b</sub>, I<sub>c</sub>;
- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico.

#### Risultati

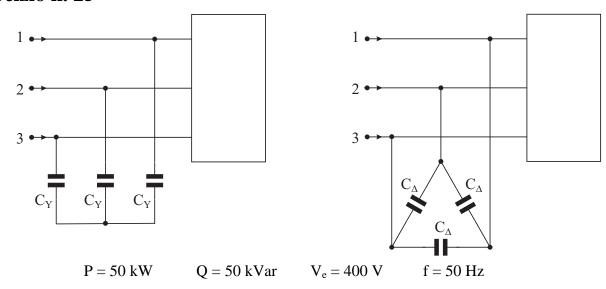
$$I_e = 36.37 A$$
  
P = 23.81 kW

$$I_{ae} = 25.72 \text{ A}$$
  
Q = 7.94 kVar

$$I_{be} = 25.72 A$$

$$I_{ce}=14.85\ A$$

# Esercizio n. 25



Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo che il carico sia regolare, determinare:

- il valore delle capacità di rifasamento necessarie per ottenere un fattore di potenza pari a 0.95, sia nel caso di collegamento a stella che nel caso di collegamento a triangolo;
- il valore efficace delle correnti di linea in assenza (I<sub>e0</sub>) e in presenza (I<sub>e1</sub>) dei condensatori di rifasamento.

#### Risultati

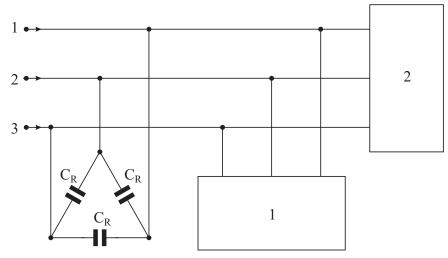
 $C_Y = 668 \; \mu F$ 

 $C_{\Delta} = 223 \ \mu F$ 

 $I_{e0} = 102 A$ 

 $I_{e1} = 76 A$ 

## Esercizio n. 26



$$S_1 = 30 \text{ kVA}$$

$$\cos \phi_1 = 0.6 \text{ (ritardo)}$$

$$P_2 = 16 \text{ kW}$$

$$\cos \phi_2 = 0.8 \text{ (ritardo)}$$

$$V_e = 400 \text{ V}$$

$$f = 50 \text{ Hz}$$

Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Assumendo che i due carichi siano regolari, determinare:

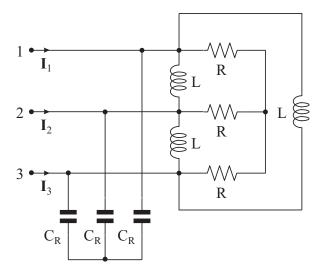
- il fattore di potenza del carico complessivo;
- il valore delle capacità di rifasamento necessarie per ottenere un fattore di potenza pari a 0.9;
- il valore efficace delle correnti di linea in assenza (Ie0) e in presenza (Ie1) dei condensatori di rifasamento.

#### Risultati

 $C_R = 130 \ \mu F$ 

 $I_{e0} = 71.47 A$ 

## Esercizio n. 27



$$R = 10 \Omega$$
  

$$\omega L = 15 \Omega$$
  

$$E_{Ge} = 100 \text{ V}$$
  

$$f = 50 \text{ Hz}$$

Il sistema è alimentato mediante tre generatori collegati a stella le cui tensioni costituiscono una terna diretta simmetrica con valore efficace 100 V. Determinare:

- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico in assenza dei condensatori di rifasamento;
- il fattore di potenza del carico in assenza dei condensatori di rifasamento;
- il valore delle capacità di rifasamento necessarie per ottenere un fattore di potenza pari a 0.95;
- il valore efficace delle correnti di linea in assenza (Ie0) e in presenza (Ie1) dei condensatori di rifasamento.

#### Risultati

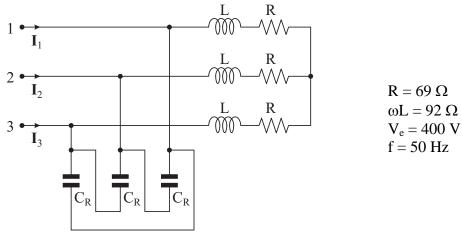
P = 3 kW

Q = 6 kVar

 $\cos \varphi = 0.447$   $C_R = 532 \ \mu F$   $I_{e0} = 22.36 \ A$ 

 $I_{e1} = 10.53 \text{ A}$ 

## Esercizio n. 28



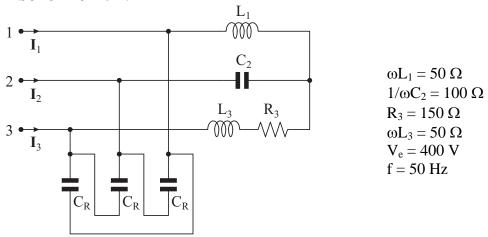
Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Determinare:

- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico in assenza dei condensatori di rifasamento;
- il fattore di potenza del carico in assenza dei condensatori di rifasamento;
- il valore delle capacità di rifasamento necessarie per ottenere un fattore di potenza pari a 0.95;
- ullet il valore efficace delle correnti di linea in assenza ( $I_{e0}$ ) e in presenza ( $I_{e1}$ ) dei condensatori di rifasamento.

#### Risultati

 $P = 828 \; W \qquad \quad Q = 1104 \; Var \qquad cos \phi = 0.6 \qquad \quad C_R = 4.66 \; \mu F \qquad I_{e0} = 2 \; A \qquad \qquad I_{e1} = 1.33 \; A$ 

# Esercizio n. 29



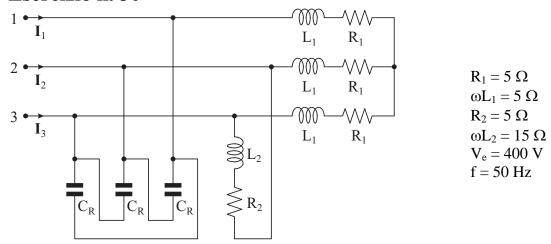
Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Determinare:

- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico in assenza dei condensatori di rifasamento;
- il fattore di potenza del carico in assenza dei condensatori di rifasamento;
- il valore delle capacità di rifasamento necessarie per ottenere un fattore di potenza pari a 0.9.

#### Risultati

P = 1587 W Q = 1594 Var  $\cos \Phi = 0.706$   $C_R = 5.5 \mu\text{F}$ 

# Esercizio n. 30



Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V. Determinare:

- la potenza attiva e reattiva assorbita dal carico in assenza dei condensatori di rifasamento;
- il fattore di potenza del carico in assenza dei condensatori di rifasamento;
- il valore delle capacità di rifasamento necessarie per ottenere un fattore di potenza pari a 0.93.

#### **Risultati**

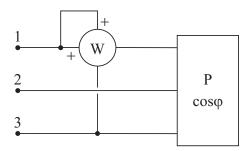
P = 19.14 kW

Q = 25.54 kVar

 $\cos\Phi = 0.6$ 

 $C_R = 120 \, \mu F$ 

## Esercizio n. 31



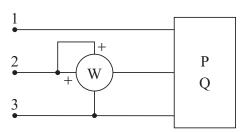
$$\begin{aligned} V_e &= 1500 \text{ V} \\ P &= 42 \text{ kW} \\ cos\phi &= 0.8 \end{aligned}$$

Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 1500 V, il carico è regolare e assorbe una potenza attiva di 42 kW con fattore di potenza 0.8. Determinare l'indicazione del wattmetro.

#### **Risultato**

 $P_W = 30 \text{ kW}$ 

### Esercizio n. 32



$$V_e = 400 \text{ V}$$

$$P = 5.2 \text{ kW}$$

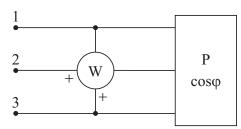
$$Q = 7.2 \text{ kVar}$$

Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V, il carico è regolare e assorbe una potenza attiva di 5.2 kW e una potenza reattiva di 7.2 kVar. Determinare l'indicazione del wattmetro.

#### **Risultato**

 $P_W = 622 \ W$ 

## Esercizio n. 33



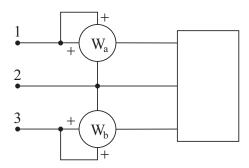
$$\begin{split} V_e &= 400 \text{ V} \\ P &= 30 \text{ kW} \\ cos\phi &= 0.866 \end{split}$$

Le tensioni concatenate formano una terna simmetrica diretta con valore efficace 400 V, il carico è regolare e assorbe una potenza attiva di 30 kW con fattore di potenza 0.866. Determinare l'indicazione del wattmetro.

#### **Risultato**

 $P_W = 10 \text{ kW}$ 

## Esercizio n. 34



$$\begin{split} P &= 27 \text{ kW} \\ P_{Wa} &= 9 \text{ kW} \end{split}$$

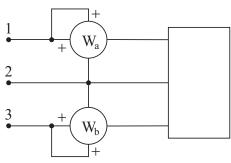
Il sistema è simmetrico ed equilibrato. Nota la potenza attiva P assorbita dal carico e l'indicazione del wattmetro  $W_a$ , determinare l'indicazione del wattmetro  $W_b$  e la potenza reattiva assorbita dal carico.

#### **Risultati**

 $P_{Wb} = 18 \; kW$ 

Q = 15.59 kVar

# Esercizio n. 35



$$P_{Wb}=2P_{Wa} \\$$

Il sistema è simmetrico ed equilibrato. Determinare il valore del fattore di potenza per cui l'indicazione del wattmetro  $W_b$  è il doppio dell'indicazione del wattmetro  $W_a$ . Determinare, inoltre, se il carico deve essere ohmico-induttivo o ohmico-capacitivo.

#### Risultato

 $\cos \varphi = 0.866$ 

carico ohmico-induttivo.