

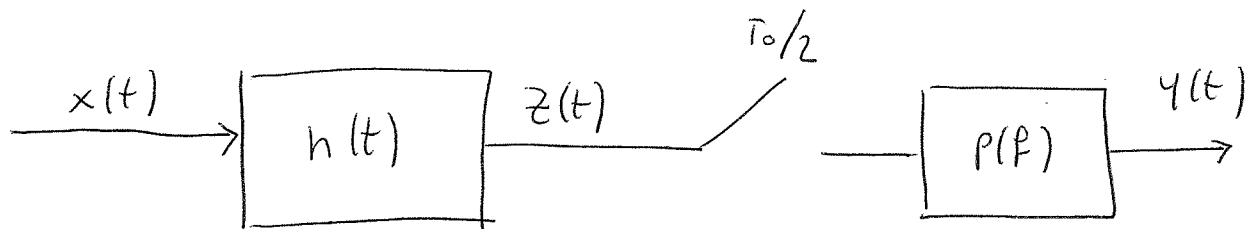
Esercizio 1

$$x(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} x_0(t - nT_0)$$

$$x_0(t) = \left(1 - \frac{8|t|}{T_0}\right) \text{rect}\left(\frac{4t}{T_0}\right)$$

$$X_0(f) = \frac{T_0}{8} \text{sinc}^2\left(f \frac{T_0}{8}\right)$$

$$X(f) = \frac{1}{8} \sum_k \text{sinc}^2\left(\frac{k}{8}\right) \delta\left(f - \frac{k}{T_0}\right)$$



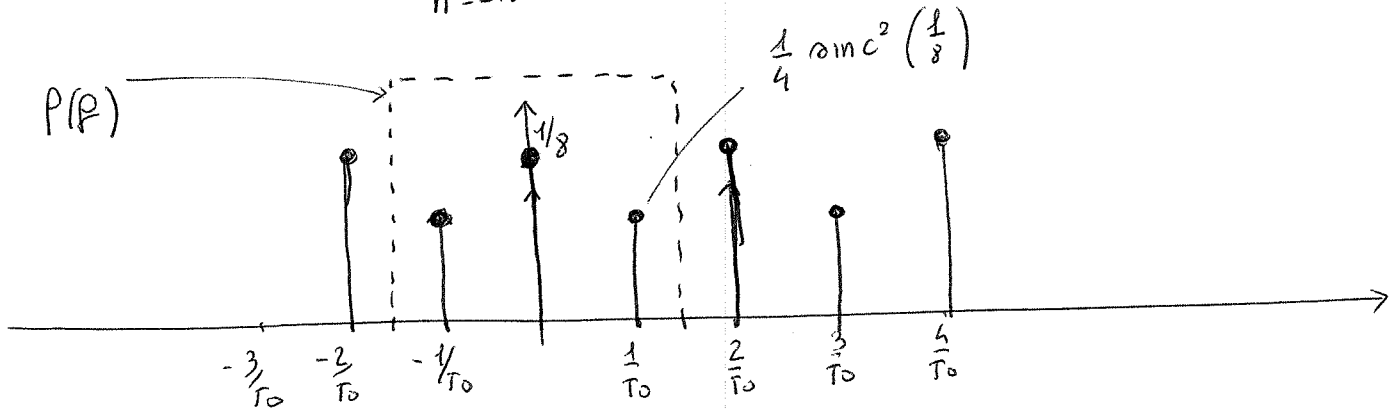
$$H(f) = \text{rect}\left(f \frac{T_0}{8}\right)$$

$$Z(f) = H(f) \cdot X(f)$$

$$Z(f) = \frac{1}{8} \delta(f) + \frac{1}{8} \text{sinc}^2\left(\frac{1}{8}\right) \delta\left(f - \frac{1}{T_0}\right) + \frac{1}{8} \text{sinc}^2\left(\frac{1}{8}\right) \delta\left(f + \frac{1}{T_0}\right)$$

Il segnale $z(t)$ è periodicamente campionato con passo di campionamento $\frac{T_0}{2}$
 quindi lo spettro del segnale campionato sarà

$$\bar{z}(f) = \frac{2}{T_0} \sum_{n=-\infty}^{+\infty} z\left(f - \frac{2n}{T_0}\right)$$



$$y(f) = \bar{z}(f) \cdot P(f) =$$

$$= \frac{1}{8} \delta(f) + \frac{1}{4} \text{sinc}^2\left(\frac{1}{8}\right) \left[\delta\left(f - \frac{1}{T_0}\right) + \delta\left(f + \frac{1}{T_0}\right) \right]$$

$$y(t) = \frac{1}{8} + \frac{1}{2} \text{sinc}^2\left(\frac{1}{8}\right) \cos\left(2\pi \frac{t}{T_0}\right)$$

$$E_y = \int_{-\infty}^{+\infty} |y(t)|^2 dt = \int_{-\infty}^{+\infty} |y(f)|^2 df = \frac{1}{64} + 2 \cdot \frac{1}{16} \text{sinc}^2\left(\frac{1}{8}\right) =$$

$$= \frac{1}{64} + \frac{1}{8} \text{sinc}^2\left(\frac{1}{8}\right)$$

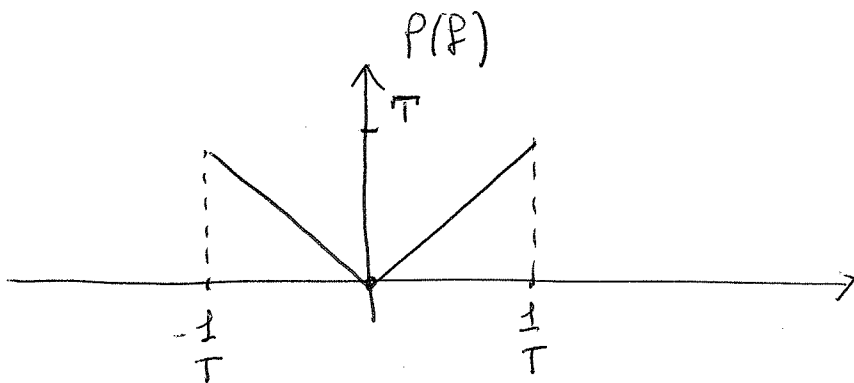
$$P_y = 0$$

Esercizio 2

$$1) E_n = 4 \cdot \frac{1}{2} \cdot E_p = 2 \cdot E_p$$

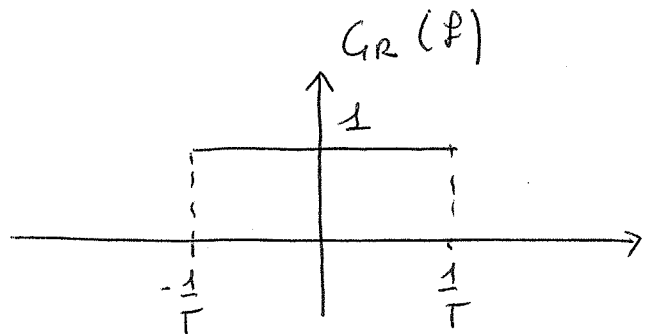
Dove E_p è l'energia dell'impulso segnale

$$E_p = \int_{-\infty}^{+\infty} |P(f)|^2 df = \frac{2T}{3}$$



$$E_n = \frac{4T}{3}$$

$$2) P_n = \frac{N_0}{2} \int_{-\infty}^{+\infty} |G_R(f)|^2 df = \frac{N_0}{T}$$



3) La DSP del segnale PAM trasmesso è definita come

$$S_s(f) = \frac{1}{T} S_x(f) |P(f)|^2$$

La funzione di autocorrelazione dei simboli si ricava come segue:

$$R_x(m) = E \{ x_i \cdot x_{i+m} \} = \begin{cases} E \{ x_i^2 \} & m=0 \\ E \{ x_i \}^2 & m \neq 0 \end{cases}$$

essendo i simboli indipendenti.

$$R_x(m) = \begin{cases} 2 & m=0 \\ 1 & m \neq 0 \end{cases}$$

$$R_x(m) = \delta(m) + 1$$

Quindi $S_x(f)$ si ottiene trasformando la $R_x(m)$

$$S_x(f) = 1 + \frac{1}{T} \delta(f)$$

$$S_s(f) = \frac{1}{T} \left[1 + \frac{1}{T} \delta(f) \right] \left| T(f_T) \operatorname{rect}(f T/2) \right|^2$$

$$4) \quad G(f) = P(f) \cdot G_R(f) = P(f)$$

$G(f)$ può essere riscritta per convenienza nel modo seguente

$$G(f) = \left[T - T(1 - |f|T) \right] \text{rect} \left(\frac{fT}{2} \right)$$

Antialiasing si ottiene $g(t)$ che deve rispettare la condizione di Nyquist negli istanti di campionamento.

$$g(t) = 2 \text{sinc} \left(\frac{2t}{T} \right) - \text{sinc}^2 \left(\frac{t}{T} \right)$$

$$g(kT) = \begin{cases} 1 & k=0 \\ 0 & k \neq 0 \end{cases}$$

$$5) \quad y_k = g(0) x_k + n_k = x_k + n_k$$

$$n_k \in \mathcal{N}(0, P_n)$$

$$P_e = \frac{1}{2} Q \left(\sqrt{\frac{T}{4N_0}} \right) + \frac{1}{2} Q \left(\sqrt{\frac{9T}{4N_0}} \right)$$