

## Esercitazione 2

1

### Esercizio 6.a

```

i=1;
while (i <= f(n)) {
    a=a*a;
    i=i+1;}

```

```

int f (int n) {
    if (n == 1) return 1;
    else return n+f(n-1);
}

```

$T(1)=a$

$T(n) = b + T(n-1) \quad O(n)$

Complessità di f

$R(1)=1$

$R(n) = n + R(n-1) \quad O(n^2)$

Complessità del risultato

2

2

## Esercizio 6.a

```

i=1;
while (i <= f(n)) {
    a=a*a;
    i=i+1;}

int f (int n) {
    if (n == 1) return 1;
    else return n+f(n-1);
}

```

$T(1)=a$

$T(n) = b + T(n-1) \quad O(n)$

Complessità di f

$R(1)=1$

$R(n) = n + R(n-1) \quad O(n^2)$

Complessità del risultato

numero iterazioni del while:

$O(n^2)$  dipende dalla complessità del risultato di f

complessità di una iterazione :

$C[f(n)] = O(n)$  numero di chiamate ricorsive in f

complessità del while :

$O(n^2) * O(n) = O(n^3)$

3

3

## Esercizio 6.b

```

i=1;
while (i <= f(n)) {
    a=a*a;
    i=i+1;}

```

```

int f (int n) {
    return n*(n+1)/2;
}

```

$T(n) \in O(1)$  non si hanno chiamate ricorsive

$R(n) \in O(n^2)$

4

4

## Esercizio 6.b

```

i=1;
while (i <= f(n)) {
    a=a*a;
    i=i+1;}

int f (int n) {
    return n*(n+1)/2;
}

```

$T(n) \in O(1)$  non si hanno chiamate  
ricorsive

$R(n) \in O(n^2)$

numero iterazioni del while:  $O(n^2)$

complessità di una iterazione :  $C[f(n)] = O(1)$

complessità del while :  $O(n^2) * O(1) = O(n^2)$

5

5

## Esercizio 7

```
int i=F(n); for (int j=1; j<=i; j++) a+=b;
```

```
int F (int x) {if (x==1) return 1; else return 1+2*F(x-1);}
```

$T(1)=a$

$T(n) = b + T(n-1) \quad O(n)$

Numero chiamate ricorsive in F

$R(1)=1$

$R(n) = 1+2R(n-1) \quad O(2^n)$

Complessità del risultato di F

6

6

## Esercizio 7

```
int i=F(n); for (int j=1; j<=i; j++) a+=b;
```

```
int F (int x) {if (x==1) return 1; else return 1+2*F(x-1);}
```

$T(1)=a$

$R(1)=1$

$T(n) = b + T(n-1) \quad O(n)$

$R(n) = 1+2R(n-1) \quad O(2^n)$

Numero chiamate ricorsive in F

Complessità del risultato di F

numero iterazioni del for:  $O(2^n)$

complessità di una iterazione :  $O(1)$

complessità del for :  $O(2^n) * O(1) = O(2^n)$

complessità del frammento di programma

$C[i=F(n);] + C[\text{for}..] = O(n) + O(2^n) = O(2^n)$

7

7

## Esercizio 8

```
for (int j=1; j<=F(n)*F(n); j++)
    a+=F(n);
```

$T(0)=T(1)=T(2)=a$

$T(n) = b + T(n/3) \quad O(\log n)$

```
int F (int x) {
    if (x<=2) return 1;
    else return 3+3*F(x/3);
}
```

$R(0)=R(1)=R(2)=1$

$R(n) = 3+3*R(n/3) \quad O(n)$

numero iterazioni del for:  $O(n^2)$

complessità di una iterazione :  $C[F(n)] = O(\log n)$

complessità del for :  $O(n^2) * O(\log n) = O(n^2 \log n)$

8

8



Quadrato magico

9

9

### Array palindroma

```
int palindroma(int *a, int i=0, int j=n-1){  
    if (j<i) return 1;  
    if (a[i]==a[j]) return palindroma(a,i+1,j-1);  
    return 0;  
}
```

10

10

- $T(1)=k_1$
- $T(n)=K_2+T(n-2)$
- Palindroma su un'array di n elementi è  **$O(n)$**

11

11

## Es. 9

**P(B,1,n)**

```
void P(int A [], int i, int j) {
    if (i < j) {
        int k = (i+j)/2;
        P(A,i,k-1);
        P(A,k+1,j);
        for (int r=i; r <= j; r++) A[r] = 2*A[r];
        P(A,i,k-1);
    }
}
```

**$T(1)=a$**

**$T(n) = bn + 3T(n/2)$**

**$O(n^{1.5})$      $\log_2 3 = 1.5$**

12

12

## Es. 10

```

int f(int x) {
    if (x==1) return 1;
    else return 1+ f(x/2);
}

int g(int x) {
    if (x==1) return 1;
    else return 2+2*g(x-1);
}

for (int i=1; i <=g(f(n)); i++;) a++;

```

13

13

## Es. 10

```

int f(int x) {
    if (x==1) return 1;
    else return 1+ f(x/2);
}

```

$Tf(1)=a$   
 $Tf(n) = b + Tf(n/2) \quad O(\log n)$

$Rf(1)=a$   
 $Rf(n) = b + Rf(n/2) \quad O(\log n)$

14

14

## Es. 10

```
int g(int x) {
    if (x==1) return 1;
    else return 2+2*g(x-1);
}
```

$Tg(1)=a$

$Tg(m) = b + Tg(m-1) \quad O(m)$

$Rg(1)=a$

$Rg(m) = 2+2 Rg(m-1) \quad O(2^m)$

15

15

## Es. 10

```
for (int i=1; i <=g(f(n)); i++;) a++;
```

numero iterazioni del for:

$O( Rg(Rf(n)) ) = O( Rg(\log_2 n) ) = O(2^{\log n} ) = O(n)$

complessità di una iterazione :

$C[ f(n) ] + C[ g(Rf(n)) ] =$

$C[ f(n) ] + C[ g(\log n) ] =$

$O(\log n) + O(\log n) = O(\log n)$

complessità del for :  $O(n) * O(\log n) = O(n \log n)$

16

16