Prova di Comunicazioni Numeriche

7 Febbraio 2013

Es. 1 - Si consideri lo schema a blocchi in Fig.1 e siano i segnali e le risposte impulsive in gioco così definite:

- $x_1(t) = \sum_{n=-\infty}^{+\infty} A\left(1 \frac{4|t-nT_0|}{T_0}\right) rect\left(\frac{2(t-nT_0)}{T_0}\right)$
- $x_2(t) = \frac{3}{T_0} sinc\left(\frac{3t}{T_0}\right)$
- $h(t) = \frac{3}{T_0} sinc\left(\frac{3t}{T_0}\right)$.
- ullet Si calcoli l'espressione analitica del segnale in uscita $y\left(t
 ight)$ insieme alla sua potenza media ed alla sua energia.

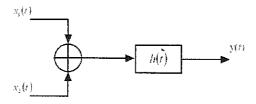


Fig. 1

Es. 2 - In un sistema di comunicazione numerico PAM in banda passante il segnale trasmesso è $s(t) = \sum_k x[k] \, p \, (t-kT) \cdot \cos \left(2\pi f_0 t - \frac{\pi}{3}\right)$, dove i simboli $x[k] \in A_s = \{-2,1\}$ sono indipendenti ed equiprobabili. L'impulso sagomatore è $p(t) = 2B sinc \left(2Bt\right) + B sinc \left(2B\left(t - \frac{1}{2B}\right)\right) + B sinc \left(2B\left(t + \frac{1}{2B}\right)\right)$, $f_0 \gg B$, $T = \frac{1}{B}$. Il canale di propagazione è ideale, quindi $c(t) = \delta(t)$ e la DSP del rumore in ingresso al ricevitore è $S_n(f) = \frac{N_0}{2} \left[rect \left(\frac{f-f_0}{B}\right) + rect \left(\frac{f+f_0}{B}\right)\right]$. Il filtro in ricezione $h_R(t)$ è un filtro passa basso ideale di banda B. La soglia di decisione è $\lambda = 0$.

Calcolare:

- 1) L'energia media per intervallo di segnalazione del segnale trasmesso, ${\cal E}_s$
- 2) Calcolare la potenza di rumore in uscita al filtro in ricezione, P_{n_u}
- 3) Calcolare la probabilità di errore sul bit, $P_E(b)$

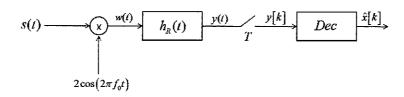


Fig. 2

Escutoi

$$X_1(f) = \begin{cases} \int_{K} X_K S(f-\frac{K}{10}) \end{cases}$$

$$X_{k} = \frac{1}{T_{0}} \times_{\mathbf{0}} \left(\frac{k}{T_{0}} \right)$$

$$\chi_{o}(t) = A\left(\frac{1-4|t|}{To}\right) \operatorname{rect}\left(\frac{3t}{To}\right)$$

$$\times_{\circ}(f) = A \frac{\pi_0}{4} \rho mc^2 \left(\frac{\pi_0}{4} f\right)$$

$$X_{K} = \frac{A}{G} \rho inc^{2} \left(\frac{K}{G}\right)$$

$$X_{\Delta}(f) = \frac{A}{4} \operatorname{sinc}^{2}\left(\frac{k}{4}\right) S\left(\frac{1}{4} - \frac{k}{70}\right)$$

$$X_2(\ell) = \text{rect}\left(\frac{\ell}{3/\tau_0}\right) = H(\ell)$$

$$Z(t) = X_1(t) + X_2(t)$$

$$Z(f) = X_1(f) + X_2(f)$$

$$Y(f) = [X_1(f) + X_2(f)] \cdot H(f)$$

$$Y(f) = \frac{A}{4} \delta(f) + \frac{A}{4} \operatorname{sinc}^{2}\left(\frac{1}{4}\right) \left[\delta(f-\frac{1}{10}) + \delta(f+\frac{1}{10}) + \delta(f+\frac{1}{10})\right] + \operatorname{rect}\left(\frac{f}{3/10}\right)$$

$$y(t) = \frac{A}{4} + \frac{A}{2} \operatorname{sinc}^{2}\left(\frac{1}{4}\right) \operatorname{GS}\left(2\pi\frac{t}{T_{0}}\right) + \frac{3}{T_{0}} \operatorname{sinc}\left(\frac{3t}{T_{0}}\right)$$

$$42(t) = \frac{3}{70}$$
 sinc $\left(\frac{3t}{70}\right)$

4/1=41/1+ 42/H

Mackberr

L'energia di 11tt e infinita perché 91tt e un segnale percodica quindi

La potenta di 411t) e finita mentre la potenta di 42/11 e-mella perche 12/11 e un segnele ad energia finita. Quindi

$$P_{y} = P_{y+} = \frac{A^2}{16} + \frac{A^2}{8} oinc^2 \left(\frac{1}{4}\right)$$

$$t_{01} = \int_{0}^{+\infty} p^{2}(H \cdot \omega s^{2} (2\pi \beta t - \sqrt{3})) dt =$$

$$= \int_{P^{2}(H)}^{+\infty} \frac{1}{2} \left[1 + 605 \left(\frac{1}{6\pi} \beta t - 2\pi / 3 \right) \right] dt =$$

$$= \left(p^{2}(H) \cdot \left[\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos \left(\frac{1}{4} \right) \cdot \cos \left(\frac{2\pi}{3} \right) + \frac{1}{2} \sin \left(\frac{2\pi}{4} \right) \cdot \sin \left(\frac{2\pi}{3} \right) \right] dt$$

$$=\frac{1}{2}\left(\begin{array}{ccc} p^{2}(H) & \text{olt} = \frac{1}{2} \cdot \epsilon_{p} \end{array}\right)$$

$$P(f) = vect\left(\frac{f}{2B}\right) + 1 vect\left(\frac{f}{2B}\right)e^{-i2\pi f/2B} + 1 vect\left(\frac{f}{2B}\right)e^{+i2\pi f/2B}$$

= rect
$$\left(\frac{f}{z_B}\right)$$
 + rect $\left(\frac{f}{z_D}\right)$. $\cos\left(\frac{\pi F}{B}\right)$

$$E_{p} = \int_{-\infty}^{+\infty} P(P) dP = 3B$$

$$E_{0} = \frac{1}{4}$$
, $(4)^{2}$, $E_{0}^{2} + \frac{1}{2}(-2)^{2}$, $E_{0}^{2} = \frac{3B}{4} + \frac{3B}{4} = \frac{15B}{4}$

Wolfle la componente di regnole estile e Wolfle la componente di rumore.

$$S_N(f) = \frac{N_0}{2} \left[\text{vect} \left(\frac{f - f_0}{B} \right) + \text{vect} \left(\frac{f + f_0}{B} \right) \right]$$

$$S_{Wn}(f) = S_{N}(f) \otimes \left[S(f-f_{0}) + S(f+f_{0}) \right]$$

$$= \frac{N_0}{2} \left[rect \left(\frac{f-2k}{B} \right) + 2 rect \left(\frac{f}{B} \right) + rect \left(\frac{f+2k}{B} \right) \right]$$

$$=2\sum_{k}x_{[k]}p(t-kT)\left[\cos\left(\frac{\pi}{3}\right)\left(\frac{1}{2}+\frac{1}{2}\cos\left(4\pi\beta_{s}t\right)\right)+\frac{1}{2}\sin\left(4\pi\beta_{s}t\right)\sin\left(\frac{\pi}{3}\right)\right]$$

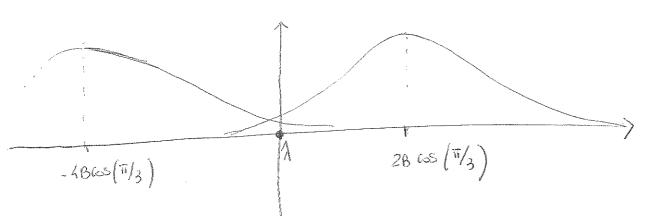
$$y(t) = \begin{cases} x & \text{IKJ } p(t-kT) \cdot \cos(T/3) \end{cases}$$

La misposte impulsible del sistemo e

$$h(t) = P(t) \otimes h_R(t)$$

H(P) poololiston el criterio di Nyamist e

quividi all'usaite del compronobre



$$P_{\varepsilon}(b) = \frac{1}{2} Q \left(\frac{2B GS (\overline{r}/3)}{\sqrt{N_B}} \right) + \frac{1}{2} Q \left(\frac{2B GS (\overline{r}/3)}{\sqrt{N_B}} \right)$$