

Esercizio 1

Sia $a \leftrightarrow A$ su 8 bit in base 2. Determinare il numero minimo di bit n necessari per rappresentare il numero $-6a$. Indicando con B la rappresentazione di $-6a$ su n bit, progettare la rete che riceve in ingresso A e produce in uscita B , *senza fare uso di moltiplicatori*.

Soluzione

Il campo di rappresentazione di a è $[-128, 127]$, quindi:

$$-6a \in [-768, 768] \subset [-2^{10}, 2^{10}-1],$$

da cui si deduce $n = 11$.

La rete si può progettare osservando che $-6a = 2(a - 4a)$, quindi:

$$B = \left\lfloor 2 \cdot (a - 4a) \right\rfloor_{2^{11}} = 2 \cdot \left\lfloor a \right\rfloor_{2^{10}} - \left\lfloor 4a \right\rfloor_{2^{10}} = 2 \cdot \left\lfloor A^{EST} \right\rfloor_{2^{10}} - \left\lfloor 4A \right\rfloor_{2^{10}}$$

dove $A^{EST} \leftrightarrow a$ su 10 bit in base 2 (il secondo passaggio è giustificato dal fatto che la rappresentazione di $a - 4a$ è riducibile su 10 bit).

Una possibile descrizione della rete è la seguente:

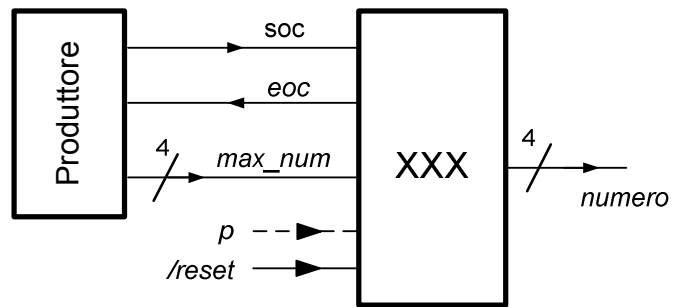
```
module RCeserciziol(B,A);  
  input  [7:0] A;  
  output [10:0] B;  
  wire    [9:0] w;  
  assign w = {A[7],A[7],A}-{A,2'B00};  
  assign B = {w,1'B0};  
endmodule
```

Esercizio 2

Descrivere e sintetizzare l'unità **XXX** in modo che risponda alle seguenti specifiche:

- tramite l'uscita *numero* emette un numero naturale che, partendo da 0 cresce di uno ad ogni ciclo di clock;
- contemporaneamente si fa inviare dal Produttore un numero naturale *max_num* che interpreta come il massimo numero che va emesso tramite *numero*
- quando il massimo numero è stato emesso, torna al punto 1.

Si supponga che mentre XXX sta emettendo i numeri, ci sia tutto il tempo per un handshake completo con il Produttore e quindi per ricevere e utilizzare subito il nuovo numero naturale *max_num*.



Fare un diagramma temporale che illustri un ciclo completo di evoluzione di *XXX*, supponendo che la risposta Produttore, una volta iniziato l'handshake, avvenga tra uno e due cicli del clock di *XXX* e che il Produttore fornisca *max_num*=7;

Soluzione

```
module XXX(soc,eoc,max_num,numero,p,reset_);
    input      p,reset_;
    input      eoc;
    output     soc;
    input  [3:0] max_num;
    output [3:0] numero;

    reg        SOC;          assign soc=SOC;
    reg [3:0]   MAX_NUM, NUMERO; assign numero=NUMERO;
    reg [1:0]   STAR;  parameter S0=0,S1=1,S2=2,S3=3;

    always @(posedge p or negedge reset_) if (reset_==0) begin SOC=0; STAR=S0; end
    else #3
        casex(STAR)
            S0: begin NUMERO<=0; SOC<=1;STAR<=S1; end
            S1: begin NUMERO<=NUMERO+1; STAR<=(eoc==0)?S2:S1; end
            S2: begin NUMERO<=NUMERO+1; SOC<=0; MAX_NUM<=max_num;
                  STAR<=(eoc==0)?S2:S3; end
            S3: begin NUMERO<=NUMERO+1; STAR<=(NUMERO==MAX_NUM-1)?S0:S3; end
        endcase
endmodule
```

