

NumPy数值计算

Python

数组的运算

1 数组和标量间的运算

数组与标量的算术运算,以及相同 维度的数组的算术运算都是直接应用 到元素中,也就是元素级运算。



[示例] 数组和标量运算

import numpy as np

$$c = [[0 \ 1 \ 2]$$
 $[3 \ 4 \ 5]]$

[示例] 每日票房

数组中保存了某一部电影连续5天的票房记录,请输出每日票房收入

```
import numpy as np
a = np.array([1233, 4578, 13211, 43328, 50995])
print('a[1:] = ',a[1:])
print('a[:-1] = ',a[:-1])
b = a[1:] - a[:-1]
print('每日票房=', b)
```

```
a[1:] = [4578 13211 43328 50995]
a[:-1] = [1233 4578 13211 43328]
每日票房=[3345 8633 30117 7667]
```

2 广播

- Numpy中的基本运算(加、减、乘、除、求余等等)都是元素级别的,但是这仅仅局限于两个数组的形状相同的前提下。
- 广播是指NumPy在算术运算期间处理不同形状的数组的能力。如果两个数组的 维数不相同,numpy将会自动触发广播机制较小的数组会被广播到较大数组的 大小,以便使它们的形状可兼容。
- 若形状不兼容,则不能进行运算。

- 两个数组从后缘维度(从末尾开始算起的维度)开始——比较,若**两者的长度** 相等,或其中一方的长度为1,则认为他们是广播兼容的。
 - shape为 (2, 3, 3) 的数组能够和 (3, 2) 的数组广播兼容吗? No
 - shape为 (3, 3, 2) 的数组能够和 (3, 2) 的数组广播兼容吗? Yes
 - shape为 (2, 3, 2) 的数组能够和 (3, 1) 的数组广播兼容吗? Yes
 - shape为 (2, 3, 2) 的数组能够和 (1, 2) 的数组广播兼容吗? Yes
 - shape为 (4, 3, 2) 的数组能够和 (1, 1) 的数组广播兼容吗? Yes
- 换句话说,就是两个形状甚至维度不同的数组进行运算,会在**缺失或长度为1**的 维度的那个轴上延生补齐到大小相等,然后再做计算。

[示例] 广播

import numpy as np

$$a = np.ones((2,3))$$

$$b = np.arange(3)$$

a

1.	1.	1.
1.	1.	1.

$$b = [0 \ 1 \ 2]$$

b

0	1	2
0	1	2

a的shape: (2,3) b的shape: (3,)

b最后一维为3,a与b广播兼容,b广播为shape(2,3)的数组再进行计算

[示例] 广播

import numpy as np

$$a = np.array([1,2,3])$$

$$b = np.array([[4],[5],[6]])$$

$$a = [1 \ 2 \ 3]$$

a

1	2	3
1	2	3
1	2	3

b

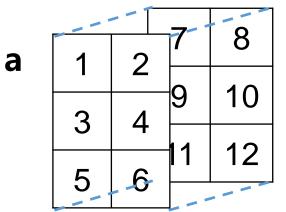
4	4	4
5	5	5
6	6	6

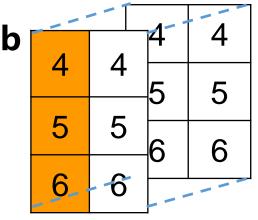
a的shape: (3,) b的shape: (3,1)

b最后一维为1, a与b广播兼容, b广播为(3,3), a广播为(3,3)

[示例] 广播

```
import numpy as np
a = np.arange(1,13).reshape(2,3,2)
b = np.array([[4],[5],[6]]) # shape(3,1)
print('a=',a)
print('b=',b)
print("a+b=",a+b)
```





3 numpy全局算术函数

函数	描述
abs, fabs	计算绝对值
sqrt	计算元素的平方根
square	计算元素的平方
exp	计算以自然常数e为底的幂次方
log, log10, log2, log1p	log以自然对数为底, log1p(x)即ln(1+x)
sign	计算元素的符号: 1: 正数 0: 0 -1: 负数
ceil	计算大于或等于元素的最小整数
floor	计算小于或等于元素的最大整数
around	四舍六入五留双到给定的小数位
rint	四舍六入五留双到整数
modf	分别返回浮点数的小数和整数数部分的数组

[示例] around函数

```
import numpy as np
a = np.array([1.2, 15.55, 123.45])
print('原数组: ',a)
print('保留1位小数:',np.around(a, decimals = 1))
print('保留0位小数:',np.around(a)) # decimals 默认值为0
print('保留-1位小数:',np.around(a, decimals = -1))
print('保留-2位小数:',np.around(a, decimals = -2))
```

```
原数组: [ 1.2 15.55 123.45 0.537 125.32 ] 保留1位小数: [ 1.2 15.6 123.4 0.5 125.3 ] 保留0位小数: [ 1. 16. 123. 1. 125. ] 保留-1位小数: [ 0. 20. 120. 0. 130. ] 保留-2位小数: [ 0. 0. 100. 0. 100.
```

[示例] rint、sign、modf函数

```
import numpy as np
a = np.array([[1.2,2.5,3.6],
              [-4.3, 5.5, -6.2]]
print('a=\n',a)
b = np.rint(a)
print(b=\n',b)
c = np.sign(a)
print('c=\n',c)
d = np.modf(a)
print('d=\n',d)
```

```
a=
[[ 1.2 2.5 3.6]
 [-4.3 5.5 -6.2]]
b=
[[ 1. 2. 4.]
 [-4. 6. -6.]]
C=
[[ 1. 1. 1.]
 [-1. 1. -1.]]
d=
(array([[ 0.2, 0.5, 0.6],
        [-0.3, 0.5, -0.2]
 array([[ 1., 2., 3.],
        [-4., 5., -6.]
```

函数	描述
isnan	返回布尔数组标识哪些元素是 NaN (不是一个数)
isfinite isinf	判断元素是有限的数 判断元素是否无限大

[示例] isnan函数

```
import numpy as np
Ist= [[4, 9, 16], [-4, 16, -9]]
a = np.array(lst)
print('a=\n', a)
b = np.sqrt(a)
print('b=\n', b)
c = np.isnan(b)
print('c=\n', c)
```

```
a=
[[4 9 16]
 [-4 16 -9]]
b=
[[ 2. 3. 4. ]
 [nan 4. nan]]
C=
[[False False False]
 [True False True]]
```

[示例] isinf函数

```
import numpy as np
a = np.arange(12).reshape(3,-1)
print(a)
b = 10/a
print(b.round(1))
c = np.isinf(b)
print(c)
n = np.argwhere(c==True)
print(n)
```

```
[0 1 2 3]
[4567]
[8 9 10 11]]
[[ inf 10. 5. 3.3]
[2.5 2. 1.7 1.4]
[1.2 1.1 1. 0.9]]
[[ True False False False]
[False False False]
[False False False]]
[[0\ 0]]
```

函数	描述
add (+)	数组对应元素相加
substract (-)	数组对应元素相减
multiply (*)	点积,矩阵对应位置相乘,必要时使用广播规则
divide (/)	除法
mod (%)	模运算(求余)
power	用第二个数组作为指数,计算第一个数组中的元素的幂

[示例] add函数

import numpy as np

a = np.array([[0,1,2],[3,4,5]])

b = np.array([2,2,2]) # 计算时会广播为2*3的数组

print('add(a,b)= \n' , np.add(a,b)) print('a+b= \n' , a+b) a

0	1	2
3	4	5

b

2	2	2
2	2	2

add(a,b)=
[[2 3 4]
[5 6 7]]

a+b= [[2 3 4] [5 6 7]]

[示例] subtract函数

import numpy as np

$$a = np.array([[0,1,2],[3,4,5]])$$

b = np.array([2,2,2])

print('subtract(a,b)= \n' , np.subtract(a,b)) print('a-b= \n' , a-b) a

0	1	2
3	4	5

b

2	2	2
2	2	2

subtract(a,b)=
[[-2 -1 0]
[1 2 3]]

[示例] multiply函数

import numpy as np

$$a = np.array([[0,1,2],[3,4,5]])$$

b = np.array([2,2,2])

print('multiply(a,b)= \n' , np.multiply(a,b)) print('a*b= \n' , a*b) a

0	1	2
3	4	5

b

)	2	2	2
	2	2	2

multiply(a,b)=
[[0 2 4]
[6 8 10]]

[示例] divide函数

import numpy as np

$$a = np.array([[0,1,2],[3,4,5]])$$

b = np.array([2,2,2])

print('divide(a,b)= \n' , np.divide(a,b)) print('a/b= \n' , a/b) a

0	1	2
3	4	5

b

)	2	2	2
	2	2	2

[示例] 求余函数

import numpy as np

$$a = np.array([[0,1,2],[3,4,5]])$$

b = np.array([2,2,2])

print('mod(a,b)= \n' , np.mod(a,b)) print('a%b= \n' , a%b)

a

0	1	2
3	4	5

b

2	2	2
2	2	2

```
mod(a,b)=
[[0 1 0]
[1 0 1]]
```

函数	描述
minimum maximum	两数组 对应元素 比大小取其小者 两数组 对应元素 比大小取其大者
copysign	将第二个数组中各元素的符号赋值给第一个数组的对应元素
greater greater_equal less less_equal equal not_equal	基于元素的比较,产生布尔数组。 等价于>,>=,<,<=,==,!=

[示例] 比较函数

import numpy as np

```
a = np.array([[0,1,2],[3,4,5]])
```

b = np.array([2,2,-2])

print('minimum(a,b)= \n' , np.minimum(a,b)) print('maximum(a,b)= \n' , np.maximum(a,b)) print('copysign(a,b)= \n' , np.copysign(a,b)) print('greater(a,b)= \n' , np.greater(a,b)) a

0	1	2
3	4	5

b

2	2	-2
2	2	-2

```
minimum(a,b)=
[0 \ 1 \ -2]
 [2 2 -2]]
maximum(a,b)=
[[2 \ 2 \ 2]]
 [3 4 5]]
copysign(a,b)=
[[ 0. 1. -2.]
 [3. 4. -5.]]
greater(a,b)=
[[False False True]
 [True True True]]
```

4 集合运算

函数	使用说明
unique(x)	唯一值
intersectld(x, y)	交集(输出结果的顺序未规定)
union1d(x, y)	并集
isin(x, y)	x的元素是否在y中,返回布尔型数组

1、unique: 唯一值

np.unique方法用于找出数组中的**唯一值**,并返回已**排序**的结果,格式如下:numpy.unique(arr, return_index, return_inverse, return_counts)

- arr: 输入数组, 如果不是一维数组则会**展开成一维数组**。
- return_index: 若为true,返回新数组元素在旧数组中的位置(下标), 并以列表形式存储。
- return_inverse: 若为true, 返回旧数组元素在新数组中的位置(下标), 并以列表形式储。
- return_counts: 若为true, 返回去重数组中的元素在原数组中的出现次数。

[示例] unique函数(仅去重)

import numpy as np

a = np.array([1, 3, 3, 3, 2, 2, 4, 4, 4, 4])

print ('去重后的数组: ',np.unique(a)) # 唯一值并排序

去重后的数组: [1234]

[示例] unique函数 (返回去重数组和索引数组)

```
import numpy as np
a = np.array([1, 3, 3, 3, 2, 2, 4, 4, 4, 4])
u, index = np.unique(a, return_index = True)
print('去重后的新数组: ', u)
print ('新数组元素在旧数组中的位置: ', index)
print('从旧数组得到新数组: ', a[index])
```

去重后的新数组: [1234]

新数组元素在旧数组中的位置: [0 4 1 6]

从旧数组得到新数组: [1234]

[示例] unique函数 (返回去重数组和反索引数组)

```
import numpy as np
a = np.array([1, 3, 3, 3, 2, 2, 4, 4, 4, 4])
u, inverse = np.unique(a, return_inverse = True)
print('去重后的新数组: ',u)
print('旧数组元素在新数组中的位置: ',inverse)
print('从新数组得到旧数组', u[inverse])
```

去重后的新数组: [1234]

旧数组元素在新数组中的位置: [0222113333]

从新数组得到旧数组 [1333224444]

[示例] unique函数 (返回去重数组和在原数组中的重复次数)

```
import numpy as np

a = np.array([1, 3, 3, 3, 2, 2, 4, 4, 4, 4])

u, count_arr = np.unique(a, return_counts = True)

print ('去重后的新数组: ', u)

print ('去重数组中的元素在原数组中的重复数量: ', count_arr)
```

去重后的新数组: [1 2 3 4]

去重数组中的元素在原数组中的重复数量: [1234]

2、isin:是否包含

函数返回一个与ar1长度相同的布尔数组。若**ar1的元素在ar2中**有,该数组元素为True,否则为False。

numpy.isin(ar1, ar2, assume_unique=False, invert=False)

- assume_unique: bool, 可选。如果为True,则假定数组元素都是唯一值, 这可以加快计算速度。默认值为False。
- invert: bool, 可选。如果为True,则返回的数组中的值将被反转,即,在 ar1中的一个元素位于ar2中时为False,否则为True。默认值为False。

[示例] isin函数

```
import numpy as np
                                                  [[1 2 3]]
                                                   [4 5 6]]
x = np.array([1,2,3,4,5,6]).reshape(2,3)
print(x)
                                                  [1 3 5 7]
y = np.array([1,3,5,7])
print(y)
                                                  [[ True False True]
                                                   [False True False]]
print(np.isin(x, y))
print(np.isin(y, x))
                                                  [True True True False]
```

[示例] 集合函数

```
[[1 \ 2 \ 3]]
import numpy as np
                                                          [4 5 6]]
x = np.array([1,2,3,4,5,6]).reshape(2,3)
                                                         [1 3 5 7]
print(x)
y = np.array([1,3,5,7])
                                                         [1 3 5]
print(y)
                                                         [1 2 3 4 5 6 7]
print(np.intersect1d(x,y))
print(np.union1d(x,y))
print(np.setxor1d(x,y)) # 交集取反 (并集-交集)
                                                         [2 4 6 7]
```

5 统计运算

NumPy库支持对整个数组或按指定轴向的数据进行统计计算。统计函数有axis参数,用于计算指定轴方向的统计值,axis默认值为None,此时把数组当成一维数组。

方法	使用说明
sum	求和
mean	算数平均数
std, var	标准差、方差(反映数据的离散程度)
min, max	最小值和最大值
argmin, argmax	最小和最大元素的索引
cumsum	所有元素的累计和
cumprod	所有元素的累计积

[示例] 统计函数

```
import numpy as np
a = np.arange(9).reshape(3,3)
print(a)
print('sum=',np.sum(a))
print('mean=',np.mean(a))
print('std=',np.std(a))
print('var=',np.var(a))
print('argmin=',np.argmin(a))
print('argmax=',np.argmax(a))
print('cumsum=',np.cumsum(a))
print('cumprod=',np.cumprod(a))
```

```
[[0 1 2]
[3 4 5]
[678]
sum= 36
mean= 4.0
std= 2.581988897471611
var= 6.66666666666667
argmin= 0
argmax= 8
cumsum= [ 0 1 3 6 10 15 21 28 36]
cumprod= [0 0 0 0 0 0 0 0 0]
```

std =
$$\sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \overline{x})^2} \quad \text{var} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} (x_i - \overline{x})^2$$

累计和,新数组的每一个 元素都是原数组此位置及 前面所有项之和

[示例] 统计函数 (对数组某一轴进行统计)

```
import numpy as np
a = np.array([[1,3,2],[-1,7,4]])
print(a)
print('第0轴sum=',np.sum(a,0))
print('第1轴mean=',np.mean(a,1))
np.set printoptions(precision=3)
print('第0轴std=',np.std(a,0))
print('第1轴var=',np.var(a,1))
print('第0轴argmin=',np.argmin(a,0))
print('第1轴argmax=',np.argmax(a,1))
print('第0轴cumsum=',np.cumsum(a,0))
print('第1轴cumprod=',np.cumprod(a,1))
```

```
[[ 1 3 2]
[-1 7 4]
第0轴sum=[0 10 6]
第1轴mean= [2. 3.333333333]
第0轴std=[1.2.1.]
第1轴var=[0.667 10.889]
第0轴argmin= [1 0 0]
第1轴argmax= [1 1]
第0轴cumsum= [[ 1 3 2]
              [0 10 6]
第1轴cumprod= [[ 1 3 6]
              [-1 -7 -28]]
```

6 排序

1. numpy.sort()

函数sort()返回输入数组的排序副本,格式如下:

numpy.sort(a, axis=-1, kind= None, order=None)

- axis:指定沿哪个轴进行排序。
 - 默认值: -1 (最后一个轴)。
 - 如果 axis=None,则数组会先展平(变为 1 维),再排序。
- kind: 指定排序算法,可选值包括:
 - 'quicksort' (快速排序, 默认)
 - 'mergesort' (归并排序, 稳定)
 - 'heapsort' (堆排序)
 - 'stable' (稳定排序, 自动选择算法)
- order
 - 当 a 是结构化数组时,指定按哪个字段排序。
 - 默认值:None (按数组的自然顺序排序)。

[示例] 二维数组排序

```
import numpy as np
```

```
a = np.array([[2,5,6,1],[8,6,4,3],[6,4,9,0]])
print('a=\n',a)
```

#展开后排序

print('axis=None:\n',np.sort(a, axis=None))

#沿着最后的轴(1轴)排序

print('axis=-1:\n',np.sort(a))

#沿着第0轴排序

print('axis=0:\n', np.sort(a, axis=0))

```
a =
[[2 5 6 1]
[8 6 4 3]
[6 4 9 0]]
axis=None:
[0 1 2 3 4 4 5 6 6 6 8 9]
axis = -1:
[[1 2 5 6]
 [3 4 6 8]
 [0 4 6 9]]
axis=0:
[[2 4 4 0]
 [6 5 6 1]
 [8 6 9 3]]
```

[示例] 三维数组排序

```
import numpy as np
```

```
b = np.array([[[6,1,5],[3,4,2]],[[9,0,6],[7,3,8]]])
print("b=", b)
```

print('b排序(沿0轴):',np.sort(b,0))

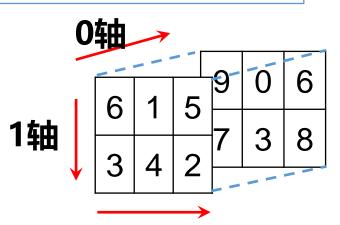
print('b排序(沿1轴):',np.sort(b,1))

print('b排序(沿2轴):',np.sort(b,2))

数组b的形状: (2, 2, 3)



对应维度序号: 0 1 2



```
b = [[[6 \ 1 \ 5]]]
     [3 4 2]]
    [[9 \ 0 \ 6]]
     [7 3 8]]]
b排序(沿0轴): [[[6 0 5]
                  [3 3 2]]
                  [[9 1 6]
                  [7 4 8]]]
b排序(沿1轴): [[[3 1 2]
                  [6 4 5]]
                  [[7\ 0\ 6]]
                   [9 3 8]]]
b排序(沿2轴): [[[1 5 6]
                   [2\ 3\ 4]]
                  [[0 6 9]
                   [3 7 8]]]
```

[示例] 数组按字段排序

```
import numpy as np
# 创建一个结构列表
dt = [('name', 'S5'), ('height', float), ('age', int)]
values = [('Tom', 1.8, 21), ('Tony', 1.9, 28),('Jim', 1.7, 18)]
a = np.array(values, dtype=dt)
b = np.sort(a, order='height') # 按height字段排序
print('a=',a)
print('b=',b)
```

```
a= [(b'Tom', 1.8, 21) (b'Tony', 1.9, 28) (b'Jim', 1.7, 18)]
b= [(b'Jim', 1.7, 18) (b'Tom', 1.8, 21) (b'Tony', 1.9, 28)]
```

前缀为b的字符串是字节字符串,内容存储的是原始字节数据,不能直接显示中文等字符。

2 numpy.argsort()

返回数组值从小到大的索引值。

numpy.argsort(a, axis=-1, kind='quicksort', order=None)

参数:

- a为要排序的数组
- axis: 按哪一维进行排序, 默认-1, the last axis。
- kind: 排序算法的选择,有quicksort, mergesort, heapsort

[示例] 获得一维数组的排序索引

```
import numpy as np

x = np.array([6, 3, 4])
print('sort_x=', np.sort(x))
print('argsort(x)=',np.argsort(x)) # 返回排序数组在原数组中的序号,默认升序
print('argsort(-x)=',np.argsort(-x)) # -x按升序排列,实际x按降序排列
```

print(x[np.argsort(-x)]) # 按索引排列x的元素,实现了降序排列

```
sort_x= [3 4 6]
argsort(x)= [1 2 0]
argsort(-x)= [0 2 1]
[6 4 3]
```

[示例] 获得二维数组的0轴排序索引

```
import numpy as np x = [[0 5 6]] [2 1 3]] x = np.array([[0,5,6], [2,1,3]]) sort_x = [[0 1 3]] [2 5 6]] print('x=', x) print('sort_x=', np.sort(x,axis=0)) argsortx = [[0 1 1]] [1 0 0]]
```

[示例] 获得二维数组的1轴排序索引

```
import numpy as np x = [0.56] [2.13]]

x = \text{np.array}([0.5,6], [2.1,3]])

print('x=', x)

print('sort_x=', np.sort(x,axis=1))

print('argsortx=', np.argsort(x, axis=1))

argsortx=[0.56] [1.23]]
```

[示例] 按某一列对多维数组排序

```
import numpy as np
data = np.array([[3, 1, 5], [1, 2, 4], [2, 3, 6]])
print(data)
print()
sorted_indices = np.argsort(data[:, 2]) # 按第3列排序
sorted data = data[sorted indices]
print(sorted data)
```

```
[[3 1 5]
[1 2 4]
[2 3 6]]
[[1 2 4]
[3 1 5]
[2 3 6]]
```

[示例] 按整数字段排序的索引

```
import numpy as np
dt = np.dtype([('sno', 'int16'),('score', 'int8')])
a = np.array([(101,56),(102,98),(103,72),(104,88),(105,65)],dtype=dt)
print('a=',a)
print('按score排序:',np.sort(a, order='score'))
c = np.argsort(a, order='score')
print('排序索引: ',c) # c[0]为最低分数在a中的序号,c[-1]为最高分数在a中的序号
print('最高分数: {}, 学号: {}'.format(a[c[-1]][1], a[c[-1]][0]))
```

```
a= [(101, 56) (102, 98) (103, 72) (104, 88) (105, 65)]
按score排序: [(101, 56) (105, 65) (103, 72) (104, 88) (102, 98)]
排序索引: [0 4 2 3 1]
最高分数: 98, 学号: 102
```

7 搜索

1. numpy.where()

where()有两种形式。

(1) np.where(condition)

参数只有条件condition,**输出满足条件元素的坐标(索引)**。这里的坐标以tuple的形式给出,通常原数组有多少维,输出的tuple中就包含几个数组,**分别对应符合条件元素的各维坐标**。

(2) np.where(condition, x, y)

满足条件condition输出x,不满足输出y。

[示例] 条件搜索一维数组

```
import numpy as np
```

```
a = np.array([2,4,6,8,10])
print(np.where(a > 5))  # 返回由索引数组组成的对象
print(a[np.where(a > 5)]) # 等价于 a[a>5]
```

```
(array([2, 3, 4], dtype=int64),)
[ 6 8 10]
```

a数组中比5大的元素有6,8,10,它们在a中的索引依次为2,3,4

[示例] 条件搜索二维数组

```
import numpy as np
x = np.arange(9.).reshape(3,3)
print('x=', x)
print('大于 3 的元素的索引: ',np.where(x > 3))
print('大于 3 的元素: ', x[np.where(x>3)])
print(np.where(x>3, '大', '小'))
x = [[0. 1. 2.]]
   [3. 4. 5.]
   [6.7.8.]
大于 3 的元素的索引: (array([1, 1, 2, 2, 2], dtype=int64),
                     array([1, 2, 0, 1, 2], dtype=int64))
大于 3 的元素: [4.5.6.7.8.]
                                    x数组中比3大的元素: 4的坐标为
[[小/ '小/ '小/]]
                                     (1,1), 5的坐标为(1,2)...
['小' '大' '大']
[大 大 大]
```

[示例] 条件搜索三维数组

```
import numpy as np
a = np.arange(27).reshape(3,3,3)
print('a=', a)
print(np.where(a >= 20))
```

```
(array([2, 2, 2, 2, 2, 2], dtype=int64),
array([0, 1, 1, 1, 2, 2, 2], dtype=int64),
array([2, 0, 1, 2, 0, 1, 2], dtype=int64))
```

```
a= [[[ 0 1 2]
    [3 \ 4 \ 5]
    [678]
    [[ 9 10 11]
    [12 13 14]
    [15 16 17]]
    [[18 19 20]
    [21 22 23]
    [24 25 26]]]
```

a数组中大于等于20的元素: 20的坐标为 (2,0,2) , 21的坐标为 (2,1,0) ...

2 numpy.extract(condition, arr)

与where函数相似,但extract函数是返回满足条件的元素,而不是元素索引。

3. numpy.nonzero()

返回输入数组中非零元素的索引。

[示例] 条件搜索三维数组

```
import numpy as np
a = np.array([[0,2,3],[4,0,1],[2,0,0]])
print('a=', a)
print('a中能整除2的数: ',np.extract(np.mod(a,2)==0, a)) # 也可以a%2==0
print('a中非0值的位置: ',np.nonzero(a))
print('a中非零值: ',a[np.nonzero(a)])
a = [[0 \ 2 \ 3]]
   [4 \ 0 \ 1]
   [2 \ 0 \ 0]]
```

a中能整除2的数: [0 2 4 0 2 0 0] a中非0值的位置: (array([0, 0, 1, 1, 2], dtype=int64), array([1, 2, 0, 2, 0], dtype=int64)) a中非零值: [2 3 4 1 2]

END