

Национальный Исследовательский Ядерный Университет «МИФИ»

Курсовая работа
по Общей физике (Электричество и магнетизм)

Выполнили: Костенко Ю. А.,
Зеленев В. С.

Москва - 2024

Содержание

1	Постановка задач	3
1.1	Задача 1	3
1.2	Задача 2	3
1.3	Задача 3	3
2	Задача 1	4
2.1	Электродинамика с монополями	4
2.2	Движение диона в различных полях	6
3	Задача 2	10
3.1	Аналитическое решение	10
3.2	Компьютерное моделирование:	13
4	Задача 3	15

1 Постановка задач

1.1 Задача 1

Исследовать электродинамику с монополями. Рассмотреть движение диона в однородном электрическом поле E ; в однородном магнитном поле B ; в скрещивающихся однородных электрическом и магнитном полях E и B , причем считать, что $E \perp B$.

1.2 Задача 2

Исследовать модель Изинга для ферромагнетиков. Рассчитать вектор намагниченности, получить петлю гистерезиса (если возможно).

1.3 Задача 3

Изучить движение заряженной частицы в равновесной электронейтральной плазме. Все необходимые параметры плазмы и частицы даны.

2 Задача 1

2.1 Электродинамика с монополями

Как известно, классические уравнения Максвелла несимметричны относительно обмена электрических и магнитных полей. Это, во многом, связано с отсутствием магнитных зарядов. Однако существуют различные теории, которые предполагают их существование и позволяют исследовать так называемую электродинамику с монополями, чему и будет посвящен этот раздел.

Сперва следует договориться об обозначениях. Работать будем в системе СГС. К обозначениям будем добавлять индексы e или μ , в зависимости от того, с чем связан соответствующий объект (конкретная связь обычно будет понятна из контекста).

Начнем с получения новых уравнений Максвелла, а также преобразований обмена полей. Выпишем, для начала, классические уравнения Максвелла, с учетом соглашений об обозначениях:

$$\begin{aligned}\nabla \cdot \vec{E} &= 4\pi\rho_e \\ \nabla \cdot \vec{B} &= 0 \\ \nabla \times \vec{E} &= -\frac{1}{c}\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{B} &= \frac{4\pi}{c}\vec{j}_e + \frac{1}{c}\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}\end{aligned}$$

Очевидно, что для получения симметричных уравнений, во второе из них необходимо добавить член, связанный с плотностью магнитных зарядов ρ_μ , а в третье — с током магнитных зарядов \vec{j}_μ . После их добавления получается следующая система уравнений:

$$\begin{aligned}\nabla \cdot \vec{E} &= 4\pi\rho_e \\ \nabla \cdot \vec{B} &= 4\pi\rho_\mu \\ \nabla \times \vec{E} &= -\frac{4\pi}{c}\vec{j}_\mu - \frac{1}{c}\frac{\partial \vec{B}}{\partial t} \\ \nabla \times \vec{B} &= \frac{4\pi}{c}\vec{j}_e + \frac{1}{c}\frac{\partial \vec{E}}{\partial t}\end{aligned}$$

При этом минус в третьем уравнении необходим из-за вида искомой симметрии. Полученная система уравнений оказывается симметрична относительно следую-

щего преобразования:

$$\begin{aligned}
\vec{E} &\rightarrow \vec{B} \\
\vec{B} &\rightarrow -\vec{E} \\
\rho_e &\rightarrow \rho_\mu \\
\rho_\mu &\rightarrow -\rho_e \\
\vec{j}_e &\rightarrow \vec{j}_\mu \\
\vec{j}_\mu &\rightarrow -\vec{j}_e
\end{aligned}$$

Опираясь на эти преобразования и на известные формулы классической электродинамики, можно получить следующие выражения:

$$\frac{\partial \rho_e}{\partial t} + \nabla \cdot \vec{j}_e = 0 \rightarrow \frac{\partial \rho_\mu}{\partial t} + \nabla \cdot \vec{j}_\mu = 0$$

$$\varphi_e = \frac{q_e}{r} \rightarrow \varphi_\mu = \frac{q_\mu}{r}$$

$$\vec{E} = \frac{q_e}{r^3} \vec{r} \rightarrow \vec{B} = \frac{q_\mu}{r^3} \vec{r}$$

$$\vec{B} = \frac{q_e}{c} \frac{\vec{v} \times (\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3} \rightarrow \vec{E} = -\frac{q_\mu}{c} \frac{\vec{v} \times (\vec{r} - \vec{r}')}{|\vec{r} - \vec{r}'|^3}$$

$$\vec{F}_e = q_e(\vec{E} + \frac{1}{c} \vec{v} \times \vec{B}) \rightarrow \vec{F}_\mu = q_\mu(\vec{B} - \frac{1}{c} \vec{v} \times \vec{E})$$

2.2 Движение диона в различных полях

Как следствие **симметризации** уравнений Максвелла, осуществлённой в предыдущем разделе задачи путём определения некоторой модели "**монополя**" (частицы, являющейся независимым **источником** центрально-симметричного **магнитного поля**), имеет место рассмотрение модели "**диона**" (частицы m , обладающей не только собственным **электрическим** q_e , но и собственным **магнитным** зарядом q_μ).

Дион можно поочерёдно поместить в однородное **электрическое**, однородное **магнитное** поле, а также в поле, представляющее **суперпозицию** оных полей, **скрещенных** под **прямым** углом в пространстве, и рассмотреть особенности его динамики.

Рассмотрим **общее уравнение динамики диона** (в системе СГСЭ):

$$m\dot{\vec{v}} = q_e \left(\vec{E} + \frac{1}{c} \cdot [\vec{v} \times \vec{B}] \right) + q_\mu \left(\vec{B} - \frac{1}{c} \cdot [\vec{v} \times \vec{E}] \right), \text{ где:}$$

$\vec{v} = \{v_x, v_y, v_z\}$ – вектор скорости частицы;

$\vec{E} = \{E_x, E_y, E_z\}$ – вектор электрической напряжённости;

$\vec{B} = \{B_x, B_y, B_z\}$ – вектор магнитной индукции.

Рассмотрим движение диона только в однородном электрическом поле ($\vec{B} = \vec{0}$), задающемся в пространстве вектором электрической напряжённости вида $\vec{E} = \{E_x, 0, 0\}$.

Запишем уравнение динамики для данного случая:

$$m\dot{\vec{v}} = E_x \left(q_e - q_\mu (v_z \vec{e}_y - v_y \vec{e}_z) \right)$$

Рассмотрим следующую систему линейных дифференциальных уравнений II -го порядка относительно времени t :

$$(*) \begin{cases} \ddot{x} = \frac{q_e E_x}{m} \\ \ddot{y} = -\frac{q_\mu E_x}{mc} \cdot \dot{z} \\ \ddot{z} = \frac{q_\mu E_x}{mc} \cdot \dot{y} \end{cases}$$

Произведём переобозначение вышеописанных групп констант:

$$\beta_1 = \frac{q_e E_x}{m}, \quad \omega_E = \frac{q_\mu E_x}{mc}$$

Перепишем систему уравнений (*) следующим образом:

$$\begin{cases} \ddot{x} = \beta_1 & (1) \\ \ddot{y} = -\omega_E \cdot \dot{z} & (2) \\ \ddot{z} = \omega_E \cdot \dot{y} & (3) \end{cases}$$

Найдём решение уравнения (1), дважды его проинтегрировав:

$$x = \frac{\beta_1 t^2}{2} + C_1 t + C_2, \quad \{C_1, C_2\} = const \quad (4)$$

Далее, найдём решения уравнений (2) и (3).

При выражении из уравнения (2) \dot{z} и подстановке его в уравнение (3), получим следующего вида линейное дифференциальное уравнение *III*-го порядка относительно t :

$$\ddot{y} + \omega_E^2 \cdot \dot{y} = 0 \quad (5)$$

Произведём следующую замену $\dot{y} = \xi$ и перепишем уравнение (5) в следующем виде:

$$\ddot{\xi} + \omega_E^2 \cdot \xi = 0 \quad (6)$$

Получили дифференциальное уравнение вида $\{F(\xi, \ddot{\xi}) = 0\}$ с возможностью понижения порядка.

Воспользуемся данной возможностью — произведём следующие замены:

$$\dot{\xi} = p(\xi), \quad \ddot{\xi} = p(\xi) \cdot p'(\xi)$$

В таком случае, уравнение (6) можно переписать следующим образом:

$$p' + \frac{\omega_E^2 \cdot \xi}{p} = 0$$

Решим полученное уравнение методом разделения переменных — найдём функцию $p(\xi) = \dot{\xi}$:

$$\frac{dp}{d\xi} = -\frac{\omega_E^2 \cdot \xi}{p}$$

$$pdp = -\omega_E^2 \cdot \xi d\xi$$

$$p = \pm \sqrt{\widehat{C}_1 - \omega_E^2 \xi^2}, \quad \widehat{C}_1 = const$$

Таким образом, получили функцию $\dot{\xi} = \pm \sqrt{\widehat{C}_1 - \omega_E^2 \xi^2}$, $\widehat{C}_1 = const$.

Продолжим решение уравнения — найдём аналогичным способом функции $\xi(t) = \dot{y}$ и $y(t)$ соответственно:

$$\dot{\xi} = \pm \sqrt{\widehat{C}_1 - \omega_E^2 \xi^2}$$

$$\pm \frac{d\xi}{\sqrt{\widehat{C}_1 - \omega_E^2 \xi^2}} = dt$$

$$\pm \arcsin \left(\frac{\omega_E}{\sqrt{\widehat{C}_1}} \xi \right) = \omega_E t + \widehat{C}_2, \quad \widehat{C}_2 = const$$

$$\frac{\omega_E}{\sqrt{\widehat{C}_1}} \xi = \pm \sin (\omega_E t + \widehat{C}_2)$$

$$\xi = \pm \frac{\sqrt{\widehat{C}_1}}{\omega_E} \sin (\omega_E t + \widehat{C}_2)$$

$$\dot{y} = \pm \frac{\sqrt{\widehat{C}_1}}{\omega_E} \sin (\omega_E t + \widehat{C}_2)$$

$$dy = \pm \frac{\sqrt{\widehat{C}_1}}{\omega_E} \sin(\omega_E t + \widehat{C}_2) dt$$

$$y = \pm \frac{\sqrt{\widehat{C}_1}}{\omega_E^2} \cos(\omega_E t + \widehat{C}_2) + \widehat{C}_3, \quad \widehat{C}_3 = \text{const}$$

В результате получили итоговое решение дифференциального уравнения (5):

$$y = \pm \frac{\sqrt{\widehat{C}_1}}{\omega_E^2} \cos(\omega_E t + \widehat{C}_2) + \widehat{C}_3, \quad \{\widehat{C}_1, \widehat{C}_2, \widehat{C}_3\} = \text{const}$$

Подставим получившееся уравнение $y = y(t)$ в уравнение (3) и найдём уравнение $z = z(t)$:

3 Задача 2

3.1 Аналитическое решение

Одномерная модель: В рамках одномерной модели Изинга рассматривается цепочка из N одинаковых магнитных моментов, которые могут быть ориентированы либо "вверх" либо "вниз". Считается, что взаимодействуют только соседние магнитные моменты, причем энергия их взаимодействия равна $-J$, если они направлены в одну сторону, и J , если в разные, где $J = \text{const} > 0$ — квантовомеханическая энергия обменного взаимодействия. Также предполагается, что цепочка помещена в магнитное поле \vec{B} , и накладываются циклические граничные условия в виде взаимодействия первого и последнего атомов цепочки.

Формализуем всё перечисленное. Будем считать, что магнитные моменты заданы как $\mu_i = \mu_{(1)} s_i \vec{e}_z$, где $\mu_{(1)}$ — модуль магнитного момента, $s_i \in \{-1, 1\}$ — так называемый спин, и $\vec{B} = B \vec{e}_z$. В таком случае полная энергия цепочки записывается как

$$E = -J \sum_{i=1}^{N-1} s_i s_{i+1} - J s_1 s_N - \mu_{(1)} B \sum_{i=1}^N s_i$$

В данной формуле первая сумма отвечает за энергию взаимодействия основной части цепочки, вторая сумма отвечает за энергию взаимодействия диполей и магнитного поля (которое предполагается классическим) и оставшееся слагаемое связано с циклическим граничным условием.

Теперь будем искать статистическую сумму Z , через которую выразятся все интересующие нас величины, такие как теплоемкость и намагниченность. Как известно из экспериментов, в случае ферромагнетиков эти величины должны претерпевать скачок при некоторой температуре, называемой температурой Кюри T_c . Итак, статистическая сумма по конфигурациям цепочки $\{s\}$ запишется как

$$Z = \sum_{\{s\}} e^{-\frac{E}{k_B T}} = \sum_{\{s\}} \exp \left(\frac{J}{k_B T} \sum_{i=1}^{N-1} s_i s_{i+1} + \frac{J}{k_B T} s_1 s_N + \frac{\mu_{(1)} B}{k_B T} \sum_{i=1}^N s_i \right)$$

Для удобства введём $\alpha = \frac{J}{k_B T}$ и $\beta = \frac{\mu_{(1)} B}{k_B T}$, после чего перепишем статистическую сумму в следующем виде:

$$Z = \sum_{\{s\}} e^{\alpha s_1 s_2 + \frac{\beta}{2}(s_1 + s_2)} e^{\alpha s_2 s_3 + \frac{\beta}{2}(s_2 + s_3)} \dots e^{\alpha s_N s_1 + \frac{\beta}{2}(s_N + s_1)} = \sum_{\{s\}} t_{s_1 s_2} t_{s_2 s_3} \dots t_{s_N s_1}$$

Где $t_{s_i s_j} = e^{\alpha s_i s_j + \frac{\beta}{2}(s_i + s_j)}$. Оказывается, что из $t_{s_i s_j}$ можно сформировать так называемую трансфер-матрицу

$$T = \begin{pmatrix} T_{1,1} & T_{1,-1} \\ T_{-1,1} & T_{-1,-1} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} e^{\alpha+\beta} & e^{-\alpha} \\ e^{-\alpha} & e^{\alpha-\beta} \end{pmatrix}$$

При этом будем обозначать элементы T^k как $t_{1,1}^{(k)}$, $t_{1,-1}^{(k)}$, $t_{-1,1}^{(k)}$ и $t_{-1,-1}^{(k)}$. Тогда окажется, что

$$\begin{aligned} Z &= \sum_{\{s\}} t_{s_1 s_2} t_{s_2 s_3} \dots t_{s_N s_1} = \sum_{s_1=\pm 1} \sum_{s_2=\pm 1} \dots \sum_{s_N=\pm 1} t_{s_1 s_2} t_{s_2 s_3} \dots t_{s_N s_1} = \\ &= \sum_{s_1=\pm 1} \sum_{s_2=\pm 1} \dots \sum_{s_{N-1}=\pm 1} t_{s_1 s_2} t_{s_2 s_3} \dots t_{s_{N-2} s_{N-1}} \sum_{s_N=\pm 1} t_{s_{N-1} s_N} t_{s_N s_1} \end{aligned}$$

Исходя из формул перемножения матриц получаем, что

$$\sum_{s_N=\pm 1} t_{s_{N-1} s_N} t_{s_N s_1} = t_{s_{N-1} s_1}^{(2)}$$

Повторяя подобные перестановки сумм и преобразования произведений получим, что

$$Z = \sum_{s_1=\pm 1} t_{s_1 s_1}^{(N)} = \text{Tr } T^N$$

В нашем случае, матрица T очевидно является симметричной и обладает вещественными элементами, что позволяет привести её к диагональному виду

$$T' = \begin{pmatrix} \lambda_1 & 0 \\ 0 & \lambda_2 \end{pmatrix}$$

Причем из-за инвариантности следа матрицы окажется, что

$$Z = \text{Tr } T^N = \text{Tr } T'^N = \lambda_1^N + \lambda_2^N$$

Если процедуру диагонализации провести так, чтобы $\lambda_1 > \lambda_2$ (собственные значения обязательно будут вещественными из-за того, как была определена матрица), то в предельном случае $N \rightarrow \infty$ получим

$$Z = \lambda_1^N$$

Для нашего определения матрицы T имеем характеристическое уравнение

$$\lambda^2 - \lambda(e^{\alpha+\beta} + e^{\alpha-\beta}) + e^{2\alpha} - e^{-2\alpha} = 0$$

Отсюда получаем, что

$$\lambda_{\pm} = e^{\alpha} \cosh(\beta) \pm \sqrt{e^{2\alpha} \sinh^2(\beta) + e^{-2\alpha}}$$

И тогда $\lambda_1 = e^{\alpha} \cosh(\beta) + \sqrt{e^{2\alpha} \sinh^2(\beta) + e^{-2\alpha}}$, откуда свободная энергия приходящаяся на один спин равна $F = -\frac{k_B T}{N} \ln Z =$

$-k_B T \left(\alpha + \ln \left(\cosh(\beta) + \sqrt{\sinh^2(\beta) + e^{-4\alpha}} \right) \right)$. Если также считать, что каждый спин занимает объём V , то средняя намагниченность будет равна

$$\langle M \rangle = -\frac{1}{V} \frac{\partial f}{\partial B} = -\frac{\mu_{(1)}}{V k_B T} \frac{\partial f}{\partial \beta} = M_{(1)} \frac{\sinh(\beta)}{\sqrt{\sinh^2(\beta) + e^{-4\alpha}}}$$

Или, подставив значения α и β , получим ответ на вопрос задачи для одномерной цепочки:

$$\langle M \rangle = M_{(1)} \frac{\sinh \left(\frac{\mu_{(1)} B}{k_B T} \right)}{\sqrt{\sinh^2 \left(\frac{\mu_{(1)} B}{k_B T} \right) + e^{-\frac{4J}{k_B T}}}}$$

При $B \rightarrow 0$ имеем $\langle M \rangle = M_{(1)} e^{-\frac{4J}{k_B T} \frac{\mu_{(1)} B}{k_B T}} \Rightarrow \langle M \rangle \sim B$, что соответствует парамагнетику, а не ферромагнетику. Также из полученной формулы видно, что при $T > 0$ намагниченность не терпит разрывов, что тоже не согласуется с известными свойствами ферромагнетиков. Если проанализировать иные параметры системы (например, удельную теплоемкость, которая скачком изменяется при фазовом переходе второго рода), то мы также не обнаружим ожидаемых разрывов. Таким образом, одномерная модель Изинга не описывает реальность в полной мере.

Двумерная и трехмерная модели: Точное аналитическое решение для двумерной модели Изинга вполне возможно, однако его получение и анализ крайне трудны с точки зрения математики, так что здесь мы ограничимся кратким изложением основных этапов его получения и важными в дальнейшем результатами. Полное изложение можно прочитать, например, в §151 [1].

В рамках этого решения для двумерной модели рассматривается плоская квадратная решетка из N узлов при отсутствии магнитного поля. Аналогично одномерному случаю, записывается полная энергия системы диполей, после чего записывается статистическая сумма. Полученная экспонента раскладывается по степеням $\theta = \frac{J}{k_B T}$, в результате чего статистическая сумма представляется в виде полинома по степеням $x = \tanh(\theta)$ и по степеням спинов. После этого каждому одночлену ставится в соответствие некоторый цикл на решетке (который может иметь самопересечения и быть многосвязным). Каждый цикл представляется в виде совокупности нескольких замкнутых петель, по которым проводится суммирование. Оно, в свою очередь, сводится к уже решенной задаче о случайных блужданиях точки по решетке. После длительных математических преобразований находится статистическая сумма в виде двойного произведения и термодинамический потенциал в виде интеграла, не берущегося в элементарных функциях.

Дальнейший анализ и получение критических показателей оказывается ещё сложнее, так что опишем наиболее интересные его результаты. Во-первых, двумерная модель (в отличие от одномерной) не теряет интересующие нас свойства

ферромагнетиков, что позволяет попробовать её использовать для описания реальных объектов. Во-вторых, в рамках данной модели получается, что температура Кюри равна $T_c = \frac{2J}{k_B \ln(1+\sqrt{2})}$. В дальнейшем эта формула позволит оценить значение параметра J для проведения компьютерного моделирования.

В свою очередь, аналитическое решение трехмерной модели на данный момент отсутствует, и непонятно, насколько реально его получение.

3.2 Компьютерное моделирование:

Одномерная и трехмерная модели: Компьютерное моделирование одномерной модели не проводилось в связи с тем, что возможно её точное аналитическое решение, из которого следует, что одномерная модель теряет часть важных свойств ферромагнетика.

В свою очередь, моделирование трехмерной задачи не проводилось в связи с тем, что имеющееся оборудование и реализации алгоритма не позволяют проводить моделирование достаточно больших систем с достаточной скоростью. Однако это принципиально возможно при наличии более мощных компьютеров и лучшей оптимизации соответствующих алгоритмов.

Двумерная модель:

Получение исходных данных для моделирования: В рамках компьютерного моделирования можно анализировать как обезразмеренные модели, так и модели с реальными параметрами. Именно второй случай реализован в данной работе.

Для того, чтобы промоделировать двумерную модель Изинга необходимо оценить J , μ_1 и V . Будем работать в системе СИ и оценивать данные параметры для железа. Опираемся будем на вышеупомянутую формулу для температуры Кюри и на книгу [2], из которой взяты часть параметров железа и формулы для оценки размера домена.

Использовались следующие параметры железа:

- Температура Кюри: $T_c = 1043$ K
- Магнитный момент одного атома железа: $\mu_{Fe} = 2.22\mu_B$ ¹
- Кристаллическая решетка: объёмноцентрированная кубическая (ОЦК)
- Параметр решетки: $a = 2.856 \cdot 10^{-10}$ м
- Константа кубической анизотропии: $K = 4.8 \cdot 10^4 \frac{\text{Дж}}{\text{м}^3}$

¹ μ_B — магнетон Бора

- Молярная масса: $m_{mol, Fe} = 0.056 \frac{\text{кг}}{\text{моль}}$
- Плотность: $\rho_{Fe} = 7800 \frac{\text{кг}}{\text{м}^3}$

Как было упомянуто в разделе об аналитическом решении для двумерной модели Изинга, $T_c = \frac{2J}{k_B \ln(1+\sqrt{2})} \Rightarrow J = \frac{k_B T_c \ln(1+\sqrt{2})}{2} \Rightarrow \boxed{J \approx 6.343 \cdot 10^{-21} \text{ Дж}}.$

Как известно, ферромагнетики имеют доменную структуру. Будем считать, что каждый спин в симуляции соответствует одному реальному домену, каждый из которых имеет форму шара с радиусом r_c , который является критическим для домена при данных условиях (то есть при дальнейшем увеличении размера, энергетически более выгодной оказывается конфигурация, в которой большой домен разбит на два меньших). Также считается, что домены всегда ориентированны параллельно оси OZ . В книге [2] в разделе 6.7 показывается, что при таких условиях $r_c = \frac{9\sigma_w}{\mu_0 M_{Fe}^2}$, если $r_c \gg \delta_w$. В данных формулах σ_w — удельная энергия доменной стенки, δ_w — толщина доменной стенки и M_{Fe} — намагниченность материала домена.

Будем предполагать, что в домене магнитные моменты всех атомов направлены в одну сторону. Тогда исходя из определения намагниченности как магнитного момента единицы объёма вещества имеем $M = \frac{\mu_{Fe} N_{Fe}}{\Delta V} = \frac{\mu_{Fe} m_{Fe} N_a}{m_{mol, Fe} \Delta V} = \frac{\mu_{Fe} \rho_{Fe} N_a}{m_{mol, Fe}} \approx 1.727 \cdot 10^5 \frac{\text{А}}{\text{м}}.$

Для ОЦК имеем $\delta_w = \pi \sqrt{\frac{2JJ}{Ka}} \approx 9.557 \cdot 10^{-8} \text{ м}$ и $\sigma_w = \pi \sqrt{\frac{2JK}{a}} \approx 0.0046 \frac{\text{Дж}}{\text{м}^2}.$ Тогда $r_c \approx 1.102 \cdot 10^{-6} \text{ м}$, откуда $V = \frac{4}{3}\pi r_c^3 \Rightarrow \boxed{V \approx 5.609 \cdot 10^{-18} \text{ м}^3}$ и $\mu_{(1)} = VM_{Fe} \Rightarrow \boxed{\mu_{(1)} \approx 9.687 \cdot 10^{-13} \text{ А} \cdot \text{м}^2}$

Погрешности данных величин не оценивались.

²Строго говоря, вычисленное нами ранее значение J характеризует обменное взаимодействие между доменами, тогда как тут оно характеризует взаимодействие между атомами, и потому отличается. Однако во-первых, у авторов нет иного хорошего способа оценить J , а во-вторых, можно надеяться, что эти значения совпадают по порядку, например из-за того, что в отсутствии магнитного поля модель Изинга для атомов и для доменов должны иметь одинаковые температуры Кюри.

4 Задача 3

Сперва сузим постановку задачи. Рассмотрение движения одиночной частицы (особенно — движения релятивистского) в плазме сопряжено с большими трудностями и требует скорее специфического численного моделирования. Поэтому было выбрано следующее сужение задачи: исследовать потенциал, электрическое поле и распределение зарядов в плазме при равномерном движении пробной частицы. В первую очередь будем рассматривать релятивистский случай, работать будем в системе СГС.

Список литературы

- [1] Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М. *Статистическая физика. Часть 1* — М., Наука, 1976.
- [2] Blundell S. *Magnetism in Condensed Matter* — Oxford University Press, 2001.