第13章 带传动和链传动

本章教学内容

- § 13-1 带传动的类型和应用
- § 13-2 带传动的基本理论
- § 13-3 普通V带传动的设计

教学要求:

- 熟悉普通V带的结构、标准、张紧方法和装置
- 掌握带传动的工作原理、受力情况、 弹性滑动、打滑
- 掌握V带传动的失效形式、设计准则、参数选择、设计方法

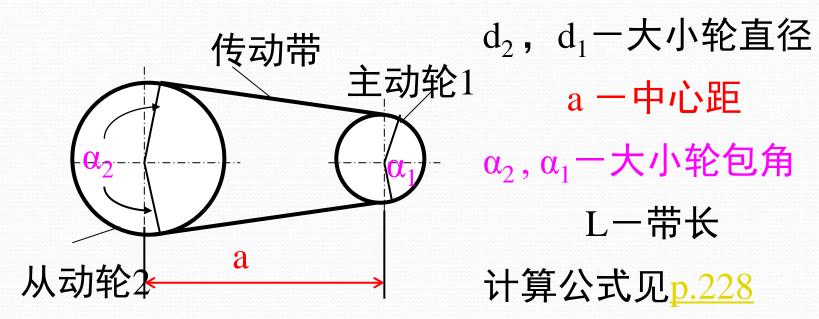
§ 13-1带传动的类型和应用

一、带传动的工作原理和特点

构 成: 主动轮、从动轮、传动带

工作原理:靠带与带轮接触弧间的摩擦力或啮合传

递运动和动力



带传动的优缺点

- •优点: 1.缓冲吸振, 传动平稳
 - 2.过载具安全保护作用
 - 3.适用于中心距较大的传动
 - 4.结构简单,要求精度低,成本低
- •缺点: 1.不能保持准确的传动比,效率低
 - 2.传递相同圆周力所需的轮廓尺寸和轴上 压力均比啮合传动的大
 - 3.带的寿命短
 - 4.需要张紧装置
 - 5.不宜用于高温, 易燃场合

二、传动带的类型与应用

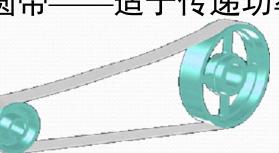
1、摩擦型传动带:

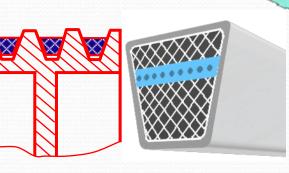
平带——工作面是内周表面,最简单,适合于大中心距a,

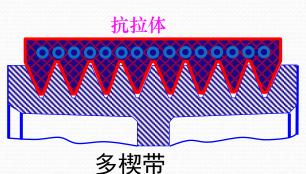
V带——三角带,工作表面是两侧面

多楔带——适于传递功率较大要求结构紧凑场合

圆带——适于传递功率较小的场合









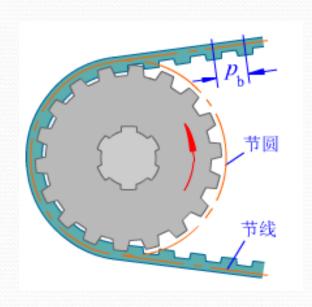
圆带

平带

V带

2、啮合型传动带:

同步齿形带——啮合传动,高速、高精度,适于高精度 仪器装置中带比较薄,比较轻。<u>同步带</u>

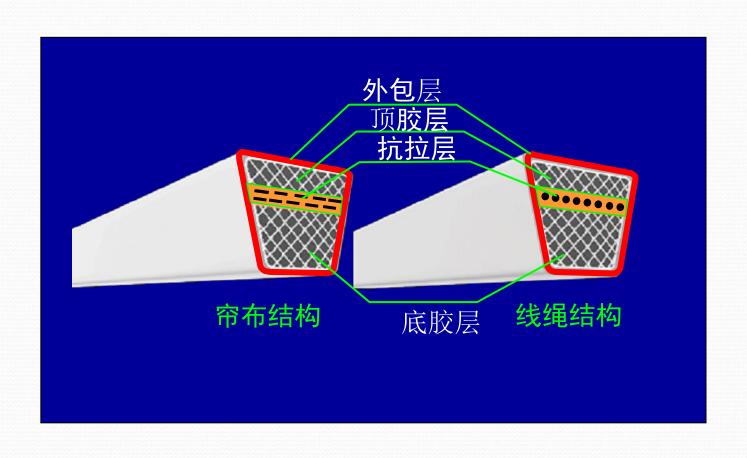


优点:传动比恒定,传动效率高,带轻薄,强力层强度高。

缺点:结构复杂,价格高,对制造和安装要求高,中心距要求严格。

三、Ⅴ带的规格

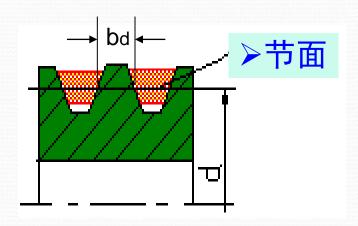
组成:外包层、顶胶层、抗拉层、底胶层



▶基本尺寸:

节线——弯曲时保持原长不变的一条周线。

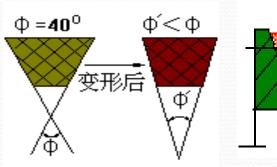
节面——全部节线所组成的面称作节面,节面的宽度称作节 \mathfrak{B}_{p} ,其尺寸见教材。表13-3



▶ ∨带型号:

(1) 分类 普通 V 带: Y、Z、A、B、C、D、E 窄 V 带: SPZ、SPA、SPB、SPC

- (2) 当带弯曲时→节面层带长不变→节面 带楔角φ变化(减小)
 - →带轮轮槽角 φ_0 <40°



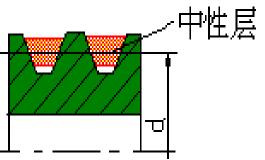
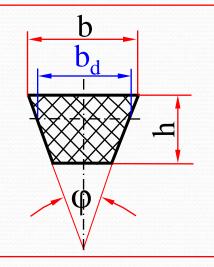


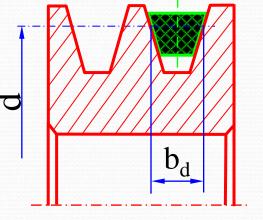
表13-2 普通V带的截面尺寸 (GB11544-89)

型 号	Z	A	В	С	D	E	F
顶宽b	10	13	17	22	32	38	50
节宽 b _d	8.5	11	14	19	27	32	42
高度 h	6	8	10.5	13.5	19	23.5	30
楔角φ	40 °						
每米质量q(kq/m)	0.06	0.01	0.17	0.30	0.62	0.90	1.52



在V带轮上,与所配用V带的节面宽度相对 应的带轮直径称为基准直径d。

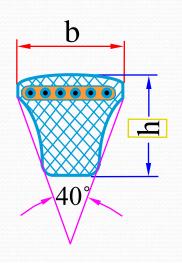
V带在规定的张紧力下,位于带轮基准直径上的周线长度称为基准长度L_d(公称长度)。



标注:例A2240——A型带 公称长度 L_d=2240mm

 $\varphi = 40^{\circ}$, $h/b_d = 0.9$ 的V带称为窄V带。

与普通V带相比,高度相同时,宽度减小1/3,而承载能力提高1.5~2.5倍,适用于传递动力大而又要求紧凑的场合。

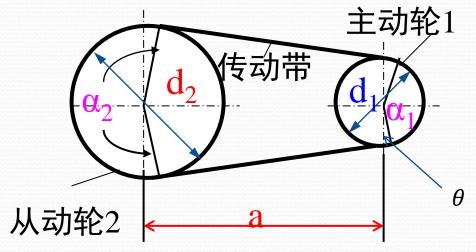


§ 13-2 带传动的基本理论

一、尺寸计算

主要参数:带轮的基准直径 d_1 、 d_2 ,中心距a、包角 α 带的基准长度 L_a

$$L_d = 2a + \frac{\pi(d_2 + d_1)}{2} + \frac{(d_2 - d_1)^2}{4a}$$
 (13-2)



$$a = \frac{2Ld - \pi(d_2 + d_1) + \sqrt{[2Ld - \pi(d_2 + d_1)]^2 - 8(d_2 - d_1)2}}{2} \quad (13-3)$$

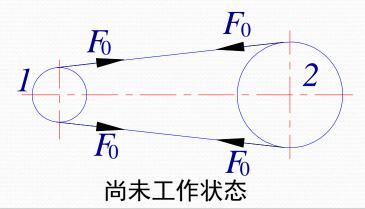
二、受力分析

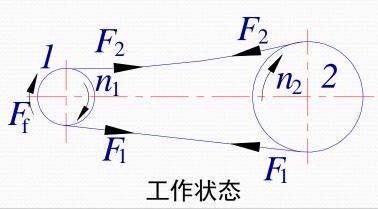
- 2. 工作状态: 带两边拉力不相等(由于摩擦力)

拉力增加 \rightarrow 紧边 $F_0 \rightarrow F_1$ 紧边拉力 拉力减少 \rightarrow 松边 $F_0 \rightarrow F_2$ 松边拉力

(1) 紧松边的判断→ 绕出从动轮的一边→紧边

绕出主动轮的一边→松边





(2) 紧松边力的大小

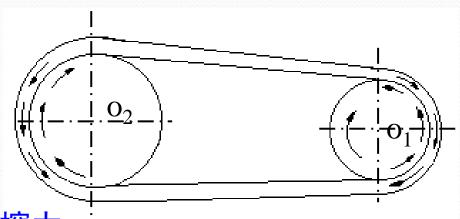
分析: 设带在工作前后带的总长不变,

- :: 紧边由 $F_0 \rightarrow F_1 \rightarrow$ 拉力增加,带增长 松边由 $F_0 \rightarrow F_2 \rightarrow$ 拉力减少,带缩短
 - ∵总长不变→∴带增长量=带缩短量

$$: F_1 - F_0 = F_0 - F_2 ; \frac{1}{2} (F_1 + F_2) = F_0$$
 (13-5)

(3) 摩擦力的方向:

: 带传动是靠带与带轮接触弧上的摩擦力传递运动和动力的。



Ff一带与轮接触面上的总摩擦力

(4) F_1 、 F_2 、 F_f 、F的关系

分析:

取主动轮端的带为分离体(逆转),则

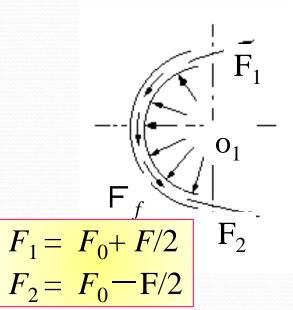
$$\therefore F_f = F_1 - F_2$$

* F_f 不是作用于某点的集中力,而是带与轮接触面上各点摩擦力的总和 \rightarrow 摩擦力 \rightarrow

$$F_f = F = F_1 - F_2 \qquad (13-4)$$

$$F_1 + F_2 = 2 F_0 \qquad (13-5)$$

当初拉力F₀一定时,F₁、F₂的大小 未定



 F_1 和 F_2 的大小,取决于初 拉力 F_0 及有效圆周力 F_3

→即 F_1 - F_2 之差未定→ F_1 - F_2 = F_f =F→随带传动F的变化而变化。



但 F_f 有极限值, 当 $F > F_{fmax} \rightarrow$ 打滑

带就会沿轮面出现显著的滑动现象

带的材料、张紧程度和包角等因素决定了Ff极限值

(5) 带传动的功率

$$P = F v / 1000 \text{ kW}$$
 (13-5)
 $F = 1000 P / v \text{ N}$
 $F - \text{N}, v - \text{m/s}$

$$P = Fv/1000 \quad \begin{cases} F \uparrow \\ v \uparrow \end{cases} \longrightarrow P \uparrow$$

 F_1 和 F_2 的大小,取决于初拉力 F_0 及有效圆周力 F_1 ,而F又取决于传递的功率P及带速V。

3、带传动最大有效拉力F

$$F > F_{fmax} \rightarrow 打滑$$

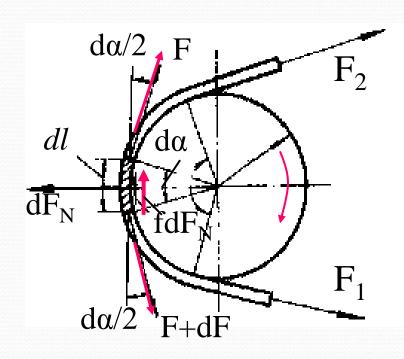
 $F < F_{fmax} \rightarrow 正常工作$
当 $F = F_{fmax} \rightarrow$ 最大有效拉力

1) F的大小

(1) 平带传动

当带刚要打滑时,根据欧拉公式, F₁、F₂的关系为:

$$F_1/F_2 = e^{f\alpha}$$



联立关系式:

$$F = F_1 - F_2$$
 $f_1/F_2 = e^{f\alpha}$ $F_0 = \frac{1}{2}(F_1 + F_2)$

可得:

$$\begin{cases} F_1 = F \frac{e^{f\alpha}}{e^{f\alpha} - 1} \\ F_2 = F \frac{1}{e^{f\alpha} - 1} \\ F = F_1 - F_2 = F_1 \left(1 - \frac{1}{e^{f\alpha}}\right) \end{cases}$$

$$F = 2F_0 \frac{e^{f\alpha} - 1}{e^{f\alpha} + 1}$$

- a. 初拉力 $F_0 \uparrow \rightarrow F \uparrow$,因为压力越大摩擦力越大,但 F_0 过大,会加剧带的磨损
- b. 包角 $\alpha\uparrow \rightarrow F\uparrow$,因为包角 α 越大,带与带轮接触弧越长,总摩擦力越大
- c. 摩擦系数f↑ → F max ↑ 将带轮表面加工粗糙?
- d. 带传动 F_f 有限, $P = F_v = F_f v$ 有限,要提高 P 可增大v,故宜将带传动布置在高速级

增大包角、摩擦系数和初拉力,都可提 高带传动所能传递的有效圆周力。

三、应力分析

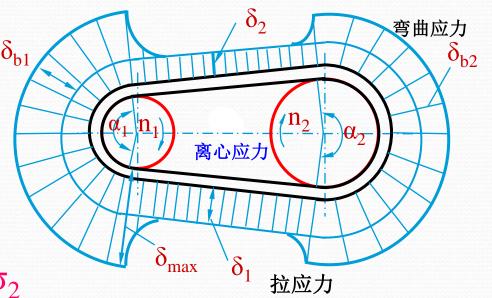
传动时,带中应力:拉力产生的拉应力、离心力产生的拉应力、弯曲应力

(1) 拉力产生的拉应力

紧边拉应力
$$\sigma_1 = \frac{F_1}{A}$$

松边拉应力
$$\sigma_2 = \frac{F_2}{A}$$

$$F_1 > F_2 \longrightarrow : \sigma_1 > \sigma_2$$



→作用于带的全长

$$F_{\rm C}=qv^2$$

$$\sigma_{\rm C} = \frac{qv^2}{A}$$

 $\sigma_{\rm C} = \frac{qv^2}{4}$ 部分,作用于带的全长

为限制离心拉应力 $\sigma_{\rm C}$ 不过大 \rightarrow 限制 $\nu \rightarrow \nu_{\rm max} \leq 25 {\rm m/S}$

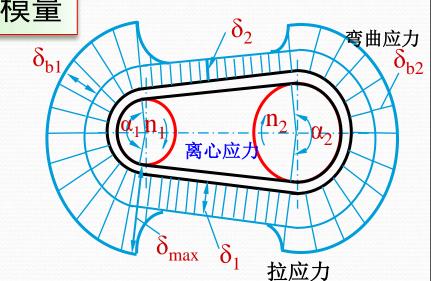
$$\rightarrow v_{\text{max}} \leq 25 \text{m/s}$$

恒 $v_{\text{min}} \ge 5 \text{ m/S}$ (P=Fv/1000) : $5 \text{m/s} \le v_{\text{max}} \le 25 \text{m/s}$

$$\therefore$$
 5m/s $\leq v_{\text{max}} \leq 25$ m/s

(3) 弯曲应力: σ_{h1} , σ_{h2} →带绕过带轮时

$$\sigma_b = hE/d$$
 E一带的弹性模量 $: d_1 < d_2 \rightarrow : \sigma_{b1} > \sigma_{b2}$



4.带传动工作时最大应力

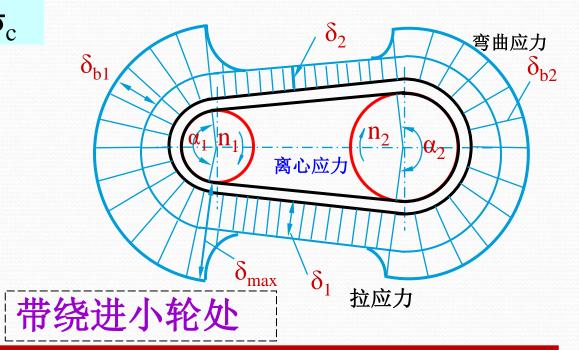
$$\sigma_{max} = ?$$

$$\sigma_{\text{max}} = \sigma_1 + \sigma_{b1} + \sigma_c$$

$${}^{\varsigma_1>\sigma_2}_{\sigma_{b1}>\sigma_{b2}}$$

发生位置:

i>1(小轮主动)



小带轮主动时,最大应力发生在紧边进入小带轮处

带传动工作时,作用于带上有哪些应力?它们的分布及大小有什么特点?最大应力发生在什么部位?为什么要限制带速?

四、运动分析

1. 弹性滑动

带传动中因带的弹性变形变化所导致的带与带轮之间的相对运动, 称为弹性滑动。

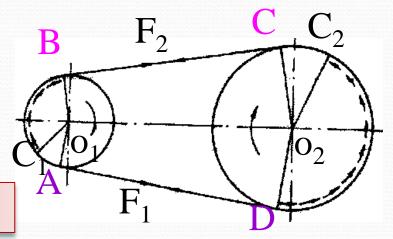
原 $\{1.$ 带是弹性体,受载 \rightarrow 弹变,变形量与外力 成正比 $\{2.$ 带轮两边拉力不相等, $\{F_1>F_2\}$

小带轮处: 带由 A_1 绕上 \rightarrow 由 B_1 绕出,拉力由 $F_1 \rightarrow F_2 \rightarrow$ 带 边绕进边后缩 \rightarrow 带滞后于带轮 $\rightarrow V_1 > V_{\#}$

大带轮处: 带由A2绕上

- \rightarrow 由 B_2 绕出,拉力由 $F_2 \rightarrow F_1$
- →带边绕进边伸长
- → 带超前于带轮 → $V_{\#} > V_{2}$

$$V_1 > V_{\sharp} > V_2 \rightarrow V_1 > V_2$$



*分 析:

- 1.弹性滑动不可避免
- 2.弹性滑动发生在 带离开带轮的那段接触弧上
- 3.F↑→ 弹性滑动↑→ 弹性滑动范 围↑,当弹性滑动扩展到整个接触弧时, $F_f = F_{fmax}$

2. 打滑

- •原因: 当有效圆周力F超过极限摩擦力时F> F_{fmax} →带与带轮间发生全面打滑
- 分析: 1. 打滑可以避免
 - 2. 打滑先发生在 小带轮处
 - 3. 打滑→带与带轮间的相对滑动→剧烈的磨损→失效
- •防止措施: 1. 减小F
 - 2. 增大 $F_0 \rightarrow F_{fmax}$ 增大

	弹性滑动	打滑
原因	由于带具有弹性,在传动中存在 <u>拉力差</u> ,引起带与轮面的相对滑动	由于 <u>过载</u> ,需要传递的有效 拉力超过最大摩擦力所引起
现象	局部带在局部轮面 上发生微小的相对滑动	整个带在整个轮面上发生显著的相对滑动
后果	使 <mark>从动轮圆周速度低于主动轮</mark> ,效率下降,引起带磨损,温度上升,传动比稳定	引起 <mark>带的严重磨损</mark> ,严重时 无法继续工作
属性	带靠摩擦传动, <u>弹性滑动不可避免</u>	是 <u>一种失效形式,必须避免</u>
防止 措施	可选用大弹性模量的材料	保证F≤F _{flim}

- 1. 什么是弹性滑动, 什么是打滑?
- 2. 为什么会发生弹性滑动或打滑? 是否可以避免?
- 3. V₁、 V₂、 V带之间的关系如何?为什么?

三. 传动比

弹性滑动导致:从动轮的圆周速度 v_2 <主动轮的圆周速度 v_1 ,速度降低的程度可用滑动率 ε 来表示:

$$\varepsilon = \frac{v_1 - v_2}{v_1} \times 100\% \qquad \overline{\mathbb{R}} \qquad v_2 = (1 - \varepsilon)v_1$$

$$\therefore V_1 = \frac{\pi d_1 n_1}{60 \times 1000}$$

$$V_2 = \frac{\pi d_2 n_2}{60 \times 1000}$$

$$i = \frac{n_1}{n_2} = \frac{d_2}{d_1(1-\varepsilon)}$$
 (13-10)

$$n_2 = \frac{n_1 d_1 (1 - \varepsilon)}{d_2}$$
 — 传动比不稳定

近似计算取
$$i = \frac{n_1}{n_2} \approx \frac{d_2}{d_1}$$

§ 13-3 普通 V 带传动的设计

一.带传动的失效形式及设计准则

☆失效形式

☆ 设计准则

当
$$F > F_{fmax} = F_{ec} \rightarrow$$
 打滑 $F \le F_{ec}$ 当 $\sigma_{max} > [\sigma] \rightarrow$ 带疲劳破坏 $\sigma_{max} \le [\sigma]$ $\sigma_{max} \le [\sigma]$

☆带传动的设计准则:

保证带传动不打滑及具有一定的疲劳寿命。

二、V带传动的设计步骤例13.3.2 p.233-235

• 已知条件及设计内容:



设计内容

传递的名义功率P 主动轮转速 n_1 从动轮转速 n_2 或传动比i传动位置要求 工况条件、原动机类型等 V带的型号、长度和根数 带轮直径和结构 传动中心距 a 验算带速 V 和包角 α 计算初拉力和压轴力

三、普通V带型号和根数的确定

$$\begin{cases} P_0 = F_{ec} V / 1000 \rightarrow \text{单根带可传递最大功率} \\ F_{ec} \leq F_1 (1-1/e^{f\alpha}) \rightarrow \text{不打滑} \\ F_1 = \sigma_1 A \\ \sigma_1 \leq [\sigma] - \sigma_{b1} - \sigma_c \rightarrow \text{足够的疲劳强度} \\ \therefore \text{单根 V 带可传递功率 } P_0: (13-12) \\ \hline P_0 = ([\sigma] - \sigma_b - \sigma_c)(1 - \frac{1}{e^{f'\alpha}}) \cdot \frac{Av}{1000} \quad \text{Kw} \end{cases}$$

单根∨带的基本额定功率*P*。(特定条件)

- 1. 特定条件: ①包角α₁=π(i =1); ②载荷平稳;
 - ③特定基准长度
- 2. P₀: 按P₁、n₁、型号→查表(13-4) p.219

3. 非特定条件下的修正系数

①工作系数 $K_A \rightarrow$ 非平稳载荷 $K_A > 1$ 表(13-9)p.222

 $\rightarrow K_{\alpha} \downarrow$

②包角修正系数 K g: 表(13-8) P.222

当
$$\alpha_1$$
< π (i >1)→承载力↓→ K_{α} < 1→ α_1 ↓

③长度系数 K₁: 表(13-2) P.217

当L>特定条件→绕转次数N↓→传动功率 \uparrow → $K_L>1$ 当L<特定条件→绕转次数N↑→传动功率 \downarrow → $K_L<1$

4. 单根 \lor 带功率增量 $\triangle P_0$ 表 (13-6) P.221 当 $i > 1 \rightarrow d_2 \uparrow \rightarrow \sigma_{b2} \downarrow \rightarrow$ 承载力 $\uparrow \rightarrow$ 传动功率 $\uparrow \rightarrow \triangle P_0 > 0$ 单根 \lor 带的许用功率[P_0]

 $[P_0] = (P_0 + \triangle P_0) K_{\alpha} K_{L}$ (13-13)

普通V带的型号和根数的确定

计算功率: $P_{\rm C} = K_{\rm A} P$

K_A---工作情况系数

根数:
$$Z=P_{\rm C}/[P_0]$$
 (13-14)

$$\mathbb{H}: z = \frac{P_c}{[P_0]} = \frac{P_c}{(P_0 + \Delta P_0)K_{\alpha}K_L}$$

→ 书Z<10,建议Z≤6

型号的确定: 根据 P_c 和小带轮的转速 n_1 ,由选型图确定。

带速:
$$v = \frac{\pi d_1 n_1}{60 \times 1000} m/s$$

一般应使v在5~25m/s的范围内。

2.中心距、带长和包角

推荐范围: $0.7(d_1+d_2) < a_0 < 2(d_1+d_2)$

初定V带基准长度:

$$L_0 = 2a_0 + \frac{\pi}{2}(d_1 + d_2) + \frac{(d_2 - d_1)^2}{4a_0}$$

根据L₀由表13-2选取接近的基准长度L_d,然后计算中心距:

$$a \approx a_0 + \frac{L_d - L_0}{2}$$

中心距变动范围为:考虑带传动的安装、调整和V带张紧的需要。 $(a-0.015L_d)\sim(a+0.015L_d)$

3.初拉力

计算公式:
$$F_0 = \frac{500P_c}{zv} (\frac{2.5}{K_a} - 1) + qv^2$$

其中: Pc为计算功率; z为V带根数; v为带速; q为V带每米长的质量; k_a 为包角修正系数。

设计带传动的原始数据是:传动用途、载荷性质、传递功率、带轮转速以及对传动的外廓尺寸的要求等。

设计带传动的主要任务是:选择合理的传动参数、确定\\ 定\\ 中型号、长度和根数;确定带轮材料、结构和尺寸。

带传动设计的步骤:

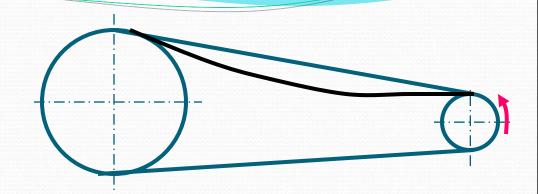
- 1.求计算功率;
- 2.选择普通V带型号;
- 3.求带轮的基准直径 d_1 、 d_2 ;
- 4.验算带速;
- 5.求V带的基准长度Ld和中心距a;
- 6.验算小带轮的包角;
- 7.求V带根数z;
- 8.求作用在带轮轴上的压力 F_0 ;
- 9.带轮的结构设计。

注意事项:

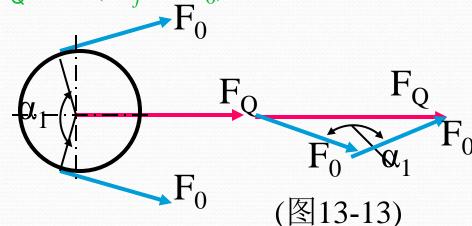
1.中心距应可调:

$$a_{max} = a + (0.03) L_d$$

 $a_{min} = a - (0.015) L_d$



- 2.带传动一般松边在上(边)(可增大包角)
- 3. 带传动作用于轴上的径向力 F_Q 较大($F_f \leftarrow \underline{F}_0$)
- 4.带传动应设置在高速轴
- ∵ ∫F_{ec}较小→高速轴T较小 帯传动具减振缓冲→ 高速轴要求传动平稳



四、V带轮的结构

1. 结构组成: 「轮缘一安装带

图13-14 〈轮辐一联接轮缘与轮毂

P.236 单载一安装轴

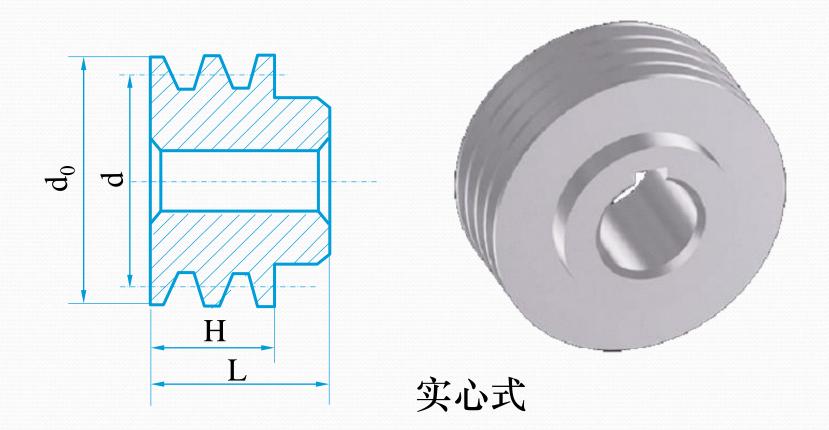
2. V 带轮设计要求:

- (1)质量小、工艺性好、质量分布均匀、内应力小、 高速应经动平衡
- (2)工作面应精细加工
- 3. V 带轮材料

「灰铸铁HT150、HT200-常用 铸钢、焊接(钢板)一高速 铸铝、塑料一小功率

4、带轮的结构

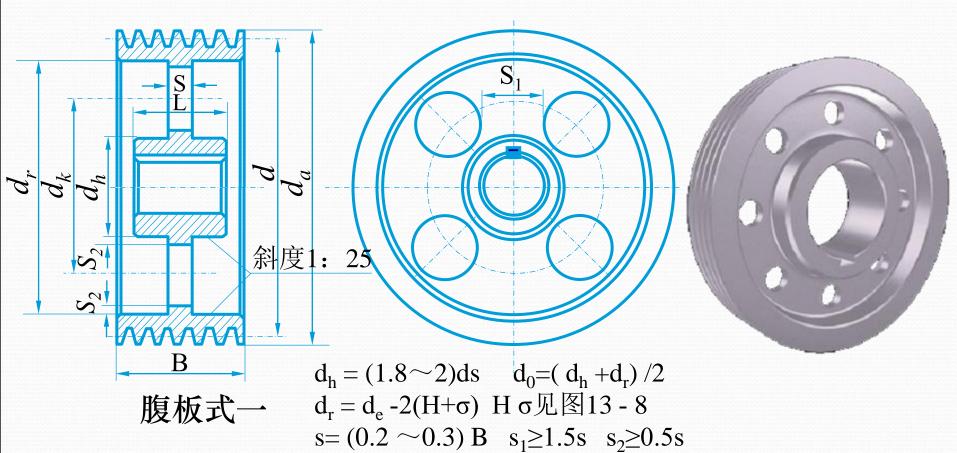
实心式----直径小;

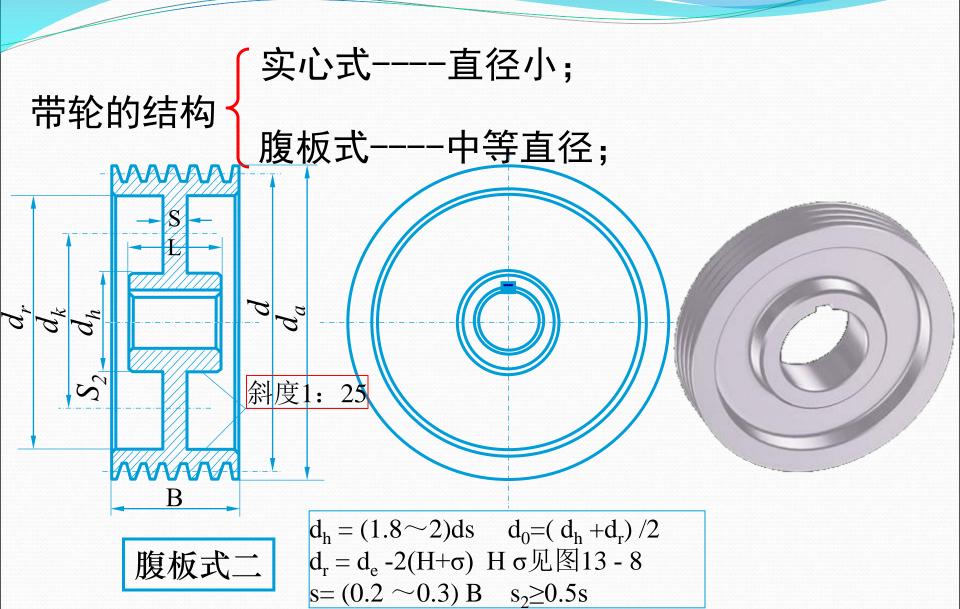


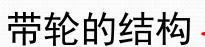
带轮的结构

实心式----直径小;

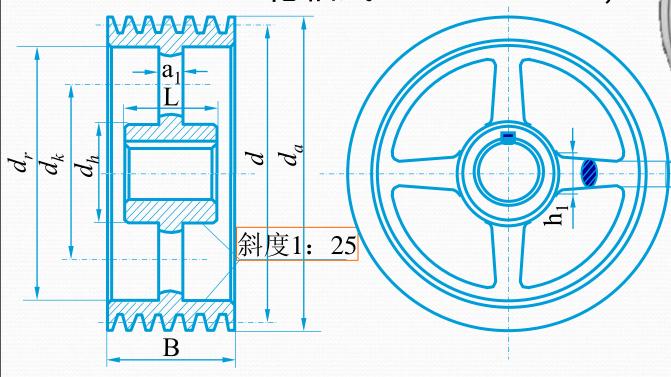
腹板式----中等直径;

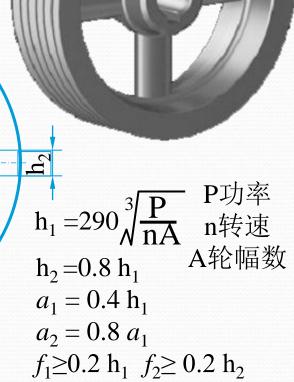






实心式----直径小; 腹板式----中等直径; 轮辐式----d>350 mm;





二、带传动的张紧装置

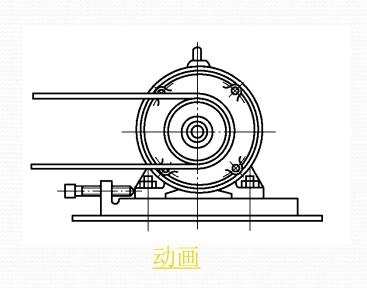
1.原因:

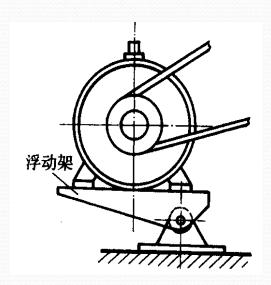
r安装制造误差

L工作后的塑性变形

2.张紧方法:

(1) 调整中心距 {①定期张紧(定期调整中心)图(13-4a) ②自动张紧(靠自重)





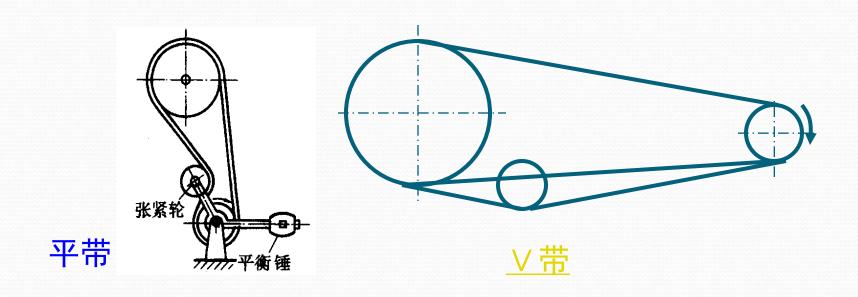
2.张紧轮装置 →利用张紧轮使带张紧

平带传动: 张紧轮设置在 松边外侧靠小轮处

(:平带可以双向弯曲,应尽量增大包角)

V 带传动: 张紧轮设置在 松边内侧靠大轮处

(:V带只能单向弯曲,避免过多减小包角)



本章重点

- 1. 带传动类型、特点、应用
- 2. 带传动中的力分析

初始状态: 带两边拉力相等= F₀→ 张紧力

工作状态: 两边拉力不等 $\rightarrow \Gamma$ 紧边 $F_0 \rightarrow F_1$ 紧边拉力

L松边 $F_0 \rightarrow F_2$ 松边拉力

- 3. 当 $F_1/F_2=e^{fa} \rightarrow F = Ffmax = F \rightarrow 最大有效拉力$ 张紧力 $F_0 \uparrow$;包角 $\alpha \uparrow$;摩擦系数 $f \uparrow \rightarrow Fec$ 愈大
- 4. 带传动工作时最大应力:σ_{max} = σ₁+ σ_{b1}+ σ 发生位置: i>1 (小轮主动):带绕进小轮处 i<1 (大轮主动):带绕出小轮处

5.打滑与弹性滑动

- *当 $F>F_{fmax} \rightarrow$ 打滑 \rightarrow 打滑 可以避免 打滑发生在小带轮处
 - *:a.带是弹性体; b.带轮两边拉力不相等, $F_1 > F_2$
- →带传动在工作时存在有带与带轮间的弹性滑动
- → V_1 > $V_{\#}$ > V_2 → V_1 > V_2 →实际 i>理论i (减速) → 带传动传动比不稳定

6.带传动的失效形式与设计准则

失效形式: 当 $F > F_{fmax} = Fec \rightarrow T$ 滑 当 $\sigma_{max} > [\sigma] \rightarrow 带疲劳破坏$

设计准则:在保证带传动不打滑的条件下,具有足够的疲劳强度和寿命。