Geschwindigkeitsmessung mittels Pitotrohr

Udo Beier Leon Brückner Valentin Olpp Marco Zech Sebastian Ziegler

Januar 2014

Inhaltsverzeichnis

1 Aufgabe 5 4

Abbildungsverzeichnis

Tabellenverzeichnis

1 Aufgabe 5

Die Erde dreht sich in 23 Stunden, 56 Minuten und 4.1 Sekunden einmal um ihre eigene Achse bzw. die Stundenwinkelachse. Die Winkelgeschwindigkeit der Erde ergibt sich dann zu:

 $\omega_{Erde} = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{86164.1s} \approx 7.30 \cdot 10^{-5} \frac{1}{s}$ (1)

bzw. $4.18 \cdot 10^{-3} \circ \frac{1}{s}$. Der Mond dreht sich in 27.56 Tagen (anomalistische Periode) einmal um die Erde. Seine Winkelgeschwindigkeit ω_{Mond} aus Sicht der Erde ergibt sich damit zu $2.64 \cdot 10^{-6} \frac{1}{s}$ bzw. $1.51 \cdot 10^{-4} \circ \frac{1}{s}$. Die Winkelgeschwindigkeit, mit der der Mond durch das Sichtfeld des Teleskops (bei ausgeschalteter Nachführung) wandert, ergibt sich damit zu $\omega = \omega_{Erde} - \omega_{Mond}$, also zu $7.04 \cdot 10^{-5} \frac{1}{s}$ bzw. $4.03 \cdot 10^{-3} \circ \frac{1}{s}$. Der Winkeldurchmesser des Mondes ergibt sich über die Beziehung

$$tan \ \alpha_{Mond} = \frac{D_{Mond}}{d_{Erde-Mond}} \tag{2}$$

wobei D_{Mond} der Durchmesser des Mondes und $d_{Erde-Mond}$ die mittlere Entfernung von Erde und Mond ist, von der der Radius der Erde abgezogen wurde. Mit Kleinwinkelnäherung gilt dann:

$$\alpha_{Mond} = \frac{D_{Mond}}{d_{Erde-Mond}} = \frac{3476 \text{km}}{387129 \text{km}} \approx 8.98 \cdot 10^{-3} \text{ bzw. } 0.51^{\circ} = 30'22''$$
 (3)

Die Zeit, die der Mond braucht, um das Sichtfeld des Teleskops zu durchwandern, hängt vom verwendeten Teleskop und Okular ab. Als allgemeine Formel gilt:

$$t = \frac{\alpha_{Teleskop} + \alpha_{Mond}}{\omega} \tag{4}$$

 $\alpha_{Teleskop}$ ergibt sich aus der Formel

$$\alpha_{Teleskop} = \frac{\alpha_{Schein}}{V} \tag{5}$$

wobei α_{Schein} das scheinbare Sichtfeld des Okulars und V die erreichbare Vergrößerung des Teleskops ist. V errechnet sich aus

$$V = \frac{f_{Teleskop}}{f_{Okular}} \tag{6}$$

wobei f die Brennweite des Teleskops bzw. des Okulars ist. Also gilt:

$$t = \frac{\frac{f_{Okular}}{f_{Teleskop}} \cdot \alpha_{Schein} + \alpha_{Mond}}{\omega}$$
 (7)