Часть 1. Тест.

Вопрос 1 ♣ В регрессии с константой сумма квадратов остатков равна 196, а число наблюдений равно 32. Точечная оценка дисперсии случайной составляющей равна

- A 8
- B 9
- C $\sqrt{7}$
- ■ 7
- E $\sqrt{9}$
- F $\sqrt{8}$
- G *Нет верного ответа.*

Вопрос 2 ♣ Если для регрессора используется преобразование Бокса-Кокса с параметром $\theta = -1$, а для зависимой переменной — с параметром $\lambda = 1$, то регрессионное уравнение представимо в виде

- A $\ln Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_i + u_i$
- B $Y_i = \beta_1 + \beta_2 \ln X_i + u_i$
- C $Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_i + u_i$
- D $\ln Y_i = \beta_1 - \beta_2 \ln X_i + u_i$
- E $\ln Y_i = \beta_1 + \beta_2 \ln X_i + u_i$
- ■ $Y_i = \beta_1 + \beta_2 \frac{1}{X_i} + u_i$
- G *Нет верного ответа.*

Вопрос 3 ♣ Известно, что регрессоры X и Z ортогональны, а истинная зависимость описывается уравнением $Y_i = \alpha_1 + \alpha_2 X_i + \alpha_3 Z_i + u_i$. Исследователь оценивает с помощью МНК две регрессии: $\hat{Y}_i = \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 X_i$ и $\hat{Y}_i = \hat{\gamma}_1 + \hat{\gamma}_2 Z_i$. При этом

- A $\hat{\beta}_2$ — смещённая оценка для α_2; $\hat{\gamma}_2$ — смещённая оценка для α_3
- B $\hat{\beta}_2$ — несмещённая оценка для α_2; $\hat{\gamma}_2$ — смещённая оценка для α_3
- C $\hat{\beta}_2$ — смещённая оценка для α_2; $\hat{\gamma}_2$ — несмещённая оценка для α_3
- ■ $\hat{\beta}_2$ — несмещённая оценка для α_2; $\hat{\gamma}_2$ — несмещённая оценка для α_3
- E $\hat{\beta}_2$ — эффективная оценка для α_2; $\hat{\gamma}_2$ — эффективная оценка для α_3
- F *Нет верного ответа.*

Вопрос 4 ♣ Гипотеза о том, что одновременно $\beta_1 + \beta_2 = 1$ и $\beta_3 = 0$ в множественной линейной регрессии построенной по n наблюдениям проверяется с помощью статистики, имеющей распределение

- A t_{n-2}
- B t_{n-k}
- C t_n
- D Демешева-Мамонтова
- ■ F
- F $N(0;1)$
- G *Нет верного ответа.*

Вопрос 5 ♣ Элеонора исследует зависимость цены номера в отеле от звёздности отеля, $star$, (от 1 до 3 звёзд) и расстояния до моря, $dist$. Элеонора хочет оценить модель вида $price_i = \beta_1 + \beta_2 star_i + \beta_3 dist_i + u_i$. Чтобы считаться богиней эконометрики Элеоноре стоит

A использовать МНК для оценки данной модели

B добавить в модель переменную $z_i = star_i^2$, так как эффект звёздности наверняка нелинейный

C добавить в модель переменную $z_i = star_i \cdot dist_i$

D добавить дамми-переменные one_i, two_i и $three_i$, равные 1 для отелей с одной, двумя и тремя звёздами соответственно

■ заменить переменную $star_i$ на дамми-переменные one_i и two_i, равные 1 для отелей с одной и двумя звёздами соответственно

F заменить переменную $star_i$ на дамми-переменные one_i, two_i и $three_i$, равные 1 для отелей с одной, двумя и тремя звёздами соответственно

G *Нет верного ответа.*

Вопрос 6 ♣ Показатель R^2_{adj} можно вычислить по формуле

■ $R^2_{adj} = (-1)\cdot\frac{k-1}{n-k} + R^2\cdot\frac{n-1}{n-k}$

B $R^2_{adj} = \frac{k-1}{n-k} + R^2\cdot\frac{n-1}{n-k}$

C $R^2_{adj} = \frac{k-1}{n-k} - R^2\cdot\frac{n-1}{n-k}$

D $R^2_{adj} = \frac{k}{n-k} + R^2\cdot\frac{n-1}{n-k}$

E $R^2_{adj} = \frac{n-k}{k-1} + R^2\cdot\frac{n-1}{n-k}$

F $R^2_{adj} = \frac{k-1}{n-k} + R^2\cdot\frac{n-k}{n-1}$

G *Нет верного ответа.*

Вопрос 7 ♣ Если гипотеза $\beta_2 + \beta_3 = 1$ верна, то модель $\ln Y_i = \beta_1 + \beta_2 \ln X_i + \beta_3 \ln Z_i + u_i$ совпадает с моделью

A $\ln Y_i = \beta_1 + \beta_2 \ln(X_i/Z_i) + u_i$

B $\ln(Y_i/Z_i) = \beta_1 + \beta_2 \ln(Y_i/Z_i) + u_i$

C $\ln(Y_i/Z_i) = \beta_1 + \beta_2 \ln(Y_i/X_i) + u_i$

■ $\ln(Y_i/Z_i) = \beta_1 + \beta_2 \ln(X_i/Z_i) + u_i$

E $\ln Y_i = \beta_1 + \beta_2 \ln(Z_i/Y_i) + u_i$

F *Нет верного ответа.*

Вопрос 8 ♣ Гипотеза о неадекватности множественной регрессии проверяется с помощью статистики равной

A $\frac{\hat{\beta}-\beta}{se(\hat{\beta})}$

B $\frac{ESS}{TSS}$

■ $\frac{ESS/(k-1)}{RSS/(n-k)}$

D $\frac{TSS/(n-1)}{RSS/(n-k)}$

E $\frac{RSS}{TSS}$

F $\frac{TSS/(n-1)}{ESS/(k-1)}$

G *Нет верного ответа.*

Вопрос 9 ♣ Исследователь выполнил второй шаг в PE-тесте МакКиннона. В регрессии $\ln Y_i$ на исходные регрессоры и $Z_i = \hat{Y}_i - \exp(\widehat{\ln Y_i})$ коэффициент при Z_i оказался значимым. А в регрессии Y_i на исходные регрессоры и $W_i = \ln \hat{Y}_i - \widehat{\ln Y_i}$ коэффициент при W_i оказался незначимым. Из результатов следует сделать вывод, что

- [A] тесты противоречат друг другу, ни одна из моделей не предпочитается
- [B] в исходной модели пропущен регрессор W_i
- [C] следует предпочесть полулогарифмеческую модель
- [D] в исходной модели пропущен регрессор Z_i
- ■ следует предпочесть линейную модель
- [F] следует предпочесть логарифмическую модель
- [G] *Нет верного ответа.*

Вопрос 10 ♣ Истинной является модель $Y_i = \beta_1 + \beta_2 X_i + u_i$. Глафира оценивает две регрессии: $\hat{Y}_i = \hat{\beta}_1 + \hat{\beta}_2 X_i$ и $\hat{Y}_i = \hat{\gamma}_1 + \hat{\gamma}_2 X_i + \hat{\gamma}_3 Z_i$ с помощью МНК. Для коэффициента β_2

- [A] оценка $\hat{\beta}_2$ является несмещённой, а оценка $\hat{\gamma}_2$ — смещённой
- ■ оценки $\hat{\beta}_2$ и $\hat{\gamma}_2$ являются несмещёнными
- [C] оценки $\hat{\beta}_2$ и $\hat{\gamma}_2$ являются эффективными
- [D] оценка $\hat{\beta}_2$ является смещённой, а оценка $\hat{\gamma}_2$ — несмещённой
- [E] оценки $\hat{\beta}_2$ и $\hat{\gamma}_2$ являются неэффективными
- [F] *Нет верного ответа.*

Часть 2. Задачи.

1. На основании опроса 200 человек была оценена следующая модель:

$$\ln(wage_i) = \beta_1 + \beta_2 exper_i + \beta_3 exper_i^2 + \beta_4 sex_i + \varepsilon_i$$

где:

- $wage_i$ — величина заработной платы в долларах
- $exper_i$ — опыт работы в годах
- $exper_i^2$ — опыт работы в годах
- sex_i — пол (1 — мужской, 0 — женский)

Показатель	Значение
R^2	0.911
Скорректированный R^2	**B7**
Стандартная ошибка регрессии	**B6**
Количество наблюдений	**B2**

Результаты дисперсионного анализа:

	df	сумма квадратов	F	P-значение
Регрессия	3	**B9**	**B5**	0.000
Остаток	**B1**	830.1		
Итого	**B3**	**B4**		

	Оценка	Ст. ошибка	t-статистика	P-Значение
Константа	3.6869	1.1960	3.08	0.0023
$exper$	**B8**	0.3525	16.45	0.0000
$exper^2$	-0.1916	0.0254	-7.54	0.0000
sex	1.5745	0.2937	**B10**	0.0000

а) Найдите пропущенные числа **B1**–**B10**.

б) Как изменятся результаты оценки регрессии, если переменную sex_i переопределить так, чтобы 0 соответствовал мужчинам, 1 — женщинам?

Ответ округляйте до 2-х знаков после запятой. Кратко поясняйте, например, формулой, как были получены результаты.

2. Исследовательница Глафира изучает спрос на молоко. В её распоряжении есть следующие переменные:

   - $price$ — цена молока в рублях за литр
   - $income$ — ежемесячный доход семьи в тысячах рублей
   - $milk$ — расходы семьи на молоко за последние семь дней в рублях

   В данных указано, проживает ли семья в сельской или городской местности. Поэтому Глафира оценила три регрессии: (All) — по всем данным, (Urban) — по городским семьям, (Rural) — по сельским семьям.

	(All)	(Urban)	(Rural)
(Intercept)	7.746	1.499	13.907
	(5.850)	(7.486)	(8.666)
income	0.173*	0.115	0.237*
	(0.066)	(0.083)	(0.101)
price	−0.388	0.165	−0.958**
	(0.206)	(0.273)	(0.293)
R-squared	0.1	0.0	0.3
adj. R-squared	0.1	0.0	0.2
sigma	6.0	5.7	5.9
F	4.6	1.3	7.1
P-value	0.0	0.3	0.0
RSS	3486.9	1780.7	1379.0
n observations	100	57	43

   а) Проверьте значимость в целом регрессии (All) на 5%-ом уровне значимости.

   б) На 5%-ом уровне значимости проверьте гипотезу, что зависимость спроса на молоко является единой для городской и сельской местности.

3. Исследовательница Глафира продолжает изучать спрос на молоко. В её распоряжении попрежнему данные по трём переменным:

   - $price$ — цена молока в рублях за литр
   - $income$ — ежемесячный доход семьи в тысячах рублей
   - $milk$ — расходы семьи на молоко за последние семь дней в рублях

   Имеются результаты оценивания модели $milk_i = \beta_1 + \beta_2 income_i + \beta_3 price_i + u_i$ по 100 наблюдениям:

	Estimate	Std. Error	t value	Pr(>|t|)
(Intercept)	7.7457	5.8500	1.32	0.1886
income	0.1726	0.0660	2.62	0.0103
price	-0.3882	0.2061	-1.88	0.0626

   Коэффициент детерминации R^2 оказался равен 0.086.

   Глафира рассчитала оценку ковариационной матрицы исходных переменных:

	price	income	milk
price	8.74	3.99	-2.70
income	3.99	85.29	13.17
milk	-2.70	13.17	38.54

   а) Постройте точечный прогноз расходов на молоко семьи с доходом 100 тысяч рублей при цене на молоко 30 рублей за литр.

   б) Найдите выборочную корреляцию между фактическими расходами на молоко и их прогнозами.

   в) Разложите коэффициент детерминации R^2 в модели в сумму эффектов переменных $income$ и $price$.

4. По квартальным данным 1958-1976 годов была оценена модель с тремя объясняющими факторами:

$$\hat{Y}_i = 2.2 + 0.104X_i - 3.48Z_i + 0.34W_i,\ ESS = 100,\ RSS = 20$$

   а) Какую модель необходимо оценить исследователю, если он считает, что в различные сезоны среднее значение зависимой переменной помимо зависимости от трёх регрессоров может отличаться на константу?

   б) При оценивании модели, допускающей сезонные эффекты, оказалось, что значение ESS увеличилось до 170. На уровне значимости 5% проверьте гипотезу о наличии сезонности.

5. По 24 наблюдениям была оценена модель:

$$\widehat{Y}_i = 15 - 4Z_i + 3W_i$$

Известно, что случайные ошибки нормально распределены, $RSS = 180$, и

$$(X'X)^{-1} = \begin{pmatrix} 0.282 & -0.152 & -0.062 \\ -0.152 & 0.104 & 0.026 \\ -0.062 & 0.026 & 0.042 \end{pmatrix}$$

   а) Проверьте гипотезу $H_0 : \beta_Z = 0$ против $H_a : \beta_Z \neq 0$ на уровне значимости 5%.

   б) Проверьте гипотезу $H_0 : \beta_Z + \beta_W = 0$ против $H_a : \beta_Z + \beta_W \neq 0$ на уровне значимости 5%.

   в) Выпишите использованные при проверке гипотез предпосылки о случайных ошибках модели.