Вопрос 1 🌲

А верно

# Часть 1. Тест.

В неверно

Нормальность остатков является одной из предпосылок теоремы Гаусса-Маркова

Вопрос 2 🜲	После применения МН	IК к модели $y_i=eta$	$arepsilon_i + arepsilon_i$ сумма остатков $\sum \hat{arepsilon}_i$
А равна н	улю	В не равна нулю	
Вопрос 3 🌲	В результате применен	ния МНК к модели	$y_i = eta_1 + eta_2 x_i + arepsilon_i$ сумма $\sum x_i \hat{arepsilon}_i$
А обязател	льно равна нулю	В может быть не	равна нулю
Вопрос 4 🦺	В случае мультиколли	неарности оценки	цисперсий коэффициентов модели становятся
А смещён	ными	В несмещённым	М
Вопрос 5 ♣ случайную вн	С помощью МНК оценью борку, и $\mathrm{Cov}(arepsilon_i,x_i)=1$	ивается модель $y_i$ . В этом случае plin	$=eta_1+eta_2x_i+arepsilon_i.$ Наблюдения представляют собой п $\hat{eta}_2^{ols}$
А не равен	н $\beta_2$	$lacksquare$ равен $eta_2$	
Вопрос 6 <b>♣</b> оценки коэфф		неарности примен	ение гребневой регрессии (ridge-regression) делает
А смещён	ными	В несмещённым	и
	Для сравнения качеств е данных, используют	ва моделей $y_i=eta_1$ :	$+$ $eta_2 x_i + arepsilon_i$ и $\ln(y_i) = \gamma_1 + \gamma_2 x_i + arepsilon_i$ , оцененных на
А скоррек	тированный коэффици		$\begin{tabular}{ll} \hline B & коэффициент детерминации R^2 \\ \hline C & \end{tabular} \end{tabular} \end{tabular} \end{tabular}$
	После применения МН $+ u_i$ для диагностики	К к исходной моде	ии дополнительно можно оценить модель $\ln(\hat{arepsilon}_i^2) =$
А автокор	реляции		С мультиколлинеарности
В гетерост	кедастичности		D Нет верного ответа.
Вопрос 9 🦺	При диагностике автон	корреляции первог	о порядка тест Бройша-Годфри
А примен	им		В неприменим
Вопрос 10 <b>♣</b> сделать оцени	В случае гетероскедас ки коэффициентов регр		ние стандартных ошибок в форме Уайта позволяет
А состояте	ельными	С несмещённым	и
В эффекти	ивными	D Нет верного от	пвета.
			1/6

### Часть 2. Задачи.

#### 1. На основании опроса была оценена следующая модель:

$$ln(wage_i) = \beta_1 + \beta_2 exper_i + \beta_3 exper_i^2 + \beta_4 married_i + \beta_5 educ_i + \beta_6 black_i + \varepsilon_i$$

где:

- $wage_i$  величина заработной платы в долларах
- $exper_i$  опыт работы в годах
- $educ_i$  количество лет обучения
- $married_i$  наличие супруга/супруги (1 есть, 0 нет)
- $black_i$  принадлежность к негроидной расе (1 да, 0 нет)

Показатель	Значение
$R^2$	B6
Скорректированный $\mathbb{R}^2$	<b>B</b> 7
Стандартная ошибка регрессии	B8
Количество наблюдений	340

#### Результаты дисперсионного анализа:

	df	SS	MS	F	Р-значение
Регрессия Остаток		17.637 <b>B4</b>		B5	0.000
Итого	<b>B</b> 3	65.151			

Коэффициент	Оценка	$se(\hat{\beta})$	t-статистика	Р-Значение	Нижние 95%	Верхние 95%
Константа	4.565	0.207	22.021	0.000	4.157	4.972
exper	<b>B9</b>	B10	3.670	0.000	0.036	0.119
$exper^2$	-0.002	0.001	-1.977	0.049	-0.004	0.000
married	0.267	0.047	5.679	0.000	0.175	0.360
educ	0.085	0.011	7.930	0.000	0.064	0.106
black	-0.090	0.078	-1.162	0.246	-0.243	0.063

Найдите пропущенные числа В1-В10.

Ответ округляйте до 3-х знаков после запятой. Кратко поясняйте, например, формулой, как были получены результаты.

2. По опросам женщин возраста 18–45 лет была оценена следующая модель для различных вариантов выборок (оценки моделей представлены в таблице, все коэффициенты значимы на 10%-ом уровне значимости):

$$child_i = \beta_1 + \beta_2 marst_i + \beta_3 age_i + \varepsilon_i$$

где:

- $child_i$  количество детей младше 18 лет
- $marst_i$  наличие мужа у женщины (1 есть, 0 нет)
- $age_i$  возраст женщины

Выборка	$\hat{eta}_1$	$\hat{eta}_2$	$\hat{eta}_3$	ESS	RSS	N
1. Молодые женщины	-1.27	0.49	0.06	102.54	289.51	800
2. Женщины старше 25 лет	6.13	0.39	-0.13	105.71	544.29	800
3. Женщины с высшим образованием	-0.43	0.68	0.03	124.56	525.33	874
4. Женщины без высшего образования	0.19	0.69	0.007	213.47	1360.66	1673
5. Все женщины	0.04	0.67	0.01	328.67	1896.52	2548

- а) Для выборке всех женщин проинтерпретируйте коэффициент  $\hat{eta}_2$
- б) Определите на 5%-ом уровне значимости, можно ли использовать одну модель для женщин с высшим образованием и женщин без него
- в) Исследователь предположил, что дисперсия ошибок модели возрастает с увеличением возраста. Проверьте, есть ли в модели гетероскедастичность на 10% уровне значимости на основании соответствующего теста

При проверке гипотез: выпишите  $H_0$ ,  $H_a$ , найдите значение тестовой статистики, укажите её распределение, найдите критическое значение, сделайте выводы

3. Председатель ЦБ РФ Эльвира Набиуллина поручила стажеру Васе оценить, как валютный курс,  $exch_t$ , реагирует на изменение цены на нефть марки Brent,  $brent_t$ . Вася построил следующую модель по 194 наблюдениям:

$$\Delta(\widehat{exch_t}) = 0.25 - 0.06\Delta(brent_t), R^2 = 0.05$$

Известно, что 
$$\sum_{t=2}^{194} (\hat{\varepsilon}_t - \hat{\varepsilon}_{t-1})^2 = 926.06$$
,  $\sum_{t=1}^{194} \hat{\varepsilon}_t^2 = 590.14$ ,  $\sum_{t=2}^{194} |\hat{\varepsilon}_t - \hat{\varepsilon}_{t-1}| = 193.69$ ,  $\sum_{t=1}^{194} |\hat{\varepsilon}_t| = 163.45$ .

- а) На 1%-ом уровне значимости проверьте гипотезу об адекватности исходной регрессии
- б) Проведите тест Дарбина-Уотсона на 5% уровне значимости
- в) Оказалось, что Эльвире Сахипзадовне не понравилась Васина модель. Она попросила главного экономиста Петю её переделать. Вот что получилось у Пети:

$$\Delta(\widehat{exch_t}) = 0.20 - 0.03\Delta(brent_t) - 0.08\Delta(brent_{t-1}) + 0.23\Delta(exch_{t-1}), R^2 = 0.20$$

Кроме того, Петя оценил следующую регрессию:

$$\hat{\hat{\varepsilon}}_t = -0.05 + 0.0008\Delta(brent_t) + 0.001\Delta(brent_{t-1}) + 0.23\Delta(exch_{t-1}) - 0.24\hat{\varepsilon}_{t-1} - 0.06\hat{\varepsilon}_{t-2}, \ R^2 = 0.007$$

Помогите Пете провести подходящий тест на автокорреляцию на 5% уровне значимости

При проверке гипотез: выпишите  $H_0$ ,  $H_a$ , найдите значение тестовой статистики, укажите её распределение, найдите критическое значение, сделайте выводы

4. Гарри Поттер и Рон Уизли активно готовятся к чемпионату мира по квиддичу. В течение 30 дней они сначала посещают Хогсмид и выпивают некоторое количество сливочного пива в пинтах,  $beer_t$ , после чего идут на тренировку, в течение которой забивают определённое количество квоффлов в штуках,  $quaffle_t$ . Гермиона Грейнджер, понаблюдав за друзьями, оценила следующую регрессию:

$$\widehat{quaffle_t} = 80 - 3beer_t$$

Оценка ковариационной матрицы коэффициентов,  $\widehat{\mathrm{Var}}(\hat{\beta}) = \begin{pmatrix} 8 & 0.25 \\ 0.25 & 1 \end{pmatrix}$ 

Оценка дисперсии ошибок равна  $\hat{\sigma}^2 = 238$ .

Сегодня Гарри и Рон выпили 4 пинты сливочного пива.

- а) Постройте точечный прогноз количества квоффлов, забитых Гарри Поттером и Роном Уизли
- б) Постройте 95%-ый доверительный интервал для  $\mathrm{E}(quaffle_t|beer_t=4)$ , ожидаемой величины забитых квоффлов
- в) Постройте 95%-ый предиктивный интервал для конкретной величины забитых квоффлов

## Часть 3. Теоретические вопросы

- 5. Дана модель  $y_t = \beta_1 + \beta_2 x_t + \varepsilon_t$ , в которой ошибки модели подчиняются авторегрессионной схеме первого порядка,  $\varepsilon_t = \rho \varepsilon_{t-1} + u_t$ , где  $u_t \sim WN(0, \sigma^2)$  и  $\rho$  известно.
  - Опишите процедуру получения эффективных оценок коэффициентов для такой модели.
- 6. Опишите тест Бройша-Пагана на гетероскедастичность: сформулируйте нулевую и альтернативную гипотезы, способ получения тестовой статистики, её распределение при верной нулевой гипотезе, вид критической области.
- 7. В модели  $y_i = \beta_1 + \beta_2 x_i + \varepsilon_i$  переменная  $x_i$  эндогенна. Для нее был найден инструмент  $z_i$ . Опишите процедуру получения состоятельных оценок коэффициентов регрессии.