

Boże dla $n=2$

$$\lfloor \sqrt{2} \rfloor = \lfloor \log_2 2 \rfloor$$

$$1 = 1$$

OK.

Zat. i.e dla $n \geq 2$:

$$\lfloor \sqrt{n} \rfloor + \lfloor \sqrt[3]{n} \rfloor + \dots + \lfloor \sqrt[n]{n} \rfloor = \lfloor \log_2 n \rfloor + \lfloor \log_3 n \rfloor + \dots + \lfloor \log_n n \rfloor$$

$$\lfloor \sqrt[k]{n} \rfloor < \lfloor \sqrt[k+1]{n+1} \rfloor$$

$$\cancel{\lfloor \log_b n \rfloor} < \lfloor \log_{b+1} n+1 \rfloor$$

$$\exists_m m^k = n+1$$

$$\exists_p p^p = n+1$$

Czyli jeśli istnieje m t.i. $m^k = n+1$ to także

istnieje taliie p , iż $p^p = n+1$, czyli jeśli
różnie (maksymalnie może tylko o jeden) plus
składników po lewej to po prawej również.

Analagicznie w drugiej stronie, więc po lewej

możnie tyle samo składników, co po prawej:

do tego do obu stron dodając $1 = \lfloor \log_{n+1} n+1 \rfloor = \lfloor \sqrt[n]{n} \rfloor$