## 杭州电子科技大学学生考试卷( A )卷

考试课程	高等数学甲 2 (A层次)		考试日期	2014年6月13日			成绩	
课程号	A0714012	教师号		任课教师姓名				
考生姓名		学号(8 位)		年级			专业	

题 号	_	-	E			四	五	六	
得 分									

填空题 (本题共 4 小题,每小题 3 分,共 12 分)

1. 直线  $L_1: \frac{x-1}{1} = \frac{y}{-4} = \frac{z+3}{1}$  和  $L_2: \frac{x}{2} = \frac{y+2}{-2} = \frac{z}{-1}$  的夹角为

2. 函数  $f(x,y) = 2x^2 + ax + xy^2 + 2y$  在点 M(1,-1) 处取得极值,则常数 a =\_

- 3.  $\mathfrak{P}_D = \{(x,y)|x^2+y^2 \le 1\}, \ \mathbb{M} \iint_{\mathbb{R}} x^2 dx dy = \frac{7}{4};$

选择题(本题共8小题,每小题3分,共24分)

- 1. 设 L 是从 A(1,0) 到 B(-1,2) 的直线段,则  $\int_L (x+y)ds = (B)$

- 2. 级数  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n x^{2n}}{n!}$  在  $(-\infty, +\infty)$  内和函数为( **)**).

3. 函数 z = z(x, y) 由方程 F(xy, z) = x 所确定, 其中 F(u, v) 具有连续的一阶偏导数, 则 $z_x + z_y$ 等于(A)

- (A)  $\frac{1-yF_1-xF_1}{F_2}$ ; (B)  $\frac{1-yF_x-xF_y}{F_2}$ ; (C) 0;

4. 设 L 是从  $A(1,\frac{1}{2})$  沿曲线  $2y = x^2$  到 B(2,2) 的弧段,则  $\int_{-\infty}^{2\pi} dx - \frac{x^2}{y^2} dy = ($   $\int_{-\infty}^{\infty}$ 

- (A) -3; (B)  $\frac{3}{2}$ ; (C) 0; (D) 3.

5. 设 $\Sigma$ 为柱面 $x^2+y^2=1$ 介于平面z=0与z=1之间部分的外侧,则  $\iint_{\Sigma} y^2 dy dz=$  (  $\int_{\Sigma}$  )

- (A)  $-\frac{4}{3}$ ; (B)  $-\frac{2}{3}$ ; (C)  $\frac{2}{3}$ ; (D). 0

6. 若幂级数 $\sum_{i=1}^{\infty} a_n(x+2)^n$  在x=1处收敛,则该级数在x=-4处的敛散性为( $\bigwedge$ )

7. [3分]下列级数中发散的是( 3分]

- (A)  $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n-1} \frac{1}{\ln(n+1)}$ ; (B)  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n}{3n-1}$ ;

8. 设f(x,y)是连续函数,则  $\int_0^{\frac{\pi}{4}} d\theta \int_0^1 f(\rho \cos\theta, \rho \sin\theta) \rho d\rho = ($  / ).

- (A)  $\int_{0}^{\sqrt{2}} dx \int_{x}^{\sqrt{1-x^2}} f(x,y) dy$ ; (B)  $\int_{0}^{\sqrt{2}} dx \int_{x}^{\sqrt{1-x^2}} f(x,y) dy$ ;
- (C)  $\int_{0}^{\sqrt{2}} dy \int_{y}^{\sqrt{1-y^2}} f(x,y) dx$ ; (D)  $\int_{0}^{\sqrt{2}} dy \int_{y}^{\sqrt{1-y^2}} f(x,y) dx$ .

三、试解下列各题(本题共6小题,每小题6分,共36分)

得分

2. 求点(-1,2,0)在平面x+2y-z-1=0上的投影

采卸下 X+2y-2+=0的法向量 分=(1,2,-1) 行M(+,2,0)包括订的直线上,程 山 参数分配 ス=-1tt, y=2t2t, z=-t1' Hia x+2y-2-1=ひ t=-当 エ=-等、ソ=等 ==== 极州矣 N(-考, 考, 专)

y=4x 交定 (0.0) A(4.4)  $\int_{X} = \int_{0}^{2\sqrt{x}} |x| dx dy = \int_{0}^{4} |x| dx \int_{x}^{2\sqrt{x}} |x| dy = \frac{1}{2} \int_{0}^{4} (4x^{2} + x^{3}) dx$  $= \left[\frac{2}{3} \times^3 - \frac{1}{8} \times^4\right]_0^4$ = 32 1. \*1= \$\iiii4z\dv, \pm\ \O \mathcal{D}\mathcal

] = 11/12 dv = 11/42 p dpdfd2 = 4 | 2 F do | 4 p do | 2 de  $= 4\pi \int_{0}^{4} (169 - \frac{1}{16}) dP$   $= \frac{4^{5}}{3}\pi$   $\sqrt{2} = 0 \le z \le 4, \quad x^{2+3} \le 4^{2}$  $[ = ][ 42 dV = ]_0^4 dz ][ 42 drdy$ 

$$= \int_{0}^{4} z^{2} dz$$

$$= \frac{4^{5}}{2} \prod_{i}$$

$$= \frac{4^{5}}{2} \prod_{i}$$

-x+2 -2≤x<-1, 写出 f(x) 以 4 为周期的傅里叶级数的和 函数 s(x) 在区间 [-2,2] 上的表达式. 2<×<1 6. 求级数  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-3)^{n-1}}{n} x^n$  的收敛域和它的和函数2 得分  $\Pi^{M(k)} = \frac{\nu}{(3)_{\mu,1}} \chi_{\mu}$ K = | I'M | MAK! | = 3 /c) ①311/<1 例<支质路底电影级 ②311/7/ 11/2考 四数学的 ②秋二 X=23 X=-3 -3; X=3 3 篇 4 加 北台 放收证证 (= (-3.5] 全和显数 8(x) = 篇 1 1 1 1 1  $S'(x) = \sum_{i=1}^{n} (-3)^{n-1} x^{n-1} = \frac{1}{1+3x}$ 

得分

四、应用题[本题共15分]

得分

1. (5 分) 求曲线x=t,  $y=-t^2$ , z=3t-1上一点处与平面x+2y+z=4平行的切线方程  $T_{t,y} = (x_t, Y_t, Z_t) = (1, -2t, 3)$ Nit =(1, 2·1) 由代区 开入上 Niz. 开入·NE=U t=1 ナカ史 M、(1,-1,2) Ttn = (1, -2.3) 所来的传扬。 学二世二

2. (10 分) 设空间曲线  $\Gamma$  由曲面  $z = \frac{1}{2}(x^2 + y^2)$  和平面 x + 2y + z = 2 相交产生,

解:(1)记之为T自Y+2y+2=2上原用年到新 区在Oxy上和科区的 YAYY+2x+4)=4. 王上面积市了ds=VHZx+Zjdxdy=V6drdy 三面部: 分= 具由的= 100000 = 90000 (2) 没的做的为了上班一类,所到 (mg) 部高d=2 且 (xy)之) 三部是 之= 之(所) 和 x+2y+2=2 1, 対して L(r.4.を)1.11)= モナカ(オーンと)ナル(ヤイン)+モーン) 2 数点的解释(一十年,一十年,一个年) 扩配 (一十年,一一年, 7分子)

d/M2=7+3V5 出数多知 儿为最强

+2+1