## 杭州电子科技大学软件工程学院学生考试卷(B)卷

考试课程	离散数学	考试日期	<b>U</b> 3	年 月日	成绩
课程号		教师号		任课教师	姓名
考生姓名		学号 (8 位)		年級	专业

### 一、单项选择题 (每题 2 分, 共 30 分)

- 1 从真值角度看,命题公式的全部类型是( )
  - A. 永真式

- B. 永假式
- C. 永真式。永假式
- D. 永真式, 永假式, 可满足式
- 2. 在下列含有命题 p, q, r的公式中, 是标准析取范式的是( D)
- A.  $(\neg p \land q) \lor (p \land q \land r)$  B.  $(p \lor q \lor r) \land (\neg p \land q)$ 

  - C. (pvqvr) A (-pvqvr) D. (-pAqAr) v (pAqAr).
- 3. 谓词公式  $\forall x (P(x) \lor \exists y R(y)) \rightarrow Q(x)$  中量词  $\forall x$  的辖城是 ( C )
  - A.  $\forall x (P(x) \lor \exists y R(y))$  B. P(x)

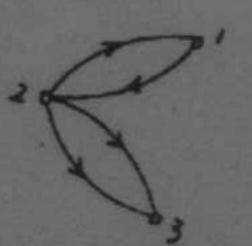
- C.  $P(x) \vee \exists y R(y)$
- D. P(x), Q(x)
- 4. 设论域为整数集,下列谓词公式中真值为假的是( 5)
  - A.  $\forall x \exists y (x \cdot y = 0)$
- B.  $\forall x \exists y (x \cdot y = 1)$
- C.  $\exists y \forall x (x \cdot y = x)$
- D.  $\forall x \forall y \exists z (x y = z)$
- 5. 下列选项中错误的是(2)
  - A. *φ*⊆*φ*
- C. \$ ⊆ {\$\phi\$}
- D.  $\phi \in \{\phi\}$

- 6. 下列式子正确的是(人)
  - A.  $(A-B)-C = A (B \cup C)$
- B.  $A-(B\cup C)=(A-B)\cup C$
- C.  $(A-B)^c = (B-A)^c$
- D.  $(A \cap B)^{\circ} \subseteq A$
- 7. 设 $A = \{a, b, c, d\}$ ,  $A \perp$  的等价关系  $R = \{\langle a, b \rangle, \langle b, a \rangle, \langle c, d \rangle, \langle d, c \rangle\} \cup I_A$ , 则对应于 R
  - 的 A 的划分是 ( ) A.  $\{\{a\},\{b,c\},\{d\}\}$
- B.  $\{(a,b),(c),\{d\}\}$
- C.  $\{\{a\},\{b\},\{c\},\{d\}\}$
- D.  $\{(a,b),(c,d)\}$
- - A. 自反性

B. 对称性

C. 传递性

D. 反自反性



- 9. 设R为实数集,映射σ:R→R,σ(x)=|2x-10,側σ匙(D).
  - A. 单射而非满射.

C. 双射.

B. 满射而非单射。

- D. 既不是单射也不是满射
- 10. 以下系统是代数系统的是( ] 5)
  - $A. < Z^+, ->$  ,其中  $Z^+$  是正整數集 , 是数的减法运算
  - B. < A,\* >, 其中 A = {a,b}. \* 运算定义为

- C. < Z, +>, 其中 Z 为整数集, + 是数的除法运算
- D. < R, +>, 其中R为实数集。 + 是數的除法运算
- 11. 在实数集合 R上, 下列定义的运算中不可结合的是()
  - A. a\*b=a+b+2ab
- B. a\*b=a+b
- C. a\*b=a+b+ab
- D. a\*b=a-b
- 12. 设实数集R上的二元运算。为:  $x \circ y = x + y 2xy$ ,则。不满足(y)
  - A. 交換律

B. 结合律

C. 有等幂元

- D. 有零元
- 13. 在简单无向图 G=< V、E>中, 如果 V 中的每个结点都与其余的所有结点邻接, 训读图标:
- B. 强连通图
- C. 完全图

- 14. 连通图 G 是一棵树, 当且仅当 G 中( 15
  - A. 有些边不是割边
- B. 每条边都是割边

C. 无割边集

- D. 每条边都不是割边
- 15. 无向图 G 是欧拉图当且仅当 G 是连通的且 ( C )
  - A. G中各顶点的度数均相等
  - B. G中各顶点的度数之和为偶数
  - C. G中各顶点的度数均为偶数
  - D. G中各顶点的度数均为奇数
- 二、填空(每空 2 分, 共 20 分)
- 16. 设 M(x): x 是猫, P(x): x 是动物, 则命题"所有的猫都是动物"可符号化为

17. 设 $A = \{a,b,c\}$ . R是A上的二元关系,且给定 $R = \{\langle a,b \rangle, \langle b,c \rangle, \langle c,a \rangle\}$ . 则R的

自反闭包 (R)= { ( a, b7, ( b, c7, ( c, a7, ( a, a7, ( b, 57, ( c, c) }

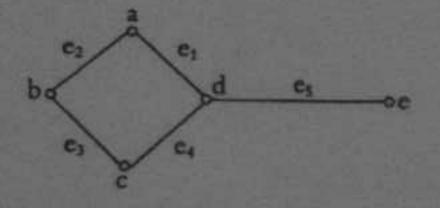
对称闭包s(R)= ((a,67,(5,47,(6,47,(6,47,(6,47)

- 18. 设  $X = \{1, 2, 3\}, f: X \to X, g: X \to X, f = \{<1, 2>, <2, 3>, <3, 1>\}.$   $g = \{<1, 2>, <2, 3>, <3, 3>\}, 则 <math>g \circ f = \{<1, 17, <2, 17, <3, 17\}$

\_. 割边是\_ 은(

٠	a	16	c	d
a	a	b	c	d
b	b	a	d	C
c	c	d	b	a
d	d	c	a	ь

20. 如下无向图割点是\_



- 三、计算与证明(共50分)
- 22. (8分) 证明等价式:  $\exists x (A(x) \rightarrow B(x)) = \forall x A(x) \rightarrow \exists x B(x)$ .

- = BX-A(X) Y BX B(X)
- = 4 \* A (10) V 3 \* B (1)
- = 4xAcx)= 700 = 700

23. (8分) 使用演绎推理的方法证明  $(A \land B) \rightarrow C$ .  $\neg D$ .  $\neg C \lor D \Rightarrow \neg A \lor \neg B$ .

- (2) TOVO P
- (3) 7 ( T: (1)(1)
- (4) (AAB) -C P
- (5) (AAB) T = (3)(4)
- (6) AV-13 E: (57
- 24. (10分)设 R 是集合 X 上的二元关系。证明 R 是 X 上传递关系当且仅当 R 。 R ⊆ R

四音: 名勒斯 P81.

25. (8分) 设  $A = \{2,3,5,12,19\}$ . 等价关系  $R = \{\langle x,y \rangle | x,y \in A \land x \equiv y \pmod{3}\}$ . 写出各元 素的等价类,并求 A/R。

$$C_{2} = C_{3} = \{2.5\}$$
 $C_{3} = C_{12} = \{3.12\}$ 
 $C_{4} = \{19\}$ 
 $A/R = \{12.5\}, \{3.12\}, \{19\}$ 

26. (8分) 设 < G, \* > 是一个群, H 是 G 的子群,  $a \in G$ ,定义:  $aHa^{-1} = \{a^*h^*a^{-1} \mid h \in H\}.$ 

证明  $aHa^{-1}$  是 G 的子群。

Vaxl. \* a \* . a \* h. \* a \* ( a \* h. \* a \* ) \* ( a \* h. \* a \* ) \* ( a \* h. \* a \* ) \*

27. (8分) 试证: 任一棵非平凡树 G 至少有两片树叶。

## 杭州电子科技大学软件工程学院学生考试卷(A)卷

考试课程	离散数学	考试日	MI	年 月	成绩	
课程号		教师号		任课教师女	生名	
考生姓名		学号 (8		年級	专业	

### 一、单项选择题(每题 2 分, 共 40 分)

- 1. 令p:今天下雪了,q:路滑.则命题"虽然今天下雪了,但是路不滑"可符号化为( ♪) A.  $p \rightarrow \neg q$ B. pv-q C. pAq D. p 1 - q
- 2. 设个体域为整数集,下列真值为真的公式是( A)

A.  $\forall x \exists y (x - y = 0)$ 

B.  $\exists y \forall x (x - y = 0)$ 

C.  $\forall x \forall y (x - y = 0)$ 

D.  $\neg \exists x \exists y (x - y = 0)$ 

- 3. 下列等价式不成立的是( )) A.  $\neg \exists x A(x) = \forall x \neg A(x)$ 
  - B.  $\neg \forall x A(x) = \exists x \neg A(x)$
  - C.  $\forall x (A(x) \land B(x)) = \forall x A(x) \land \forall x B(x)$
  - D.  $\forall x (A(x) \lor B(x)) = \forall x A(x) \lor \forall x B(x)$
- C. 5种 B. 3种 A. 0种
- 5. 下列命题正确的是( )
  - A.  $\{1, 2\} \subseteq \{\{1, 2\}, \{1, 2, 3\}, 1\}$
  - B.  $\{1, 2\} \subseteq \{1, \{1, 2\}, \{1, 2, 3\}, 2\}$
  - C.  $\{1, 2\} \subseteq \{\{1\}, \{2\}, \{1, 2\}\}$
  - D. {1, 2}∈{1, 2, {2}, {1, 2, 3}}
- 6. 设A,B是两个集合。且B≠Ø,则(

A.  $A-B\subset A$  B.  $A\subset A-B$ 

 $C. A-B\subseteq A$ 

D.  $A \subseteq A - B$ 

7. 设 $A = \{a, b, c\}$ ,  $R \neq A$ 上的二元关系,  $R = \{\langle a, a \rangle, \langle a, b \rangle, \langle a, c \rangle, \langle c, a \rangle\}$ , 那么R是

A. 反自反的

B. 反对称的

- C. 可传递的
- D. 不可传递的
- 8. 集合 A={1,2,3}上的下列关系矩阵中符合等价关系条件的是( )

```
A. \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} B. \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} C. \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} D. \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}
```

- 9. 设区是整数集, E={···, -4, -2, 0, 2, 4, ···}, f:Z E,f(x)=2x, 则f(C) B. 仅是单射 C. 是双射 A. 仅是满射
- 10 R是 A上的二元关系,以下说法中正确的是( C )
  - A. R要么是自反的, 要么是反自反的
  - B. R要么是对称的, 要么是反对称的
  - C. 如果 R 是自反的, 那么 R 不是反自反的
  - D. 如果 R 是对称的。那么 R 不是反对称的
- 11. 设有代数系统 G =< A. \* >, 其中 A 是所有命题公式的集合。\* 为命题公式的仓取运算。则证 的幺元是( 3)

A. 永假式

B. 永真式

C. 可满足式

12 下列运算中关于整数集不能构成半群的是()

A. a · b = max {a, b}

C. a b-2ab

D. a b a-b

13. 设 < G, \* > 是有限循环群,则下列说法不正确的是( /- / )

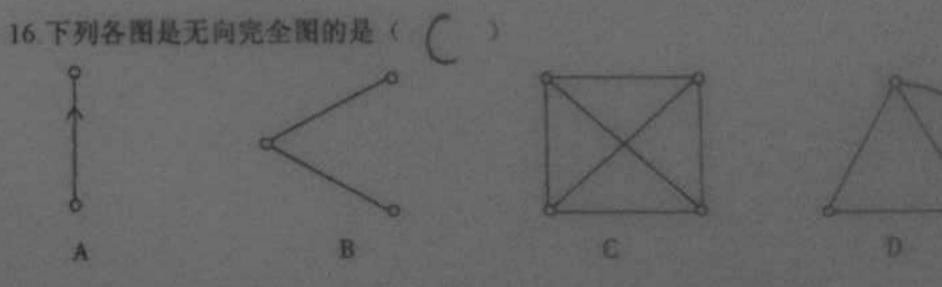
- A. G的生成元是唯一的
- B. 有限循环群中的运算。 适合交换律
- C. G中存在一元素a, 使G中任一元素都由a的幂组成
- D. 设 a 是 G 的生成元,则对任一正整数 i 、存在正整数 j 使 a'' = a'
- 14.设 R\*为正实数集,\* 是数的乘法运算, < R\*, \*>是一个群,则下列集合关于数的乘法运算。 构成该群的子群的是( / )
  - A. { R + 中的有理数 }

B. (R\*中的无理数)

C. (R\*中的自然数)

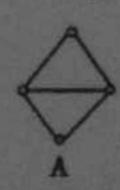
D. {1, 2, 3}

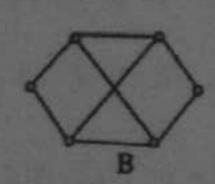
- 15.以下说法中正确的是( \ )
  - A. 阶数大于1的群中可能存在零元
  - B. 交換群必是循环群
  - C. 设群 < G, \* > 是 n 阶群,对于 n 的任意因子 m . 必存在 m 阶子群
  - D. 设群 < G. \* > 是 n 阶群,对于 G 的任意元素 a , 必有  $a'' = \epsilon$  (  $\epsilon$  是  $\ell$  是  $\ell$  是  $\ell$

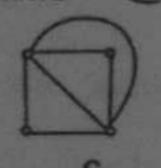


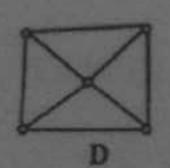
- - A.  $\{ < v_1, v_4 >, < v_3, v_4 > \}$
  - B.  $\{ < v_4, v_5 >, < v_4, v_6 > \}$
  - C.  $\{<\nu_4,\nu_7>,<\nu_4,\nu_8>\}$
  - D.  $\{ < v_1, v_2 >, < v_2, v_3 > \}$
- 18. 给定 n个结点的一棵树,下列说法中,( )是不对的。
  - A. 无回路的连通图
  - B. 无回路但若增加一条新边就会变成回路
  - C. 连通且e=v-1, 其中e是边數, v是结点數
  - D. 所有结点的度数大于或等于 2
- 19. 结点数为奇数且所有结点的度数也为奇数的连通图必定是( )
  - A. 欧拉图

- B. 哈密尔顿图
- C. 既是飲拉图又是哈密尔顿图
- D. 不存在的
- 20. 下列各图中既是欧拉图,又是哈密尔顿图的是( ( )









- 二、计算与证明(共 60 分)
- 21 (8分) 计算命题公式  $(p \rightarrow (q \land r)) \rightarrow \neg p$  的标准析取范式与标准合取范式。

P	8	Y	8 1	P-1 (8 AF)	(P+(8AV))->-P
0	0	0			
0	0	1	0		
0	1	0	0		
0	- (	1			
(	0	0	0	0	
(	2	-	0	0	
1		0	•	0	
		1		TALL STATE	0

- 22/ (10分) 设有推理
  - (血) 没有不守信用的人是可信赖的。
  - b) 有些可以信赖的人是受过教育的人。
  - c) 因此, 有些受过教育的人是守信用的。

式构造推理的证明,要求把推理的前提。结论符号化为谓词形式。并写出推理过程。(个体域) 所有人的集合)

\$ ---

23. (8 分) 设  $A = \{a,b,c\}$ .  $A \perp = \pi \times R = \{< a,a>, < a,c>, < b,a>\}$ . 水最小的自然版 m,n,m < n. 使 R''' = R''.

fixit pred: mooo v moo! v moio v mo!! V M100 v m10, v m10

24. (8 分) 设 R 是 A 上的一个自反关系。证明: R 是一个等价关系。当且仅当"若  $< a,b> \in R, < a,c> \in R$ ,则  $< b,c> \in R$ "。

is: "ラ" 名(a, b) をR, (a, c) もR. : R 33 : (b, a) もR. タン: R 33 : (b, c) もR.

えくa、byeR、Cb、cyeR、由Rコおお、ちo くb、a)をR はCb.a)をR、Cb、cytR気のくa、c)をR:R传送 : R急等は美勤。

25. (8分)设 < G, \* > 是一个群。 $x \in G$ 。定义:  $a \circ b = a * x * b$ ,  $\forall a, b \in G$ 。证明: < G,  $\circ >$  也是一个群。

i & O Y a, 6 & G. a o b = a + x + b & G : o 2. G + Historia

- @ \a,b,c+G. (a.b).c = (a\*\*\*\*) \* x \* c = a\*x \* (b\* x \* c) = a.(b.c)
- ③ Yatq. x1·a = x1\*\*\* 4 = a .. x2·(q.)
  a·x1 = a\*\*\*\* = q .. x2·(q.)

- 26. (10分)如图所示一简单图G (边包含实线边与虚线边)。
  - 1) 求此图的点连通度  $\kappa(G)$  与边连通度  $\lambda(G)$ :
  - 2) 判断此图是否为欧拉图和哈密尔顿图,并说明项由。
  - 3) 此图的生成树如图中实线部分所示。求枝ej的基本割集和弦cji的基本回路。
  - (1) XCG) = 2CG) = 2
  - (1)不是包括图,自是考点 2000年300年300年1日路 不是。信息智慧图、如何能理的电影或中国路 (a,b,c,e,f,a)
  - (3) 基本初集: {ei,58}
- 27. (8分) 试证: 在p阶简单图中 (p≥2). 必存在度数相同的顶点。

回台·名勒科 P186 1376-4.

# 杭州电子科技大学信息工程学院学生考试卷(A)卷

课程名称	高散数学	考试日期	年 月	成绩	
考生姓名		任课教师姓名		吴铤	
学号 (8位)		遊級	+:	de l	

- 一. 填空题 (每格2分, 共40分)
- 1. 位串 01001011 与 10101101 逐位进行合取运算所得的结果是 ODOO\OO\
- 2. 设命题 p: 小王是班长: q: 小李是班长, 则自然语言"小王或小李是班长 (不可并列)"可符号为 (P / つる) v (つ P / る)
- 3. 设对于某个包含 3 个命题变元 p,q,r 的命题公式,解释 p=0,q=1,r=1为其成真解释,则在该命题公式的标准析取范式中必定包含最小项 M out
- 4. 设个体域  $D = \{-2,4,5\}$ , 一阶谓词 p(x): x > 2,  $q(x): x \le -2$ , 则谓词公式  $\forall x (p(x) \lor q(x))$  的真值是\_\_\_\_\_\_\_.
- 5. 设集合  $A = \{a,b\}, B = \{a,c\}, 则 \rho(A) \cap \rho(B) = \{\phi, \{a,b\}\}$
- 6. 设集合 A 是包含 3 个元素的集合,则在 A 上可以定义 2 7 2 1元关系,其中有 2 和 元关系满足对称性。
- 7. 设  $A = \{a, b, c, d\}$ .  $\pi = \{\{a\}, \{b, c\}, \{d\}\}$  是集合 A上的一个划分。记 R表示 A上划分  $\pi$  所对

应的等价关系,则等价类 $[a]_R = \{a\}$ 

	a	b	c	d
a	a	Ь	c	d
b	b	a	d	c
c	C	d	ь	a
d	d	c	2	b

8 在整数加法群 G=(Z,+)中, 33=

- 9. 在左侧运算表所给的循环群中,单位元为\_Q\_, c的次数等于\_4, d'=\_Q\_.

トる"(填"是"或"不是") 版拉图。

- 12. 一个柯丁有5个1度顶点,3个2度顶点,其余的项点都是3度顶点,了具有点点。
- 二. 选择题 (每题 2 分, 共 16 分)

1. 与命题公式(p→q)v¬r不等价的是—

在以下各式中不成立的是

- $A(p \wedge r) \rightarrow q : B(r \rightarrow (p \rightarrow q) \in q_{N-1}(p \vee p) = p_{N-1}(p \vee p)$
- A  $(p \wedge r) \rightarrow q$ : B.  $r \rightarrow (p \rightarrow q)$ : C.  $q \vee \neg (p \vee r)$ : D.  $p \rightarrow (r \rightarrow q)$ :
- A.  $\forall x (A(x) \lor B(x)) \Rightarrow \forall x A(x) \lor \forall x B(x)$ , B.  $\exists x (A(x) \lor B(x)) \Rightarrow \exists x A(x) \lor \exists x B(x)$ .
- C.  $\forall x A(x) \lor \forall x B(x) \Rightarrow \forall x (A(x) \lor B(x))$ ; D.  $\exists x A(x) \lor \exists x B(x) \Rightarrow \exists x (A(x) \lor B(x))$
- 3. 设 R = {< x, y > | x, y ∈ R ∧ | x − y |= 1} 是实数集合 R 上的二元关系。 财其满是 3. A. 自反性。 B. 对称性。 C. 反对称性。 D. 传递性。
- 4. 设尺是集合 A 上的等价关系。[x]<sub>R</sub>表示元素 x 所在的等价类。则在以下判断中错误的是
  - A. 若[a]<sub>R</sub>=[b]<sub>R</sub>,则aRb; B 若aRb,则[a]<sub>B</sub>,[b]。否定等势;
  - C R的对称闭包s(R)也是A上的等价关系。D. R 必定不是A上的等价关系:
- 5. 若简单图 G 对应的度序列为 4. 4. 3. 3. 2. 则以下说法中错误的是 A. G 必定是连通图: B. G 必定不是数技图:
  - C. G 必定不是哈密尔顿图; D. G.的任意一棵生成树有 4 条枝;
- 6. 设 G=cg>是 12 阶循环群, H 是其子群, 则以下说法错误的是
  - A g°也是G的生成元: (b) H也是循环群: (c) ∀a∈G, aH = Ha: (d) 旧 鉴定是 12 的图号
- 7. 记 R, R'分别表示实数集合以及非零实数集合,则在(R,+),(R,×),(R',+),(R',×)中,群的个数
  - A.1个, B.2个, C.3个, D.4个;
- 8. 以下非负整数列可以简单图化的是 A.(5,5,4,4,2,1); B.(5,3,2,2,2,2); C.(4,3,3,3); D.(3,3,3,1)

R

((1.4),(3.5).(1.5)

第 1 页 共 2

# Moor Moor A Moor A Moor A Moo

三. 计算命题公式(¬p→q)∧r的标准合取范式(8分)

四. 证明  $p \rightarrow (q \vee r), \neg s \rightarrow \neg q, p \wedge \neg s \Rightarrow r (6 分)$ 

五. 设集合  $A = \{a, b, c\}$  . A 上的二元关系 R ,S 分别为

 $R = \{ < a, a>, < a, c>, < b, c>, < c, c> \} \,, \quad S = \{ < a, b>, < b, b>, < c, a>, < c, c> \}$ 

求(1) $R \circ S$  所对应的关系矩阵 $M_{R \circ S}$ ; (2)R - S 的关系矩阵 $M_{R \circ S}$ ;

(3) R 的自反闭包的关系矩阵  $M_{r(R)}$  ; (4) R 的对称闭包的关系矩阵  $M_{s(R)}$  ;

(5) R 的传递闭包的关系矩阵  $M_{I(R)}$ : (6)  $R^{-1}$  的关系矩阵  $M_{R^{-1}}$ 。(每个 2 分,共 12 分)

$$\frac{1}{2}$$
: (1)  $M_{R-5} = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}$  (2)  $M_{R-5} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ 

(9) 
$$M_{r(R)} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$
 (4)  $M_{s(R)} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ 

$$(7) \text{ M}_{2}(0) = (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0) \\ (0)$$

六. 设 G=<g>是一个 15 阶循环群。

(1) 求 g°的次数; (2) 求 g°生成的子群 G; (3) 求 G;在 G 中的指数[G·Gi];

(4) 求子群 G, 的所有生成元:

(5) 在区间[-9,5]中求满足 gx g25 的整数 x; (每个 2 分, 其 10 分)

七. 证明在p阶简单图中, 如果p≥2. 则必存在度数相同的点。(8分)

吗。是数对 图 86 (396.4.

# 杭州电子科技大学学生考试卷( A )卷

考试课程	高散数学	考试日期	2008年1月日	19	成绩	
课程号	教师号		任课教师姓名	余	日泰、吴等	E、周丽
考生姓名	学号(8位)		年級		专业	

注意: 所有題目(包括填空題和判斷題)都需全部做在后面答題纸上,否则成绩无效。

- 一、填空题(每格 2 分, 共 42 分)
- 2. 若 A 是包含三个命题变元 p,q,r 的命题公式,且 p=0,q=1,r=1 为 A 的成真解释,则在 A 的标准 析取范式中必定包含最小项  $\frac{90}{}$  。 11 。
- 3 命題公式(p→q) ↔ r的标准合取范式为 Meoo A Molo A Miol A Milo
- 5 设集合  $X = \{a, b, c, d\}$ . R和S是 X 上的两个二元关系,且  $\{1, 6\}$ ,  $\{4.6\}$ ,  $\{4.6\}$ ,  $\{1, 4, 6\}$

[0110]	[1001]	(1)	(11	-	1 (3)	(101)
$M_R = \begin{vmatrix} 1100 \\ 0101 \end{vmatrix}$	$M_S = \begin{bmatrix} 0110 \\ 0010 \end{bmatrix}$ , 301		100	00		(0101)
1001	1000		/11	10		101117

(iii)

(v)

(iv)

1100

0111

1111

111

1111

0011

1 1 1 0

1101

1011

- i 逆关系 R-1的关系矩阵为\_
- ii. 复合关系SoR的关系矩阵为\_
- iii. R的自反闭包r(R)的关系矩阵为\_
- iv R的对称闭包s(R)的关系矩阵为
- v. R的传递闭包t(R)的关系矩阵为\_

- vi 关系 S最少要罪加序强 (1, 1), (d, d)能成为等价关系。记该等价关系为S'。
- 6.以下的运算表所给的循环群中,其所有的生成元为 C, d, b- Q, c- b

群元素 d 的次数是 4.

- \* a b c d
  a a b c d
- b b a d c c c d b a d d c a b

7. 群 G =< Z<sub>12</sub>,+<sub>12</sub> >中的非平凡子群 H = {0,4,8}的所有左陷集分别为 {2,6,1s}, {2,7,1s}

8. 若树 T 是完全間 G 的生成树、在树 T 中有 8 个 1 度頂点、2 个 3 度頂点、其余的都是 4 度頂点、網 T 有 ン 个 4 度頂点、例 T 共有 5 第弦。

9. 对于完全二部图 K<sub>ma</sub>, 当 M = N 7 时, K<sub>ma</sub> 必定是哈密尔顿图。

10.在下面演绎中,借误的是第一位是 乙世。

- (1) ∀x∃y(x > y) P 規则
- (2) ∃y(z > y) US 规则: (1)
- (3) z>a ES 規則: (2)
- (4) ∀x(x>a) UG 規則: (3)
- , (5) a > a US 規則: (4)
- 二、判断题(每题 2 分。共 16 分)
- 1.数列 (1,3,3,4,5,6,6) 是一个无向简单图的度数列。( )
- 2.A 是可满足式当且仅当 A 的标准合取范式至少有一个最大项。(一)
- 3.一个不是水真式的命题公式,其代换实例也一定不是水真式。( 上)
- 4.  $\exists x A(x) \land \exists x B(x) \Rightarrow \exists x (A(x) \land B(x))$  ( $\checkmark$ )
- 5.设函数  $f: X \to Y, A \subseteq X, B \subseteq X, 则 f(A \cap B) = f(A) \cap f(B)$  (本)
- 6 若G是12 阶有限群, e为单位, 则∀a∈G,a<sup>12</sup>=e-(√
- 7 R是集合 A上的二元关系。如果 R 是反对称的。则 R 也是反对称的。(▼)
- 8 简单图 G 中有从点 u 到点 v 的二条不同的通道。简 G 中一定有国路。( )

45) Bar T: (3)(4) C1) 2 5(200 # 25. 三、用演绎推理法证明下列推理过程:(8分) (7) + T:(5)(6) (3) P T: (1)(4) (4) P-18-17) P.  $p \rightarrow (q \rightarrow r), s \rightarrow p, q \Rightarrow s \rightarrow r$ 

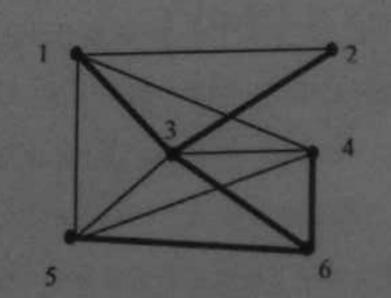
五、设 G 是 (p,q) 图,证明: G 连通,且任何边都是桥当且仅当 G 中无回路,且 q=p-1 (8 分)

明 (名数打印101)

六、设<G,\*>是群,H为G的子群,在集合G上定义二元关系。(10分)

10% (2数对 P135)  $R = \{ \langle a, b \rangle | a \in G \land b \in G \land a * b^{-1} \in H \}$ ,证明:

- (1) R 是集合 G 上的等价关系:
- (2) 其等价类与相应的右陪集相等,即 $[a]_R = Ha$ ,且若 $< a,b> \in R$ 时有Ha = Hb
- 七、设图 G 如下所示, 回答以下问题; (8分)
  - G是否是欧拉图。若是给出欧拉闭迹;若不是,则说明理由:
  - G 是否是哈密尔顿图。若是给出哈密尔顿回路; 若不是,则说明理由:
  - 记粗线给出的生成树为 T. 则弦(1,4)构成的基本回路是什么? 枝(3,6)构成的基本割集是什 43
  - K(G),  $\lambda(G)$  各是多少?



四是、(1,2,3,4,6,5,1)

(17 美主国智言:(1.4.6.3,1)

基本到集:{(1,57),(1,47),(3,57),

(4) K(6)= 2, 2(6)=2

## 杭州电子科技大学软件职业技术学院学生考试卷( A 卷)

考试课程	离散数学	考试日期	年	月日	成绩
课程号	教师号		任课教	师姓名	吴铤
考生姓名	学号(8位)		年级	专业	座位号

### 所有答案均填写在答题纸上。

- -. 填空题 (20分)
- 2. 设A是包含三个命题变元 p,q,r 的命题公式,且 p=1,q=0,r=1为 A 的成假解释,则在 A 的标准合取范式中必定包含最大项 M ( $\circ$ )
- 4. 若  $A = \{a, b, c\}$ .  $B = \{a, b, d\}$ . 则  $A \oplus B = \{c, d\}$
- 5. 设 R 是复数集合 C 上的等价关系,  $R = \{(x,y) | x \in C \land y \in C \land x y$  是整数  $\}$  ,则  $\frac{1}{3}$  所在的等价类为  $\left\{\frac{1}{3} + k \mid R \in \mathbb{Z}\right\}$
- 6. 设 $\langle G, \times_{11} \rangle$ 是一个群,其中 $G = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ , $i \times_{11} j = (i \times j) \mod 11$ . 则 5 的 逆元是 9\_\_\_\_
- 7. 设 G=(g)是一个12 阶循环群, g是生成元,则 G 所有的生成元是 多 , 多 , 多 , 多 , 8 , 9 ,
- 8. 设一个树有2个2度点,3个3度点,4个4度点,其余均是1度点,则该树有13个1度点。
- 9. 若T是(p,q)图G的生成树,则T有6-P+1

### 二,选择题(16分)

1. 使 p=1, q=1, r=0 为成假解释的命题公式是(1)

a) 
$$r \rightarrow (p \land q)$$
 b)  $p \rightarrow (q \rightarrow r)$  c)  $(p \lor q) \leftrightarrow \neg r$  d)  $(\neg p \rightarrow r) \leftrightarrow q$ 

- 2. 以下推理正确的是(A)
  - a)  $\forall x A(x) \lor \forall x B(x) \Rightarrow \forall x (A(x) \lor B(x))$
  - b)  $\exists x A(x) \land \exists x B(x) \Rightarrow \exists x (A(x) \land B(x))$
  - c)  $\forall x \exists y A(x, y) \Rightarrow \exists y \forall x A(x, y)$
  - $d)\exists xA(x) \Rightarrow \forall xA(x)$
- 3. 设R都是集合  $A = \{1,2,3\}$  上的二元关系,其关系矩阵为 $M_R = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ ,则其情况

# 多选)(AD.

- a)自反性; b)反自反性; c)对称性; d)反对称性; c)传递性; f)均不满足;
- 4. 设 A, B, C 是任意集合,则以下说法正确的是(())
  - a)  $A \cup C \subseteq B \cup C \Rightarrow A \subseteq B$
  - b)  $A \cap C \subseteq B \cap C \Rightarrow A \subseteq B$
  - c)  $A \subseteq B, C \subseteq D \Rightarrow A \cup C \subseteq B \cup D$
  - d)  $A \subseteq B, C \subseteq D \Rightarrow A \cup C \subseteq B \cup D$
- 5. 设 R, S都是集合 A 上的二元关系, 且均衡足自反性, 则以下说法错误的是(C)
  - a) R∩S是自反的: b) RUS是自反的: c) R-S是自反的: d) Ros 是自反的:
- 6. 在整数加法群(Z,+)中、单位元是(A). 5 的逆元是(D) a)0, b)1; c)1/5; d)-5;
- 7. 设(G,\*)是一个交换群, $a,b \in G$ 的次数分别为 3 和 4 则 a\*b 的次数为 D
  - a)3: b)4; c)6; d)12:
- 8. 以下说法中正确的是 (

1111 1010

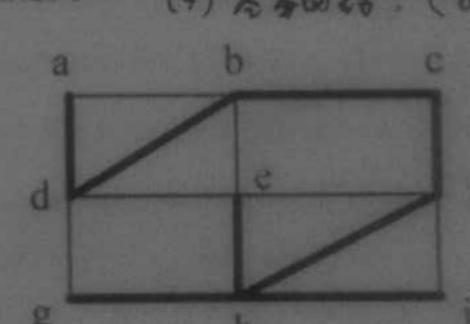
- a) 哈密尔顿图一定是欧拉图。b) 完全图 Kn(n>-3) 都是欧拉图。
- c) 度数为奇数的结点个数为 0 个成 2 个的连通图 G 可一笔画出。
- d)若G是(p,q)簡单图,则当q≥p-1时,G 经是连通图。
- 三. 判断题 (16分)
- 1. 若G是(p,q)簡单连通图,则当q=p-1时,G一定是树。( )
- 2. 设p,q为命题变元。则 $(p \rightarrow q) \rightarrow (\neg p \lor q)$ 是水真式。 $( \checkmark )$
- 3. 若(G,o)是n阶有限群, a∈G且a为2次元,则n必定是偶数。( )
- 4. 设A是含有n个命题变元的命题公式,如果A的标准折取范式不含最小项,则A必定是水假
- 5. 若R是集合 A上的二元关系,则如果 R 是自反的,则 R 必不是反自反的; 同样地,如果 R是对称的。则R就不是反对称的。( $\checkmark$ )
- 6. 若R是集合A上的关系,且R是对称的,则 $R^{-1}$ 也是对称的。
- 7. 若G是12阶有限群, e为单位,则∀a∈G,a12 = e. ( √
- 8. 若简单图 G 的度序列为 (3, 3, 3, 4), 则其必定是连通图。( ~
- 4. 用演绎法证明¬ $p \lor q$ ,¬ $q \lor r,r \to s \Rightarrow p \to s$ . (8分)
- 五. 设 $\langle Z_{12}, \times_{12} \rangle$ 是一个群. 其中 $Z_{12} = \{1, 5, 7, 11\}, i \times_{12} j = (i \times j) \mod 12$ . 求 (10分)
  - (1) 元素 5 的次数: (2) 元素 5 的逆元:
  - (3) 元素 5 生成的子群 H; (4) H在G中的指数[G:H];
  - (5) 日在G中的所有左陪集。 {1.5}, {7,11}
- 六、设R, S 都是集合 $A = \{a,b,c,d\}$ 上的二元关系,其对应的关系矩阵分别是(14分)

$$M_R = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}, M_S = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix}. \Re$$

- (1) 况的补关系对应的关系矩阵 M 11
- (2) R∩S 对应的关系矩阵 M<sub>MAS</sub>;
- (3) RUS 对应的关系矩阵 M<sub>RUS</sub>:
- (4) R的自反闭包对应的关系矩阵 M,(n):
- (5) R的对称闭包对应的关系矩阵 M<sub>n(R)</sub>;
- (6) R的传递闭包对应的关系矩阵 M<sub>e(R)</sub>:
- (7) RoS 对应的关系矩阵 Mack!

- 0000 1101
- 0010 0111 1101
- 0100 0000 1101
- 七. 证明在 p ≥ 2 阶简单图 G 中, 必存在度数相等的两个顶点。(8分)
  - 略. 2数转 P186 (37) 6-4
- 八. 设图 G 如下所示。固咎以下问题; (8分)
  - (1) G是否是欧拉图。若是给出欧拉闭迹:若不是。则说明哪由:

  - (3) 记租线给出的生成树为 T. 则张(b. c)构成的基本回路是什么?核(b. c)构成的基本则 集是什么? (2) 不 是,一个 T 2 0 12 经 13 上 19 35 Ca d, 是, , 。 , , 。 ,
  - (4) K(G), λ(G) 各是多少? 212



(4) 差多的智: (6. e, h, f, e, b) b c 寒朝果:{cb(c),(b,e), (d, e), (d, 9)

(u.u), (3,5), (1,5))

### 杭州电子科技大学学生考试卷( A )卷

考试课程	离散数学	考试日期	2009	年1月1日	3	成绩	
课程号		<b>大师号</b>	487	任课教师	姓名	周有	可, 吴铤
考生姓	学4	子(8位)		年級		专业	

#### 注意: 答案必须写在答题纸上

#### 一、填空應 (每格 2 分, 共 28 分)

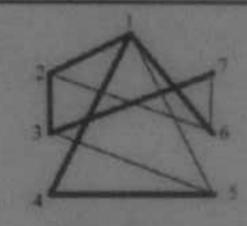
- (2)设个体域  $D = \{1,2\}$ , 谓词 P(x): x = 1, Q(x): x = 2, 则  $\forall x (P(x) \to Q(x))$ 的真值是 Q(x) 的真值是 Q(x) .
- (3)若某个命题公式包含 4 个命题变元,且其标准折取范式中恰有 5 个最小项。则其具有\_U\_个成假解释。

$$(4) 设 A = \{1,2\}, B = \{2,3\}. 则  $\rho(A) \oplus \rho(B) = \left\{ \{1,2\}, \{1,2\}, \{3\}, \{2,3\} \right\}$$$

- (5)设X是具有 4 个元素的集合,则X上的自反关系有了一个。
- (6)若树有5个1度点,2个2度点,其余均为3度点。则该树的边数为\_\_\_\_
- (7)设  $A = \{a, b, c, d\}$ ,  $\pi = \{\{a\}, \{b, c\}, \{d\}\}$  是集合 A上的一个划分。记 R表示 A上划分  $\pi$  所

- (9)设G=<g>是一个20阶循环群,则|<g<sup>6</sup>>|=\_\_\_(0\_.
- (10)在整数加法群(Z,+)中,5-3= -15 -
- (11)设Q为有理数集。笛卡尔积 $S = Q \times Q$ ,\*是S上的二元运算。 $\forall (a,b),(x,y) \in S$ ,有

(12)设 $\alpha = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 2 & 5 & 1 & 4 & 3 \end{pmatrix}$ ,  $\beta = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 5 & 3 & 1 & 2 & 4 \end{pmatrix}$  是集合  $\{1,2,3,4,5\}$  上的置换。则  $\alpha^{-1}\beta = \frac{\left( \frac{1}{2} - \frac$ 



(1,4)对应的基本制集是 路是 (6,7)为1,1,6

#### 二、选择题 (每题 2分, 共 16分)

- (1)整数之间的整除关系满足(可多选)。
  - (a)自反性; (b)反自反; (c)对称性; (d)反对称性; (e)传递性;
- (2)若p→(q∨r),r→¬p,p∨q的真值均为T,则以下命题公式必成立的是
  - (a)  $(p \wedge q) \vee r$ , (b)  $\neg p \vee \neg q \vee \neg r$ , (c)  $p \wedge r$ , (d)  $\neg q \wedge r$ ,

(3)设 A, B是调调公式、则以下推理错误的是

- (a)  $\forall x (A(x) \land B(x)) \Rightarrow \forall x A(x) \land \forall x B(x)$ . (b)  $\exists x (A(x) \land B(x)) \Rightarrow \exists x A(x) \land \exists x B(x)$
- (c)  $\forall x (A(x) \lor B(x)) \Rightarrow \forall x A(x) \lor \forall x B(x)$ ; (d)  $\exists x (A(x) \lor B(x)) \Rightarrow \exists x A(x) \lor \exists x B(x)$
- - (a) (A-B)-C; (b)  $(A-B)\cap (A-C)$ ; (c) A-(B-C); (d)  $(A-B)\cup (A-C)$
- (5)设 R 为非空集合 X 上的等价关系,则以下说法错误的是
  - (a)若 $a \in [b]_R \cap [c]_R$ ,则bRc; (b)  $\forall a, b \in X$ ,显有  $[a]_R \models [b]_R$  |
  - (c) t(R) 必定也是 X 上的等价关系。(d)  $\forall a \in X$  。[a] 。一定不是空樂。
- (6)设 R, R'分别表示实数集合和非零实数集合。+,×分别表示实数之间的加加与操法运算。
- 在(R,+),(R\*,+),(R,×),(R\*,×)中群的个数为
  - (a)0个; (b)1个; (c)2个; (d)3个; (c)4个;
- - (a) g 也是 G 的生成元; (b) H 也是循环群;
  - (c) Ha = aH, ∀a∈G; (d) H | 必定是 15 的因数

(8)设简单图G 的度序列为(4,4,3,3,2)。对图G 有以下一些判断; (i)图G 必定是连通图; (ii)图G 必定不是歌拉图; (iii)图G 一定是汉密尔顿图; (iv)图G 一定不是树; (v)图G 有 4 条枝 则在以上这些判断中,正确的有几个 (p)
三、判断題(毎題2分,共16分)
(1)集合 G = {0,1} 在逻辑运算"与非"下构成半群 ([]/  )
$(2)$ 设 $R$ 是非空集合 $X$ 上的二元关系,如果 $R$ 满足传递性和自反性,则 $R^2=R$ 。 (
(3)包含 n 个命题变元的永假式必定被此等价 ( )
$(4)$ 设 $f: X \to Y, g: Y \to Z$ ,如果 $g$ 是满射,则 $f \circ g$ 也是满射 ··············( $\checkmark$ )
(5)如果图 G 有 n 个顶点, n+1条边, 则至少有一个点的度数大于等于 3. ((6)如果 G 是一个有限群, 则群中的每个元素的次数也是有限的 (7)设连通图 G 是 4 度正则图,且 G 的阶等于 8,则 G 必定是欧拉图,也是哈密尔顿思
(8)整数加法群(Z,+)的子群必定是正规子群······(///////////////////////////////

四、求命题公式( $\neg P \lor Q$ )  $\rightarrow R$ 的标准析取范式。(8分)  $M_{001} \lor M_{001} \lor M_{001$ 

 $R_1 = \{ \langle x, y | x, y \in X \land x - y = 1 \}, R_2 = \{ \langle x, y | x, y \in X \land y \neq x \} \}$ 

求(a)分别写出 $R_1, R_2$ 中所有的序偶(4分)。

(b)求出以下关系所对应的关系矩阵:  $R_1 \circ R_2^{-1}$ ,  $s(R_1^c)$ ,  $t(R_1 \cup R_2)$ , (6分)

六、设R是非空集合X上的二元关系。若对于任意的a,b,c  $\in X$  ,如果aRb,bRc ,则必有cRa ,则称R是循环的。证明R是自反的和循环的。当且仅当R是一个等价关系。(6分)

七、设G=<g>是 n 阶循环群,<math>m|n,求方程 $x^m=e$ 在G中所有的解。(8分)

八、设有 2n 个团成一圈跳舞的孩子,每个孩子都至少与其中的 n 个孩子是朋友。证明总可以安排使得每个孩子的两边都是他的朋友。(8分)

```
I. R1= (12.17, (3.27, (4,37)
   R2= { (1.17, (1.27, (1.37, (1.47, (2.27, (2,47, (3,37) (4,47)
 MRIORT = (1000) MSCR() = (11)
                                  1111
  MECRIUR 2) = ( ' ' ' ')
六、这明:"一"老只是手给美奇,到只有农里热,
   2: R保道. .. Ya,b,ctx. aRb,bRe. 有 aRc.
   2 .: R788 : CRa .: R Eller
   " = " Ya. b & X. aRb. : R & 2 : bRb
      1月1日1627+11月15年2, aRb, bRb 513 bRa: R7118
     Va.b.et X. aRb, bRc. 10 R(1622 2m cRa. R R288)
     :. aRc. :. R18년 . ·· R2.新多美
```

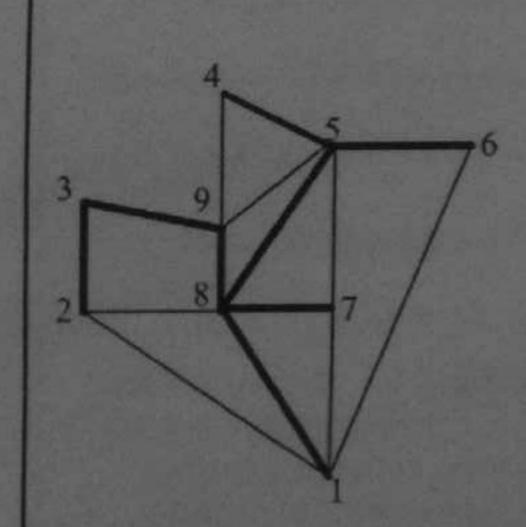
八、哈克·证明与超是地发的国际主意等额图

### 杭州电子科技大学学生考试卷(A)卷

考试课程	离散数学	考试日期	年	月日	成绩	
课程号	教师号		任课机	放师姓名	7.30	
考生姓名	学号(8位)		年級	辛亚		座位号

注意: 所有題目(包括填空應和判斷題)都需全部做在后面答题纸上,否则成绩无

- 一. 填空壓 (每格 2 分, 共 20 分)
  - 1. 位串 10101110 和 01001101 进行按位析取运算, 所得的结果为 【 \ \ 0 ( \ \ )
  - 永真式、永假式或可满足式);
  - 3. 设集合 A = {1,2}, B = {a,b}, 则 p(A) p(B) = 【 (リ, (1), (1)) }
  - 4. 设集合 A 是由 3 个元素构成的集合,则在 A 上既对称又反对称的关系有
  - 5. 在整数集合 Z 上定义运算 "\*"如下: x\*y=x+y-2, ∀x, y∈Z, 则其单位元是 ~ ,



- 6. 设G=<g>是8阶循环群,则|g5|=\_
- 7. 在左图所示的连通图G,粗线表示G的一棵生成树T, 则弦 (1. 2) 所对应的基本回路是 (1, 2, 3, 9, 8, 1.)

$$\kappa(G) = \mathcal{U}$$

- 8. 设 G 是连通平面图的一个平面嵌入, 具其度序列为 (3.
- 3. 3. 4. 1). 则其面数等于 // ( /-
- 二 选择题 (每题 2 分, 共 20 分)
  - 1. 与命题公式 $(p \rightarrow q)$   $v \neg r$  不等价的命题公式是( $\bigcirc$ )
- (a)  $(p \wedge r) \rightarrow q$ : (b)  $q \vee (p \uparrow r)$ : (c)  $r \rightarrow (p \rightarrow q)$ : (d)  $(r \rightarrow q) \wedge \neg p$ :
- 2. 以下推理不正确的是 ...... (D)



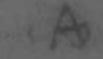
- a)  $p \land q \Rightarrow p$ ; b)  $p \Rightarrow p \lor q$ ; c)  $(p \lor q) \land \neg p \Rightarrow q$ ; d)  $\neg p \rightarrow (p \land q) \Rightarrow q$
- 3. 在包含 3 个命题变元的所有命题公式中,彼此互不等价的意愿公式的个数是。 (a) 3个: (b) 6个: (c) 8个: (d) 256个:



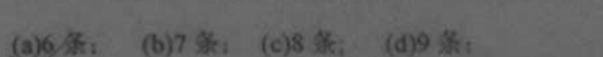
- 4. 与集合 A-(B∩C) 相等的集合是
  - (a) (A-B)-C:(b)  $(A-B)\cap (A-C)$ :(c) A-(B-C):(d)  $(A-B)\cup (A-C)$
- - (a) 自反性: (b) 反自反性: (c) 对称性: (d) 反对称性: (e) 传递性:
- 6 设 R 是集合 A 上的等价关系,则以下结论错误的是 ......



- (a) s(R)也是 A 上的等价关系。(b) R°一定不是 A 上的等价关系。
- (c) ∀a,b∈A. 如果[a]<sub>B</sub>∩[b]<sub>B</sub>≠Ø. 则aRb:
- (d)  $\forall a,b \in A$ , 如果 $[a]_R \cap [b]_R = \emptyset$ , 则 $[a]_R,[b]_R$ 等势。
- 7. 设(G,\*)是 12 阶群, a E G 的次数等于 4. 则[G < a >] = ...



- (a) 3: (b) 4: (c) 6: (d) 12:
- 8.在下列选项中,不是群的是
  - a) (Q,\*), Q为有理数集,\*为乘法运算。 b) (R'. \*), R'为非零实数集, \*为乘法运算。
  - c) (Q, +), Q为有理数集,+为加法运算。
  - d) 全体实对称矩阵集合, 对于矩阵的加法运算。
- 9 设图G的度序列为(3,5,2,1,4,3),则G的边有一



/ 对于完全二部图 K. , 则以下判断正确的是



- (a) 其必定是汉密尔顿图: (b) 其必定是欧拉图:
- (c) 其生成树上有 9 条枝: (d) 其生成树一定是平面图:
- 三 判断题 (每题 2 分, 共 16 分)
- 1. 设个体域是全体整数,一元谓词 P(x): x < 4。 Q(x): x < 3,则  $\exists x (P(x) \rightarrow Q(x))$  的真質分形

	0 0 0
3. 设 A, B, C 是任意集合。如果 A×B⊆ A×C,则必有 B⊆C(火)	0 1 1 0
4. 设 R 是集合 A 上的二元关系,运算"。"是关系之间的复合。则 R o R · 就是 A 上的恒等关系	, , ,
5. 若(G,*)是一个5阶群,则其只有平凡子群 (人)	
6. 设(G,*)是6阶群, a∈G,则a <sup>-2</sup> = a <sup>10</sup>	t. CH + PH = PH =) PH
7. 设G是p阶简单图。且其边数等于p(p-1)/2. 则G必定是完全图 ( )	t. R, = {(2,17, (1,27,5)
8. 简单图 G 中有从点 u 到点 v 的二条不同的路,则 G 中一定有回路 ( )	R2 = { <2,17, <4,27 }
四. 证明推理公式 $p \to (q \lor r), \neg s \to \neg q, p \land \neg s \Rightarrow r \cdot (6 分)$	MR10Ri = (0000)
五 求命题公式 $(p \leftrightarrow q) \land \neg r$ 的标准析取范式。(6分)	0000
六. 设 $(G,*)$ 是一个群、 $H$ 是其子群。记 $e_G,e_H$ 分别表示 $G,H$ 中的单位元。请判断等式 $e_G=e_H$ 是否	/1111
处理 (2分), 并给予证明或给出反例 (4分)	MECRE) = (1111
七. 设集合 A={1,2,3,4}, A上的二元关系 R <sub>1</sub> , R <sub>2</sub> 如下所示:	M+CR.") = (1111
$R_1 = \{ \langle a, b \rangle   a, b \in A \land a - b = 1 \}, R_2 = \{ \langle a, b \rangle   a, b \in A \land a = 2 \times b \}$	12 (1) (2) (2)
(1) 写出 R <sub>1</sub> , R <sub>2</sub> 中所有的序偶: (4 分)	九、山城里、山平河
(2) 写出以下关系所对应的关系矩阵: $R_1 \circ R_2^{-1}$ , $r(R_1 - R_2)$ , $t(R_1^c)$ ; (6分)	(11) 放主.有多点
八、设 $(Z_1, x_1)$ 是一个群,其中 $Z_1 = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}, ix_1 j = (i \times j) \mod 7$ ,求 (6分)	(idi) of iz. Vipi di
(1)元素 2 的次数: (2)元素 2 生成的子群 H; (3) H 在 G 中的所有左陪集。 九. 设简单图 G 的度序列为(4,4,3,3,2),判断以下结论是否成立,并给出说明或反例(10分)	(iv) Ai i . 3 = 4+4.
7. 及同年出 G 的及 7 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	(4)(新草、北京新草二
(50. ch PATS PRZ 8) 47-5-78 P	
T:01 (1) 78 T:15)(6)	

丁:的(7)

(8) 4

T: (1)

(4) P7(8VY) P (5) 8 V Y T: (2)(4)

(3) 75

0 0 · 大文·大学 一大学 一大 0 0 M000 V M110 是等第記 ラピれ=ピム 10000 0100 Mr(R,-R) = 0110 0011 的有差多以遗迹 +0375

五. P % r PA% (PA%) n-r