# **MAE 0610**

Análise de dados longitudinais Lista~#4

Athos Damiani Daniel de Paula Fernanda Kmohan Leonardo de Faria Julio Trecenti

Departamento de Estatística Instituto de Matemática e Estatística Universidade de São Paulo

Maio de 2012

# Exercício

Reproduzam as análises de Singer and Cúri (2006) utilizando funções do pacote R. Entreguem os resultados e o código computacional comentado. Os dados estão disponíveis em

http://www.ime.usp.br/~jmsinger/Dados/Singer&Curi2006.xls

#### Referência

Singer, J.M. and Cúri, M. (2006). Modelling regression and dispersion parameters in a complex repeated measures experiment. Environmental and Ecological Statistics, 13, 53-68. doi: 10.1007/s10651-005-5690-2.

#### Resolução

#### Análise preliminar

1) Evolução da medida ECAP resposta por salinidade de teste

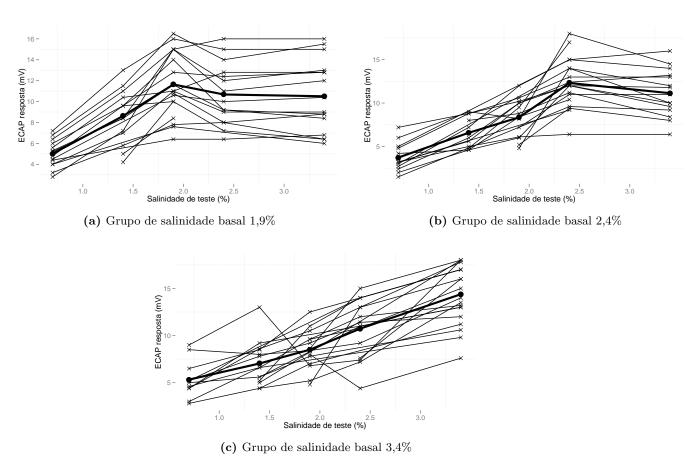
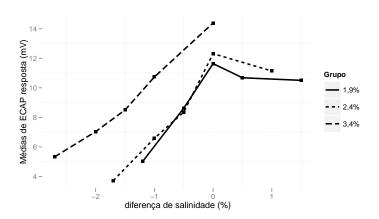
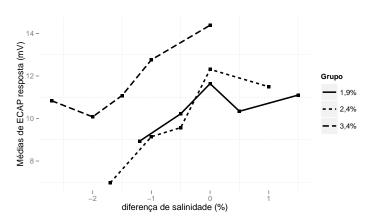


Figura 1: Coeficientes angulares ( $\pm$  erros padrões) do modelo de regressao linear simples relacionando as medidas ECAP resposta e controle.

**Figura 2:** Perfis médios da ECAP resposta ao longo das diferenças de salinidade

**Figura 3:** Perfis médios da ECAP controle ao longo das diferenças de salinidade





#### 2) Associação entre ECAP resposta e ECAP controle

**Figura 4:** Porcentagem de valores omissos ao longo das diferenças de salinidade

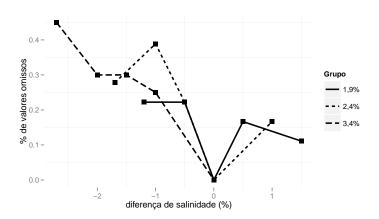


Tabela 1: Coeficientes angulares ( $\pm$  erros padrões) do modelo de regressao linear simples relacionando as medidas ECAP resposta e controle.

| Salinidade | Salinidade basal (grupos) |                 |                 |  |  |
|------------|---------------------------|-----------------|-----------------|--|--|
| de teste   | 1.9%                      | 2.4%            | 3.4%            |  |  |
| 0.7%       | $0.36 \pm 0.09$           | $0.42 \pm 0.10$ | $0.57 \pm 0.10$ |  |  |
| 1.4%       | $0.92 \pm 0.10$           | $0.65 \pm 0.11$ | $0.69 \pm 0.08$ |  |  |
| 1.9%       | _                         | $0.86 \pm 0.11$ | $0.73 \pm 0.10$ |  |  |
| 2.4%       | $1.00 \pm 0.09$           | _               | $0.89 \pm 0.08$ |  |  |
| 3.4%       | $0.92 \pm 0.07$           | $0.86 \pm 0.09$ | _               |  |  |

#### 3) Examinando a estrutura da matriz de covariância intra unidade experimental

**Tabela 2:** Variâncias, covariâncias (sombreado) e correlações dos resíduos da ANCOVA

|                           | Diferenças de salinidade |       |       |       |  |  |
|---------------------------|--------------------------|-------|-------|-------|--|--|
| (a) Salinidade basal 1,9% | -1.2%                    | -0.5% | 0.5%  | 1.5%  |  |  |
| -1.2%                     | 0.53                     | 0.13  | -0.04 | -0.09 |  |  |
| -0.5%                     | 0.33                     | 0.30  | 0.12  | 0.20  |  |  |
| 0.5%                      | -0.10                    | 0.39  | 0.31  | 0.43  |  |  |
| 1.5%                      | -0.11                    | 0.30  | 0.67  | 1.37  |  |  |
| (b) Salinidade basal 2,4% | -1.7%                    | -1.0% | -0.5% | 1.0%  |  |  |
| -1.7%                     | 1.32                     | -0.32 | -0.13 | 0.34  |  |  |
| -1.0%                     | -0.46                    | 0.31  | -0.14 | 0.11  |  |  |
| -0.5%                     | -0.17                    | -0.36 | 0.42  | -0.32 |  |  |
| 1.0%                      | 0.25                     | 0.16  | -0.43 | 1.24  |  |  |
| (c) Salinidade basal 3,4% | -2.7%                    | -2.0% | -1.5% | -1.0% |  |  |
| -2.7%                     | 1.14                     | 0.37  | 0.18  | 0.49  |  |  |
| -2.0%                     | 0.35                     | 0.96  | -0.09 | 0.29  |  |  |
| -1.5%                     | 0.16                     | -0.10 | 0.84  | 0.07  |  |  |
| -1.0%                     | 0.47                     | 0.28  | 0.07  | 1.08  |  |  |

### Ajuste de modelo

### 1) Modelos para a matriz de covariância

**Tabela 3:** Covariâncias intra unidades amostrais estimadas

|                           | Diferenças de salinidade |       |       |       |      |
|---------------------------|--------------------------|-------|-------|-------|------|
| (a) Salinidade basal 1,9% | -1.2%                    | -0.5% | 0.0%  | 0.5%  | 1.5% |
| -1.2%                     | 0.59                     | 0.14  | 0     | 0     | 0    |
| -0.5%                     | 0.14                     | 0.32  | 0     | 0     | 0    |
| 0.0%                      | 0                        | 0     | 0.26  | 0     | 0    |
| 0.5%                      | 0                        | 0     | 0     | 0.40  | 0.41 |
| 1.5%                      | 0                        | 0     | 0     | 0.41  | 1.50 |
| (b) Salinidade basal 2,4% | -1.7%                    | -1.0% | -0.5% | 0.0%  | 1.0% |
| -1.7%                     | 1.08                     | 0.48  | 0.24  | 0     | 0    |
| -1.0%                     | 0.48                     | 0.54  | 0.14  | 0     | 0    |
| -0.5%                     | 0.24                     | 0.14  | 0.33  | 0     | 0    |
| 0.0%                      | 0                        | 0     | 0     | 0.26  | 0    |
| 1.0%                      | 0                        | 0     | 0     | 0     | 1.34 |
| (c) Salinidade basal 3,4% | -2.7%                    | -2.0% | -1.5% | -1.0% | 0.0% |
| -2.7%                     | 1.60                     | 0.99  | 0.74  | 0.49  | 0    |
| -2.0%                     | 0.99                     | 0.99  | 0.55  | 0.37  | 0    |
| -1.5%                     | 0.74                     | 0.55  | 0.67  | 0.27  | 0    |
| -1.0%                     | 0.49                     | 0.37  | 0.27  | 0.44  | 0    |
| 0.0%                      | 0                        | 0     | 0     | 0     | 0.26 |

**Tabela 4:** Covariâncias intra unidades amostrais estimadas

| Modelo | Número de parâmetros de covariâncias | AIC | Diferença média absoluta entre os<br>valores preditos e os elementos da<br>matriz de covariância dos resíduos<br>da ANCOVA |
|--------|--------------------------------------|-----|--|
|        | *** Não feito ***                    |     |  |

# 2) Modelos para os parâmetros de localização

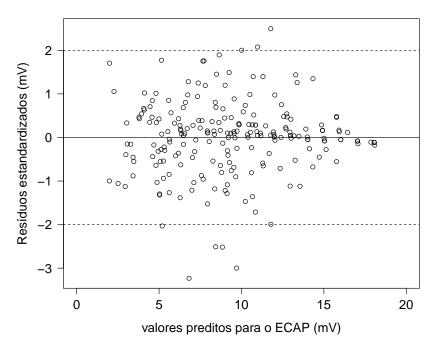
 ${\bf Tabela~5:~Estimativas~e~erros~padr\~oes~dos~par\^ametros~do~modelo~polinomial~(4.8)}$ 

| Salinidade<br>Basal     | Salinidade teste           | Parâmetro   | Estimativa | Erro padrão | Valor-p  |  |  |
|-------------------------|----------------------------|---|------------|-------------|----------|--|--|
| Parâmetros de locação   |                            |   |            |             |          |  |  |
| 1.9%                    | Todos                      | $\beta_{01}$  | 10.37      | 0.09        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 0.7, 1.4, 2.4, 3.4%        | $eta_{11}$  | 1.95       | 0.25        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 0.7, 1.4, 2.4, 3.4%        | $eta_{21}$  | -1.58      | 0.13        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 0.7, 1.4, 2.4, 3.4%        | $eta_{31}$  | 0.08       | 0.14        | 0.5782   |  |  |
| 2.4%                    | Todos                      | $eta_{02}$  | 10.10      | 0.12        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 0.7, 1.4, 1.9, 3.4%        | $eta_{12}$  | 1.94       | 0.24        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 0.7, 1.4, 1.9, 3.4%        | $eta_{22}$  | -1.69      | 0.22        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 0.7, 1.4, 1.9, 3.4%        | $eta_{32}$  | -0.59      | 0.16        | 0.0003   |  |  |
| 3.4%                    | Todos                      | $eta_{03}$  | 12.05      | 0.12        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 0.7, 1.4, 1.9, 2.4%        | $\beta_{13}$  | 2.64       | 0.59        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 0.7, 1.4, 1.9, 2.4%        | $\beta_{23}$  | 1.07       | 0.59        | 0.0711   |  |  |
|                         | 0.7, 1.4, 1.9, 2.4%        | $eta_{33}$  | 0.33       | 0.14        | 0.0213   |  |  |
| 1.9%                    | 0.7, 1.4 e 1,9%            | $\delta_1^-$  | 0.49       | 0.07        | < 0.0001 |  |  |
| 2.4%                    | $0.7,1.4,\mathrm{e}1.9\%$  | $\delta_2^-$  | 0.39       | 0.05        | < 0.0001 |  |  |
| 3.4%                    | 0.7, 1.4, 1.9, 2.4%        | $\delta_3^-$  | 0.14       | 0.02        | < 0.0001 |  |  |
| Todos                   | Todos                      | $\alpha$  | 1.02       | 0.02        | < 0.0001 |  |  |
| Parâmetros de dispersão |                            |   |            |             |          |  |  |
| 1.9%                    | 0.7 e 1.4%                 | $\varphi_{11}^2$  | 0.34       |             |          |  |  |
|                         | 2.4e $3.4%$                | $arphi_{11}^2 \ arphi_{21}^2 \ arphi_{12}^2 \ arphi_{22}^2 \ arphi_{13}^2 \ \sigma^2$ | 0.56       |             |          |  |  |
| 2.4%                    | $0.7,1.4~\mathrm{e}~1.9\%$ | $arphi_{12}^{ar{2}^-}$  | 0.27       |             |          |  |  |
|                         | 3.4%                       | $arphi_{22}^2$  | 1.17       |             |          |  |  |
| 3.4%                    | 0.7, 1.4, 1.9, 2.4%        | $arphi_{13}^{ar{2}^-}$  | 0.18       |             |          |  |  |
|                         |                            | $\sigma^{\widetilde{2}}$  | 0.26       |             |          |  |  |

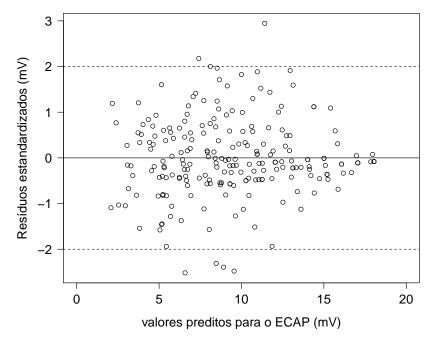
 $\textbf{Tabela 6:} \ \, \textbf{Estimativas e erros padrões dos parâmetros do modelo de regressão segmentada (4.10)}$ 

| Salinidade<br>Basal     | Salinidade teste           | Parâmetro   | Estimativa | Erro padrão | Valor-p  |  |  |
|-------------------------|----------------------------|---|------------|-------------|----------|--|--|
| Parâmetros de locação   |                            |   |            |             |          |  |  |
| 1.9%                    | 0.7 e 1.4%                 | $\psi_1^-$  | 4.19       | 0.23        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 1.9%                       | $\phi_1^-$  | 10.79      | 0.11        | < 0.0001 |  |  |
|                         | $2.4 \ \mathrm{e} \ 3.4\%$ | $\psi_1^+$  | -0.50      | 0.22        | 0.0236   |  |  |
| 2.4%                    | 0.7,1.4 e $1.9%$           | $\psi_2^-$  | 3.10       | 0.21        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 2.4%                       | $\phi_2$  | 10.21      | 0.12        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 3.4%                       | $\psi_2^+$  | -0.41      | 0.32        | 0.2056   |  |  |
| 3.4%                    | 0.7,1.4,1.9,2.4%           | $\psi_3^{\underline{-}}$  | 2.03       | 0.13        | < 0.0001 |  |  |
|                         | 3.4%                       | $\phi_3$  | 12.22      | 0.12        | < 0.0001 |  |  |
| 1.9%                    | $0.7~\mathrm{e}~1.4\%$     | $\delta_1^-$  | 0.45       | 0.06        | < 0.0001 |  |  |
| 2.4%                    | $0.7,1.4,\mathrm{e}1.9\%$  | $\delta_2^-$  | 0.35       | 0.04        | < 0.0001 |  |  |
| 3.4%                    | 0.7, 1.4, 1.9 e 2.4%       | $\delta_3^-$  | 0.12       | 0.02        | < 0.0001 |  |  |
| Todos                   | Todos                      | $\alpha$  | 0.98       | 0.02        | < 0.0001 |  |  |
| Parâmetros de dispersão |                            |   |            |             |          |  |  |
| 1.9%                    | 0.7 e 1.4%                 | $\varphi_{11}^2$  | 0.27       |             |          |  |  |
|                         | 2.4e $3.4%$                | $\varphi_{21}^2$  | 0.52       |             |          |  |  |
| 2.4%                    | $0.7,1.4~\mathrm{e}~1.9\%$ | $arphi_{11}^{2} \ arphi_{21}^{2} \ arphi_{12}^{2} \ arphi_{22}^{2} \ arphi_{13}^{2} \ \sigma^{2}$ | 0.25       |             |          |  |  |
|                         | 3.4%                       | $arphi_{22}^2$  | 1.06       |             |          |  |  |
| 3.4%                    | 0.7, 1.4, 1.9, 2.4%        | $arphi_{13}^2$  | 0.20       |             |          |  |  |
|                         |                            | $\sigma^2$  | 0.30       |             |          |  |  |

#### Discussão



 ${f Figura~5:}~{
m Res\'iduos~estandardizados~versus~valores~preditos~para~o~{
m ECAP~pelo~modelo~4.9}$ 



 ${\bf Figura~6:}~{\bf Res\'iduos~estandardizados~versus~valores~preditos~para~o~ECAP~pelo~modelo~4.10$ 

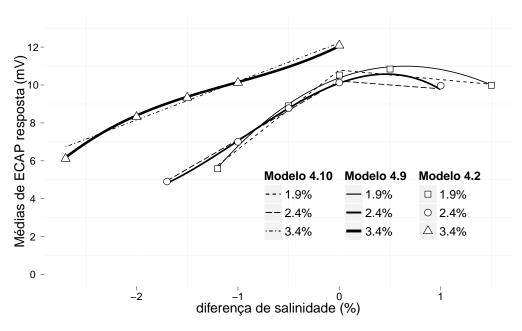


Figura 7: Modelo polinomial cúbico (4.9) e modelo de regressão segmentada (4.10) estimadas para o ECAP resposta médio. Símbolos representam o ajuste feito pelo modelo (4.2)