

# Pilhas

Estrutura de Dados — QXD0010



UNIVERSIDADE  
FEDERAL DO CEARÁ  
CAMPUS QUIXADÁ

Prof. Atílio Gomes Luiz  
gomes.atilio@ufc.br

Universidade Federal do Ceará

2º semestre/2021



# Introdução



# Pilha

- São **listas lineares** que adotam a política LIFO para a manipulação de elementos.

# Pilha

- São **listas lineares** que adotam a política LIFO para a manipulação de elementos.
- **LIFO** (*last-in first-out*): último a entrar é primeiro a sair. Remove primeiro objetos **inseridos há menos tempo**

# Pilha

- São **listas lineares** que adotam a política LIFO para a manipulação de elementos.
- **LIFO** (*last-in first-out*): último a entrar é primeiro a sair. Remove primeiro objetos **inseridos há menos tempo**



É como uma pilha de pratos:

# Pilha

- São **listas lineares** que adotam a política LIFO para a manipulação de elementos.
- **LIFO** (*last-in first-out*): último a entrar é primeiro a sair. Remove primeiro objetos **inseridos há menos tempo**



É como uma pilha de pratos:

- **Empilha** os pratos limpos sobre os que já estão na pilha

# Pilha

- São **listas lineares** que adotam a política LIFO para a manipulação de elementos.
- **LIFO** (*last-in first-out*): último a entrar é primeiro a sair. Remove primeiro objetos **inseridos há menos tempo**



É como uma pilha de pratos:

- **Empilha** os pratos limpos sobre os que já estão na pilha
- **Desempilha** o prato de cima para usar

# Pilha

Operações básicas:



# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha

# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo:



# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **push**(A)

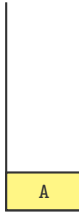


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **push**(A)

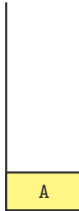


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **push**(B)

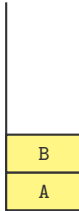


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **push**(B)

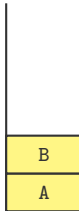


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **pop()**



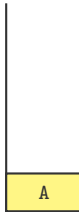


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **pop()**

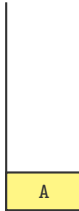


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **push**(C)

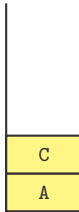


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **push**(C)

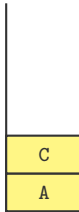


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **push**(D)

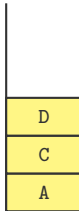


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **push**(D)

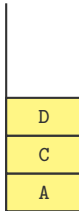


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **pop()**

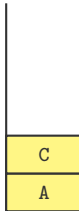


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **pop()**

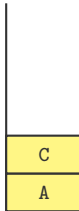


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **pop()**



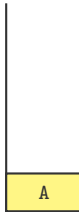


# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **pop()**



# Pilha

Operações básicas:

- **push** (*empilhar*): adiciona no topo da pilha
- **pop** (*desempilhar*): remove do topo da pilha

Exemplo: **pop()**



# Implementação de uma Pilha



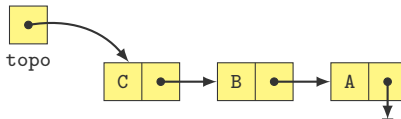
# Implementação de Pilha usando Listas

- Em algumas aplicações computacionais precisamos usar a estrutura de dados pilha, e não sabemos de antemão o tamanho da pilha.
- Nesses casos, a implementação da pilha pode ser feita de forma simples usando um **alocação encadeada**.
- Vamos implementar as operações:
  - criar uma pilha vazia
  - inserir elemento no topo
  - remover elemento do topo
  - verificar se a pilha está vazia
  - retornar o tamanho atual da pilha
  - liberar a memória da pilha
- Implementaremos a pilha como uma classe chamada **Stack**.

# Implementação

Implementaremos a estrutura de dados Pilha como uma classe chamada **Stack**, usando como base uma **lista simplesmente encadeada sem nó sentinela**.

Como exemplo ilustrativo, após empilhar **A**, **B** e **C**, a lista encadeada deve ter a seguinte configuração:



# Arquivo Node.h

Cada nó da lista é um **struct** definido do seguinte modo:

```
1  #ifndef  NODE_H
2  #define  NODE_H
3
4  typedef int Item;
5
6  struct Node {
7      Item data;
8      Node *next;
9
10     Node(const Item& data, Node *ptr) {
11         this->data = data;
12         this->next = ptr;
13     }
14 };
15
16 #endif
```

# Arquivo Stack.h

```
1 #ifndef STACK_H
2 #define STACK_H
3 #include <iostream>
4 #include "Node.h"
5
6 class Stack {
7 private:
8     Node* m_top; // Ponteiro para o topo da pilha
9 public:
10     Stack(); // Construtor
11     ~Stack(); // Destrutor
12     void push(const Item&); // Inserir no topo
13     void pop(); // Remover elemento do topo
14     Item& top(); // Consulta o elemento no topo
15     int size() const; // Devolve tamanho da pilha
16     bool empty() const; // Pilha esta vazia?
17 };
18
19 #endif
```

# Arquivo Stack.cpp

```
1  #include <iostream>
2  #include <stdexcept>
3  #include "Node.h"
4  #include "Stack.h"
5
6  // Construtor
7  Stack::Stack() {
8      m_top = nullptr; // Pilha vazia
9  }
10
11 // Destrutor
12 Stack::~~Stack() {
13     while(m_top != nullptr) {
14         Node *temp = m_top;
15         m_top = m_top->next;
16         delete temp;
17     }
18 }
```



# Arquivo Stack.cpp

```
19 // Pilha esta vazia?
20 bool Stack::empty() const {
21     return m_top == nullptr;
22 }
23
24 int Stack::size() const {
25     Node *temp = m_top;
26     int contador = 0;
27     while(temp != nullptr) {
28         contador++;
29         temp = temp->next;
30     }
31     return contador;
32 }
33
34 // Insere elemento no topo
35 void Stack::push(const Item& data) {
36     Node *novo = new Node(data, m_top);
37     m_top = novo;
38 }
```

# Arquivo Stack.cpp

```
39 // Remove elemento do topo
40 void Stack::pop() {
41     if(empty()) {
42         throw std::runtime_error("erro: pilha vazia");
43     }
44     Node *temp = m_top;
45     m_top = m_top->next;
46     delete temp;
47 }
48
49 // Retorna uma referência para o
50 // valor do elemento no topo
51 Item& Stack::top() {
52     if(empty) {
53         throw std::runtime_error("erro: pilha vazia");
54     }
55     return m_top->data;
56 }
```

# Implementação usando Vetor



# Implementação de Pilha usando um Vetor:

- Em algumas aplicações computacionais que precisam de uma estrutura de dados pilha, é comum saber de antemão o tamanho da pilha.
- Nesses casos, a implementação da pilha pode ser feita de forma simples usando um vetor.
- Vamos implementar as operações:
  - criar uma pilha vazia
  - inserir elemento no topo
  - remover elemento do topo
  - verificar se a pilha está vazia
  - verificar se a pilha está cheia
  - liberar a estrutura de pilha
- Implementaremos a pilha como uma Classe chamada **Stack**.

# Arquivo Stack.h

```
1  #ifndef STACK_H
2  #define STACK_H
3
4  typedef int Item;
5
6  class Stack {
7  private:
8      Item *vec; // Ponteiro para um vetor de Item
9      int m_top; // Posicao do proximo slot disponivel
10     int capacity; // Tamanho total do vetor
11 public:
12     Stack(int capacity); // Construtor
13     ~Stack(); // Destrutor
14     void push(const Item& data); // Inserir no topo
15     void pop(); // Remover elemento do topo
16     Item& top(); // Consulta elemento no topo
17     bool empty() const; // Pilha esta vazia?
18     bool full() const; // Pilha esta cheia?
19     int size() const; // Tamanho atual da pilha
20 };
21
22 #endif
```

# Arquivo Stack.cpp

```
23 // Pilha esta vazia?
24 bool Stack::empty() const {
25     return m_top == 0;
26 }
27
28 // Pilha esta cheia?
29 bool Stack::full() const {
30     return m_top == capacity;
31 }
32
33 int Stack::size() const {
34     return m_top;
35 }
36
37 // Retorna referência para elemento no topo
38 Item& Stack::top() {
39     return vec[ m_top-1 ];
40 }
```

# Arquivo Stack.cpp

```
41 // Insere elemento no topo
42 void Stack::push(const Item& data) {
43     if(full()) {
44         throw std::runtime_error("erro: pilha cheia");
45     }
46     vec[m_top] = data;
47     m_top++;
48 }
49
50 // Remove elemento do topo
51 void Stack::pop() {
52     if(empty()) {
53         throw std::runtime_error("erro: pilha vazia");
54     }
55     m_top--;
56 }
```

# Arquivo main.cpp

```
1 #include <iostream>
2 #include "Stack.h"
3 using namespace std;
4
5 int main() {
6     Stack pilha(20);
7
8     int i = 1;
9     while (!pilha.full()) {
10         pilha.push(i++);
11     }
12
13     while (!pilha.empty()) {
14         cout << pilha.top() << " ";
15         pilha.pop();
16     }
17     cout << endl;
18
19 }
```



# Exemplos de aplicações

Algumas aplicações de pilhas:

- Balanceamento de parênteses
  - expressões matemáticas
  - linguagens de programação
  - HTML...
- Cálculo e conversão de notações
  - pré-fixa
  - pós-fixa
  - infixa (com parênteses)
- Percurso de estruturas de dados complexas (árvores, grafos, etc.)
- Recursão

FIM

