## 1 2.1 Ladungskontinuität

Maxwell ergänzt in der letzten Maxwellschen Gleichung die Summe der Leitungsströme mit der Änderung der Verschiebungsstromdichte.

$$\nabla \cdot (\nabla \times H) = \nabla \cdot + \nabla \cdot (\frac{dD}{dt}) = \nabla \cdot S + d(\nabla \cdot D)/dt = \nabla \cdot S + drho/dt$$

## 2 2.2.1 Hilfsgleichung

Problem: 8 Maxwellgleichungen für 12 unbekannte, daher werden Hilfgleichungen benötigt

el. und mag. F Lussdichtegleichungen gelten in isotropen Medien (linear homogen?)

```
Rohacel \nabla \cdot (\nabla x H) = \nabla \cdot (S + dD/dt) \nabla x E = -\frac{dB}{dt} \nabla \cdot D = rho (effective
 Ladungsfreiheit bei fkleinergleich 10^18Hz, beidiesen Wellen lagen ist lambdakteiner als der Atomradius, dahrer
 0 aus 1 und 3: 0 = \nabla . S + drho/dt folgtsigma \nabla . E + drho/dt = 0 sigmarho/epsilon +
 drho/dt = 0 \\ rho(x,y,z,t), (x,y,z) \\ elementaus \\ R^3, telement[0,inf) \\ rho(x,y,z,t) = 0 \\ element[0,inf) \\ rho(x,y,z,t) \\ = 0 \\ element[0,inf) \\ element[0,inf] \\ element[0
rho(x, y, z).e^{(-t/tau_D)}S = sigmaED = epsilonE
                    sigma/epsilon rho<sub>0</sub>(x, y, z)e^{(-t/tau_D)} + rho_0(x, y, z)(-1/tau_d)e^{(-t/tau_D)} =
 0sigma/epsilon = 1/tau_D, tau_D = epsilon/sigmaallgemeineLsung = homogen + tau_D
int_B^2(rho_0(x,y,z)e^-t/tau_D) = e^(-t/tau_D)Q(t) = e^(-t/tau_D)Q_0AnfangsladungsverteilungQ_0 = e^(-t/tau_D)Q_0AnfangsladungsverteilungQ_0
rect - t_0(t) - rectt_0(t)
                    tau_D von Kupfer = 8,854.10^{-}12F/m/60.10^6 S/m = 10^{-}18s
                    H(x,y,z,t) = Rebot H(x,y,z)e^{j}wt...Notiz: Spitzenwertzeigerbot H
                     \nabla xbotH = botS + jwbotD = sigma.botE + jwepsilonbotE = (sigma + jwbotD)
jwepsilon).botE = jwepsilon(1 + sigma/jwepsilon).botE = jwepsilon(1 - jwepsilon).botE = jwep
jsigma/wepsilon).botE\nabla xbotH = jwdeltabotE...delta = effektivePermitivitt\nabla xbotH = final transfer for the simple state of 
  -jwbotH\nabla xbotH = -jwbotB\nabla .botD = -jwbotB\nabla .botB = 0
```

# 3 Poyntingscher Satz

gleichungen mit H und E multiplizieren

Gleichungen subtrahieren Den Term  $\nabla . (ExH)$  mittels Produktregel + Spatproduktum formen auf <math>H() - E() Weiter Produkt regelan E und H terman wenden  $(x.dx/dt = betragx^2/2)$ 

 $\nabla.(ExH) + sigmabetragE^2 = -d/dt (epsilonbetragE^2/2 + betrag(H)^2/2) AbstrahlungHeizung = elektromagnetische$ 

Die dielektrischen Veruste wachsen direkt proportional zur Frequenz.

$$\begin{split} & \text{E}(\textbf{x},\textbf{y},\textbf{z},\textbf{t}) = \text{Re}\textbf{E}(\textbf{x},\textbf{y},\textbf{z},\textbf{t}) e^{j}wtH(x,y,z,t) = 1/2(botH(x,y,z,t)e^{j}wt+botHkomkonj(x,y,z)e^{-j}wt) E(x,y,z) \\ & RebotE(x,y,z)ejwtx1/2(botHe^{j}wt+botHkomkonj.e^{-j}wt) = Re1/2botExbotHkomkonj + 1/2*botExbotHkomkonj + 1/2*botExbotHkomko$$

komplexer Poyntingvektor botT=1/2botExbotHkompkonj = bot $T_w+jbotT_b$ 

# 4 tägliche Trivia

Quellen und Wellen hängen irgendwie zusammen, Antennen sind gerne mal Quellen. Der Begriff der Antenne kommt aus dem italienischen Wort für Zelt-

-) Koaxkabel -) Wifi-Antenne: Diese haben "gespiegelte"Stecker, damit normale koaxantennen nicht in einen Router passen. Mehr dazu in Kapitel 11

Also, was war nochmal eine Antenne? Wandler zwischen raumgebundenen und leitungsgebundenen Wellen.

## 5 2.4 Randbedingungen

Wiederholung: Faraday'sches Gesetz

#### 6 2.1 Grenzflächen zwischen Dielektrika

Beispiel: Oberflächenintegral über kleines Rechteck na Grenzfläche. delta l ist größer als delta x, aber kurz genug, damit  $E_t$  angential and en beiden kurz en Kantenkonstant bleibt. siehe Result

Ähnliche infinitesimale Methode fpr die Divergenzgleichungen. Die elektrischen Flächenladungen die in den Ergebnissen auftreten, spielen in dieser Vorlesung keine Rolle und daher gibt es auch keine Beispiele dazu. Die Flächenstromdichte spielt sehr wohl eine Rolle (Skinneffekt).

Sommerfeldsche Ausstrahlungsbedingung: Wellen verschwinden in der Unendlichkeit (Mathematische Formulierung wird erstmal nicht durchgeführt)

# 7 2.5 Lösung der Wellengleichung in kartesischen Koordinaten

Sei angemerkt: unter hinreichenden Bedingungen gilt der Satz von schwartz.  $\nabla x H = sigmaE + epsilonpartd/partdt E \nabla x (\nabla x H) = sigma() + epsilonpartd/partdt (\nabla x E) \nabla (\nabla H) - deltaH = sigma() - partdH/partdt) + epsilonpartd/partdt (-partdH/partdt) deltaH = sigmapartdH/partdt + epsilonpartd^2/partdt^2 H... TelegraphengleichungfrH, B, E, DIndieser VO wirdhaupt RebotH(x, y, z). e^j wt... partd/partdt wirdlaplacetrans formiert deltabotH = jwsigmabotHepsilonw^2 botH... de (w^2 epsilojwsigma) botH = bot0?... Helmholtzgleichung$ 

HÜ: Empfehlung: Das gleiche für E wiederholen. Nächste Woche Di: Seperationsansatz (sollte man aus Mathe noch kennen)
17.10.2023

## 8 2.5.1 Löungsansätze

Methode 1: E=a.psi Methode 2: Reines Wirbelfeld E bzw H= $\nabla x(a.psi)$  =  $-ax\nabla.psiDurchWiederholung$ :  $\nabla x(\nabla x(a.psi))MitgengendWiederholungenkanndieElektrodynamikgelst$  Methode 3: Ansatz mittels elektrodynamischer Potentiale Ansatz mittels Vektorpotential

## 9 2.5.2 Seperationsansatz

```
zu lösen: pard^2psi/pardx^2pard^2psi/pardy^2 + pard^2psi/pardz^2 + w^2sigmapsi =
 0psi(x,y,z) = X(x)Y(y)Z(z)pard^2psi/pardx^2YZ.Xpard^2psi/pardy^2.Z + XYpard^2psi/pardz^2 + XYpard^2psi/pardz
 w^2 sigmapsi.XYZ = 01/X(x).pard^2psi/pardx^2 + 1/Y(y).pard^2psi/pardy^2 + 1/Y(y).pardy^2 + 1/
 1/Z(z).pard^2psi/pardz^2 + w^2sigma = 0 aufgrunddeskonstantenTermsfolgt:
1/X(x).pard^2psi/pardx^2 + 1/Y(y).pard^2psi/pardy^2 + 1/Z(z).pard^2psi/pardz^2 + 1/Z(z).pardz^2 + 1/Z(z).p
 w^2 sigma = 0'Mkx^2 + ky^2 + kz^2 = w^2 sigma...Seperations ansatz
                                  1/X \cdot d^2X(x)/dx^2 = -kx^2 folglichX''(x) + kx^2 \cdot X(x) = 0...SchwingungsgleichungANALOGY''(x) + kx^2 \cdot X(x) = 0...SchwingungANALOGY''(x) + kx^2
ky^2.Y(y) = 0Z''(x) + kz^2.Z(z) = 0Fundamentalsystem: sin(kx.x), cos(kx.x)...hu figverwendetKomplexes1
e^{-jkx.x}, e^{+jkx.x}...hufigverwendetMischform: sin(kx.x), e^{+jkx.x}, etc.Hyperbelfunktion:
cosh(kx.x), sinh(kx.x) Physikalische Bedeutungen in Tabelle 2.1 knnen durch einsetzen in unsere Wellen funkt
 Resin(kz.z).e^{j}wtberprftwerden.DieWellenfrontverluftinz-Richtung.
                                Fortan wird die verkürzte schreibweise pard/pardx = pard_x verwendet.
                                  (2.39) \operatorname{pard}_{y}H_{z} - \operatorname{pard}_{z}H_{y} = jw\operatorname{sigma}E_{x}/.jw(2.43)\operatorname{pard}_{z}E_{x} - \operatorname{pard}_{x}E_{z} =
 -jwH_y/pard_zber2Schrittefolgt: jw.pard_yH_z + pard_z^2E_x - pard_zpard_xE_z = -pard_zpard_xE_z = -pard_z
-w^2 sigma. E_x
                                  Annahme wanderwelle nach z +inf ..... jwµpard<sub>y</sub>Hz-k_z^2.E_x+jk_z.pard_xE_z=
 -w^2 sigma E_y(w^2 sigma - kz^2) E_x = -jwpard_y.Hz - jk_z pard_x E_z^k appa^2 E_x =
 -j/kappa^2.(k_z.pard_xE_z + wd_yH_z)...solltedieersteGleichung(2.45ergeben)H:
 Fr2.46bis2.48wiederholen
                                kappa^2 = 0w^2 siqma - kz^2 = 0kz = +-w/sqrt(.epsilon)kappa^2! = 0w^2 siqma - w^2 siqma 
kz^2 = kx^2 + kz^2 \dots Derbetrag derk - Vektorsbleibtgleich, daher wird die kz Komponente wegen kx und kz kleiner Antonio (kz) werden verweiten die kz kan der kan der
 Die TEM-Welle ist die schnellste Welle. Notiz: Einn gerahmte Formeln mssen auswendig gelern twerden, aus die Gebeurg der Geb
```

# 10 3. Die homogene ebene Welle

### 11 3.1 Die HEW im idealen Dielektrikum

e ... elektrische Feldstärke h ... magnetische Feldstärke Kleinbuchstaben als Anzeichen der Zeitabhängigkeit.

```
\begin{aligned} \operatorname{pard}_z^2 e_x(z,t) &- \operatorname{epsilon.pard}_z^2 e_x(z,t) &= 0 \\ \operatorname{mite}_x(z,t) &= f_1(z-vt) + f_z(z+vt) \\ \operatorname{epsilon}_x^2 e_x(z,t) &= \operatorname{mite}_x(z,t) \\ \operatorname{epsilon}_y^2 e_x(z,t) &= \operatorname{epsilon}_y^2(z-vt)(-v).(-v) \\ \operatorname{epsilon}_y^2 &= 0 \\ \operatorname{folgt}_y &= t \\ - 1/\operatorname{sqrt}_y(\operatorname{epsilon}_y) \\ \operatorname{h}_y^+ &= 1/n.e_x^+...n \\ &= \operatorname{sqrt}_y(\operatorname{epsilon}_y) \\ \operatorname{epsilon}_y &= \operatorname{sqrt}_y(\operatorname{ep
```

#### 19.10.2023

# Ding des Tages

Der Prof. baute sich einmal eine Antenne, um mit der ISS beim FAQ mit einer Schule zuzuhören. Eine 50cm Stange nach links, eine 50cm Stange nach rechts. Die Stangen gehen per Bananenstecker in eine mysteriöse graue Box. Von unten wird ein Koax-Kabel angesteckt, bissl qualitativer, nicht so wie das vom grindigen Fernsehen.

Es wird ein Balun benötigt (Bal=balanced, un=unbalanced). Dieses schließt

eine balanzierte Leitung an eine unbalanzierte Leitung an.

Abb.: Tafelbild + Diashow Weil die Ströme gegensinnig, die Wicklung aber gleichsinnig ist, heben sich die Flüsse auf  $\Longrightarrow$  L=0,  $\omega_0=0$  Da bereits eine geringe Stromdifferenz eine relativ hohe Impedanz erzeugt, bestraft dieser Balun Differenzströme.

Weil die Schule unterhalb des Horizontes lag, konnte der Prof. nur der ISS, nicht aber der Schule zuhören. Der Prof. hat auch die Aufnahme zur Verfügung gestellt.

## 3.1.3 Energiedichte der HEW, Poyntingscher Vektor

Zu jedem Zeitpunkt, an jedem Ort, ist die elektrische Energiedichte gleich groß wie die magnetische Energiedichte: sie gehen synchron.

Abb. 3.1 Man sieht die Energiedichte eines Photons. Dort wo die Pfeile näher zusammen liegen, ist die Feldstärke erhöht. Man kann einen sinusförmigen Verlauf der Feldstärke erkennen.

Weiters ist die Homogene Elektromagnetische Welle im freien Raum dargestellt. Unbedingt einprägen!

#### 3.1.4 Wellenzahl und Wellenlänge

Unterschied zwischen k und  $\omega$ .

### Polarisation

Alle haben eine Polaristation. Unpolarisierte sind nur im mittel nicht polarisiert.

#### Polaristationsarten

elliptische Polarisations (allgemeine Form)