

例 1: 一定量的理想气体经历 acb 过程时, 吸热 500 J ,
求: 经历 $acbda$ 过程时, 系统与外界交换的热量是多少?

解: $pV = \nu RT, \quad p_a V_a = p_b V_b,$

$$\Rightarrow T_a = T_b, \quad E_a = E_b$$

$$Q = \Delta E + W$$

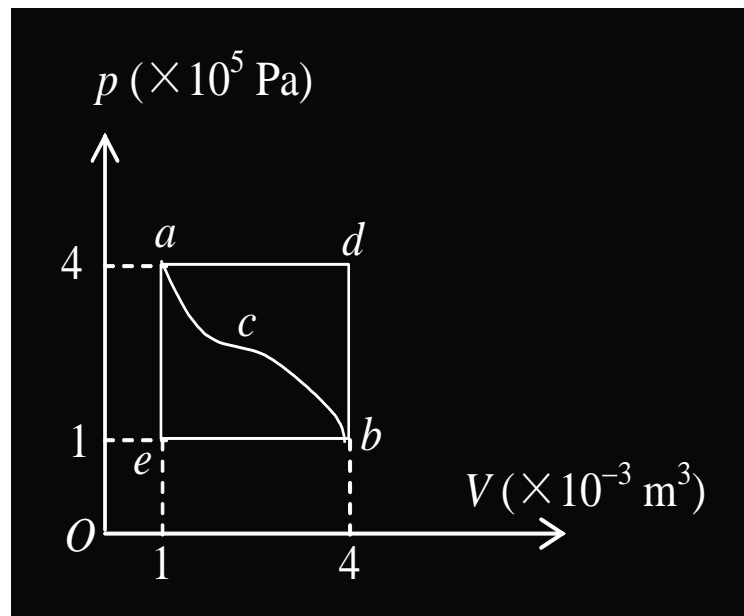
acb 过程: $Q_{acb} = (E_b - E_a) + W_{acb}$

$$Q_{acb} = W_{acb} = 500\text{ J}$$

$acbda$ 过程: $Q_{acbda} = (E_a - E_a) + W_{acbda}$

$$Q_{acbda} = W_{acbda} = W_{acb} + W_{bda} = S_{acb} - S_{bda} = 500 - 4 \times 10^5 \times (4 - 1) \times 10^{-3} = -700\text{ J}$$

$$Q_{acbda} = -700\text{ J} < 0, \quad \text{放热}$$



例 2: 1mol 多原子分子理想气体从状态 **A** (p_1, V_1) 沿 $p-V$ 图所示直线变化到状态 **B** (p_2, V_2),

求: 1) 此过程中, 气体系统内能增量、对外做功、与外界交换的热量?
2) 此过程中, 该气体系统的摩尔热容 $C = ?$

解: 1) $pV = \nu RT$, $E = \nu \frac{i}{2} RT$, $i = 6$

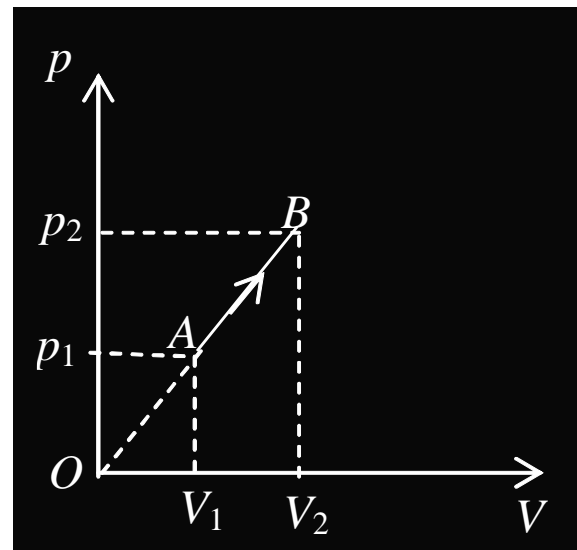
$$\frac{p_1}{V_1} = \frac{p_2}{V_2}$$

$$\Rightarrow \Delta E = E_2 - E_1 = \frac{6}{2} (\nu RT_2 - \nu RT_1)$$

$$\Delta E = 3(p_2 V_2 - p_1 V_1)$$

$$W = \frac{1}{2} (p_1 + p_2) (V_2 - V_1), \quad \Rightarrow W = \frac{1}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1),$$

$$\Rightarrow Q = \Delta E + W = \frac{7}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1),$$



例 2: 1mol 多原子分子理想气体从状态 **A** (p_1, V_1) 沿 $p-V$ 图所示直线变化到状态 **B** (p_2, V_2),

求: 1) 此过程中, 气体系统内能增量、对外做功、与外界交换的热量?
 2) 此过程中, 该气体系统的摩尔热容 $C = ?$

解: 2) $pV = \nu RT$, $E = \nu \frac{i}{2} RT$, $C_v = \frac{i}{2} R$

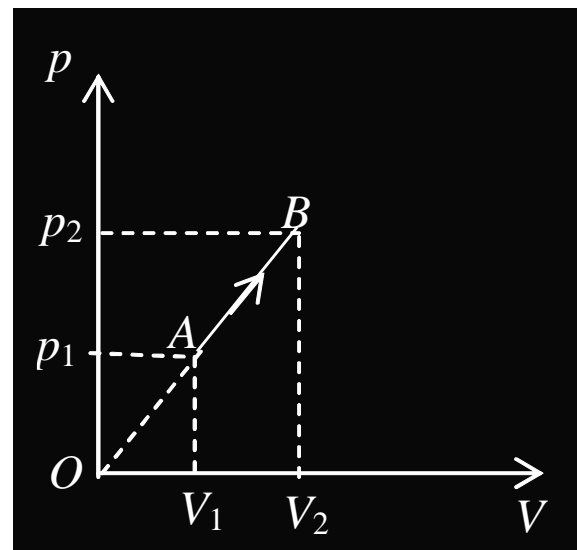
过程方程: $p = \frac{p_1}{V_1} V$ $i = 6$

1摩尔: $dQ = dE + dW = C_v dT + p dV$

$$pV = RT, \Rightarrow p dV + V dp = R dT$$

$$dp = \frac{p_1}{V_1} dV \Rightarrow V dp = V \frac{p_1}{V_1} dV = p dV$$

$$\Rightarrow 2p dV = R dT \Rightarrow dQ = C_v dT + \frac{1}{2} R dT \Rightarrow C = \frac{dQ}{dT} = C_v + \frac{1}{2} R = \frac{7}{2} R$$



例 3: 一定量的理想气体, 其体积和压强依照 $V = \frac{a}{\sqrt{p}}$ 的规律变化, 其中 a 为已知常数,

- 求:** 1) 气体从体积 V_1 膨胀到 V_2 所作的功;
2) 体积为 V_1 时的温度 T_1 与体积为 V_2 时的温度 T_2 之比。

解: 1) 状态方程: $pV = \nu RT$, 过程方程: $p = \frac{a^2}{V^2}$,

$$dW = pdV = \frac{a^2}{V^2} dV \Rightarrow W = \int_1^2 pdV = \int_{V_1}^{V_2} \frac{a^2}{V^2} dV = \frac{a^2}{V_1} - \frac{a^2}{V_2}$$

2) $pV = \nu RT$,

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{p_1 V_1}{p_2 V_2} = \frac{\frac{a^2}{V_1^2} V_1}{\frac{a^2}{V_2^2} V_2} = \frac{V_2}{V_1}$$

例 4: 3 mol 温度为 $T_0 = 273 \text{ K}$ 的理想气体, 先经等温过程, 体积膨胀到原来的5倍, 然后等体加热, 使其末态的压强刚好等于初始压强, 整个过程传给气体的热量为 $Q = 8 \times 10^4 \text{ J}$,

求: 此种气体的定体摩尔热容 C_V 值?

(活页册25、10题)

解: 初态参量: p_0 、 V_0 、 T_0

末态参量: p_0 、 $5V_0$ 、 $T = 5T_0$

等温过程: $\Delta E = 0$,

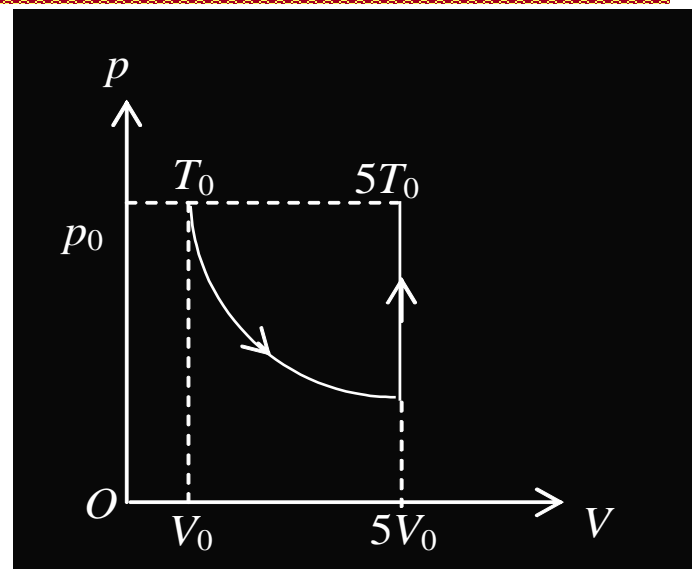
$$Q_T = W_T = \nu RT_0 \ln \frac{V_2}{V_1} = 3RT_0 \ln 5 = 1.1 \times 10^4 \text{ J}$$

等体过程: $Q_V = \nu C_V \Delta T = 3C_V \cdot 4T_0 = 3.28 \times 10^3 C_V$

整个过程:

$$Q = Q_T + Q_V \Rightarrow Q_V = Q - Q_T \Rightarrow C_V = \frac{Q - Q_T}{3.28 \times 10^3} = \frac{8 \times 10^4 - 1.1 \times 10^4}{3.28 \times 10^3} = 21.0 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$$

(分子自由度 $i = ?$ $\gamma = ?$)



$$pV = \nu RT,$$

例 5: 1 mol 单原子理想气体，由状态 $a(p_1, V_1)$ 先等压加热至体积增大一倍到达状态 b ，再等容加热至压强增大一倍到达状态 c ，最后再经绝热膨胀，使其温度降至初始温度到达状态 d 。

求: 1) 状态 d 的 V_d ; 2) 整个过程的功; 3) 整个过程与外界交换的热量。

解: 1) $T_a = T_d$

状态 c : $T_c = ?$

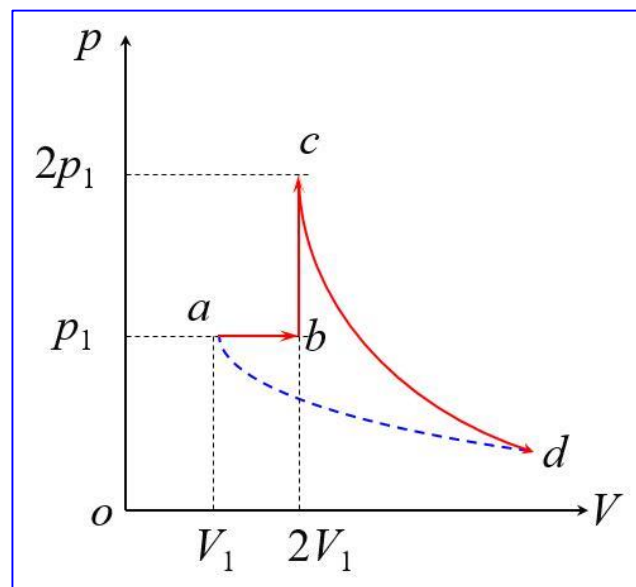
$$pV = \nu RT \Rightarrow T_a = \frac{p_1 V_1}{R}, \quad T_c = \frac{4p_1 V_1}{R}$$

$$T_c = 4T_a$$

再根据绝热方程: $TV^{\gamma-1} = \text{常数}$

$$T_c V_c^{\gamma-1} = T_d V_d^{\gamma-1}$$

$$V_d = \left(\frac{T_c}{T_d}\right)^{\frac{1}{\gamma-1}} V_c = 4^{\frac{3}{2}} \times 2V_1 = 16V_1$$



例 5: 1 mol 单原子理想气体，由状态 $a(p_1, V_1)$ 先等压加热至体积增大一倍到达状态 b ，再等容加热至压强增大一倍到达状态 c ，最后再经绝热膨胀，使其温度降至初始温度到达状态 d 。

求: 1) 状态 d 的 V_d ; 2) 整个过程的功; 3) 整个过程与外界交换的热量。

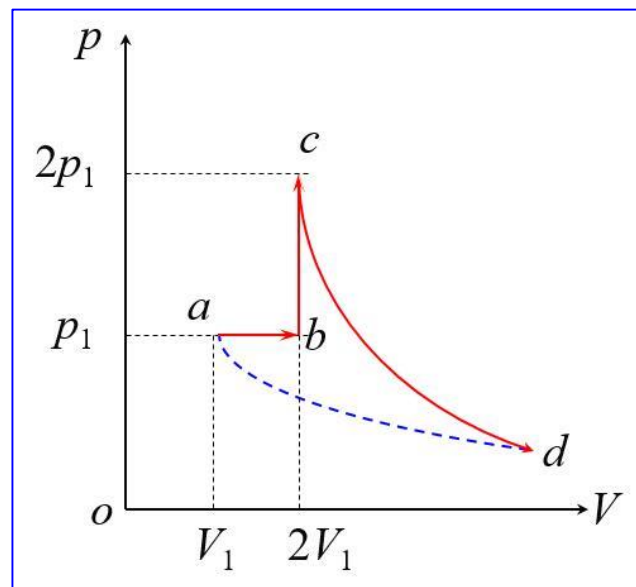
解: 2) $W_{abcd} = W_{ab} + W_{bc} + W_{cd}$

$$W_{ab} = p_1(2V_1 - V_1) = p_1V_1$$

$$W_{bc} = 0$$

$$\begin{aligned} W_{cd} &= -\Delta E_{cd} = \frac{3}{2}R(T_c - T_d) \\ &= \frac{3}{2}R(4T_a - T_a) = \frac{9}{2}RT_a = \frac{9}{2}p_1V_1 \end{aligned}$$

$$W_{abcd} = W_{ab} + W_{bc} + W_{cd} = \frac{11}{2}p_1V_1$$



例 5: 1 mol 单原子理想气体，由状态 $a(p_1, V_1)$ 先等压加热至体积增大一倍到达状态 b ，再等容加热至压强增大一倍到达状态 c ，最后再经绝热膨胀，使其温度降至初始温度到达状态 d 。

求: 1) 状态 d 的 V_d ; 2) 整个过程的功; 3) 整个过程与外界交换的热量。

解: 3) $Q_{abcd} = Q_{ab} + Q_{bc} + Q_{cd}$

$$Q_{ab} = \nu C_p (T_b - T_a) = \nu \frac{5}{2} R (T_b - T_a)$$

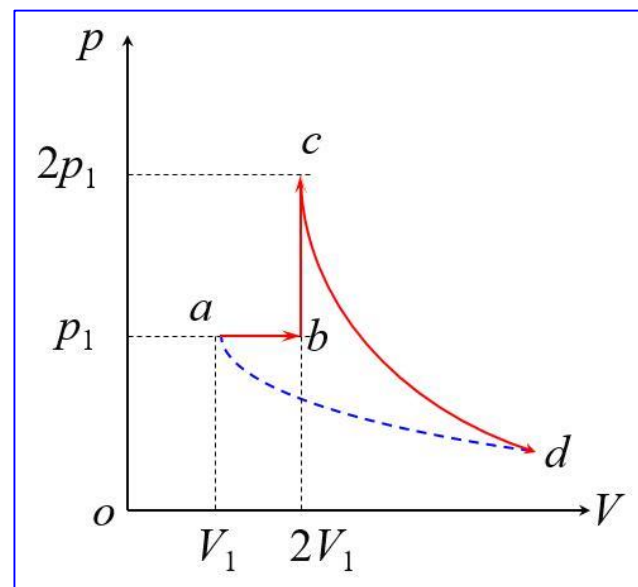
$$= \frac{5}{2} (p_b V_b - p_a V_a) = \frac{5}{2} p_1 V_1$$

$$Q_{bc} = \nu C_v (T_c - T_b) = \nu \frac{3}{2} R (T_c - T_b)$$

$$= \frac{3}{2} (p_c V_c - p_b V_b) = 3 p_1 V_1$$

$$Q_{cd} = 0, \quad Q_{abcd} = Q_{ab} + Q_{bc} + Q_{cd} = \frac{11}{2} p_1 V_1$$

也可用第一定律，间接计算： $Q = \Delta E + W = 0 + W = \frac{11}{2} p_1 V_1$



例 6: 1 mol 氧气系统（理想气体、刚性分子）作如图所示的循环，
求：循环效率。

解： $T_c = \frac{2p_0V_0}{R}$, $p_a = 2p_0$, $T_b = \frac{4p_0V_0}{R} = 2T_c$,

等压过程 ab : $Q_{ab} = \nu C_p (T_b - T_a) = 7p_0V_0$

$Q_{ab} > 0$, 吸热

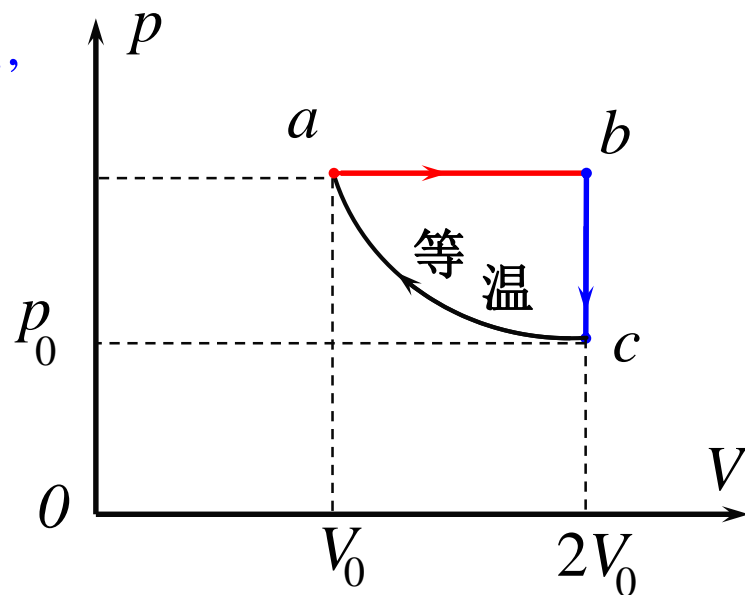
等体过程 bc : $Q_{bc} = \nu C_V (T_c - T_b) = -5p_0V_0$

$Q_{bc} < 0$, 放热

等温过程 ca : $Q_{ca} = W_{ca} = \nu RT_c \ln \frac{V_a}{V_c} = -(2\ln 2)p_0V_0$

$Q_{ca} < 0$, 放热

$$Q_1 = Q_{ab}, \quad Q_2 = Q_{bc} + Q_{ca}, \quad \eta = 1 - \frac{|Q_2|}{Q_1} = 1 - \frac{5 + 2\ln 2}{7} = 8.8\%$$



例 7: $3.2 \times 10^{-2} \text{ kg}$ 氧气（理想气体、刚性分子）作如图所示的循环，其中，AB和CD都为等温过程， $T_1=300\text{K}$ ， $T_2=200\text{K}$ ， $V_2=2V_1$ ，求：1) 各分过程气体系统与外界交换的热量；2) 循环效率。

解：1)

$$Q_{AB} = W_{AB} = \nu RT_1 \ln \frac{V_2}{V_1} = (300 \ln 2)R > 0, \quad \text{吸热}$$

$$Q_{BC} = \nu C_V (T_C - T_B) = -250R < 0, \quad \text{放热}$$

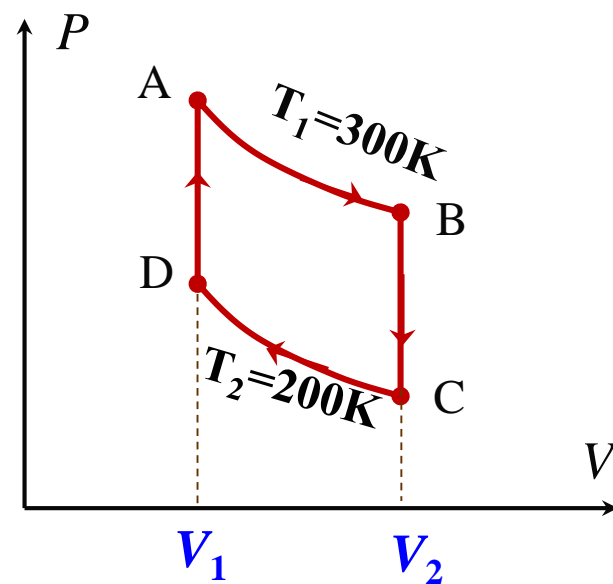
$$Q_{CD} = W_{CD} = \nu RT_2 \ln \frac{V_1}{V_2} = -(200 \ln 2)R < 0, \quad \text{放热}$$

$$Q_{DA} = \nu C_V (T_A - T_D) = 250R > 0, \quad \text{吸热}$$

2)

$$Q_1 = Q_{AB} + Q_{DA} = (300 \ln 2 + 250)R$$

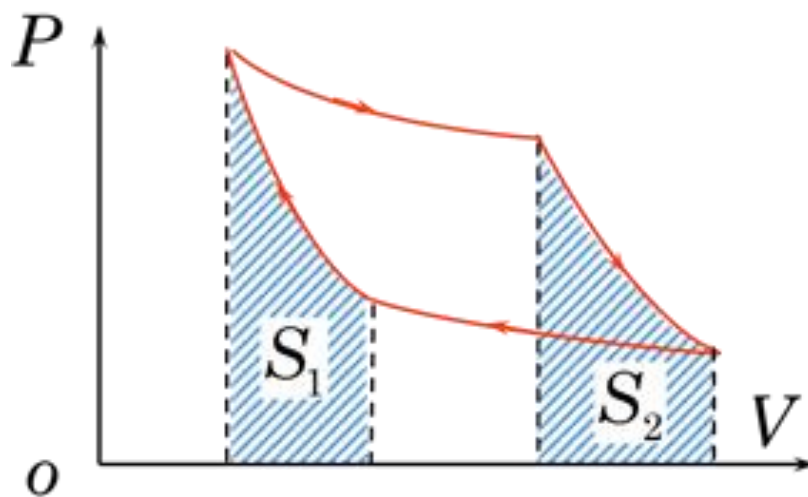
$$Q_2 = Q_{BC} + Q_{CD} = -(250 + 200 \ln 2)R$$



$$\eta = 1 - \frac{|Q_2|}{Q_1} = 15.1\%$$

理想气体卡诺循环过程的两条绝热线下的面积大小
(图中阴影部分) 分别为 S_1 和 S_2 , 二者的大小关系为?

$$S_1 = S_2$$



例 8: 1 mol 氦气系统（理想气体、刚性分子）作如图所示的循环，

其中， $p_2=2p_1$ ， $V_4=2V_1$ ，

求： 1) 各分过程气体系统与外界交换的热量； 2) 循环效率。

解： 1) $T_1 = \frac{p_1 V_1}{R}$ ， $T_2 = 2T_1$ ， $T_3 = 4T_1$ ， $T_4 = 2T_1$ ，

$$Q_{12} = \nu C_V (T_2 - T_1) = C_V T_1 = \frac{3}{2} RT_1 > 0, \quad \text{吸热}$$

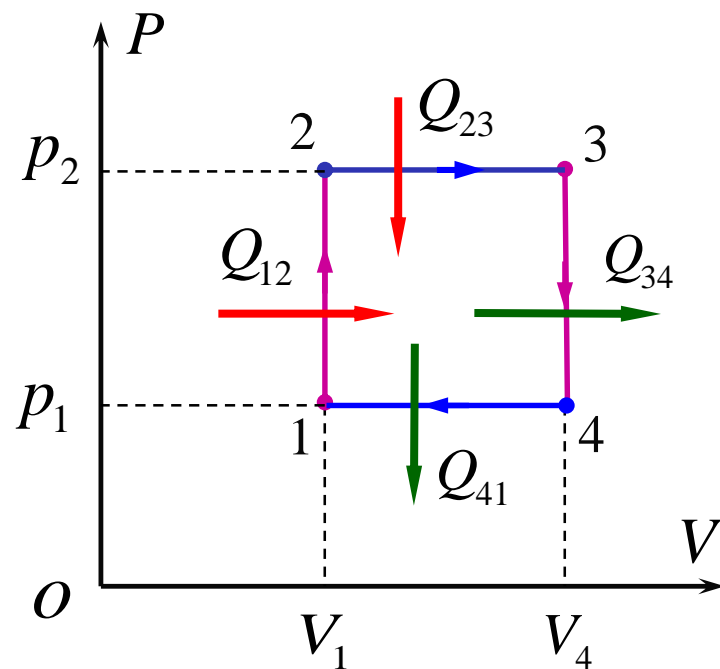
$$Q_{23} = \nu C_P (T_3 - T_2) = 2C_P T_1 = 5RT_1 > 0, \quad \text{吸热}$$

$$Q_{34} = \nu C_V (T_4 - T_3) = -2C_V T_1 = -3RT_1 < 0, \quad \text{放热}$$

$$Q_{41} = \nu C_P (T_1 - T_4) = -C_P T_1 = -\frac{5}{2} RT_1 < 0, \quad \text{放热}$$

$$2) \quad Q_1 = Q_{12} + Q_{23} = \frac{13}{2} RT_1$$

$$Q_2 = Q_{34} + Q_{41} = -\frac{11}{2} RT_1$$



$$\eta = 1 - \frac{|Q_2|}{Q_1} = 1 - \frac{11}{13} = 15.4\%$$

例 9: 奥托机的循环, 如图所示的循环, 其中, ab 、 cd 为绝热过程, bc 、 da 为等体过程, 已知: V_a , V_b , γ

求: 循环效率。

解: 1) $Q_{ab} = 0$

$$Q_{bc} = \nu C_V (T_c - T_b) > 0, \text{ 吸热}$$

$$Q_{cd} = 0$$

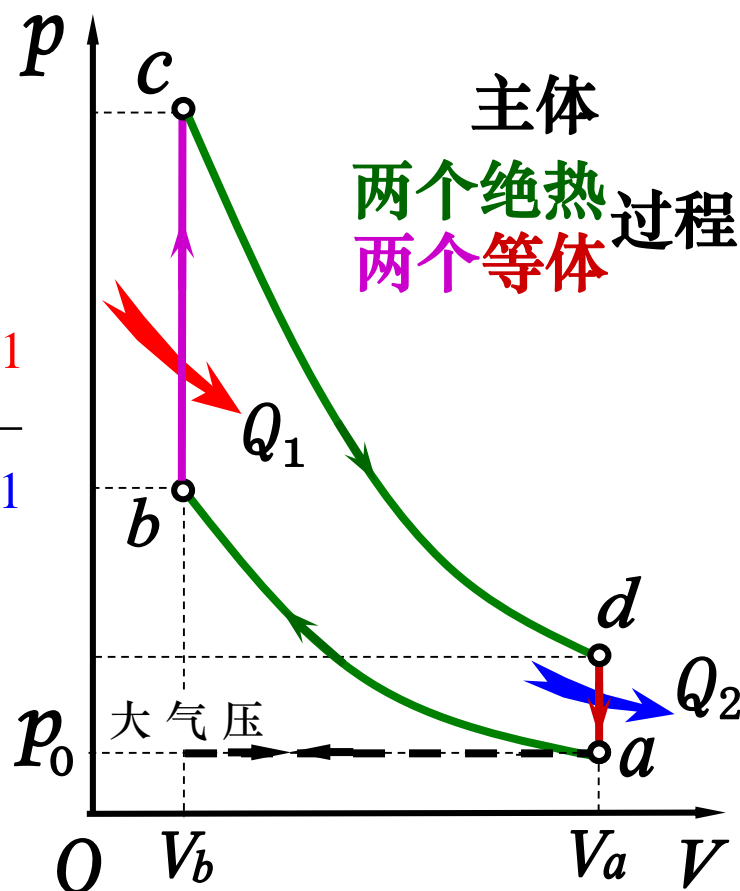
$$Q_{da} = \nu C_V (T_a - T_d) < 0, \text{ 放热}$$

$$2) \eta = 1 - \frac{|Q_2|}{Q_1} = 1 - \frac{T_d - T_a}{T_c - T_b} = 1 - \frac{T_a}{T_b} \cdot \frac{\frac{T_d}{T_a} - 1}{\frac{T_c}{T_b} - 1}$$

$$T_b V_b^{\gamma-1} = T_a V_a^{\gamma-1}, T_c V_c^{\gamma-1} = T_d V_d^{\gamma-1}$$

$$T_c V_b^{\gamma-1} = T_d V_a^{\gamma-1}$$

$$\frac{T_c}{T_b} = \frac{T_d}{T_a} \Rightarrow \eta = 1 - \frac{T_a}{T_b} = 1 - \left(\frac{V_b}{V_a} \right)^{\gamma-1}$$



例 10: 某热机在一个**高温热源**和一个**低温热源**之间工作。经历一个循环，该热机从高温热源**吸收热量**为 Q_1 ，并把热量 Q_2 传给**低温热源**。

高、低温热源的温度分别为 $T_1 = 2000\text{K}$ 和 $T_2 = 300\text{K}$ ，

判断: 在下列条件下，热机是可逆的、不可逆的、还是不可能存在的。

1) $Q_1 = 1000\text{J}$ ，净功 $W = 900\text{J}$ ；2) $Q_1 = 2000\text{J}$ ， $Q_2 = -300\text{J}$ ；3) 净功 $W = 1500\text{J}$ ， $Q_2 = -500\text{J}$

解: 此热机效率的理想值（最大值）： $\eta_{\text{可逆}} = 1 - \frac{T_2}{T_1} = 1 - \frac{300}{2000} = \frac{17}{20} = 85\%$

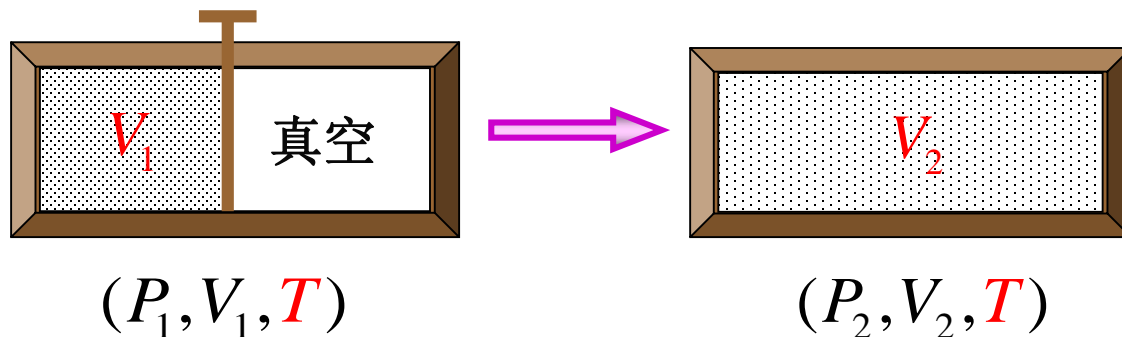
$$1) \quad \eta = \frac{W}{Q_1} = \frac{900}{1000} = 90\% > \eta_{\text{max}} = 85\% \quad \text{不可能存在}$$

$$2) \quad \eta = \frac{W}{Q_1} = 1 - \frac{|Q_2|}{Q_1} = 1 - \frac{300}{2000} = 85\% = \eta_{\text{max}} \quad \text{可逆}$$

$$3) \quad \eta = \frac{W}{Q_1} = \frac{W}{W + |Q_2|} = \frac{1500}{1500 + 500} = 75\% < \eta_{\text{max}} \quad \text{不可逆}$$

例11：计算理想气体绝热自由膨胀过程的熵增。

(非准静态过程，不可逆)



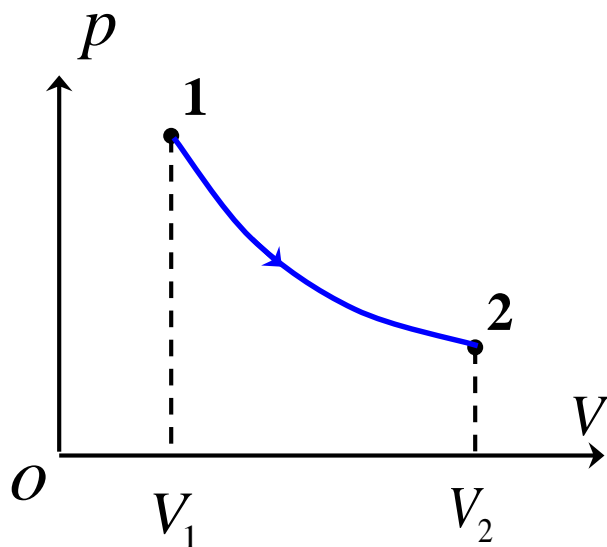
$$\because Q = 0,$$

$$W = 0,$$

$$\Rightarrow \Delta E = 0$$

$$\Rightarrow \Delta T = 0$$

始末状态，
温度相同



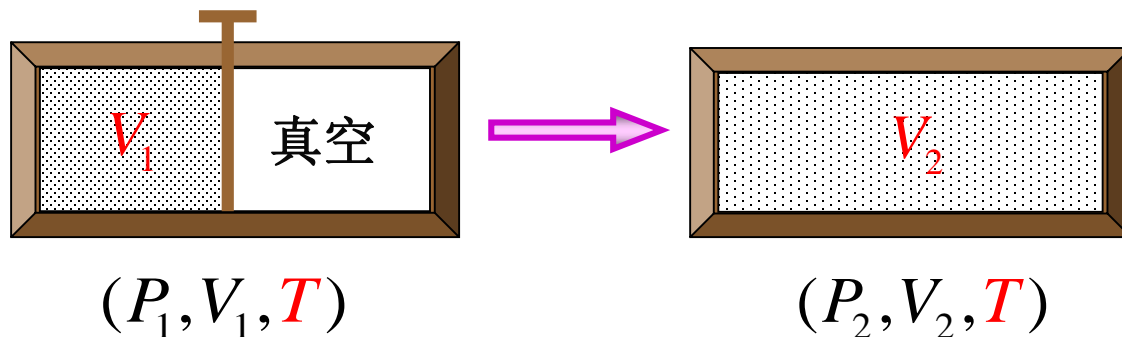
假设一可逆等温膨胀过程

$$\begin{aligned}
 \Delta S &= S_2 - S_1 = \int_1^2 \left(\frac{dQ}{T} \right)_{\text{可逆}} = \int_1^2 \frac{dW}{T} \\
 &= \int_1^2 \frac{pdV}{T} = \int_1^2 \frac{\nu RT}{V} \cdot \frac{dV}{T} = \int_{V_1}^{V_2} \nu R \frac{dV}{V} \\
 &= \nu R \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right) > 0
 \end{aligned}$$

不可逆过程
熵增加

例11：计算理想气体绝热自由膨胀过程的熵增。

(非准静态过程，不可逆)



$$\because Q = 0,$$

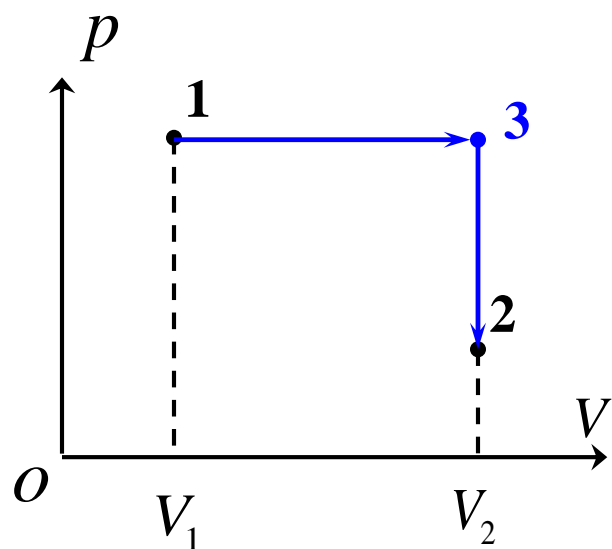
$$W = 0,$$

$$\Rightarrow \Delta E = 0$$

$$\Rightarrow \Delta T = 0$$

始末状态，
温度相同

假设一可逆（等压+等容）过程

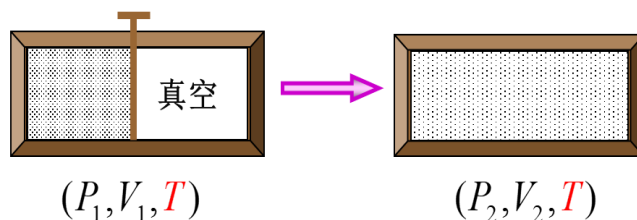


$$\begin{aligned}
 \Delta S &= S_2 - S_1 = \Delta S_{1 \rightarrow 3} + \Delta S_{3 \rightarrow 2} = \int_1^3 \left(\frac{dQ}{T} \right)_{\text{可逆}} + \int_3^2 \left(\frac{dQ}{T} \right)_{\text{可逆}} \\
 &= \int_{T_1}^{T_3} \frac{\nu C_P dT}{T} + \int_{T_3}^{T_2} \frac{\nu C_V dT}{T} = \int_{T_1}^{T_3} \frac{\nu (C_V + R) dT}{T} + \int_{T_3}^{T_2} \frac{\nu C_V dT}{T} \\
 &= \int_{T_1}^{T_2} \frac{\nu C_V dT}{T} + \int_{T_1}^{T_3} \frac{\nu R dT}{T} = \nu R \ln \frac{T_3}{T_1} = \nu R \ln \frac{V_2}{V_1}
 \end{aligned}$$

用一隔板将一绝热容器分成体积分别为 V_1 、 V_2 两个部分，
两部分分别盛有 ν_1 mol氮气和 ν_2 mol氦气，此系统温度为 T 。
现将隔板移去，两种气体均匀混合后，气体系统的总熵变为？

计算：理想气体绝热自由膨胀过程的熵增。
(非准静态过程，不可逆)

利用

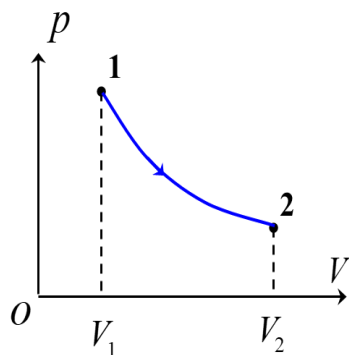


$$\because Q = 0,$$

$$W = 0,$$

$$\therefore \Delta E = 0,$$

$$\Delta T = 0$$



假设一可逆等温膨胀过程

$$\begin{aligned} \Delta S &= S_2 - S_1 = \int_1^2 \left(\frac{dQ}{T} \right)_{\text{可逆}} = \int_1^2 \frac{dW}{T} \\ &= \int_1^2 \frac{\nu RT}{V} \cdot \frac{dV}{T} = \int_{V_1}^{V_2} \nu R \frac{dV}{V} = \nu R \ln \left(\frac{V_2}{V_1} \right) > 0 \end{aligned}$$

例 12: ν mol 理想气体由初态 (T_1, V_1) 经某一过程到达终态 (T_2, V_2)

假定气体的摩尔定容热容 C_V 为一恒量。 $(T_1 < T_2, V_1 < V_2)$

求: 此过程的熵变。

解: 1) 解法一

$$\begin{array}{ccc}
 (T_1, V_1) & \xrightarrow{\text{等体升温}} & (T_2, V_1) & \Delta S_1 \\
 (T_2, V_1) & \xrightarrow{\text{等温膨胀}} & (T_2, V_2) & \Delta S_2
 \end{array}$$

$$\Delta S = \Delta S_1 + \Delta S_2$$

$$\Delta S_1 = \int \frac{dQ}{T} = \int_{T_1}^{T_2} \frac{\nu C_V dT}{T} = \nu C_V \ln \frac{T_2}{T_1}$$

$$\Delta S_2 = \int \frac{dQ}{T_2} = \int_{V_1}^{V_2} \frac{\nu R T_2}{V} \frac{dV}{T_2} = \nu R \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$\Delta S = \nu C_V \ln \frac{T_2}{T_1} + \nu R \ln \frac{V_2}{V_1}$$

例 12: ν mol 理想气体由初态 (T_1, V_1) 经某一过程到达终态 (T_2, V_2)

假定气体的摩尔定容热容 C_V 为一恒量。($T_1 < T_2$, $V_1 < V_2$)

求: 此过程的熵变。

解: 2) 解法二

$$\begin{array}{lll}
 (T_1, V_1) & \xrightarrow{\text{等温膨胀}} & (T_1, V_2) \quad \Delta S_1 \\
 (T_1, V_2) & \xrightarrow{\text{等体升温}} & (T_2, V_2) \quad \Delta S_2
 \end{array}$$

$$\Delta S = \Delta S_1 + \Delta S_2$$

$$\Delta S_1 = \int \frac{dQ}{T_1} = \int_{V_1}^{V_2} \frac{\nu R T_1}{V} \frac{dV}{T_1} = \nu R \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$\Delta S_2 = \int \frac{dQ}{T} = \int_{T_1}^{T_2} \frac{\nu C_V dT}{T} = \nu C_V \ln \frac{T_2}{T_1}$$

$$\Delta S = \nu C_V \ln \frac{T_2}{T_1} + \nu R \ln \frac{V_2}{V_1}$$

例 12: ν mol 理想气体由初态 (T_1, V_1) 经某一过程到达终态 (T_2, V_2)

假定气体的摩尔定容热容 C_V 为一恒量。($T_1 < T_2$, $V_1 < V_2$)

求: 此过程的熵变。

解: 3) 解法三

$$(T_1, V_1) \xrightarrow{\text{等压膨胀}} (T_a, V_2) \quad \Delta S_1$$

$$T_a = \frac{V_2}{V_1} T_1 \quad (T_a, V_2) \xrightarrow{\text{等体升温}} (T_2, V_2) \quad \Delta S_2$$

$$\Delta S = \Delta S_1 + \Delta S_2$$

$$\Delta S_1 = \int \frac{dQ}{T} = \int_{T_1}^{T_a} \frac{\nu C_P dT}{T} = \nu C_P \ln \frac{T_a}{T_1} = \nu C_P \ln \frac{V_2}{V_1}$$

$$\Delta S_2 = \int \frac{dQ}{T} = \int_{T_a}^{T_2} \frac{\nu C_V dT}{T} = \nu C_V \ln \frac{T_2}{T_a} = \nu C_V \ln \left(\frac{T_2}{T_1} \cdot \frac{V_1}{V_2} \right)$$

$$\Delta S = \nu C_P \ln \frac{V_2}{V_1} + \nu C_V \ln \frac{T_2}{T_1} - \nu C_V \ln \frac{V_2}{V_1} = \nu C_V \ln \frac{T_2}{T_1} + \nu R \ln \frac{V_2}{V_1}$$

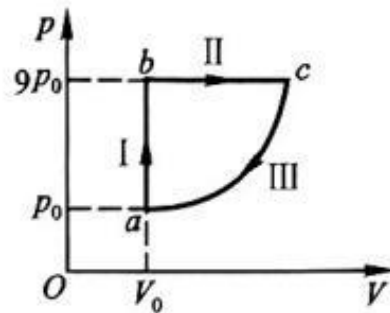
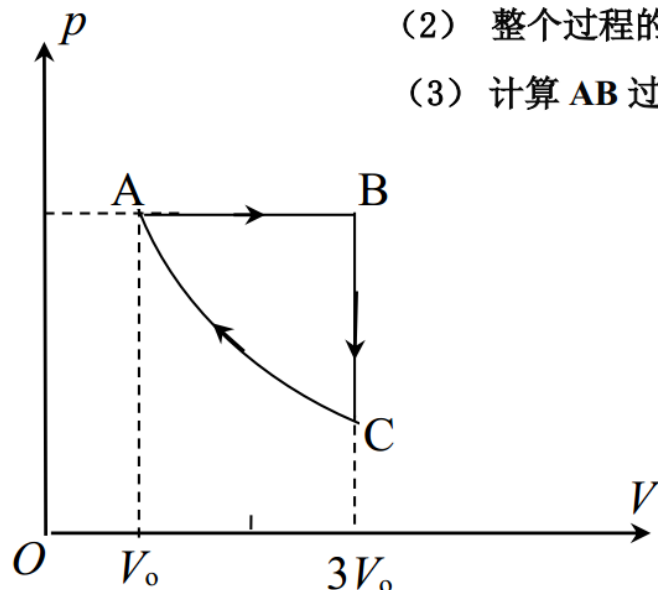
- 10. 1 mol 单原子分子的理想气体，经历如图所示的可逆循环，连接 ac 两点的曲线Ⅲ的方程为 $p = p_0 V^2 / V_0^2$ ， a 点的温度为 T_0 。(1) 试以 T_0 、普适气体常量 R 表示 1、2、3 过程中气体吸收的热量。(2) 求此循环的效率。

活页册：[26-热力学基础二] 10题

1 mol 单原子分子理想气体（分子视为刚性分子）进行的循环过程如图所示，其中 **AB** 为等压过程、**BC** 为等容过程、**CA** 为等温过程。已知气体在状态 A 的温度为 T_0 、体积为 V_0 ，状态 B 的体积为 $3V_0$ ，设普适气体常数（摩尔气体常数）为 R ，求：(1) **AB**、**BC**、**CA** 三个过程中系统与外界交换的热量；

(2) 整个过程的循环效率 η ；

(3) 计算 **AB** 过程中，系统熵的增量 $\Delta S = S_B - S_A = ?$



解: $\nu = 1 \text{ mol}$, $i = 3$, $PV = RT$, $E = \nu \cdot \frac{i}{2} RT = \frac{3}{2} RT$
 $C_V = \frac{i}{2} R = \frac{3}{2} R$, $C_P = C_V + R = \frac{5}{2} R$

1) 2): A: P_0, V_0, T_0 , $P_0 V_0 = RT_0$

B: $P_0, 3V_0, T_B$ $P_0 \cdot 3V_0 = RT_B \rightarrow T_B = 3T_0$

C: $T_C = T_0$

$A \rightarrow B$: $Q_{AB} = \nu C_P (T_B - T_A) = 1 \times \frac{5}{2} R \times 2T_0 = 5RT_0$
 > 0 , 吸

$B \rightarrow C$: $Q_{BC} = \nu C_V (T_C - T_B) = 1 \times \frac{3}{2} R \times (-2T_0)$
 $= -3RT_0 < 0$, 放

$C \rightarrow A$: $Q_{CA} = W_{CA} = \nu RT_0 \ln\left(\frac{V_A}{V_C}\right) = -RT_0 \ln 3 < 0$,
 放

$Q_1 = Q_{AB}$, $Q_2 = Q_{BC} + Q_{CA}$, $\eta = 1 - \frac{|Q_2|}{Q_1} = 18\%$

3) $A \rightarrow B$: $\Delta S = S_2 - S_1 = \int_A^B \left(\frac{dQ}{T}\right)_{dT}$
 $= \int_{T_A}^{T_B} \frac{\nu C_P dT}{T} = \nu C_P \ln\left(\frac{T_B}{T_A}\right) = \frac{5}{2} R \ln 3$

例: ν mol 理想气体经历如图所示的循环, 已知定容摩尔热容: $C_V = 3R$

求: 1、AB过程摩尔热容; 2、循环效率。

解: $T_A = \frac{P_0 V_0}{\nu R}$, $T_C = \frac{2P_0 V_0}{\nu R}$, $T_B = \frac{4P_0 V_0}{\nu R}$

1) AB过程, $p = \frac{P_0}{V_0} V$
 $PV = \nu RT$, $E = \nu \cdot \frac{5}{2} R T = \nu C_V T$
 设: 1 mol 气体
 $dQ = dE + dW \Rightarrow dQ = C_V dT + P dV$ (1)
 由 $PV = RT \Rightarrow P dV + V dP = R dT$
 由 $p = \frac{P_0}{V_0} V \Rightarrow dP = \frac{P_0}{V_0} dV \Rightarrow V dP = \frac{P_0}{V_0} dV = P dV$
 $\Rightarrow 2P dV = R dT \Rightarrow P dV = \frac{1}{2} R dT$, 代入 (1)
 $\Rightarrow dQ = (C_V + \frac{1}{2} R) dT \Rightarrow C = \frac{dQ}{dT} = C_V + \frac{1}{2} R = \frac{7}{2} R$

2) $A \rightarrow B$: $Q_{AB} = \Delta E + W_{AB} = \nu C_V (T_B - T_A) + \frac{1}{2} (P_0 + 2P_0)(2V_0 - V_0)$
 $\Rightarrow Q_{AB} = \frac{21}{2} P_0 V_0 > 0$, 吸热
 (或: $Q_{AB} = \nu C (T_B - T_A) = \nu \times \frac{7}{2} R \times \frac{3P_0 V_0}{\nu R} = \frac{21}{2} P_0 V_0$)
 $B \rightarrow C$: $Q_{BC} = \nu C_V (T_C - T_B) = -6 P_0 V_0 < 0$, 放热
 $C \rightarrow A$: $Q_{CA} = \nu C_P (T_A - T_C) = \nu (C_V + R) (T_A - T_C)$
 $= -4 P_0 V_0 < 0$, 放热
 $Q_1 = Q_{AB}$, $Q_2 = Q_{BC} + Q_{CA}$
 $\eta = 1 - \frac{|Q_2|}{Q_1} = \frac{1}{21} = 4.8\%$

