

東北大學理學院

第13章 热力学基础

第13章 热力学基础

13-1 准静态过程、功、热量

13-2 热力学第一定律、内能~

13-3、4 热力学第一定律的应用*

13-5 循环过程、卡诺循环←

13-6 热力学第二定律的表述、卡诺定理

13-7 熵、熵增加原理 4

*13-8-热力学第二定律的统计意义(了解,自学)

*13-9_(不要求)

重点





热力学基础 基本要求

- 一、掌握热力学第一定律, 能够分析、计算理想气体的功、热量和内能
- 二、掌握热力学第二定律的表述。 能够分析、计算循环效率和制冷系数.
- 三、掌握熵、熵增原理。







13-1 准静态过程、功、热量 13-2 热力学第一定律、内能

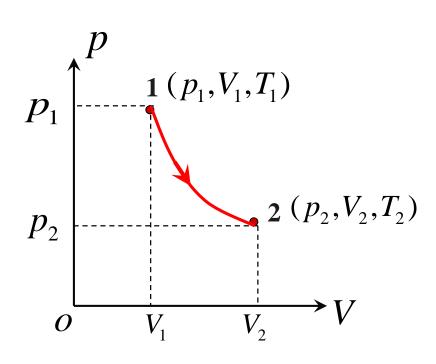
知识点: 重点掌握

- 1、热力学第一定律;
- 2、功、热量和内能的分析与计算。



一、准静态过程

- 1、准静态过程: 热力学系统从一个平衡态变化到另一个 平衡态所经历的状态都可以近似当作平衡态,那么这种 状态变化过程称为准静态过程。
- 2、准静态过程是由无数个平衡态组成的过程.
- 3、实际过程的理想化模型
- 4、准静态过程(气体系统) 可以用*P-V*图上的一条 曲线(过程曲线)来表示





1、功 W)

(过程量)

功是能量传递和转换的量度,它引起系统热 运动状态的变化.

- ▲做功可以改变系统的状态
- ♠如:摩擦升温(机械功)、电加热(电功)

功是过程量

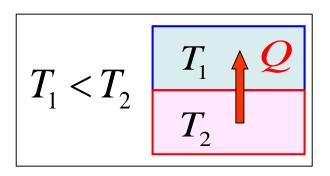
机械功: $dW = \vec{F} \cdot d\vec{r}$ 电功: dW = IUdt

物理系 王



- 二、功、热量、内能
 - 2、热量 Q (过程量)

系统与外界之间由于 存在温度差而传递的能量 称为热量



- ◆热量也是过程量,与过程有关。
- ◆传热的微观本质是:

分子无规则运动的能量从高温物体向低温物体传递

对系统传热也能使系统的状态改变, 在这一点上,传热和作功是等效的。

物理系

Œ



功与热量的异同

- (1) 都是过程量: 与过程有关:
- (2) 等效性: 改变系统热运动状态作用相同:
- (3) 功与热量的物理本质不同.

做功使系统外宏观运动(分子有规则运动)的能量 与系统内微观粒子的热运动(分子无规则运动)的能量 相互转换。

宏观运动



物理系

王

强



功与热量的异同

- (1) 都是过程量:与过程有关;
- (2) 等效性: 改变系统热运动状态作用相同;
- (3) 功与热量的物理本质不同.

热传递使系统外微观粒子的热运动能量与系统内 微观粒子的热运动能量相互转换。

分子热运动



- 3、内能 E (状态量)
- ◆内能是状态量,是热力学系统状态的单值函数。 内能的改变只决定于初、末状态, 与所经历的过程无关。
- ◆对于一定质量的气体系统 内能一般: E = E(P, V) 或 E = E(P, T) 或 E = E(V, T)
- ◆一定质量的理想气体系统内能仅是温度的单值函数

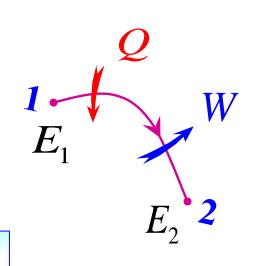
$$E = E(T) = v \frac{i}{2} RT$$



三、热力学第一定律(*重点*)

某一过程,系统从外界吸热 Q,对外界做功 W,系统内能从初始态 E_1 变为 E_2 ,则由能量守恒:

$$Q = (E_2 - E_1) + W = \Delta E + W$$



一般规定:

Q > 0	系统吸热	W>0	系统对外界作功
Q < 0	系统放热	W<0	外界对系统作功

对无限小过程:

$$dQ = dE + dW$$



三、热力学第一定律(*重点*)

某一过程,系统从外界吸热 Q,对外界做功 W,系统内能从初始态 E_1 变为 E_2 ,则由能量守恒:

$$C$$
 E_1
 W
 E_2
 E_2

$$Q = (E_2 - E_1) + W = \Delta E + W$$

◆热力学第一定律实际上是包含热现象在内的能量 守恒与转换定律。 第一类永动机是不可能制成的.

热力学第一定律适用于 任何系统(气、液、固、.....) 的任何过程, 只要初、末态为平衡态.

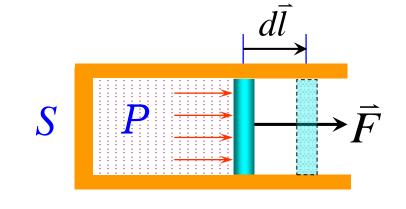


1、(准静态过程)功的计算

无摩擦准静态过程

当活塞移动微小位移 *dl* 时,系统所作的元功为:

$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{l} = PSdl = PdV$$



系统体积由 V_1 变为 V_2 ,系统对外界作功为:

$$W = \int_{V_1}^{V_2} P dV$$

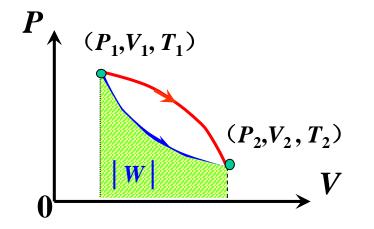
- 1) *dV* > 0, 膨胀, *dW* > 0, 系统对外作正功;
- 2) *dV* < 0, 压缩, *dW* < 0, 系统对外作负功;
- 3) dV = 0, 等体, dW = 0 系统不作功。



1、(准静态过程)功的计算

元功:
$$dW = PdV$$

$$W = \int_{V_1}^{V_2} P dV$$



<u>功的大小</u>等于P—V 图上过程曲线 P = P(V) 下的面积

功不仅与初态和 末态有关,而且还依 赖于所经历的中间状 态,功与过程有关。



- 2、(准静态过程)热量的计算:
 - 1)、摩尔热容 C: <u>1</u>摩尔物质经过某一热力学过程,温度升高(降低)1K 所需要吸收(释放)的热量。
 - 1 摩尔物质经过一热力学过程: ΔQ , ΔT

$$C_{$$
过程} = $\lim_{\Delta T \to 0} (\frac{\Delta Q}{\Delta T})_{$ 过程} = $(\frac{dQ}{dT})_{$ 过程}

$$(dQ)$$
_{过程} = C _{过程} dT

<u>v</u>摩尔物质经过一热力学过程: C

$$dQ = vCdT$$
, $Q = v \int_{T_1}^{T_2} CdT$,



- 2)、理想气体的等容摩尔热容 C_V 与等压摩尔热容 C_P
 - (1) 等容(定体)摩尔热容:

$$C_V = \frac{i}{2}R$$

i: 理想气体分子的自由度

(2) 等压(定压)摩尔热容:

$$C_P = C_V + R = \frac{i+2}{2}R$$

迈耶公式



(3) 泊松比 (Poisson's Ratio) (比热容比)

$$\gamma = \frac{C_P}{C_V} = \frac{C_V + R}{C_V}$$

$$\gamma = \frac{C_P}{C_V} = \frac{i+2}{i} > 1$$

物理系王



3、理想气体的内能

 ν 摩尔理想气体系统处于某一状态, 温度为T,其内能E为:

$$E = E(T) = v \frac{i}{2} R T = v C_V T$$

$$dE = vC_V dT$$

$$\Delta E = E_2 - E_1 = \int_{T_1}^{T_2} v C_V dT = v C_V (T_2 - T_1)$$



例 1: 一定量的理想气体经历acb过程时,吸热500 J,

求: 经历acbda过程时,系统与外界交换的热量为多少?

解:
$$pV = \nu RT$$
, $p_a V_a = p_b V_b$, $\Rightarrow T_a = T_b$, $E_a = E_b$ $Q = \Delta E + W$

$$acb$$
过程: $Q_{acb} = (E_b - E_a) + W_{acb}$

$$Q_{acb} = W_{acb} = 500 \text{J}$$

$$acbda$$
过程: $Q_{acbda} = (E_a - E_a) + W_{acbda}$

$$p \times 10^{5} \text{ Pa})$$

$$4 \xrightarrow{a} \xrightarrow{d} \xrightarrow{b} V \times 10^{-3} \text{ m}^{3}$$

$$Q_{acbda} = W_{acbda} = W_{acb} + W_{bda} = S_{acb} - S_{bda} = 500 - 4 \times 10^5 \times (4 - 1) \times 10^{-3} = -700$$
J

$$Q_{achda} = -700$$
J < 0, 放热



例 2: 1 mol 3原子分子理想气体从状态 $\mathbf{A}(p_1, V_1)$ 沿 p_-V 图 所示直线变化到状态 $\mathbf{B}(p_2, V_2)$,

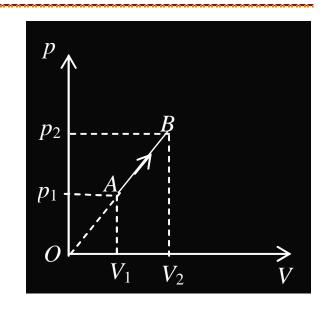
- 求: 1) 此过程中,气体系统内能增量、对外做功、与外界交换的热量?
 - 2) 此过程中,该气体系统的摩尔热容 €=?

解: 1)
$$pV = \nu RT$$
, $E = \nu \frac{i}{2}RT$, $i = 6$

$$\frac{p_1}{V_1} = \frac{p_2}{V_2}$$

$$\Rightarrow \Delta E = E_2 - E_1 = \frac{6}{2}(\nu RT_2 - \nu RT_1)$$

$$\Delta E = 3(p_2V_2 - p_1V_1)$$



$$W = \frac{1}{2}(p_1 + p_2)(V_2 - V_1), \implies W = \frac{1}{2}(p_2V_2 - p_1V_1),$$

$$\Rightarrow Q = \Delta E + W = \frac{7}{2}(p_2V_2 - p_1V_1),$$

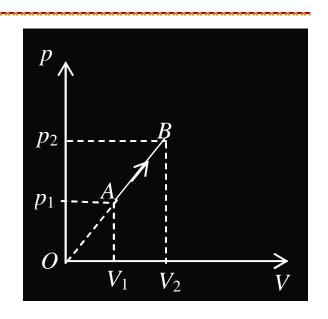


例 2: 1 mol 多原子分子理想气体从状态 $\mathbf{A}(p_1, V_1)$ 沿 p_-V 图 所示直线变化到状态 $\mathbf{B}(p_2, V_2)$,

- 求: 1) 此过程中,气体系统内能增量、对外做功、与外界交换的热量?
 - 2) 此过程中,该气体系统的摩尔热容 C=?

解: 2)
$$pV = vRT$$
, $E = v\frac{i}{2}RT$, $C_V = \frac{i}{2}R$
过程方程: $p = \frac{p_1}{V_1}V$ $i = 6$

1摩尔: $dQ = dE + pdV = C_V dT + pdV$
 $pV = RT$, $\Rightarrow pdV + Vdp = RdT$
 $dp = \frac{p_1}{V_1}dV \Rightarrow Vdp = V\frac{p_1}{V_1}dV = pdV$



$$\Rightarrow 2pdV = RdT \quad \Rightarrow dQ = C_V dT + \frac{1}{2}RdT \quad \Rightarrow C = \frac{dQ}{dT} = C_V + \frac{1}{2}R = \frac{7}{2}R$$



例 3: 一定量的理想气体,其体积和压强依照 $V = \frac{a}{\sqrt{p}}$ 的规律变化,其中a为已知常数,

- 求: 1) 气体从体积 V_1 膨胀到 V_2 所作的功;
 - 2) 体积为 V_1 时的温度 T_1 与体积为 V_2 时的温度 T_2 之比。
- 解: 1) 状态方程: $pV = \nu RT$, 过程方程: $p = \frac{a^2}{V^2}$,

$$dW = pdV = \frac{a^2}{V^2} dV \implies W = \int_1^2 pdV = \int_{V_1}^{V_2} \frac{a^2}{V^2} dV = \frac{a^2}{V_1} - \frac{a^2}{V_2}$$

 $pV = \nu RT,$

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{p_1 V_1}{p_2 V_2} = \frac{\frac{a^2}{V_1^2} V_1}{\frac{a^2}{V_2^2} V_2} = \frac{V_2}{V_1}$$



第13章 热力学基础



- 理想气体的等容过程和等压过程、摩尔热容
- 理想气体的等温过程和绝热过程、多方过程

热力学第一定律 对理想气体的准静态等值过程的应用

知识点:

- 1、重点掌握:(准静态)等压、等容、等温与
 - 绝热过程的功、热量、内能的计算;
- 2、了解:多方过程。





第13章 热力学基础

◆计算各等值过程的热量、功和内能的理论基础

(1) 各等值过程的特性

(2)
$$pV = \nu RT$$

(理想气体的共性)

$$E = E(T) = v \frac{i}{2} RT$$

(3)
$$\begin{cases} dQ = dE + pdV \\ Q = \Delta E + W \end{cases}$$

解决过程中能量转换的问题



一、等体(等容)过程

1、功W、热量Q、内能增量 ΔE

特 性: V = 常量

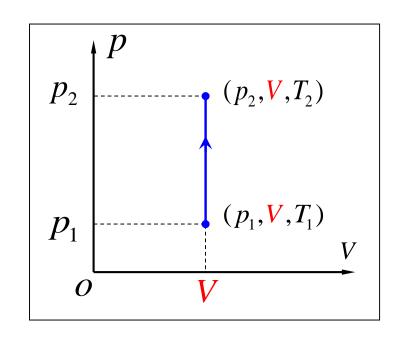
过程方程: $\frac{p}{T}$ = 常量

$$dV = 0, \quad dW = pdV = 0$$

热力学第一定律:

$$dQ = dE + dW = dE + 0 = dE$$

$$Q = E_2 - E_1 = v \frac{i}{2} R(T_2 - T_1)$$



$$pV = \nu RT$$

$$E = v \frac{i}{2} RT$$

等体过程中,外界传给气体的热量全部用来增加气体的内能,系统对外不作功。



一、等体(等容)过程

2、理想气体的定体摩尔热容量

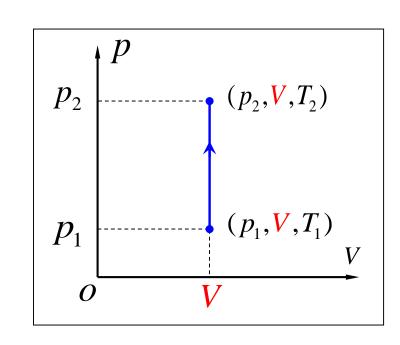
1 mol 理想气体在等体过程中吸收的热量 dQ,使温度升高 dT,其定体摩尔热容为:

$$C_V = \frac{\mathrm{d}Q}{\mathrm{d}T}, \quad \mathrm{d}Q = C_V \mathrm{d}T$$

热力学第一定律:

$$dQ = dE + dW = dE + 0 = \frac{i}{2} RdT$$

$$\Rightarrow C_V = \frac{i}{2}R$$



$$pV = \nu RT$$
$$E = \nu \frac{i}{2} RT$$

$$v \text{ mol:} \quad dQ = vC_V dT, \qquad Q = vC_V (T_2 - T_1) = v \frac{l}{2} R(T_2 - T_1)$$



二、等压过程

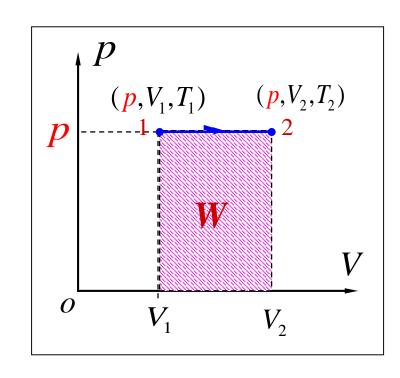
1、功W、热量Q、内能增量 ΔE

特 性: p = 常量

过程方程: $\frac{V}{T} = 常量$

$$dW = pdV, \quad W = p(V_2 - V_1)$$
$$= vR(T_2 - T_1)$$

$$\Delta E = E_2 - E_1 = v \frac{i}{2} R(T_2 - T_1)$$
$$= \frac{i}{2} p(V_2 - V_1)$$



$$pV = \nu RT$$
$$E = \nu \frac{i}{2}RT$$

热力学第一定律:
$$Q = \Delta E + W = (\frac{i}{2} + 1)p(V_2 - V_1) = \nu(\frac{i}{2} + 1)R(T_2 - T_1)$$



二、等压过程

2、理想气体的定压摩尔热容量

1 mol 理想气体在等压过程中吸收的热量 dQ,使温度升高 dT,其定体摩尔热容为:

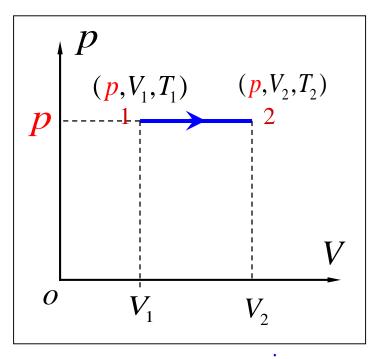
$$C_p = \frac{\mathrm{d}Q}{\mathrm{d}T}, \qquad \mathrm{d}Q = C_p \mathrm{d}T$$

热力学第一定律:

$$dQ = dE + dW \implies C_p dT = \frac{i}{2} RdT + pdV$$

$$pV = RT \Rightarrow pdV = RdT$$

$$\Rightarrow C_p dT = \frac{i}{2} R dT + R dT \Rightarrow C_p = \frac{i}{2} R + R = C_V + R$$



$$pV = vRT$$
, $E = v\frac{i}{2}RT$

迈耶公式



二、等压过程

2、理想气体的定压摩尔热容量

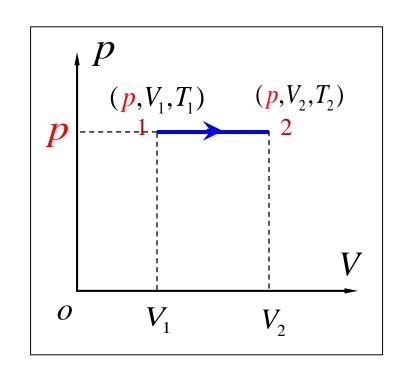
$$C_p = \frac{i}{2}R + R = C_V + R$$

$$v \text{ mol}: dQ = vC_p dT,$$

$$Q = \nu C_p (T_2 - T_1)$$

$$= \nu (\frac{i}{2} R + R)(T_2 - T_1)$$

$$= \nu(\frac{i}{2}+1)R(T_2-T_1) = (\frac{i}{2}+1)p(V_2-V_1)$$



$$pV = vRT$$
, $E = v\frac{i}{2}RT$