Universidade Federal de Pernambuco Departamento de Matemática - Geometria Analítica 1 Prof. Rodrigo Cavalcante

Décima Segunda Lista de Exercícios Superfície Esférica — Circunferências no espaço

1. Determine se cada das equações abaixo representa uma superfície esférica, um ponto ou um conjunto vazio. Caso seja uma superfície esférica, determine o centro e o raio.

a)
$$S: -15 + 4x + 4x^2 - 8y + 4y^2 - 16z + 4z^2 = 0$$
;

b)
$$S: -14 - 6x + x^2 + 2y + y^2 - 4z + z^2 = 0;$$

c)
$$S: -215 - 32x + 16x^2 - 40y + 16y^2 + 16z^2 = 0$$
;

d)
$$S: 34 - 4x + x^2 - 6y + y^2 + 8z + z^2 = 0.$$

2. Determine a posição relativa entre a reta r e o a superfície esférica \mathcal{S} . Em caso de r ser tangente ou secante, determine $\mathcal{S} \cap r$.

a)
$$S: x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y - 4 = 0$$
 e $r: X = (-2, -3, 0) + \lambda(3, 1, 2)$;

b)
$$S: x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y + 4z + 5 = 0 \text{ e } r: X = (0, 2, 3) + \lambda(0, 1, 5);$$

c)
$$S: x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y + 4z + 5 = 0$$
 e $r: X = (0, 1, -2) + \lambda(1, -3, 2)$.

3. Determine a posição relativa entre o plano π e o a superfície esférica \mathcal{S} . Se π for tangente, determine $P = \mathcal{S} \cap \pi$, se π for secante, determine o centro e o raio de $\mathcal{C} = \mathcal{S} \cap \pi$.

a)
$$S: x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 2z + 2 = 0 \text{ e } \pi: x + 3y - 2z + 4 = 0;$$

b)
$$S: x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y + 2z - 30 = 0 \text{ e } \pi: x + 2y - 2z + 11 = 0;$$

c)
$$S: x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 4z - 31 = 0 \text{ e } \pi: 2y + z - 3 = 0.$$

4. Determine a posição relativa entre as superfícies esféricas S_1 e S_2 . Se forem tangentes, determine o ponto $S_1 \cap S_2$, se forem secantes, determine o centro, o raio e o plano que contém $C = S_1 \cap S_2$.

a)
$$S_1: (x-2)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 9 e S_2: (x+3)^2 + (y+2)^2 + (z-1)^2 = 4;$$

b)
$$S_1: x^2 + y^2 + z^2 - 6x - 2y - 4z + 13 = 0$$
 e $S_2: x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2y - 4z + 5 = 0$;

c)
$$S_1: x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 2y - 2z - 6 = 0$$
 e $S_2: x^2 + y^2 + z^2 + 2x + 2y - 4z - 3 = 0$.