

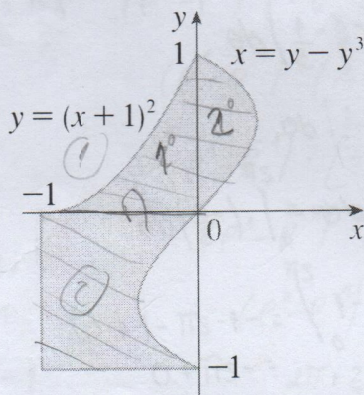
Aluno:

06/12/2018

3° EE

Questão 1. Determine o volume do sólido abaixo do gráfico de $z = 1 + e^x \sin y$, acima do plano xy e limitado pelos planos $x = \pm 1$, $y = 0$ e $y = \pi$.

Questão 2. Calcule a área da região D mostrada na Fig. 1.



1º REGIÃO 2º REGIÃO

$$y-y^2 \leq x \leq 1 \quad -1 \leq x \leq \sqrt{y+1}$$

$$0 \leq y \leq 1 \quad -1 \leq y \leq 1$$

TIPO TIPO2

$$\int_{-1}^1 \int_{y-y^2}^1 dy dx = \int_{-1}^1 (y \cdot 1 - y \cdot (-y)) \cdot (-1) \cdot (-1) dy$$

$$= \int_{-1}^1 (y+y^2) dy = \int_{-1}^1 2xy dx$$

$$= 2 \cdot y \cdot x \Big|_{-1}^1 = 2y \cdot 1 - 2y \cdot (-1)$$

$$2y + 2y$$

4y

Figura 1: Figura referente à Questão 2.

Questão 3. Calcule $\iint_R \frac{x-2y}{3x-y} dA$, em que R é o paralelogramo limitado pelas retas $x-2y=0$, $x-2y=4$, $3x-y=1$ e $3x-y=8$. Utilize a mudança de variáveis apropriada.

Questão 4. Determine o volume do sólido que está dentro tanto do cilindro $x^2 + y^2 = 1$ como da esfera $x^2 + y^2 + z^2 = 4$. — $x^2 + y^2 = 1$

Questão 5. Suponha que X, Y, Z sejam variáveis aleatórias com função densidade conjunta $f(x, y, z) = Ce^{-(0.5x+0.2y+0.1z)}$ para $x \geq 0, y \geq 0$ e $z \geq 0$, e $f(x, y, z) = 0$ caso contrário. Calcule o valor da constante C .

Questão 6. Suponha que X e Y sejam variáveis aleatórias com função densidade conjunta

$$f(x, y) = \begin{cases} 0,1e^{-(0,5x+0,2y)}, & \text{se } x \geq 0, y \geq 0, \\ 0, & \text{caso contrário.} \end{cases}$$

Determine $P(X \leq 2, Y \leq 4)$.

$$\int_0^4 \int_0^4 0,1 e^{-(0,5x - 0,2y)} dy dx$$

SUBSTITUIÇÃO

$u = 0,5x$	$u = 0$
$du = 0,5 dx$	$du = 0$
$du = dx$	$\frac{du}{0,2} = 0$

$$\begin{aligned} & \sqrt{0,1 \cdot \frac{1}{0,5} \cdot \frac{1}{0,2} \left(-P^{-0,1} \right) \cdot \left(-P^{-0,2} \right)} \\ & \frac{0,1}{0,10} \left(-P^{-0,2 \cdot 4} - P^{-0,2 \cdot 0} \right) \cdot \left(-P^{-0,5 \cdot 2} - P^{-0,5 \cdot 0} \right) \\ & 1 \left(-P^{-0,8} - (-P^0) \right) \cdot \left(-P^{-0,1} - (-P^0) \right) \\ & 1 \left(-P^{-0,8} + 1 \right) \cdot \left(-P^{-0,1} + 1 \right) \cdot (-1) \\ & (P^{-0,8} - 1) \cdot (P^{-0,1} - 1) \end{aligned}$$