

3ª LISTA DE EXERCÍCIOS

1- Ache a transformada de Laplace inversa da função dada

a) $\frac{3}{s^2+4}$

b) $\frac{2}{s^2+3s-4}$

c) $\frac{2s+2}{s^2+2s+5}$

d) $\frac{2s+1}{s^2-2s+2}$

e) $\frac{1-2s}{s^2+4s+5}$

f) $\frac{4}{(s-1)^3}$

g) $\frac{3s}{s^2-s-6}$

h) $\frac{2s-3}{s^2-4}$

i) $\frac{8s^2-4s+12}{s(s^2+4)}$

j) $\frac{2s-3}{s^2+2s+10}$

k) $\frac{2s}{(s^2+1)^2}$

l) $\frac{1}{\sqrt{s}}$

m) $\frac{1}{s^2-2s+9}$

n) $\frac{s+4}{s^2+4s+8}$

o) $\frac{s+2}{s^2-3s+4}$

p) $\frac{1}{s+2}$

q) $\frac{2}{(s-2)^2+9}$

r) $\frac{2s+1}{(s-1)^2+7}$

s) $\frac{1}{s^2-1}$

t) $\frac{2s-13}{s(s^2-4s+13)}$

u) $\frac{2(s-1)}{s^2-s+1}$

v) $\frac{s}{(s^2+9)^2}$

w) $\frac{1}{s(s^2+4)}$

x) $\frac{1}{s^2+3s+4}$

y) $\frac{1}{s^2-9}$

z) $\frac{1}{s^2-s}$

ATENÇÃO: USE FRAÇÕES PARCIAIS QUANDO NECESSÁRIO.

2- Resolva os problemas de valor inicial, usando Laplace, nos seguintes casos:

- a) $y'' - y' - 6y = 0$; $y(0) = 1$, $y'(0) = -1$
- b) $y'' + 3y' + 2y = 0$; $y(0) = 1$, $y'(0) = 0$
- c) $y'' - 2y' + 2y = 0$; $y(0) = 0$, $y'(0) = 1$
- d) $y'' - 4y' + 4y = 0$; $y(0) = 1$, $y'(0) = 1$
- e) $y'' + 2y' + 5y = 0$; $y(0) = 2$, $y'(0) = -1$
- f) $y'' - 2y' - 2y = 0$; $y(0) = 2$, $y'(0) = 0$
- g) $y^{IV} - 4y''' + 6y'' - 4y' + y = 0$; $y(0) = 1$, $y'(0) = -1$; $y''(0) = 0$; $y'''(0) = 1$
- h) $y'' - \omega^2 y' = \cos 2t$; $y(0) = 1$, $y'(0) = 0$; $\omega^2 \neq 4$
- i) $y'' - 2y' + 2y = e^{-x}$; $y(0) = 1$, $y'(0) = 0$
- j) $y'' + 2y' + y = 4e^{-x}$; $y(0) = 2$, $y'(0) = -1$
- k) $y'' - y = \operatorname{sen} x$; $y(0) = 0$, $y'(0) = 1$
- l) $y'' - y = e^x$; $y(0) = 1$, $y'(0) = 0$
- m) $y'' + 2y' - 3y = \operatorname{sen} 2x$; $y(0) = 0$, $y'(0) = 0$
- n) $y'' + y = \operatorname{sen} x$; $y(0) = 0$, $y'(0) = 2$
- o) $y'' + 2y' + 5y = 3e^{-3x}$; $y(0) = 1$, $y'(0) = 1$
- p) $y''' + y' = e^x$; $y(0) = 1$, $y'(0) = -1$; $y''(0) = 0$
- q) $y'' - y' - 2y = 4x^2$; $y(0) = 1$, $y'(0) = 4$

3- Resolva as equações de diferenças finitas e ache uma solução particular quando for dado o valor de y_0

- a) $2y_{x+1} = 4y_x + 3$; $y_0 = 1/2$
- b) $3y_{x+1} = 3y_x - 7$; $y_0 = 3$
- c) $6y_{x+1} + 2y_x = 0$; $y_0 = 2$
- d) $2y_{x+1} = 4y_x + 3$; $y_0 = \frac{1}{2}$
- e) $3y_{x+1} - 9y_x - 8 = 0$; $y_0 = \frac{1}{3}$
- f) $y_{x+1} - y_x - 10 = 0$; $y_0 = 2$
- g) $y_{x+1} = 7y_x + 6$; $y_0 = 1$
- h) $y_{x+1} + 3y_x + 1 = 0$; $y_0 = 1$
- i) $y_{x+1} = y_x - 1$; $y_0 = 5$
- j) $y_{x+1} + 4y_x + 12 = 0$; $y_0 = 6$
- k) $4y_{x+1} + 3y_x - 4 = 0$; $y_0 = \frac{1}{2}$
- l) $4y_{x+1} - y_x - 3 = 0$; $y_0 = \frac{1}{2}$
- m) $5y_{x+1} - 4y_x - 60 = 0$; $y_0 = 15$

ATENÇÃO: EM CADA CASO ESTUDE O COMPORTAMENTO DA SOLUÇÃO.

4- De acordo com o modelo de Cobweb o ajustamento da oferta e da demanda por ser estudado através de:

$$\text{Oferta: } q_t = \alpha + \beta p_{t-1}$$

$$\text{Demanda: } p_t = \gamma + \delta q_t$$

Considere que q_0 é conhecido no tempo $t = 0$ e resolva o modelo

5- Resolva as equações de diferenças finitas de segunda ordem

- a) $y_{x+2} + 5y_{x+1} + 6y_x = 0; y_0 = 2; y_1 = 5$
- b) $y_{x+2} - 5y_{x+1} + 4y_x = 0; y_0 = 1; y_1 = 6$
- c) $y_{x+2} - y_{x+1} + \frac{1}{2}y_x = 0; y_0 = 3; y_1 = 5/2$
- d) $y_{x+2} - 6y_{x+1} + 8y_x = 9; y_0 = 10; y_1 = 25$
- e) $y_{x+2} + 3y_{x+1} - 4y_x = 10; y_0 = 5; y_1 = 20$
- f) $y_{x+2} + 5y_{x+1} + 6y_x = 0; y_0 = 2; y_1 = 5$
- g) $y_{x+2} - 3y_{x+1} + 3y_x = 5; y_0 = 5; y_1 = 8$
- h) $9y_{x+2} - 6y_{x+1} + y_x = 16; y_0 = 0; y_1 = 3$
- i) $y_{x+2} - 8y_{x+1} - 9y_x = 24; y_0 = 2; y_1 = 0$
- j) $3y_{x+2} - 10y_{x+1} + 3y_x = 8; y_0 = 5; y_1 = 3$

ATENÇÃO: EM CADA CASO ESTUDE O COMPORTAMENTO DA SOLUÇÃO.

6- Samuelson propôs o modelo seguinte para análise da renda nacional

$$\begin{aligned}Y_t &= C_t + I_t + G_t \\C_t &= \alpha y_{t-1} \\I_t &= \beta [C_t - C_{t-1}] \\Y_0, Y_1 &\text{ são dados e } \alpha > 0, \beta > 0\end{aligned}$$

Resolva o modelo e estude o comportamento.