PROUB 1° UNIMARE

Atividades- Fundamentos de Cálculo - 1

1) As derivadas à esquerda e à direita de f em "a" são definidas por

$$f_{\oplus}(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$$
 e $f_{\oplus}(a) = \lim_{h \to 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$

Se esses limites existirem. Então f'(a) existe se, e somente se, essas derivadas unilaterais existirem e forem iguais.

- a) Encontre f(4) e f(4) para a função $f(x) = \begin{cases} 0, x \le 0 \\ 5 x, 0 < x < 4 \\ \frac{1}{5 x}, x \ge 4 \end{cases}$
- b) Esboce o gráfico de f
- c) Onde f é descontinua? Justifique
- d) Onde f não é diferenciável?
- 2) Encontre a função derivada, utilizando a técnica que julgar mais adequada.

a)
$$y = a^x$$
 b) $y = senx. \ln x + \frac{tgx}{x^2}$ c) $y = \frac{\sec x}{e^x}$

- 3) A produção de certa fábrica é dada por $Q(t) = 60K^{1/3}L^{2/3}$ unidades, em que K é o capital imobilizado (em milhares) e L é a mão de obra utilizada em homens-horas. Se a produção se mantém constante, qual a taxa de variação do capital imobilizado no instante em que o capital imobilizado é de \$8.000, a mão de obra utilizada é 1000 homens-horas e a mão de obra está aumentando à razão de 25 homens-horas por semana?
- 4) O valor V (em milhares de reais) de uma máquina industrial pode ser modleado pela função $V(N) = \left(\frac{N+430}{N+1}\right)^{2/3}$ em que N é o número de horas diárias de uso da máquina.

Suponha que o uso varia com o tempo de tal modo que $N(t) = \sqrt{t^2 + 10t + 45}$ em que t é o número de meses de operação da máquina.

a) Quantas horas por dia a máquina estará sendo usada daqui a 9 meses? Qual será o valor da máquina nessa ocasião?

1=8000 T=1000

b) A que taxa o valor da máquina estará variando com o tempo daqui a 9 meses? O valor estará aumentando ou diminuindo?

(5) A produção diária de um/operário que foi admitido há t semanas é dada por uma função da forma $Q(t) = 40 - Ae^{-kt}$ Inicialmente, o operário é capaz de produzir 20 unidades por dia; após uma semana, o operário está produzindo 30 unidades por dia.

(a) Quantas unidades o operário estará produzindo após 3 semanas?

(b) Qual será a taxa de variação da produção daqui a 10 semanas? ACHAR (c) (15) (10)

$$\int 6) \text{ a) Mostre que } \lim_{x \to 0} \frac{\cos x - 1}{x} = 0$$

b) Se
$$f(x) = \cos x$$
 mostre que $f'(x) = -senx$

7) O completo de apartamentos LW possui 100 unidades de dois dormitórios. O lucro mensal obtido pelo aluguel de x apartamentos é de $P(x) = -10x^2 + 1760x - 50.000$

(a) Calcule o lucro real obtido no aluguel obtido da 51^a unidade, assumindo 50 unidades já tenham sido alugadas. P(x) = P(SO) = P(SO)

b) Use os métodos de análise marginal para estimar o lucro obtido com o aluguel da 51^a unidade. Compare com os resultados encontrado no item anterior.

GOVERNO O REAL

Questão Bônus

A expressão do montante duplamente decrescente, uma grandeza usada em contabilidade, é $V(t) = V_0 \left(1 - \frac{2}{L}\right)^{\frac{1}{2}}$ em que V(t) é o valor após t anos de um artigo que originalmente custou V_0 reais e L é uma constante conhecida como "vida útil" do artigo.

- a) Uma geladeira custou \$875,00 e tem uma vida útil de 8 anos. Qual é o valor da geladeira após cinco anos?
- b) Qual a taxa de variação do valor com o tempo (taxa anual de depreciação)?
- c) Qual a taxa de variação percentual de V(t)?