

---

# Progetto di Sistemi Complessi: Modelli e Simulazione

---

## SUPERMARKET SIMULATION

TONELLI LIDIA LUCREZIA - 813114

MARCO GRASSI - 829664

GIANLUCA GIUDICE - 830694

# Contents

<b>1</b>	<b>Introduzione</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Stato dell'arte</b>	<b>3</b>
<b>3</b>	<b>Descrizione del modello</b>	<b>4</b>
3.1	Framework adottato e descrizione degli agenti . . . . .	4
3.2	Parametri del modello . . . . .	4
3.3	Workflow degli agenti . . . . .	5
<b>4</b>	<b>Implementazione dei comportamenti e delle strategie</b>	<b>6</b>
4.1	Fase di scelta della coda . . . . .	6
4.2	Fase di attesa in coda e jockeying . . . . .	7
<b>5</b>	<b>Simulazione</b>	<b>8</b>
<b>6</b>	<b>Analisi dei risultati</b>	<b>9</b>
<b>7</b>	<b>Conclusioni</b>	<b>10</b>

# Chapter 1

## Introduzione

In questo progetto è stato costruito un modello basato su agenti con lo scopo di simulare il comportamento dei clienti all'interno di un supermercato durante la fase di scelta della coda relativa a diversi tipi di casse.

Un grande supermercato è composto molte casse, ognuna di queste ha un comportamento diverso. Come vedremo in dettaglio nel capitolo successivo, esistono diversi tipi di casse: la cassa standard, in cui si trova una cassiera che passa i prodotti provenienti dal nastro, la cassa self-service, in cui è il cliente stesso a scannerizzare i prodotti e la cassa self-scan, comparsa negli ultimi anni, in cui il cliente deve soltanto pagare, in quanto ha già effettuato la scannerizzazione dei prodotti man mano che li ha raccolti nel carrello. La configurazione delle casse nel supermercato può prevedere che ogni cassa abbia la sua coda dedicata, oppure che tante casse condividano la stessa coda.

Inserire il  
riferimento  
al capitolo

Dal momento che in un grande supermercato sono presenti più clienti che casse, è fondamentale l'utilizzo di code per gestire la grande quantità di clienti. Un supermercato può essere considerato a tutti gli effetti un sistema complesso in quanto si verificano diversi aspetti che considerati contemporaneamente fanno emergere un comportamento complessivo difficilmente prevedibile, tra questi:

- Flusso di clienti in ingresso variabile (che influisce sulle persone in coda)
- Numero di prodotti che un cliente acquista durante la spesa (che influisce sul tempo passato in cassa, scatenando eventualmente il cambio della coda da parte di altri clienti)
- Numero di casse aperte contemporaneamente nel supermercato
- Strategia di scelta della coda dei clienti (un cliente può avere diversi criteri per la scelta della coda)
- Strategia di cambio della coda dei clienti

Lo scopo di questo lavoro è costruire un modello basato su agenti per simulare il comportamento del supermercato. Dopo una prima fase di validazione, sfruttando i pochi dati a disposizione, vengono considerati diversi casi "what-if" con lo scopo di sperimentare diverse configurazioni di casse e strategie di scelta della coda per una gestione ottimale del flusso dei clienti.

## Chapter 2

# Stato dell'arte

In questo capitolo viene introdotto il problema, il dominio di riferimento e l'approccio adottato per la risoluzione.

# Chapter 3

## Descrizione del modello

### 3.1 Framework adottato e descrizione degli agenti

reference

Mesa è un framework in Python usato per la modellazione basata su agenti (ABM). Permette di creare modelli con componenti *built-in* come griglie spaziali e scheduler di agenti, e di visualizzare i componenti del modello con un'interfaccia browser; Mesa infine comprende strumenti per l'analisi del modello creato.

Nel nostro modello di supermercato, il modello vero e proprio di Mesa è la classe **Supermarket** e gli agenti sono i clienti, classe **Customer**, e le casse, classe **CashDesk**.

La classe **Supermarket** si occupa di inizializzare la griglia che verrà poi mostrata in fase di simulazione sull'interfaccia, inizializzare le casse, l'ambiente e i clienti.

Per inizializzare la griglia, l'ambiente viene diviso in zone: zona d'entrata, zona di shopping, zona casse normali, zona casse self-service, zona casse self-scan. Questa divisione permette una gestione più semplice dello spazio e dei movimenti degli agenti. Ogni zona ha come parametri la dimensione o il numero di casse che deve contenere, questi parametri vengono inizializzati nella classe **main**, come si vedrà nella prossima sezione.

Ogni zona è responsabile della propria costruzione, ovvero del proprio collocamento nella griglia dell'interfaccia in base alle proprie dimensioni ed eventualmente del posizionamento delle casse che contiene. Inoltre ogni zona è responsabile dei movimenti dei clienti: nel momento in cui un cliente vuole muoversi da una zona all'altra infatti, è la zona di destinazione che fornisce il metodo per posizionarsi correttamente in essa.

Ad ogni step della simulazione, il modello crea dei clienti e li posiziona nella **Entering Zone** del supermercato in coordinate random, dunque si occupa della attivazione e disattivazione delle casse standard in base al numero di clienti presenti nel negozio in quello step, secondo dei parametri che si vedranno nella sezione Workflow degli agenti. Quindi il modello chiama gli scheduler degli agenti, clienti e casse, e fa eseguire i loro step.

Parlare di quanto dura uno step e quanto dura una simulazione

### 3.2 Parametri del modello

citare la sezione

Inizializzazione della griglia e parametri per creare casse (numero casse, coda condivisa o no), customer, basket size (analisi dei dati di Gianluca).

### 3.3 Workflow degli agenti

Steps: ad ogni step entrano clienti in base alla distribuzione data come parametro; ad ogni step le casse decidono se aprire o chiudere in base al numero di clienti presenti; mettere grafici dei comportamenti e degli stati dei clienti e delle casse (quindi descrizione in dettaglio di ogni cassa e tipo di coda, di ogni stato della cassa e del cliente).

## Chapter 4

# Implementazione dei comportamenti e delle strategie

In questo capitolo verranno analizzate le strategie di scelta della coda da parte del cliente. In particolare queste strategie determinano la coda che il cliente deciderà di seguire durante la fase di scelta della coda e durante la fase di attesa in coda e jockeying.

Come introdotto all'inizio della relazione, obiettivo di questo progetto è analizzare le varie configurazioni di casse all'interno del supermercato, al variare del tipo di casse, della quantità di clienti presenti nel negozio e alla strategia di scelta della coda dei clienti, pertanto è necessario disporre di strategie che sfruttano calcoli basati su variabili diverse: le variabili in gioco saranno il numero di elementi nel carrello, il numero di persone e il tempo medio di attesa.

Forse qui serve parlare dei paper (quello dei polacchi e quello delle fork)

Se un cliente entra nel supermercato con l'intenzione di usare le casse self-scan, chiaramente non sarà dotato di strategie di scelta della coda e di jockeying, dal momento che le casse self-scan hanno sempre un'unica coda condivisa. Anche nel caso in cui le casse standard abbiano un'unica coda condivisa, come capita in molti negozi, il cliente non avrà una strategia di scelta della coda o di jockeying. Al contrario invece, dopo la fase di shopping il cliente dovrà scegliere la coda tra le code disponibili delle casse standard e delle casse self-service; una volta che esso si accoda in una cassa standard, può decidere di cambiare coda e quindi effettuare il jockeying, se ritiene, con la propria strategia, che nelle casse a lui più vicine ci sia un tempo minore di attesa.

Lo scopo del progetto è indagare sulla configurazione di casse migliori, quindi ad ogni simulazione tutti i clienti avranno la stessa strategia di scelta della coda e di jockeying per creare una netta distinzione tra simulazioni diverse.

### 4.1 Fase di scelta della coda

Alla fine della *fase di shopping*, il cliente che non vuole andare alla cassa self-scan, deve scegliere quale coda seguire tra quelle disponibili, ovvero tra le code associate a casse aperte.

Una strategia è una scelta della coda  $q$  che minimizza una certa funzione  $f(q)$ , come riportato nel capitolo precedente alla ??.

1. **Minimo numero di elementi:** viene scelta la coda con il minimo numero di elementi nei carrelli di tutte le persone in attesa. La funzione da minimizzare è quindi per una coda  $q \in Q$  dove  $Q$  è l'insieme di tutte le code disponibili:

$$f(q) = \sum_{i=1}^N \text{basket-size}(c_i) \quad (4.1)$$

dove  $c_i \in q$  è un cliente in coda,  $\text{basket-size}(c_i)$  è il numero di elementi che ha nel suo carrello e  $N = |q|$  è il numero di clienti in coda in  $q$ .

2. **Minimo numero di persone:** viene scelta la coda con il minimo numero di persone accodate. La funzione da minimizzare per  $q \in Q$  è:

$$f(q) = |q| \quad (4.2)$$

3. **Minimo tempo d'attesa in base al tempo di servizio medio:** viene scelta la coda con il tempo d'attesa minimo, calcolato in base al tempo di servizio medio. Il *tempo di servizio totale di una coda* è calcolato come somma del tempo di servizio per ogni cliente della coda. Il tempo di servizio per un cliente comprende il **tempo di transazione** e il **tempo di pausa** tra un cliente e un altro. I dati sui tempi di transazione e di pausa sono stati estrapolati dall'articolo, in particolare i coefficienti  $a, b, c, d \in \mathbb{R}$ , e sono, per un cliente  $c_i \in q$ :

$$\text{transaction-time}_i = e^{a \log(\text{basket-size}(c_i)) + b} \quad (4.3)$$

$$\text{break-time}_i = e^{c \log(\text{basket-size}(c_i)) + d} \quad (4.4)$$

I tempi di servizio per ogni cliente di una coda sono quindi sommati per calcolare il tempo servizio totale per quella coda. Il tempo di servizio totale di una coda  $q_j$ ,  $j = 1, \dots, M$ , dove  $M$  è il numero totale di code del supermercato, è pertanto:

$$\text{total-service-time}(q_j) = \sum_{i=1}^N (\text{transaction-time}_i + \text{break-time}_i) \quad (4.5)$$

Il tempo di servizio medio per le code è la somma dei tempi totali di servizio divisa per il numero di code. Viene scelta la coda con il tempo totale minimo, mettendo insieme la 1.3, la 1.4 e la 1.5 si ottiene la funzione da minimizzare:

$$f(q) = |q| * \frac{1}{M} \sum_{j=1}^M (\text{total-service-time}(q_j)) \quad (4.6)$$

4. **Minimo tempo d'attesa in base alla *power regression*:** viene scelta la coda con il tempo d'attesa minimo, calcolato in base al tempo di transazione e il tempo di pausa medi per quella coda. Il tempo di servizio totale per una coda è calcolato anche qui in base alle 1.3, 1.4 e 1.5. La funzione da minimizzare è:

$$f(q) = |q| * \text{total-service-time}(q) \quad (4.7)$$

reference al  
paper

## 4.2 Fase di attesa in coda e jockeying



## Chapter 5

# Simulazione

## Chapter 6

# Analisi dei risultati

Mettere grafico fondamentale, ma prima definire densità e flusso per come li abbiamo calcolati nella classe Supermarket.

## Chapter 7

# Conclusioni

Ciao