

一、停机问题的证明定义在没有输入的函数上，能否改成在带输入的函数上？注意这时 $\text{Halt}(p, i)$ 函数接受两个参数，其中 i 是输入。

假设存在 $\text{Halt}(p, i)$ 函数，若 $p(i)$ 函数停机，则返回 $true$ ，若不停机则返回 $false$ 。由于程序本身就是一种数据，所以不妨将程序本身设为输入。可以写出以下恶意程序：

```
void Evil(program p) {
    if (!Halt(p, p)) return;
    else while (1);
}
```

当 $\text{Halt}(p, p)$ 返回 $true$ ，即 p 停机时， $\text{Evil}(p)$ 死循环。当 $\text{Halt}(p, p)$ 返回 $False$ ，即 p 死循环时， $\text{Evil}(p)$ 停机。那么，我们将无法判断 $\text{Halt}(\text{Evil}, \text{Evil})$ 的返回值。

- 当 $\text{Halt}(\text{Evil}, \text{Evil})$ 返回 $true$ 时，说明 $\text{Evil}(\text{Evil})$ 停机。而 $\text{Evil}(\text{Evil})$ 停机意味着 Evil 函数执行 `return` 语句，即 $\text{Halt}(\text{Evil}, \text{Evil})$ 返回值为 $false$ 。
- 当 $\text{Halt}(\text{Evil}, \text{Evil})$ 返回 $false$ 时，说明 $\text{Evil}(\text{Evil})$ 死循环。而 $\text{Evil}(\text{Evil})$ 死循环意味着 Evil 函数执行 `while(1)` 语句，即 $\text{Halt}(\text{Evil}, \text{Evil})$ 返回值为 $true$ 。

所以，结果与假设存在矛盾，不存在这样的 $\text{Halt}(p, i)$ 函数。

二、假设我们把符号分析的抽象域改成{自然数、负、罅}三个值，其中自然数表示所有正数和零，请写出加法和除法的计算规则，并给出一个式子，在该抽象域上得到的结果不如原始分析精确。

在上述抽象域中，加法的计算规则为：

抽象+	自然数	负	罅
自然数	自然数	罅	罅
负	罅	负	罅
罅	罅	罅	罅

对于以下式子：

$a + b + (-b)$

抽象分析为：不论 a, b 是自然数还是负数，式子的符号永远为“罅”

原始分析为：不论 b 是自然数还是负数，式子的符号永远和 a 一致

显然原始分析更加精确

在上述抽象域中，除法的计算规则为：

抽象/	自然数	负	𐀀
自然数	𐀀	𐀀	𐀀
负	𐀀	自然数	𐀀
𐀀	𐀀	𐀀	𐀀

对于以下式子：

$$x/(-x)$$

抽象分析为：不论 x 是自然数还是负数，式子的符号永远为“𐀀”

原始分析为：当 x 为负时，式子符号为负，其他情况为“𐀀”

显然原始分析更加精确