软分第1次作业

姓名: 陈格非

学号: 2100012986

2023/09/12 课程介绍 [2023/09/19 截止]

完成课程介绍讲义中的练习并提交pdf文件

1.

停机问题的证明定义在没有输入的函数上,能否改成在带输入的函数上? 注意这时 Halt(p, i) 函数接受两个参数,其中 i 是输入。

回忆原证明:

停机问题证明

- 假设存在停机问题判定算法: bool Halt(p)
- p 为特定程序
- 给定某邪恶程序

```
void Evil() {
  if (!Halt(Evil)) return; else while(1);
}
```

- Halt(Evil) 的返回值是什么?
- 如果为真,则 Evil 不停机,矛盾
- 如果为假,则 Evil 停机,矛盾

注: 关于这个证明, 群里有同学指出:

我不明白的地方是,如果Evil没有输入,它就必须自己输出自己的编码。[晕]

而自己输出自己的编码似乎需要一个非平凡的构造,证明中似乎并没有解释。

好在,这个证明的正确性不影响这个习题的证明,所以我们将不讨论原证明的正确性,直接用类似的方法构 造。

对于原问题,可以参考这个 StackExchange 回答: <u>computability - Halting problem without input? -</u> <u>Computer Science Stack Exchange</u>

或者这个视频: <u>ECS 120 9a:3 no-input halting problem is undecidable - University of California, Davis</u> (思路:将带输入停机问题的归约成无输入的停机问题)

反证法: 假设存在 Halt(p, i) 满足条件。

则构造一个函数 Evil(p):

```
void Evil(p) {
  if (!Halt(p, p)) return; else while(1);
}
```

考虑 Halt(Evil, Evil) 的取值,即可导出矛盾:

- 假若 Halt(Evil, Evil) 为真,则 Evil(Evil) 反而会不停机,与 Halt(p, i) 的定义矛盾。
- 假若 Halt(Evil, Evil) 为假,则 Evil(Evil) 反而会停机,与 Halt(p, i) 的定义矛盾。

因此, Halt(p, i) 不存在。证毕。■

2.

假设我们把符号分析的抽象域改成 {自然数、负、 \(\text{\text{\$\frac{1}{2}}}\) 三个值,其中自然数表示所有正数和零,请写出加法和 除法的计算规则,并给出一个式子, 在该抽象域上得到的结果不如原始分析精确。

加法

| ↓+ → | 自然数 | 负 | 槑 |
|-------------|-----|---|---|
| 自然数 | 自然数 | 槑 | 槑 |
| 负 | 槑 | 负 | 槑 |
| 槑 | 槑 | 槑 | 槑 |

除法

| ↓/ → | 自然数 | 负 | 槑 |
|-------------|-----|-----|---|
| 自然数 | 槑 | 槑 | 槑 |
| 负 | 槑 | 自然数 | 槑 |
| 槑 | 槑 | 槑 | 槑 |

例式

考虑式子 2/1 = 2, 它在原始分析上表示为 正/正=正, 在本题的抽象域中为 自然数/自然数=槑。

这个式子在该抽象域上得到的结果不如原始分析精确。■