

浙江大学 20_18 - 20_19 学年 春夏 学期

《 电磁场与电磁波 》课程期末考试试卷

课程号： 85120060 ，开课学院： 信息与电子工程学院

考试试卷： ☒ A 卷、B 卷（请在选定项上打 \checkmark ）

考试形式： 闭、☒ 开卷（请在选定项上打 \checkmark ），允许带 课本 入场

考试日期： 2019 年 7 月 3 日，考试时间： 120 分钟

诚信考试，沉着应考，杜绝违纪。

考生姓名： 学号： 所属院系：

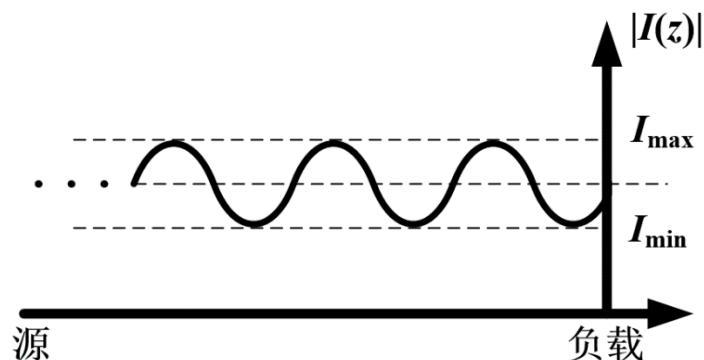
题序	一	二	三	四	五	六	总分
得分							
评卷人							

一、 单项选择题(每小题 2 分，共 30 分)

1. 关于电磁波，下面说法正确的是 (D)

- A. 声波、微波、紫外线、可见光都是电磁波；
- B. 电磁波的传播必须有介质，其传播信息最大速度为光速；
- C. 静电场和恒定磁场由于麦克斯韦方程的限制，也是相互耦合的；
- D. 平面电磁波是指等相位面为一个平面的电磁波。

2. 若驻波如下面左图，则负载阻抗应位于下面阻抗圆图的第几象限 (A)



- A. 第一象限
- B. 第二象限
- C. 第三象限
- D. 第四象限

3. 两同轴线内外径相同，填充介质的介电常数为 ϵ ，若 $\epsilon=2.5$ 的同轴线要和 $\epsilon=9.6$ 的同轴线实现阻抗匹配，需连接同样粗细、四分之一波长的同轴线，若这三段同轴线磁导率相同，则该同轴线的 ϵ 为（B）

A. 6.05 B. 4.9 C. 6.6 D. 5.2

4. 若电场为 $\mathbf{E}(\mathbf{r}) = x_0 \cos y$ ，那么下列说法正确的是（B）

- A. 该电场为无旋场；
- B. 对应磁场随时间变化；
- C. 该电场所所在区域有电荷源；
- D. 以上说法均错。

5. 下面关于平面波的描述，正确的是（D）

- A. 高斯光束是平面波的一种；
- B. 平面波的波速一定等于自由空间波速；
- C. 天线发射的电磁波在远区为平面波；
- D. 平面波既可以是 TE 波也可以是 TM 波。

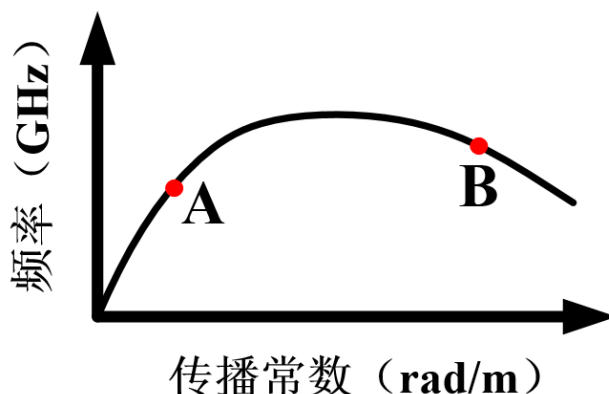
6. 有一圆形气球，电荷均匀分布在其表面上，在此气球被吹大的过程中，球外的电场强度将（C）

A. 增大 B. 线性减小 C. 不变 D. 以 $1/4\pi r^2$ 减小

7. 若介质的相对介电常数为4，电导率为1000S/m，在其内部施加一10GHz的电场，则介质内（C）

- A. 位移电流幅度远小于传导电流幅度；
- B. 位移电流与传导电流的相位差为 180 度；
- C. 直流时只有传导电流；
- D. 位移电流和传导电流均造成损耗。

8. 如果在某种导波结构中色散曲线如下，下列说法正确的是（B）



- A. 该色散曲线上 A 点和 B 点表明该点相速度大于群速度；
- B. 在图上 B 点群速度与相速度方向相反；
- C. 该导波结构一定有损耗；
- D. 该导波结构工作于 TEM 模。

9. 矩形波导横截面的长边为 a ，宽边为 $0.25a$ ，那么以下哪些模式是简并的？（C）

- A. TE_{10} 和 TE_{02}
- B. TE_{52} 和 TE_{71}
- C. TE_{50} 和 TE_{31}
- D. 以上无正确选项

10. 圆极化的均匀平面波从 $\epsilon_r = 3$ ， $\mu_r = 1$ 的理想介质斜入射到与空气的分界面，下列可能发生的现象有（B）

- A. 可能全反射，也可能全透射
- B. 可能全反射，不可能全透射
- C. 不可能全反射，可能全透射
- D. 不可能全反射，也不可能全透射

11. 关于圆波导，下面说法错误的是（C）

- A. 圆波导中 TE 模表示为 TE_{mn} 时， m 表示场沿圆周分布的驻波数， n 表示场沿半径分布的半驻波数或场的最大值个数；
- B. 汽车在隧道中接收不到电台信号，是因为隧道可等效成圆波导，而信号频率在此圆波导截止频率以下；
- C. 圆波导的 TE_{11} 模和矩形波导的 TE_{10} 模场分布类似，因而可直接将两者连接并且无反射；
- D. 圆波导不适合用来做传输系统。

12. 关于趋肤效应，下面说法错误的是（C）

- A. 趋肤效应导致同一导体在不同频率下的等效电阻不同；
- B. 趋肤深度随导体电导率增加而减小；
- C. 导体电阻随频率增加而减小；
- D. 微带线的金属厚度应大于趋肤深度，使其传输损耗较小。

13. 关于光纤，下列说法错误的是（C）

- A. 光纤是一种介质光波导，其包层折射率必须比纤芯低，从而实现全内反射；
- B. 梯度光纤中的模间色散要比阶跃光纤小得多，因而具有更高的传输带宽；
- C. 光纤可以单模工作在 LP_{01} ， LP_{01} 模具有低频截止的特性；
- D. 光纤中传播的电磁波是准 TEM 模。

14. 矩形谐振腔的内截面几何尺寸为 $22.86 \text{ mm} \times 10.16 \text{ mm} \times 25 \text{ mm}$ ，谐振腔材料为铜，电导率为 $5.8 \times 10^7 \text{ S/m}$ ，腔中最大电场强度振幅为 1000 V/m ，腔工作在最低模。下面说法错误的是（C）

- A. 谐振波长为 33.74 mm
- B. 固有品质因数 Q 约为 7814.6
- C. 腔中储能为 $8.5 \times 10^{-12} \text{ J}$
- D. 腔中损耗能量为 $4.6 \times 10^{-5} \text{ J}$

15. 天线概念中错误的是（B）

- A. 天线增益考虑了天线材料中的欧姆损耗，而天线方向性则没有；
- B. 天线增益是馈入天线电磁信号的放大倍数，方向性是指波束的指向方向；
- C. 方向图主瓣越窄，副瓣越小，天线方向性就越大，天线增益也越高；
- D. 天线方向性和增益都表示了天线把输入功率集中辐射的程度。

二、 填空题(每空 2 分，共 10 分)

1. 写出复矢量 $\mathbf{E} = [je^{jkz} \mathbf{x}_0 + (2+j)e^{jkz} \mathbf{y}_0]$ 的时谐矢量表示：

$-\sin(\omega t + kz)\mathbf{x}_0 + [2\cos(\omega t + kz) - \sin(\omega t + kz)]\mathbf{y}_0$

2. 对于终端开路的传输线，当其长度小于四分之一波长时，相当于电阻、电感还是电容？

电容；对于终端短路的传输线，当其长度小于四分之一波长时，相当于电阻、电感还是电容？ 电感。

3. 导电介质的波阻抗是复数，它的相角 φ 的取值范围是

$(0, \pi/4)$

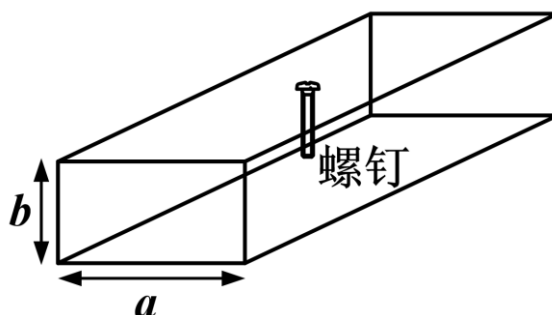
4. 电基本振子辐射的能量对波源而言是一种损耗，利用电路理论等效为一个阻抗，工作波长 λ_0 、长度为 dl 的电基本振子的辐射电阻为

$80\pi^2\left(\frac{dl}{\lambda_0}\right)^2$

三、（15 分）矩形波导长边 $a = 22.86 \text{ mm}$ ，宽边 $b = 10.16 \text{ mm}$ 。

（1）试求该波导 TE_{10} 模式的截止频率 f_c 、截止波长 λ_c 、单模工作频段，作出 TE_{10} 模式在波导横截面上的电场矢量分布图。

（2）矩形波导无限长，在长边中心插入一螺钉，当螺钉足够长时，会形成 LC 串联谐振，作出此时矩形波导及螺钉的等效电路图；假设 $L = 10 \text{ nH}$ ， $C = 25.2 \text{ fF}$ ，试求解 10 GHz 时螺钉所在面处的反射系数大小，并作出在波导单模工作频率的反射系数幅度示意图。



解：（1）

$$f_c = \frac{c}{2a} = 6.56 \text{ GHz} \quad 2\text{分}$$

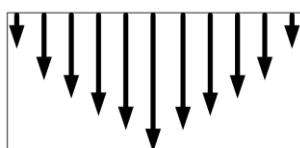
$$\lambda_c = 2a = 45.72 \text{ mm} \quad 1\text{分}$$

第二个模式为 TE_{20} 模

$$f_{c1} = \frac{c}{a} = 13.12 \text{ GHz}$$

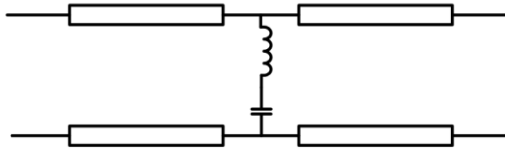
故单模工作频段为 $[6.56 \text{ GHz}, 13.12 \text{ GHz}]$ 2分

$$k_z = \sqrt{\omega^2 \mu_0 \varepsilon_0 - \left(\frac{\pi}{a}\right)^2} :$$



2 分

(2)



2 分

$$Z_{in} = Z_c \parallel \left(j\omega L + \frac{1}{j\omega C} \right), Z_c = \frac{\omega\mu_0}{k_z}$$

2分

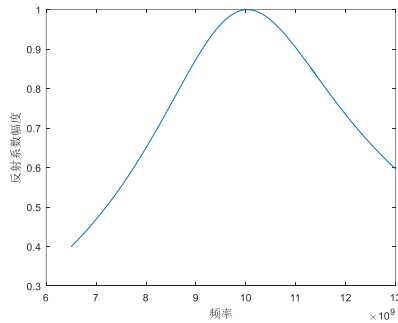
$$\Gamma = \frac{Z_{in} - Z_c}{Z_{in} + Z_c}$$

2分

10GHz 处, $|\Gamma| = 1$

1 分

反射系数幅度示意图:

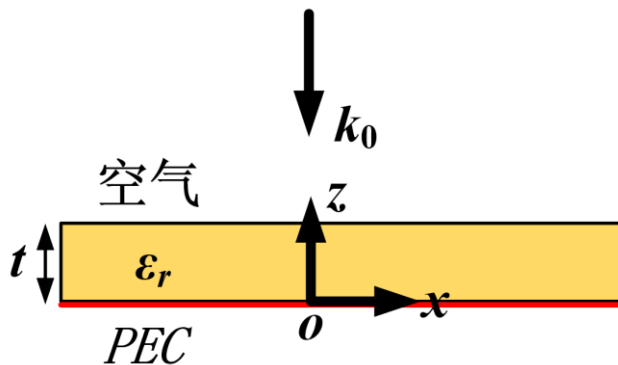


1 分

四、(15分) 介质底面有一完纯导体, 如下图所示。介质的厚度为 t , 相对介电常数为 ϵ_r , 有一垂直入射的平面TEM波, 电场为 $\mathbf{E} = [je^{jk_0 z} \mathbf{x}_0 + (1+j)e^{jk_0 z} \mathbf{y}_0]$ 。

(1) 判定该电场的极化, 求解入射磁场表达式及入射复数坡印廷功率流。

(2) 若 $\epsilon_r = 4$, $t = 7.5 \text{ mm}$, 分别求解5 GHz和10 GHz, 介质上表面的反射系数。



解: (1) 传播方向沿 $-z$ 方向,

$$\mathbf{E} = \left[e^{jk_0 z + j\frac{\pi}{2}} \mathbf{x}_0 + \sqrt{2} e^{jk_0 z + j\frac{\pi}{4}} \mathbf{y}_0 \right], \text{ 左旋椭圆极化波}$$

2分

$$\mathbf{H} = \frac{-\mathbf{z}_0 \times \mathbf{E}}{\eta_0} = \left[-\frac{j}{377} \mathbf{y}_0 + \frac{1+j}{377} \mathbf{x}_0 \right] e^{jk_0 z}$$

3分

$$\mathbf{S} = \mathbf{E} \times \mathbf{H}^* = -\frac{3}{377} \mathbf{z}_0$$

3分

(2) 从介质上表面向PEC看去，输入阻抗：

$$Z_{in} = j \frac{\eta_0}{\sqrt{\epsilon_r}} \tan \left(\frac{2\pi f \sqrt{\epsilon_r}}{c} t \right)$$

3分

当 $f = 5 \text{ GHz}$ 时：

$$Z_{in} = \infty, \quad \Gamma = \frac{Z_{in} - \eta_0}{Z_{in} + \eta_0} = 1$$

2分

当 $f = 10 \text{ GHz}$ 时：

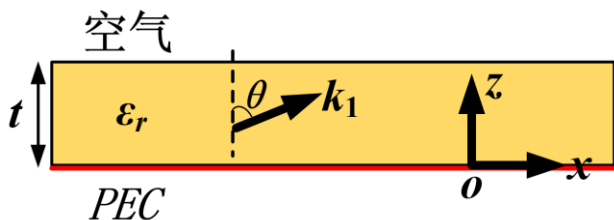
$$Z_{in} = 0, \quad \Gamma = \frac{Z_{in} - \eta_0}{Z_{in} + \eta_0} = -1$$

2分

五、(15分) 介质底面有一完纯导体，如下图所示。介质的厚度为 t ，相对介电常数为 $\epsilon_r = 4$ ，有一以 θ 角度从介质内向介质外入射的平面波，电场指向 \mathbf{y} 方向。

(1) 当 θ 在何范围内，可以使得电磁功率无法辐射到自由空间远场区域？

(2) 利用横向谐振条件列出该结构沿介质与空气交界面传播的 TE 波的色散方程。



解：(1) $\theta > \sin^{-1} \left(\frac{1}{\sqrt{\epsilon_r}} \right) = \frac{\pi}{6}$ 3分

(2)

$$Z_{\uparrow} = \frac{\omega \mu_0}{\sqrt{k_0^2 - k_x^2}}$$

3分

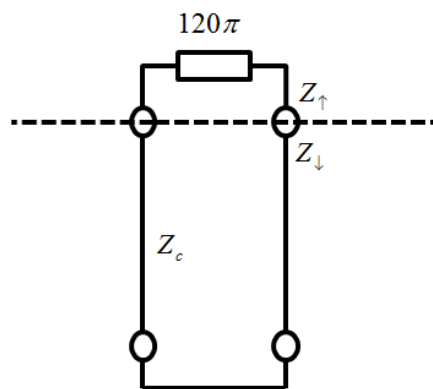
$$Z_{\downarrow} = j \frac{\omega \mu_0}{\sqrt{k_0^2 \epsilon_r - k_x^2}} \tan \left(\sqrt{k_0^2 \epsilon_r - k_x^2} t \right)$$

3分

色散方程为：

$$\frac{1}{Z_{\uparrow}} + \frac{1}{Z_{\downarrow}} = 0$$

3分

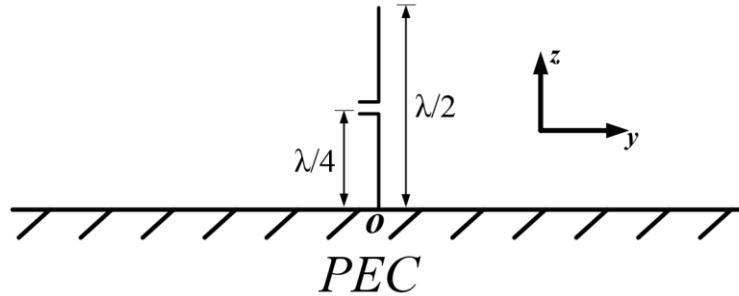


化简可得

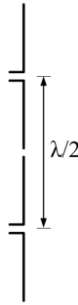
$$\frac{j\sqrt{4k_0^2 - k_x^2}}{\sqrt{k_0^2 - k_x^2}} = \tan\left(\sqrt{4k_0^2 - k_x^2}t\right) \quad 3 \text{ 分}$$

六、(15 分) 垂直放置于无限大理想导体平面上的半波对称振子天线，如下图所示，坐标原点在 antenna 与地平面交点。求：

- (1) 用镜像原理，求天线空间方向函数（提示：需求出二元阵的阵因子）。
- (2) 画出 $yo z$ 平面上电场的辐射方向示意图。



解：(1) 由镜像原理，在上半空间的辐射场，可以等效为二元阵分析，如下图所示：



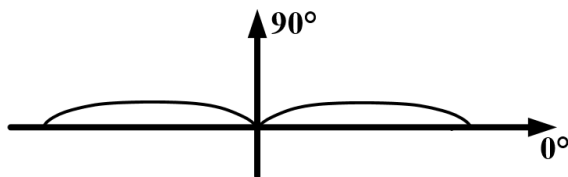
由方向图乘积定理，得方向函数：

$$\vec{E}_1 = \omega_0 \mu_0 \frac{jk(r - \frac{1}{4}\lambda \cos \theta)}{2\pi r \sin \theta} \cos\left(\frac{\pi}{2} \cos \theta\right) \quad 3 \text{ 分}$$

$$\vec{E}_2 = \omega_0 \mu_0 \frac{jk(r + \frac{1}{4}\lambda \cos \theta)}{2\pi r \sin \theta} \cos\left(\frac{\pi}{2} \cos \theta\right) \quad 3 \text{ 分}$$

$$F(\theta) = F_1(\theta)F_a(\theta) = \frac{\cos\left(\frac{\pi}{2} \cos \theta\right)}{\sin \theta} \cdot \cos\left(\frac{\pi}{2} \cos \theta\right) = \frac{\cos^2\left(\frac{\pi}{2} \cos \theta\right)}{\sin \theta} \quad 4 \text{ 分}$$

(2) E 面（包含 z 轴的平面）：



5 分