# Informatik II: Algorithmen und Datenstrukturen SS 2017

Vorlesung 7b, Mittwoch, 14. Juni 2017 (Fortsetzung Verkettete Listen, Cache-Effizienz)

Prof. Dr. Hannah Bast Lehrstuhl für Algorithmen und Datenstrukturen Institut für Informatik Universität Freiburg

### Blick über die Vorlesung heute

# UNI FREIBURG

#### Inhalt

Verkettete Listen
 Fortsetzung von gestern

Laufzeitvergleich + Analyse

Lokalität Speicherzugriffe
 Definition + Hintergründe

Blockoperationen
 Alternatives Effizienzmaß

# Lokalität Speicherzugriffe 1/4



#### Einfach(st)es Beispiel

Wir addieren die n Elemente eines Feldes auf

```
... in der natürlichen Reihenfolge: 1 + 2 + 3 + 4 + 5
```

... in einer zufälligen Reihenfolge: 2 + 5 + 3 + 1 + 4

- Das Ergebnis ist in beiden Fällen identisch
- Die Anzahl der Operationen ist ebenfalls identisch
- Beobachtung:

```
m=10.000.000 : "randam" ca. 10 mal LANGSAMER

m=100.000.000 : "randam" ca. 20 mal LANGSAMER
```

# Lokalität Speicherzugriffe 2/4 CPU Cache, Prinzip

- Zugriff auf ein Byte im Hauptspeicher kostet ca. 50 100ns
- Zugriff auf ein Byte im Level-1 (L1) Cache kostet ca. 1ns
- Bei Zugriff auf ein oder mehrere Bytes im Hauptspeicher holt man gleich einen ganzen Block (cache line) in den Cache

Größe einer cache line für x86 Prozessoren: 64 Bytes

- Solange dieser Block im Cache ist, braucht man für Bytes aus diesem Block nicht mehr auf den Hauptspeicher zuzugreifen
- Der Cache hat Platz für viele solcher Blöcke

Typische Größe eines L1-Cache: **32 KB** (= 500 cache lines)

Unter LINUX: getconf -a | grep CACHE

# Lokalität Speicherzugriffe 3/4

- Disk Cache, Prinzip "gewinsollen Daten steren
  - "Seek Time" ist ~ 5ms (HDD) bzw. ~ 0.1ms (SSD) Bei HDD: Lesekopf muss an die Stelle bewegt werden
  - Transferrate ist ~ 50 MB/s (HDD) bzw. ~ 200 MB/s (SSD) Bei HDD: Kopf bleibt stehen, Platte dreht sich schnell weiter
  - Deshalb geht das Betriebssystem wie folgt vor Wird ein Byte von der Platte gelesen, wird gleich ein ganzer Block eingelesen ... z.B. 128 KB auf einmal Solange dieser Block im Speicher ist, braucht man für Bytes aus diesem Block nicht mehr auf die Platte zugreifen Also dasselbe Prinzip wie beim CPU Cache

# FREIBURG

### Lokalität Speicherzugriffe 4/4

#### Wenn der Cache voll ist

 muss einer der Blöcke entfernt werden, dafür gibt es zahlreiche Strategien, zum Beispiel:

**LRU** (Least Recently Used) = der Block, für den es am längsten her ist, das darauf zugegriffen wurde

**LFU** (Least Frequently Used) = der Block, auf den am wenigsten zugegriffen wurde, seit er im Cache ist

Das ist aber nicht das Thema der Vorlesung heute
 Für unsere einfachen Analysen heute und für das ÜB7 spielt es keine Rolle, welche Strategie verwendet wird

#### Abstraktion der bisherigen Beobachtungen

- Es gibt einen langsamen und einen schnellen Speicher
- Beide Speicher sind in Blöcke der Größe B unterteilt
- Der schnelle Speicher ist M groß = Platz für M/B Blöcke
- Stehen die Daten nicht im schnellen Speicher, wird der entsprechende Block in den schnellen Speicher geladen
- Das Programm kann sich aussuchen, welche Blöcke im schnellen Speicher gehalten werden
- Wir zählen nur die Anzahl der Blockoperationen

Also +1 für jedes Mal, wenn ein Block in den schnellen Speicher geladen wird, der da gerade nicht drin steht

#### Blockoperationen 2/8



- Was wir alles vernachlässigen
  - Sämtliche Berechnung auf einem Block im schnellen Speicher
  - Kosten für das Verwalten der Blöcke im schnellen Speicher
  - Wie genau der langsame Speicher in Blöcke unterteilt ist
  - Ob eine Operation 1, 2, 4 oder 8 Bytes liest
  - Grund 1: die Zeit, die man braucht, um einen Block in den schnellen Speicher zu holen, dominiert oft alles andere
  - Grund 2: die anderen Sachen machen nur einen konstanten
     Faktor Unterschied → egal für O(...) oder Θ(...) Schranken

# Blockoperationen 3/8

- Gute vs. Schlechte Lokalität
  - Für B Operationen hat man also:
    - Im "best case" nur 1 Blockoperation gute Lokalität
      Im "worst case" B Blockoperationen schlechte Lokalität

B=5

B

=

13

具

langamer Speider

- Sonderfall: für  $n \le M$  (Eingabe passt ganz in den schnellen Speicher) hat man trival  $\lceil n/B \rceil$  Blockoperationen
  - Eine Analyse der Anzahl Blockoperationen ist also erst für große bzw. sehr großen Eingaben ( $n \gg M$ ) interessant

### Blockoperationen 4/8



■ Typische Werte (für einen Server)

```
- CPU L1-Cache: B = 64 Bytes, M = 32 KB 512 blocks CPU L2-Cache: B = 64 Bytes, M = 256 KB 4096 blocks CPU L3-Cache: B = 64 Bytes, M = 8 MB 131072 blocks
```

- Disk Cache: B = 64 KB, M = 64 GB ≈ 1 million blocks

Die meisten Betriebssysteme benutzen alles, was vom Hauptspeicher gerade nicht genutzt wird, als Disk Cache

 Sinnvollerweise wählt man dabei B so, dass die transfer time für einen Block ungefähr gleich der seek time ist

Wenn man schon die viele Zeit für ein "seek" aufwendet, kann man auch gerade noch mal so viel Zeit aufwenden, um möglichst viele Elemente auf einmal zu lesen

#### Blockoperationen 5/8



#### Terminologie

Blockoperationen nennt man beim

CPU Cache: in der Regel cache misses

Weil sie dann nötig werden, wenn ein Stück vom (langsamen) Hauptspeicher nicht im (schnellen) Cache ist

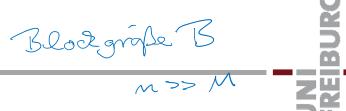
Disk Cache: oft einfach IOs

IO oder I/O = Input/Output ... eher historische Bezeichnung für Datentransfer von der oder auf die Platte

 Wenn man die Anzahl Blockoperationen eines Algorithmus analysiert, spricht man deswegen oft von seiner

Cache-Effizienz oder IO-Effizienz

# Blockoperationen 6/8



■ IO-Effizienz von **ArraySumMain** 1/2

Wenn wir über die n Elemente in der Reihenfolge 1, 2, 3, ...
 iterieren, dann ist die Anzahl Blockoperationen

im best case: Tm/B7

im worst case: Tm/B7

 Wenn wir über die n Elemente in einer zufälligen Reihenfolge iterieren, dann ist die Anzahl Blockoperationen

im best case: [m/B] ... aler ser unwahrsdemlich ... leu n >> M

im worst case: \_\_\_\_\_

# Blockoperationen 7/8

#### ■ IO-Effizienz von **ArraySumMain** 2/2

- In der Praxis ist der Unterschied zwischen den beiden Varianten kleiner als die Blockgröße (B = 64)
- Grund: der durchschnittliche Fall (average case) liegt irgendwo zwischen best case und worst case

Wenn **n** nicht viel viel größer als **M** ist, steht das nächste Element manchmal schon zufällig im schnellen Speicher

Außerdem wird auch bei zufälliger Reihenfolge pro Element auf 4 benachbarte Bytes (ein **int**) auf einmal zugegriffen

#### Blockoperationen 8/8



#### ■ IO-Effizienz von MergeSort

Kurze Wiederholung der Funktionsweise:

Teile das Feld in zwei gleich große Teile

Sortiere die beiden Teile rekursiv

Mische die beiden sortierten Folgen zu einer sortierten Folge

- − Mischen von zwei Folgen der Gesamtlänge n geht mit IO(n)≤ [n/B] Blockoperationen
- Außerdem ist IO(n) = 1 für  $1 \le n \le B$
- Durch Auflösen der Rekursion kann man dann zeigen, dass  $IO(n) = \Theta(n/B \cdot log_2(n/B))$
- Man kann sogar zeigen:  $IO(n) = \Theta(n/B \cdot \log_{M/B}(n/B))$

#### Literatur / Links



- Cache-Effizienz / IO-Effizienz
  - In Mehlhorn/Sanders:
    - 2 Introduction 2.2.1 External Memory
  - In Wikipedia

http://en.wikipedia.org/wiki/Cache

http://de.wikipedia.org/wiki/Cache

Da wird das Prinzip eines Caches beschrieben, es gibt aber keinen separaten Artikel zur Cache-Effizienz bei Algorithmen