

14. Dado un digrafo D con pesos $c: E(D) \rightarrow \mathbb{R}$ que no tiene ciclos de peso negativo, queremos encontrar la arista $v \rightarrow w$ que sea st -eficiente para la mayor cantidad de pares s y t . Proponer un algoritmo eficiente y "simple de programar" para resolver este problema. **Ayuda:** verificar que la propiedad del Ejercicio 1a también es cierta en este caso.

Queremos la arista $v \rightarrow w$ que esté en la mayor # de caminos mínimos entre todos los pares de vértices

Algoritmo

1. Hago FW sobre D y quedo que devuelve MCM $P \quad O(n^3)$
Voy a tener n v -ACMs, 1 por cada $v \in V(G)$
2. Para c/ v -ACM marco las aristas que se repitan con \pm mismo peso
3. Me fijo cuál es la arista puntada más veces y devuelvo esa arista

Más implementativo

1. FW sobre D y me quedo con MCM $O(n^3)$
2. Inicializo un diccionario $H: e \rightarrow \mathbb{N} \quad O(L)$
3. Recorro cada v -ACM y para c/ (i, j) lo agrego a H si no estaba y si estaba aumento su significado $O(n^2)$
4. Recorro H y devuelvo $(i, j) / H(i, j) = \max \{H(i, j) / (i, j) \in \text{clave } H\} \quad O(n)$

Este enfoque sería correcto si existiese un único camino mínimo de v a w
pero podría NO ser el caso

1. Hago FW sobre D
2. Inicializo un diccionario H : $anterior \rightarrow \mathbb{N}$
3. Para cada $(s, t) \in V(G)$
4. Para cada $(v, w) \in E(G)$
5. Si $d(s, v) + c(v, w) + d(w, t) = d(s, t)$
6. ha agregado a H si no estaba con significado ± 0
7. aumento su significado
8. Recorro el diccionario en busca de la anterior de mayor significado