

15. Dados dos vértices  $v$  y  $w$  de un grafo pesado  $G$ , el *intervalo* entre  $v$  y  $w$  es el conjunto  $I(v, w)$  que contiene a todos los vértices que están en algún recorrido mínimo entre  $v$  y  $w$ . Un conjunto de vértices  $D$  es *geodésico* cuando  $\bigcup_{v, w \in D} I(v, w) = V(G)$ . Diseñar e implementar un algoritmo de tiempo  $O(n^3)$  que, dado un grafo pesado y conexo  $G$  y un conjunto de vértices  $D$  de  $G$ , determine si  $D$  es geodésico.

Floyd Warshall devuelve uno de los caminos ~~todos~~ a todos para vértice  $I(v, w)$  son los vértices de algún camino/recorrido mínimo entre  $v$  y  $w$ . Como recorrido mínimo es exponencial si hay ciclos de peso negativo y sin el mismo problema que camino como a hacer para caminos

Como recorrido mínimo = camino mínimo en este caso

=> si bien entre  $v$  y  $w$  puede haber  $\infty$  de un camino mínimo

Habrán igual pero por diferentes caminos como  $I(v, w)$  nos habla de todos los vértices en algún camino entre  $v$  y  $w$  basta con encontrar uno solo  $\rightarrow$  FW

Algoritmo

1. Inicializo un set  $S = \emptyset$
2. Hago FW sobre  $G$  y pido que devuelva MCM  $P \quad O(n^3)$
3. Para  $v \in D \quad O(n)$
4. Para  $w \in D \quad O(n)$
5. padre =  $P[v][w]$
6. Mientras padre  $\neq v \quad O(n) \rightarrow$  árbol  $\#E = n \rightarrow O(n)$
7. Agregar padre a  $S$
8. padre =  $P[v][padre]$
9. Devolver  $S == V(G)$