Oilerio maršrutai:

Teorija. Grafas H vadinamas grafo G **pografiu**, jei H viršūnių ir briaunų aibės yra atitinkamai grafo G viršūnių ir briaunų aibių poaibiai. Jei grafo H briaunų aibę sudaro visos G briaunų aibės briaunos, kurių abu galai priklauso H, tai H vadinamas **indukuotuoju** grafo G pografiu.

Maršrutas (kelias), apeinantis visas grafo briaunas po vieną kartą, vadinamas *Oilerio maršrutu*. Jei pradinė ir galinė maršruto viršūnės nesutampa, tai toks maršrutas vadinamas *Oilerio grandine*, priešingu atveju – *Oilerio ciklu*.

Oilerio teorema. Būtina ir pakankama sąlyga, kad grafas G turėtų Oilerio maršrutą yra:

- grafas G turi būti jungusis,
- visų jo viršūnių laipsniai turi būti arba lyginiai, arba G turi turėti tik dvi nelyginio laipsnio viršūnes
 Pirmuoju atveju grafas turi Oilerio ciklą, o antruoju grandinę, prasidedančią ir besibaigiančią nelyginio laipsnio viršūnėse.

Uždavinys. Duotas grafas G = (V, U), kur n – grafo viršūnių skaičius ir m – grafo briaunų skaičius, V – viršūnių, o U – briaunų aibės. Rasti jame visus indukuotus grafo penkių viršūnių pografius, turinčius Oilerio maršrutą.

