

Transformadores de mónadas

Cecilia Manzino

19/11/2024

- ▶ Es un constructor de tipos que toma una mónada como argumento y devuelve una mónada.
- ▶ Es usado para combinar los efectos de las mónadas de manera modular.
- ▶ Un transformador T es una generalización de una mónada M , por ejemplo aplicando T a la mónada identidad se obtiene M .

Ejemplo: StateT

```
-- Monada de estado
newtype State s a = St (s -> (a, s))

-- Combinamos State con m
newtype StateT s m a = StT (s -> m (a, s))
runStT (StT f) = f

instance Monad m =>
  Monad (StateT s m) where
  return a = StateT $ \s -> return (a,s)
  StT f >= k =
    StateT $ \s -> do (a,s') <- f s
                      runStT (k a) s'
```

Definimos las operaciones de la mónada `State` para `StateT`:

```
get :: Monad m => StateT s m s
get = StateT $ \e -> return (e,e)

put :: Monad m => s -> StateT s m ()
put e = StateT $ \_ -> return ((),e)
```

Obs: Estas definiciones pueden definirse dentro de la instancia de `MonadState` para `StateT s m`.

Definición

Un transformador de mónada consiste en:

1. Un constructor de tipos $t :: (* \rightarrow *) \rightarrow * \rightarrow *$, tal que si m es una mónada $t\ m$ también lo es.
2. Un operador `lift` $:: \text{Monad } m \Rightarrow m\ a \rightarrow t\ m\ a$ que satisface las siguientes leyes:

```
lift (return a) = return a
lift (m >=> k) = (lift m) >=> (lift.k)
```

La clase `MonadTrans` contiene como método esta operación:

```
class MonadTrans t where
    lift :: Monad m => m a -> t m a
```

Ejemplo: StateT

1. Damos la instancia de `Monad` para `StateT s m` (suponiendo que `m` es una mónada) y probamos que es una mónada.

Definimos las operaciones de la mónada `State s` (get y put) cambiando el tipo monádico a `StateT s m`.

2. Definimos `lift` para `StateT s`.

```
instance MonadTrans (StateT s) where
  -- lift :: Monad m => m a -> StateT s m a
  lift op = StateT $ \s -> do a <- op
                              return (a,s)
```

Ejemplo de uso de StateT s

```
data Exp = Lit Int
         | Var String
         | Let String Exp

type Env = [(String, Int)]
```

- ▶ El evaluador debe manejar un estado y controlar errores.
- ▶ La mónada `StateT Env Maybe` combina ambos efectos.
- ▶ La mónada `Maybe` tiene una sola operación: `throw`, elevamos esta operación usando `lift`:

```
throwErr = lift throw
```

Ejemplo: Evaluador

```
eval :: Exp -> StateT Env Maybe Int
eval (Int n) = return n

eval (Let v x) = do a <- eval x
                   s <- get
                   put ((v,a):s)
                   return a

eval (Var v) =
  do s <- get
  maybe throwError return (lookup v s)
```


Otros transformadores de mónadas

```
newtype MaybeT m a =  
    MaybeT { runMaybeT :: m (Maybe a) }  
  
newtype ReaderT r m a =  
    ReaderT { runReaderT :: r -> m a}  
  
newtype WriterT w m a =  
    WriterT { runWriterT :: m (a,w) }
```

Ejercicio: Dar la instancia de `Monad` para `MaybeT m`, suponiendo que `m` es una mónada.

Combinando 3 mónadas

```
type TripleMonad a =  
    MaybeT (ReaderT Env IO) a  
  
-- nos olvidamos de las capas  
fromReader :: ReaderT Env IO a ->  
    TripleMonad a  
fromReader = lift  
  
fromIO :: IO a -> TripleMonad a  
fromIO = lift . lift
```

Obs: La mónada `IO` es siempre la mónada más interna.