## UTN FRBB Dto. de Electrónica - Electrónica Aplicada II

## Respuesta en Frecuencia

Trabajo de Laboratorio III

N. Cantallops, G. García & A. Riedinger

26 de agosto de 2021

Ing. R. Frachi & Ing. J. P. Marcos

# Índice general

L	Emisor común:			4
	1.1	Cálcul	o de la polarización:	4
	1.2	Cálcul	o de la respuesta en frecuencia:	6
		1.2.1	Cálculo de la frecuencia de corte inferior:	6
		1.2.2	Cálculo de la frecuencia de corte superior:	7

#### OBJETIVOS Y RESÚMEN:

Este laboratorio tiene como finalidad medir la respuesta en frecuencia de las tres configuraciones amplificadoras básicas con BJT: Emisor Común, Colector Común, Base Común. Luego se efectuará, para cada una de ellas, una simulación con OrCAD PSPICE y un cálculo teórico, para finalmente armar una tabla comparativa de la frecuencia de corte superior de cada configuración.

## 1 Emisor común:

En la Fig. 1.1 se puede observar el circuito a calcular según los siguientes parámetros de diseño:

- $h_{fe} = h_{FE} = 253$
- $I_C = 1 \ [mA]$
- $V_{CC} = 12 [V]$
- $V_{BE} = 0.7 [V]$
- $V_t = 26 \ [mA]$
- $R_s = 50 \ [\Omega]$
- $R_L = 10 [k\Omega]$

### 1.1. Cálculo de la polarización:

Para lograr una máxima excursión de señal se supondrá como criterio de buen diseño el punto de trabajo del amplificador según:

- $V_{RC} = 0.45 \ V_{CC}$
- $V_{CE} = 0.45 \ V_{CC}$

Entonces, con los datos de  $V_{RC}$  e  $I_C$ , según la Ley de Ohm es posible calcular el valor del resistor de colector:

$$R_C = \frac{V_{RC}}{I_C} = \frac{0.45 \ V_{CC}}{I_C} = \frac{0.45 \times 12}{1 \times 10^{-3}} = 5.4 \ [k\Omega]$$
 (1.1)

Ahora, planteando la malla de salida y teniendo en cuenta que  $V_{CE} = 0.45 \ V_{CC}$ , se puede calcular el resistor de emisor:

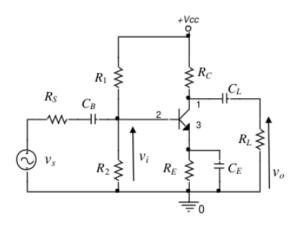


Figura 1.1: Circuito esquemático de un amplificador en configuración de emisor común

$$V_{CC} - V_{RC} - V_{CE} - I_E R_E = V_{CC} - 0.45 \ V_{CC} - 0.45 \ V_{CC} - \frac{h_{FE} + 1}{h_{FE}} I_C R_E = 0$$

$$R_E = \frac{V_{CC}(1 - 0.45 - 0.45)}{\frac{h_{FE} + 1}{h_{FE}} I_C} = \frac{12 \times 0.10}{0.99 \times 1 \times 10^{-3}} \simeq 1195 \ [\Omega]$$
 (1.2)

Teniendo en cuenta que para garantizar la máxima excursión de señal se debe cumplir que:

$$R_E \ge 10 \frac{R_B}{h_{FE}} \tag{1.3}$$

Según la Ec. 1.3, se puede calcular el resitor de base:

$$R_B = \frac{h_{FE}R_E}{10} = \frac{253 \times 1195}{10} = 30,2 \ [k\Omega]$$
 (1.4)

Donde el resistor de base será según el Teorema de Thevenin (luego de abrir la base del transitor) equivalente al resistor de Thevenin:

$$R_B = R_{th} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \tag{1.5}$$

Y la fuente equivalente de Thevenin:

$$V_{th} = V_{CC} \frac{R_2}{R_1 + R_2} \tag{1.6}$$

Entonces, planteando la malla de entrada según el circuito equivalente de Thevenin se puede encontrar que:

$$V_{th} = I_B R_{th} + V_{BE} + I_E R_E = 3.45 \times 10^{-6} \times 30.2 \times 10^3 + 0.7 + 1 \times 10^{-3} \times 1195 \simeq 2.02 [V]$$
 (1.7)

De esta forma, aplicando el valor hallado de  $V_{th}$  en la Ec. 1.6, es posible calcular el valor del resitor  $R_1$  como una función del resistor  $R_2$ :

$$V_{th}R_1 + V_{th}R_2 = V_{CC}R_2$$
 :  $R_1 = \frac{R_2 (V_{CC} - V_{th})}{V_{th}}$ 

$$R_1 = \frac{12 - 2,02}{2,02} R_2 \simeq 4,94 R_2 \tag{1.8}$$

Reemplazando el valor de  $R_1$  ahora en la Ec. 1.5:

$$R_B = \frac{4,94 R_2^2}{4,94 R_2 + R_2} = \frac{4,94 R_2^2}{R_2 (4,94+1)} = \frac{4,94 R_2}{4,94+1}$$
 :  $R_B = 0.83 R_2$ 

$$R_2 = \frac{R_B}{0.83} = \frac{30.2 \times 10^3}{0.83} = 36 \ [k\Omega] \tag{1.9}$$

Finalmente, substituyendo la Ec. 1.9 en la Ec. 1.8:

$$R_1 = 4.94 \times 36 = 180 [k\Omega]$$

En resúmen, la polarización terminará siendo dada por:

- $R_1 = 180 \ [k\Omega]$
- $R_2 = 36 [k\Omega]$

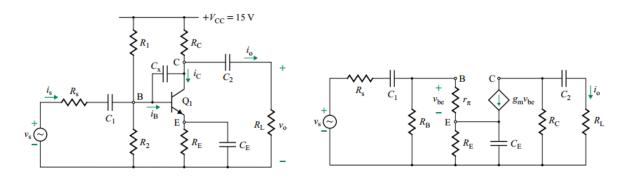


Figura 1.2: Circuito emisor común completo y modelo equivalente de señal para el análisis de la frecuencia de corte inferior

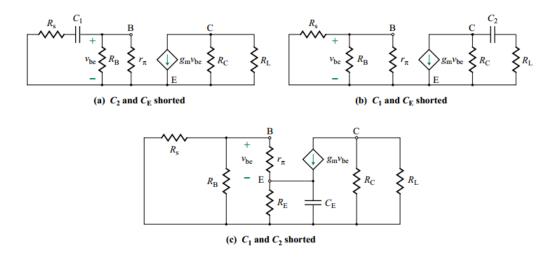


Figura 1.3: Circuito equivalente de señal para (a)  $C_2$  y  $C_E$  en corto, (b)  $C_1$  y  $C_E$  en corto y (c)  $C_1$  y  $C_2$ en corto

- $R_C = 5.4 [k\Omega]$
- $R_E = 1195 \ [\Omega]$

## 1.2. Cálculo de la respuesta en frecuencia:

Para el cálculo de la respuesta en frecuencia, se obtuvieron los siguientes parámetros a partir del modelo de PSpice del transistor BC548 a utilizar:

- $C_{je} = 11.5 [pF]$
- $C_{\mu_0} = 0.5 [pF]$
- $\tau_F = 409,5 \ [ns]$
- $V_{ie} = 0.5 [V]$
- $V_{jc} = 0.57 [V]$

### 1.2.1. Cálculo de la frecuencia de corte inferior:

En la Fig. 1.2 se puede ver el circuito equivalente para el análisis de la frecuencia de corte inferior.

Para considerar el efecto de  $C_1$  sobre la  $f_L$ , se deben cortocircuitar  $C_2$  y  $C_E$  tal y como se muestra en la Fig. 1.3(a). Entonces, la impedancia vista por  $C_1$  será:

$$R_{C1} = R_s + R_B \parallel r_{\pi} \tag{1.10}$$

donde  $r_{\pi} = h_{fe} V_t / I_C$ .

Por tanto, la frecuencia de corte inferior debida a  $C_1$  será:

$$f_{C1} = \frac{1}{2\pi R_{C1} C_1} \tag{1.11}$$

Ahora, la frecuencia equivalente a  $C_2$  se dará cortocircuitando  $C_1$  y  $C_E$  como se ve en la Fig. 1.3(b). La impedancia vista por  $C_2$ :

$$R_{C2} = R_C + R_L (1.12)$$

Y la frecuencia de corte debida a  $C_2$ :

$$f_{C2} = \frac{1}{2\pi R_{C2} C_2} \tag{1.13}$$

Y el mismo criterio se aplica para el cálculo de la frecuencia debida a  $C_E$ , cortocuircuitando  $C_1$  y  $C_2$  como se ve en la Fig. 1.3(c):

$$R_{CE} = R_E \parallel \frac{r_{\pi} + (R_s \parallel R_B)}{1 + \beta_f} \tag{1.14}$$

$$f_{CE} = \frac{1}{2\pi R_{CE} C_E} \tag{1.15}$$

Entonces, la frecuencia de corte inferior estará dada por la mayor frecuencia entre  $f_{C1}$ ,  $f_{C2}$  y  $f_{CE}$  (dependiendo de cuál es el capacitor más dominante):

- $f_{C1} = 29.19 [Hz]$
- $f_{C2} = 24.53 [Hz]$
- $f_{CE} = 24.53 \ [Hz]$

Finalmente, se nota que  $f_L = f_{C1} = 29,19$  [Hz].

#### 1.2.2. Cálculo de la frecuencia de corte superior:

En la Fig. 1.4(sup.) se puede observar el circuito equivalente a analizar.

Teniendo en cuenta la definición de transconductancia interna del transistor  $g_m = I_c/V_t$ , se puede calcular la capacitancia equivalente en la base:

$$C_b = \tau_F g_m = \tau_F \frac{I_C}{V_t} = 409.5 \times 10^{-9} \frac{1 \times 10^{-3}}{26 \times 10^{-3}} = 15.75 [nF]$$
 (1.16)

Entonces, a partir de  $C_b$ , la capacitancia  $C_{\pi}$  será:

$$C_{\pi} = C_b + C_{ie} = 15,75 \times 10^{-9} + 11,5 \times 10^{-12} = 15,76 \ [nF]$$
 (1.17)

Luego, la capacitancia  $C_{\mu}$  estará dada según:

$$C_{\mu} = \frac{C_{\mu_0}}{\left[1 + V_{CB}/V_{je}\right]^{1/3}} \tag{1.18}$$

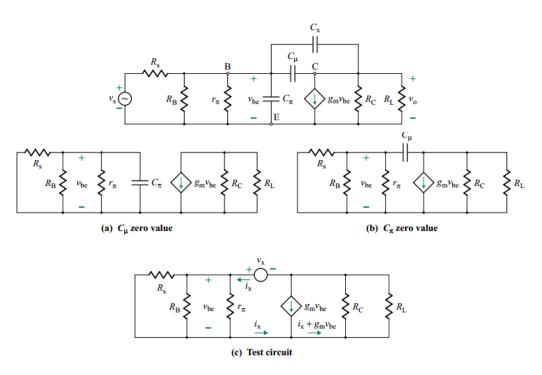


Figura 1.4: Circuito equivalente de señal para el análisis de la frecuencia de corte superior (figura superior) y circuitos equivalentes para la aplicación del método del valor cero (figura inferior)

Observando el circuito de polarización, se pueden calcular los voltajes en los puntos de colector y base según:

$$V_C = V_{CE} + I_E R_E = V_{CE} + \frac{h_{FE} + 1}{h_{FE}} I_C R_E = 5.4 + 1 \times 10^{-3} \times 1195$$
 :  $V_C = 6.59 \ [V]$ 

$$V_B = V_{BE} + I_E R_E = V_{BE} + \frac{h_{FE} + 1}{h_{FE}} I_C R_E = 0.7 + 1 \times 10^{-3} \times 1195$$
 :  $V_B = 1.89 \ [V]$ 

Por tanto, el voltaje colector-base estará definido como:

$$V_{CB} = V_C - V_B = 6.59 - 1.89 = 4.69 [V]$$

Finalmente, la capacitancia  $C_{\mu}$  será:

$$C_{\mu} = \frac{0.5 \times 10^{-9}}{\left[1 + \frac{4.69}{0.5}\right]^{1/3}} = 0.23 \ [nF] \tag{1.19}$$

Ahora, aplicando el método de valor cero al abrir  $C_{\mu}$  como se ve en la Fig. 1.4(a), se puede calcular la resistencia vista desde  $C_{\pi}$ :

$$R_{C\pi} = r_{\pi} \parallel (R_s \parallel R_B) \tag{1.20}$$

Luego, el equivalente con  $C_{\pi}$ abierto se puede ver en la Fig. 1.4(b). Si se reemplaza  $C_{\mu}$  por una fuente de voltaje  $v_x$  como se ve en la Fig. 1.4(c), según la Ley de Voltajes de Kirchhoff (LVK), se puede obtener:

$$v_x = v_{be} + (R_L \parallel R_C) (i_x + g_m v_{be}) = R_i i_x + (R_L \parallel R_C) (i_x + g_m R_i i_x)$$

donde  $R_i = r_\pi \parallel R_s \parallel R_B$ .

Por tanto:

$$v_{x} = i_{x} \left[ (R_{L} \parallel R_{C}) + R_{i} \left( 1 + g_{m} R_{L} \parallel R_{C} \right) \right]$$

$$R_{C\mu} = \frac{v_{x}}{i_{x}} = R_{L} \parallel R_{C} + R_{i} \left[ 1 + g_{m} \left( R_{L} \parallel R_{C} \right) \right]$$
(1.21)

De esta forma, la frecuencia de corte superior estará dada según:

$$f_H = \frac{1}{2\pi \left[ R_{C\pi} C_{\pi} + R_{C\mu} C_{\mu} \right]} = 43 \left[ kHz \right]$$