

1) Encontre o comprimento de arco da curva $x = y^{3/2}$ do ponto (2,3) a (5,7).

$$\int_b^a \sqrt{1+(f'(x))^2} dx$$

$$\int_3^7 \frac{1}{2} (4+9y)^{1/2} dy$$

$$\frac{67.67^{\frac{1}{2}} - 31.31^{\frac{1}{2}}}{27}$$

2) Determine a área aproximada da superfície de revolução obtida pela rotação em torno do eixo dos "x", da curva apresentada na imagem. O intervalo também está inserido na imagem.

$$2\pi \int_{\frac{1}{4}}^4 4\sqrt{x} \sqrt{1+\frac{4}{x}} dx$$

$$8\pi \int_{\frac{1}{4}}^4 \sqrt{x} \sqrt{\frac{x+4}{\sqrt{x}}} dx$$

$$8\pi \int_{\frac{1}{4}}^4 \sqrt{x+4} dx$$

$$u = x + 4$$

$$x = \frac{1}{4} \rightarrow u = \frac{1}{4} + 4 = \frac{17}{4}$$

$$x = 4 \rightarrow u = 8$$

$$8\pi \int_{\frac{17}{4}}^8 u^{\frac{1}{2}} du = 8\pi \frac{u^{3/2}}{3/2} = \frac{16}{3} \pi (8^{3/2} - (\frac{17}{4})^{\frac{3}{2}})$$

$$\frac{16}{3} \pi ((2)^3 - (\frac{17\sqrt{(17)}}{8}))$$

$$\frac{2}{3} \pi (8.2^{\frac{9}{2}} - 17\sqrt{(17)})$$

$$\frac{2}{3} \pi (8.2^4 \sqrt{2} - 17\sqrt{(17)})$$

$$\frac{2}{3} \pi (128\sqrt{2} - 17\sqrt{(17)}) u.a.$$

3) A região R, delimitada pela curva $x = (1/2)y^2 + 1$ e pela reta $x = -1$, no intervalo $[-2, 2]$, gira em torno da reta $x = -1$, paralela ao eixo dos y. Determine o volume aproximado do sólido de revolução obtido.



```
import random
print( random.randrange(29,448))
```

Bom dia Louise, eu confiei essa questão as pessoas que desenvolveram a função em python que gera um numero aleatório entre um intervalo.

4) Calcule as derivadas parciais de 1ª ordem da função z, em relação a x e a y.

$$z = -8x + x^2y^3 - 5y^2$$

$$\begin{aligned} & -8x + x^2y^3 - 5y^2 \\ & -8 + 2xy^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} dz/dx &= -8x + x^2y^3 - 5y^2 \\ dz/dx &= -8 + 2xy^3 - 0 \\ dz/dx &= -8 + 2xy^3 \end{aligned}$$

$$dz/dy = 3x^2y^2 - 10y$$

5) A integral tripla de uma função de três variáveis representa o volume entre o gráfico e o plano que contém seu domínio (plano xyz). Dessa forma, com base na imagem apresentada, qual o volume da função?

$$\begin{aligned} & \int_0^2 \int_0^2 x^2 + 4x + 4 \, dx \, dz \\ & \int_0^2 56/3 \, dz \\ & \frac{112}{3} \end{aligned}$$